Methods of optimization

Roman Nichiporuk

Lab number 2 Task number 3

Task 1

$$(4(17+14) \mod 40) + 1 = 5$$

 $(4(17+14) \mod 60) + 1 = 5$

Из целевых функций и ограничений, приведенных ниже, сформируйте задачи выпуклого программирования и решите их:

Целевая функция: $f = x_2^2 + x_1 - 4x_2$.

Ограничения:

$$\begin{cases}
-2x_1 + x_2 \le 2, \\
x_1 + x_2 \le 2, \\
x_1 > 0,
\end{cases}$$

$$F(x,\lambda) = x_2^2 + x_1 - 4x_2 + \lambda_1(-2x_1 + x_2 - 2) + \lambda_2(x_1 + x_2 - 2)$$

$$1.1)\frac{df}{dx_1} = 1 - 2\lambda_1 + \lambda_2 \ge 0$$

1.1)
$$\frac{df}{dx_1} = 1 - 2\lambda_1 + \lambda_2 \ge 0$$

1.2) $\frac{df}{dx_2} = 2x_2 - 4 + \lambda_1 + \lambda_2 \ge 0$

$$2.1)\frac{df}{dx_1} = x_1 - 2\lambda_1 x_1 + \lambda_2 x_1 = 0$$

$$2.1)\frac{df}{dx_1} = x_1 - 2\lambda_1 x_1 + \lambda_2 x_1 = 0$$

$$2.2)\frac{df}{dx_2} = 2x_2^2 - 4x_2 + \lambda_1 x_2 + \lambda_2 x_2 = 0$$

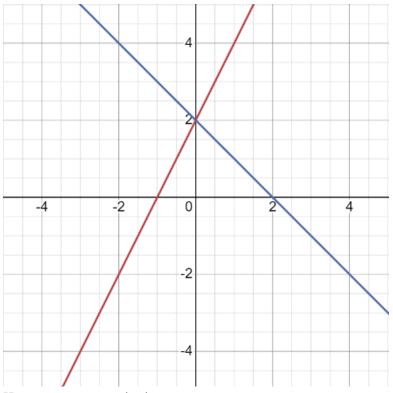
$$3.1) - 2x_1 + x_2 - 2 \le 0$$
$$3.2)x_1 + x_2 - 2 \le 0$$

$$3.2)x_1 + x_2 - 2 \le 0$$

$$4.1)(-2x_1 + x_2 - 2)\lambda_1 = 0$$

$$4.2)(x_1 + x_2 - 2)\lambda_2 = 0$$

$$4.2(x_1 + x_2 - 2)\lambda_2 = 0$$



Интерестная точка:(0,2).

Подставим эту точку в (2.2) и получим: $2*2^2-4*2+2\lambda_1+2\lambda_2=0$

$$2 * 2^2 - 4 * 2 + 2\lambda_1 + 2\lambda_2 = 0$$

$$2\lambda_1 + 2\lambda_2 = 0$$

$$\lambda_1 + \lambda_2 = 0$$

$$\lambda_1 = -\lambda_2$$

 $2\lambda_1+2\lambda_2=0$ $\lambda_1+\lambda_2=0$ $\lambda_1=-\lambda_2$ Подставим $\alpha=\lambda_2$ тогда имеем:

$$1.1^*)\frac{df}{dx_1} = 1 + 3\alpha \ge 0$$

$$1.1^*)\frac{df}{dx_1} = 1 + 3\alpha \ge 0$$
$$1.2^*)\frac{df}{dx_2} = 2x_2 - 4 \ge 0$$

$$2.1^*)\frac{df}{dx_1} = x_1 - \alpha x_1 = 0$$

$$2.1^*)\frac{df}{dx_1} = x_1 - \alpha x_1 = 0$$

$$2.2^*)\frac{df}{dx_2} = 2x_2^2 - 4x_2 = 0$$

$$3.1*)-2x_1 + x_2 - 2 \le 0$$

 $3.2*)x_1 + x_2 - 2 \le 0$

$$3.2*)x_1 + x_2 - 2 < 0$$

$$4.1^*) - (-2x_1 + x_2 - 2)\alpha = 0$$
$$4.2^*(x_1 + x_2 - 2)\alpha = 0$$

$$4.2*(x_1+x_2-2)\alpha=0$$

Исходя из того что все $\lambda \geq 0,\, \alpha$ может быть равна только нулю

(так как $\lambda_1=-\lambda_2$, значит $\alpha=0$). После того как во все условия мы подставим $\alpha=0$, нетрудно заметить, что все условия выполняются.

OTBET:(0, 2, 0, 0)