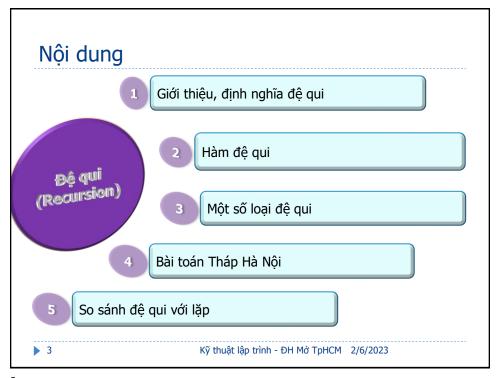


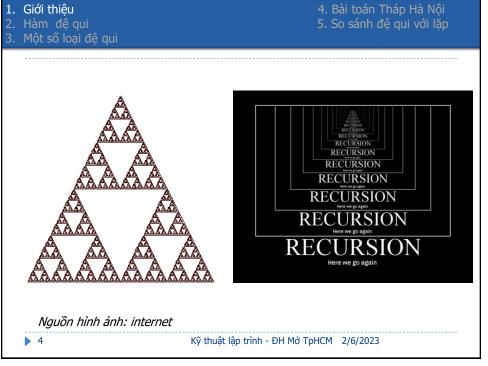
Mục tiêu

- Sau khi học xong chương này, người học có thể:
- Hiểu được khái niệm và ý nghĩa của đệ qui
- 2 Hiểu và biết cách xây dựng hàm đệ qui

2

Kỹ thuật lập trình - ĐH Mở TpHCM 2/6/2023





- Giới thiêu
 - Hàm đệ qui 5. So sánh đệ qui với lặp
- Môt số loai đê qui
 - Thuật giải đệ qui (*recursive algorithm*): tinh giảm vấn đề hiện tại.
 - Có 1 hoặc nhiều trường hợp cơ sở (basic case): giải trực tiếp
 - Trường hợp tổng quát (general case): tinh giảm dần để quay về basic case.

Kỹ thuật lập trình - ĐH Mở TpHCM 2/6/2023

5

- Giới thiệu
- Hàm đệ qui

4. Bài toán Tháp Hà Nội 5. So sánh đê qui với lặp

- Một số loại đệ qui
 - Thuật giải đệ qui (recursive algorithm) được cài đặt gọi là HÀM ĐỆ QUI (recursive function)
 - Dịnh nghĩa đệ qui: là một vấn đề mà trong định nghĩa của nó có sử dụng chính khái niệm đó.
 - Dinh nghĩa đệ qui: là các đối tượng được đinh nghĩa dưới dạng qui nạp từ những khái niệm đơn giản nhất cùng dạng với nó.

6

Kỹ thuật lập trình - ĐH Mở TpHCM 2/6/2023

Giới thiêu

- Hàm đệ qui
- Môt số loai đê qui

5. So sánh đệ qui với lặp

- Ví dụ: định nghĩa giai thừa của 1 số nguyên không âm?
- Định nghĩa đệ qui:

$$n! = \left\{ egin{array}{ll} 1 & ext{n\'eu} & n=0 \ n imes (n-1)! & ext{n\'eu} & n>0 \end{array}
ight.$$

- Trong đó:
 - n! = 1 n\u00e9u n = 0 goi l\u00e0 tru\u00f6ng h\u00f6p c\u00f3 s\u00f3 (basic case)
 - ▶ $n! = n \times (n-1)!$ Nếu n > 0 gọi là trường hợp tổng quát (general case)

7

Kỹ thuật lập trình - ĐH Mở TpHCM 2/6/2023

- Giới thiệu
- Hàm đê qui

Một số loại đệ qui

- 4. Bài toán Tháp Hà Nội
- 5. So sánh đê qui với lặp
- Ví dụ: định nghĩa giai thừa của 1 số nguyên không âm
- Định nghĩa đệ qui:

$$n! = \left\{ egin{array}{lll} 1 & ext{n\'eu} & n=0 \ n imes (n-1)! & ext{n\'eu} & n>0 \end{array}
ight.$$

- Tính 2! = ???
 - ≥ 2!: 2 > 0: general case nên kết quả = 2 x (2 1)! = 2 x 1!
 - ▶ 1!: 1 > 0: general case nên kết quả = $1 \times (1 1)! = 1 \times 0!$
 - ▶ 0!: 0 = 0: basic case nên kết quả = 1
 - Khi đó kết quả tính toán cuối cùng = 2 x 1 x 1 = 2

8

Kỹ thuật lập trình - ĐH Mở TpHCM 2/6/2023

1. Giới thiệu
2. Hàm đệ qui
3. Một số loại đệ qui
b Hàm đệ qui (recursive function) là hàm gọi chính bản thân nó, được định nghĩa và khai báo như các hàm khác.
b Thân hàm đệ qui bao gồm:
b Phần giải quyết trường hợp cơ sở (basic case)
b Phần giải quyết trường hợp tổng quát (general case)
b Phần giải quyết trường hợp tổng quát (general case)

1. Giới thiệu
2. Hàm đệ qui
3. Một số loại đệ qui

Thân hàm đệ qui có dạng tổng quát như sau:

if (biểu thức điều kiện đúng trong trường hợp cơ sở)

Biểu thức tính toán hay trả về kết quả (không gọi đệ qui chính nó)

else

{

Chia thành vấn đề con đồng dạng

Các vấn đề con gọi chính bản thân hàm đệ qui đang xây dựng

Tính toán, tổng hợp và trả về kết quả cuối
}

```
4. Bài toán Tháp Hà Nội
  Giới thiêu
2. Hàm đệ qui
                                                 5. So sánh đệ qui với lặp
   Ví dụ: viết hàm đệ qui tính giai thừa của một số nguyên không âm.

    Hàm đệ qui: KHÔNG sử dụng vòng lặp khi tính

   int giaithua( int n)
   {
       //assert (n >= 0);
                                               Basic case
       if (n == 0)
           return 1;
       return n * giaithua( n - 1);
   }
                                                   General case
   12
                             Kỹ thuật lập trình - ĐH Mở TpHCM 2/6/2023
```

```
Giới thiêu
2. Hàm đệ qui
                                                                                                                                                                                                                                                     5. So sánh đệ qui với lặp
3. Môt số loai đê qui
                  Ví dụ: viết hàm đệ qui tính giai thừa của một số nguyên không
                             âm.
                  Hàm đệ qui: KHÔNG sử dụng vòng lặp khi tính
                                                                                                                                                                                                          Tính 3!
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         Trả kết quả
                  int giaithua( int n)
                                                                                                                                                                                                          • giaithua(3):
                   {
                                                                                                                                                                                                          y grant y g
                                                                                                                                                                                                                                                    2 * giaithua(I)
                                      //assert ( n >= 0);
                                                                                                                                                                                                                                                                    I * giaithua(0)
                                     if (n == 0)
                                                          return 1;
                                     return n * giaithua( n - 1);
                  }
              13
                                                                                                                                                  Kỹ thuật lập trình - ĐH Mở TpHCM 2/6/2023
```

```
1. Giới thiệu
2. Hàm đệ qui
3. Một số loại đệ qui
4. Bài toán Tháp Hà Nội
5. So sánh đệ qui với lặp

→ Ví dụ: Viết hàm đệ qui tính tổng các số từ 1 đến n (n là số nguyên dương)

int tinhTong (int n)
{

if (n == 1)

return 1;

return n + tinhTong(n - 1);
}
```

- Giới thiêu
- 2. Hàm đệ qui

- 4. Bài toán Tháp Hà Nôi
- 5. So sánh đệ qui với lặp

- 3. Môt số loai đê qui
 - Ví du: Viết hàm đê qui để tính dãy số Fibonacci với số nguyên n >= 0:

$$f_n = \left\{ \begin{array}{ll} 0 & \text{n\'eu } n=0 \\ 1 & \text{n\'eu } n=1 \\ f_{n-1} + f_{n-2} & \text{n\'eu } n>1 \end{array} \right.$$

- Basic case?
- General case?
- Recursive function?
- Fibonacci(5)



Kỹ thuật lập trình - ĐH Mở TpHCM 2/6/2023

15

Giới thiêu

15

2. Hàm đệ qui

3. Một số loại đệ qui

- 4. Bài toán Tháp Hà Nội
- 5. So sánh để qui với lặp

Bài tập

- **Bài 1**: Viết hàm đệ qui để tính tổng $S = 1^2 + 2^2 + ... + n^2$ với n là số nguyên dương. Sau đó viết chương trình để kiểm tra hàm vừa viết.
- Bài 2: Viết hàm đê qui để đếm số chữ số của 1 số nguyên dương. Sau đó viết chương trình để kiểm tra hàm vừa viết.
- Bài 3: Viết hàm đệ qui để tính số đảo ngược của 1 số nguyên dương. Sau đó viết chương trình để kiểm tra hàm vừa viết.
- Bài 4: Viết hàm đê qui để chuyển 1 số nguyên dương từ hê thập phân sang nhị phân. Sau đó viết chương trình để kiểm tra hàm đã viết.

16

Kỹ thuật lập trình - ĐH Mở TpHCM 2/6/2023

- . Giới thiệu
- 2. Hàm đệ qui

4. Bài toán Tháp Hà Nội5. So sánh đệ qui với lặp

- 3. Môt số loai đê qui
 - Đệ qui tuyến tính (linear recursion): trong thân hàm đệ qui chỉ 1 lần gọi lại chính bản thân nó.

Ví dụ: hàm đệ qui tính giai thừa của số nguyên không âm.

 Đệ qui nhị phân (binary recursion) – đệ qui nhánh: trong thân hàm đệ qui có 2 lần gọi đến chính bản thân nó.

Ví dụ: hàm đệ qui tính Fibonacci thứ n.

17

Kỹ thuật lập trình - ĐH Mở TpHCM 2/6/2023

17

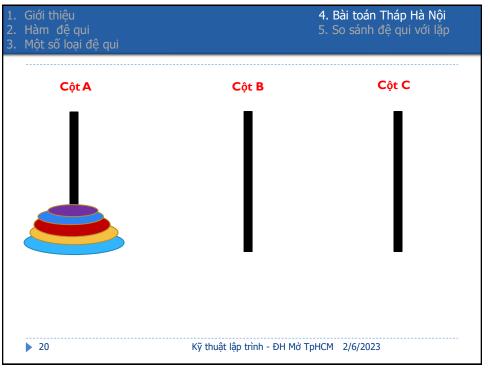
- . Giới thiêu
- 2. Hàm đê qui
- 3. Một số loại đệ qui

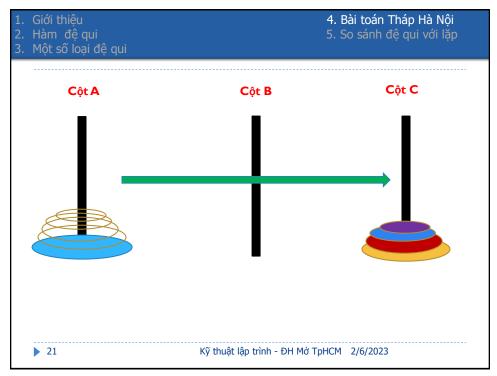
- 4. Bài toán Tháp Hà Nội5. So sánh đê qui với lăp
- Đệ qui đuôi (tail recursion): là 1 dạng của đệ qui tuyến tính. Trong câu lệnh gọi đệ qui chỉ có gọi lại chính bản thân nó mà không có kết hợp với giá trị hay phép toán nào khác.
- Đệ qui phi tuyến: trong thân hàm đệ qui có vòng lặp gọi chính bản thân nó 1 số lần (nhiều lần). Thường xuất hiện trong hàm đệ qui tính theo công thức truy hồi.
- Đệ qui hỗ tương: các hàm đệ qui gọi lẫn nhau.

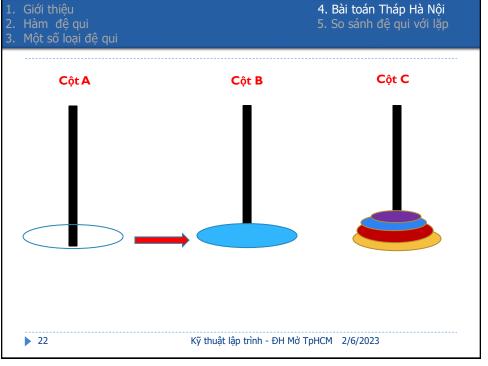
18

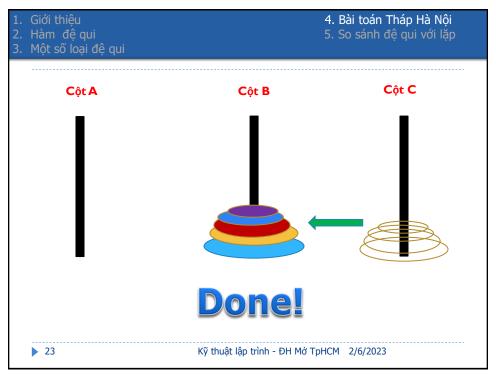
Kỹ thuật lập trình - ĐH Mở TpHCM 2/6/2023

Giới thiêu 4. Bài toán Tháp Hà Nội Hàm đệ qui 5. So sánh đệ qui với lặp Môt số loai đê qui Bài toán Tháp Hà Nội: Có 3 cột (giả sử A, B, C), trên cột A có 1 số lượng đĩa nhất định (có kích thước khác nhau) được đặt theo qui luật đĩa nhỏ đặt trên đĩa lớn hơn. Tiến hành dời toàn bộ số đĩa ở cột A sang cột khác (giả sử cột B) sao cho số bước là nhỏ nhất theo yêu cầu sau: Di chuyển đĩa phải đặt vào 1 cột Mỗi lần chỉ di chuyển 1 đĩa ▶ Khi di chuyển phải đảm bảo đĩa nhỏ phải luôn nằm trên đĩa lớn Có thể dùng cột C làm trung gian **1**9 Kỹ thuật lập trình - ĐH Mở TpHCM 2/6/2023









```
4. Bài toán Tháp Hà Nội
Giới thiêu
Hàm đệ qui
                                               5. So sánh đê qui với lặp
Một số loại đệ qui
 Giải thuật đệ qui bài toán Tháp Hà Nội: với n đĩa
   Chuyển (n − 1) đĩa từ cột A sang cột C (cột trung gian)

    chuyển đĩa cuối cùng từ cột A sang cột B (cột đích)

   ▶ Chuyển (n – 1) đĩa từ cột C sang cột B dùng cột A làm trung gian.
     void move (int n, char source, char dest, char temp)
     {
         if (n > 0)
             move(n - 1, source, temp, dest);
             cout << "Chuyen dia " << n << " tu " << source</pre>
                     << "-->" << dest << endl;
             move(n - 1, temp, dest, source);
24
                           Kỹ thuật lập trình - ĐH Mở TpHCM 2/6/2023
```

Giới thiệu 2. Hàm đệ qui 3. Một số loại đệ qui		4. Bai toan Thap Ha Nọi 5. So sánh đệ qui với lặp
	Đệ qui (recursion)	Lặp (iteration)
Dùng cấu trúc điều khiển	Cấu trúc lựa chọn	Cấu trúc lặp
Lặp lại	Lặp lại qua lời gọi hàm	Dùng cấu trúc lặp tường minh
Kiểm tra diều kiện dừng	Trường hợp cơ sở	Điều kiện lặp có giá trị sai
Liên tục tiếp cận điều kiện dừng	Phiên bản mới đơn giản	Cập nhật biến đếm
Lặp vô tận	Nếu bước đệ qui không giảm bớt vấn đề, không thể hội tụ về trường hợp	Nếu điều kiện lặp luôn thỏa
▶ 26	CƠ SỞ Kỹ thuật lập trình - ĐH Mở T	pHCM 2/6/2023

