# LUYỆN TẬP CHUYÊN ĐỀ: CÂY IT

## BÀI 1. OLP031. TRUY VẤN VỚI BIT - 1

Thời gian: 2s

Cho dãy số A[] có N phần tử. Có Q truy vấn:

- Loại 1: 1 u K: Tăng giá trị phần tử A[u] lên K đơn vị
- Lọai 2: 2 u v: Yêu cầu in ra tổng A[u] + A[u+1] + ... + A[v].

#### Input

- Dòng đầu tiên là số nguyên N  $(1 \le N \le 100\ 000)$ .
- Dòng tiếp theo gồm N số nguyên A[i]  $(1 \le A[i] \le 10^9)$ .
- Tiếp theo là số lượng truy vấn Q ( $1 \le Q \le 100~000$ ).
- Q dòng tiếp theo, mỗi dòng gồm một loại truy vấn.
- Giới han:  $1 \le u \le v \le N$ ,  $1 \le K \le 10^9$ .

## Output

Với mỗi truy vấn, in ra đáp án tìm được trên một dòng.

#### Test ví dụ:

Input	Output
5	15
1 2 3 4 5	20
3	
2 1 5	
1 2 5	
2 1 5	

Giải thích test:

Dãy số sau truy vấn thứ hai là 6 2 3 4 5.

## BÀI 2. OLP062. TRUY VÂN MAX

Thời gian: 2s

Cho dãy số A[] gồm N phần tử. Có 2 loại truy vấn như sau:

- +) 1 u v: Yêu cầu tìm phần tử lớn nhất trong dãy con từ u à v.
- +) 2 u v x: Tăng các phần tử từ u đến v lên x đơn vị.

# **Input:**

Dòng đầu tiên là số lượng phần tử N và số lượng truy vấn M ( $1 \le N, M \le 100~000$ ).

Dòng tiếp theo gồm N số nguyên A[i]  $(1 \le A[i] \le 10^9)$ .

M dòng tiếp, mỗi dòng gồm 1 dạng truy vấn.

# **Output:**

Với mỗi truy vấn loại 1 in ra đáp án tìm được trên một dòng.

## Test ví dụ:

Trans. 1

Input:	Output
5 4	5
1 2 3 4 5	7
1 1 5	
2 1 4 3	
2 5 5 1	
1 1 5	

#### BÀI 3. OLP063. TRUY VẤN SUM

Thời gian: 2s

Cho dãy số A[] gồm N phần tử. Có 2 loại truy vấn như sau:

- +) 1 u v: Yêu cầu tính tổng dãy con từ u à v.
- +) 2 u v x: Tăng các phần tử từ u à v lên x đơn vị.

## **Input:**

Dòng đầu tiên là số lương phần tử N và số lương truy vấn M  $(1 \le N, M \le 100\ 000)$ .

Dòng tiếp theo gồm N số nguyên A[i]  $(1 \le A[i] \le 10^9)$ .

M dòng tiếp, mỗi dòng gồm 1 dang truy vấn.

#### **Output:**

Với mỗi truy vấn loại 1 in ra đáp án tìm được trên một dòng

#### Test ví du:

Input:	Output
5 4	15
1 2 3 4 5	21
1 1 5	
2 1 5 1	
2 5 5 1	
1 1 5	

## BÀI 4. OLP064. TRUY VẤN VỚI TÍCH

Thời gian: 8s

Cho dãy số A[] có N phần tử, ban đầu tất cả các phần tử đều có giá trị bằng 1.

Có 3 loại truy vấn:

- 0 L R P: yêu cầu tính tích của các phần tử từ L tới R theo modulo P.
- 1 L R X: nhân các phần tử từ L tới R cho X
- 2 L R Y: chia các phần tử từ L tới R cho Y

Nếu  $L \le R$ , các truy vấn được thực hiện theo thứ tự L, L+1, ..., R.

Ngược lại, các truy vấn được thực hiện trên đoạn L, L+1,...N và 1, 2, ...R.

Input đảm bảo với truy vấn 2, các phần tử từ A[L], ..., A[R] (hoặc A[L], ..., A[N] và A[1], ..., A[R]) đều chia hết cho Y.

### **Input:**

Dòng đầu tiên là số lượng bộ test T ( $T \le 20$ ).

Mỗi test bắt đầu bởi số nguyên N và số lượng truy vấn M (N,  $M \le 50~000$ ).

M dòng tiếp, mỗi dòng gồm 1 dạng truy vấn.

Giới hạn:  $1 \le P \le 10^9 + 7$ ,  $1 \le X$ ,  $Y \le 150$ 

## **Output:**

Với mỗi truy vấn loại 0 in ra đáp án tìm được trên một dòng.

#### Test ví du:

Input:	Output	
2	1	
6 5	3375	
0 1 5 999999999	375	
1 2 4 15	1675720	
0 1 6 8704271	21600000	
2 2 3 3	64800000	
0 1 6 999999999		
6 6		
1 1 4 20		
1 2 6 15		
0 1 6 9704339		
2 3 6 5		
0 1 4 999999999		
0 1 5 999999999		

# BÀI 5. OLP109. XÂU CON CHIA HẾT CHO 3

Thời gian: 2s

Cho xâu S gồm N kí tự S[1], S[2], ..., S[N]. Có 2 loại truy vấn như sau:

- +) 1 u x: Thay thế kí tự a[u] bằng kí tự x.
- +) 2 u v: In ra số lương xâu con chia hết cho 3 trong pham vi từ u tới v.

# **Input:**

Dòng đầu tiên là số lượng kí tự N và số lượng truy vấn M (N,  $M \le 100~000$ ).

Dòng tiếp theo gồm xâu S. Mỗi kí tự trong phạm vi từ '0' đến '9'.

M dòng tiếp, mỗi dòng gồm 1 dạng truy vấn.

# **Output:**

Với mỗi truy vấn dạng 2 in ra đáp án tìm được trên một dòng.

#### Test ví dụ:

Input:	Output
5 3	3
01246	1
2 1 3	
1 4 5	
2 3 5	

Giải thích truy vấn 1: 0, 12, 012

Giải thích truy vấn 3: Xâu trở thành 01256, chỉ có xâu con '6' chia hết cho 3.

# BÀI 6. OLP111. TRUY VẤN VỚI BIỂU THỰC TOÁN HỌC

Thời gian: 2s

Cho xâu S là một biểu thức toán học với các phép tính + và -. Các kí tự được đánh số bắt đầu từ 1. Cặp số (u,v) thỏa mãn điều kiện  $1 \le u \le v \le |S|$  sẽ xác định một xâu con của S bắt đầu từ kí tự thứ u cho tới hết kí tư thứ v.

Có 2 loai truy vấn:

- ? L R :yêu cầu tính giá trị biểu thức từ LàR theo modulo 998244353. Input đảm bảo s[L], s[R] là một chữ số.
- ! u C: c có thể là +, hoặc chữ số: thay đổi kí tự thứ u thành kí tự C. Input đảm bảo sau truy vấn này, không có 2 toán tử nào nằm canh nhau.

#### Input

Dòng đầu tiên chứ xâu S có độ dài không quá 10<sup>5</sup>.

Dòng thứ 2 chứa số nguyên Q  $(1 \le Q \le 10^5)$  là số truy vấn.

Q dòng tiếp theo, mỗi dòng chứa một truy vấn.

#### Output

Với mỗi truy vấn loại 1, hãy in ra đáp án của biểu thức trên một dòng.

Input:	Output
123-456+789	19
10	13
? 2 5	998244308
? 7 9	230456
? 4 6	998244330
! 1 +	456
! 4 0	4
? 1 7	
! 1 -	
? 1 3	
? 4 7	
? 4 5	

HÉT