

16.14

- a)  $\{ \langle 2, 3 \rangle, \langle 3, 2 \rangle, \langle 1, a \rangle, \langle 2, 2 \rangle, \langle 1, 1 \rangle, \langle 3, 3 \rangle, \langle a, a \rangle \}$ .
- b)  $\{ \langle 2, 3 \rangle, \langle 3, 2 \rangle, \langle 1, a \rangle, \langle a, 1 \rangle \}$ .
- c)  $\{ \langle 2, 3 \rangle, \langle 3, 2 \rangle, \langle 1, a \rangle, \langle 2, 2 \rangle, \langle 3, 3 \rangle \}$ .
- d)  $[b]$  er alle som er relatert med  $b$ , og i  $S$  er det 1 og  $b$ .
- e)  $\{ \langle 3, 2 \rangle, \langle 2, 3 \rangle, \langle a, 1 \rangle \}$ .
- f) Funksjonen  $f$  har ingen invers pga. når man inverterer  $f$  så er 2 relaterte til to andre elementer.

17.6 For å bevise en tautologi må vi bevise at motsigelsen ikke er oppfylldbar.

$$\neg(P \rightarrow (P \vee Q))$$

$$P$$

$$\neg(P \vee Q)$$

$$\neg P$$

$$\neg Q$$

$$X$$

Siden motsigelsen er lukket betyr det at det ikke finnes en motsigelse og at  $P \rightarrow (P \vee Q)$  er en tautologi.