

Resumos para a parte 1 do exame

Cifras simétricas

São cifras que **usam a mesma chave para cifrar e decifrar**. Têm como **vantagem performance** e como **desvantagem a troca de chaves** (para ter segurança N pessoas precisam de $N * (N - 1) / 2$ chaves).

Existem dois tipos de cifras simétricas:

- **Simétricas contínuas**: a cifragem é feita byte a byte, ou seja, o texto cifrado é gerado à medida que o texto plano é lido. - **Princípio fundamental é a maneabilidade (através da keystream)**
- **Simétricas por blocos**: a cifragem é feita por blocos de tamanho fixo, ou seja, o texto cifrado é gerado quando o bloco é lido.

Cifra de DES

A cifra de DES é uma cifra simétrica por blocos. Usa na sua **arquitetura redes de feistel**. Tem outras variantes como o **3DES** que envolve 3x mais rondas na rede de feistel (**DES tem 16 rondas, 3DES tem 48 rondas**).

Cifra de AES

A cifra de AES é uma cifra simétrica por blocos. Usa na sua **arquitetura substituição-permutação**.

Funciona da seguinte forma:

1. Divide o texto-limpo em blocos de 128 bits (16 bytes);
2. É fornecida uma chave de cifragem;
3. É calculado o **número de rodadas dependendo do tamanho da chave** (128 bits = 10 rondas, 192 bits = 12 rondas, 256 bits = 14 rondas);
4. **A chave é expandida em várias sub-chaves, uma para cada rodada; Através da "key expansion"**
5. Após todas as rodadas é obtido o texto cifrado.

Em cada **rodada**:

1. **AddRoundKey**: o bloco é combinado com uma sub-chave exclusiva daquela rodada usando o XOR, o resultado é uma matriz 4x4 (16 bytes); - **Confusão**
2. **SubBytes**: cada byte no bloco é substituído por outro byte de acordo com uma tabela de substituição (S-box); - **Confusão**
3. **Shiftrows**: as linhas no bloco são permutadas (movidas) para a esquerda, essas permutação podem variar (0,1,2 e 3); - **Difusão**
4. **MixColumns**: as colunas no bloco são permutadas; - **Difusão**

Existem **5 modos de cifra**, onde:

- **Três são contínuas**: CTR, CFB e OFB;
- **Duas são por blocos**: ECB e CBC;

Estas são as vantagens e desvantagens de cada modo:

Cipher modes:
Pros and cons

	Block		Stream		
	ECB	CBC	OFB	CFB	CTR
Input pattern hiding		✓	✓	✓	✓
Confusion on the cipher input		✓		✓	Secret counter
Same key for different messages	✓	✓	other IV	other IV	other IV
Tampering difficulty	✓	✓ (...)		✓	
Pre-processing			✓	...	✓
Parallel processing	✓	Decryption Only	w/ pre-processing	Decryption only	✓
Uniform random access					
Error propagation	Same block	Same block Next block		Some bits afterward s	
Capacity to recover from losses	Block Losses	Block Losses		✓	

© André Zúquete / Tomás Oliveira e Silva
Applied Cryptography

10

Electronic Code Book (ECB)

O **ECB** é um modo de operação de cifra que consiste em cifrar cada bloco de dados de **forma independente**. Ou seja, o bloco de dados é cifrado com a mesma chave, mas o resultado é diferente (caso os blocos não sejam iguais) para cada bloco de dados.

Nota: **Não é recomendado** o uso para mensagens acima de 12 bytes não pseudo-aleatórios.

Exemplo para **cifrar**:

Texto	Bloco 1	Bloco 2	Bloco 3
Limpo	aaaaaaa	bbbbbbb	aaaaaaa
Algoritmo	AES-e(k,m[0])	AES-e(k,m[1])	AES-e(k,m[2])
Cifrado	934fafa	9f9f9f9	934fafa

Exemplo para **decifrar**:

Texto	Bloco 1	Bloco 2	Bloco 3
Cifrado	934fafa	9f9f9f9	934fafa

Texto	Bloco 1	Bloco 2	Bloco 3
Algoritmo	AES-d(k,c[0])	AES-d(k,c[1])	AES-d(k,c[2])
Limpo	aaaaaaa	bbbbbbb	aaaaaaa

Vantagens deste modo:

- Permite o **acesso aleatório** a dados cifrados.
- Permite **processamento paralelo** da informação.
- **Não tem** problemas de **propagação de erros** entre blocos.

Desvantagens deste modo:

- **Não é seguro a ataques COA** (*Cipher-Only attack*) e ataques por *code book* (compilação de pares texto limpo/criptograma).
- Não permite pré-processamento.
- O último bloco necessita sempre de preenchimento.
- **Erros de sincronização são irreversíveis.**

Cipher Block Chaining (CBC)

O **CBC** é um modo de operação de cifra que consiste em cifrar cada bloco de dados de forma dependente do bloco anterior. Ou seja, o bloco de dados é cifrado com a mesma chave, mas o resultado é diferente (mesmo os blocos sendo iguais) para cada bloco de dados. Este método evita **alguns** ataques por manipulação de blocos.

Exemplo para **cifrar**:

- Recebe um bloco de texto-limpo;
- Recebe um vetor de inicialização (IV) - gerado aleatoriamente, único para cada mensagem e partilhado entre as duas partes;
- É feito o XOR entre o bloco de texto-limpo e o IV;
- O resultado do XOR é cifrado com a chave;
- O resultado cifrado é enviado para o bloco seguinte e irá ser feito o XOR com o bloco seguinte;
- Processo repete-se até ao fim da mensagem;

Exemplo para **decifrar**:

- Recebe um bloco de texto-cifrado;
- Este bloco é decifrado com a chave;
- É feito o XOR entre o bloco de decifrado e o IV;
- Esse bloco cifrado é enviado para o bloco seguinte e irá ser feito o XOR com o bloco seguinte após ser decifrado;
- Processo repete-se até ao fim da mensagem;

Vantagens deste modo:

- **É seguro contra ataques CPA** (*Chosen-Plaintext Attack*).
- Os padrões são mascarados pelo XOR e efeito cascata.
- Textos limpos iguais resultam em criptogramas distintos, inviabilizando ataques por *code book*.

- Permite o acesso aleatório a dados cifrados.
- Permite processamento paralelo da informação cifrada.

Desvantagens deste modo:

- Ataques por manipulação do IV podem não ser detetáveis.
- Não permite processamento paralelo da informação na cifração.
- Erros de perda de bits são irreversíveis e um erro num bit afeta o bloco de texto limpo correspondente e o seguinte (cascata).

Padding (Preenchimento)

O **padding** é uma técnica de preenchimento de dados que consiste em adicionar um número de bytes ao final de um bloco de dados, de forma a que o tamanho do bloco de dados seja múltiplo do tamanho do bloco de dados da cifra.

Nota: O último bloco tem sempre *padding*, mesmo que o bloco da mensagem seja múltiplo do tamanho do bloco da cifra é acrescentado um bloco de *padding*.

Output Feedback Mode (OFM)

O **OFM** é um modo de operação de cifra que consiste em cifrar o IV com a chave e fazer o XOR entre o resultado e o bloco de texto-limpo.

Exemplo a **cifrar**:

- Recebe um bloco de texto-limpo;
- Recebe um vetor de inicialização (IV) - gerado aleatoriamente, único para cada mensagem e partilhado entre as duas partes;
- É cifrado o IV **anterior** com a chave;
- É feito o XOR entre o bloco de texto-limpo e o resultado do IV cifrado;
- Processo repete-se, usando o IV do bloco anterior, até ao fim da mensagem;

Vantagens deste modo:

- Permite pré-processamento.
- Permite processamento paralelo da informação (caso, seja feito o pré-processamento).
- Permite acesso aleatório a dados cifrados (caso, seja feito o pré-processamento).

Desvantagens deste modo:

- Sendo ela uma cifra de chave simétrica contínua, ela fica **maneável**.
- Erros de perda bits são irreversíveis.

Ciphertext Feedback Mode (CFM)

O **CFM** é um modo de operação de cifra que consiste em cifrar o IV com a chave e fazer o XOR entre o resultado e o bloco de texto-limpo. A diferença entre o CFM e o OFM é que o CFM usa o bloco de texto-cifrado anterior e não o IV cifrado.

Exemplo a **cifrar**:

- Recebe um bloco de texto-limpo;
- Recebe um vetor de inicialização (IV);
- É cifrado o IV **anterior** com a chave (neste caso o IV é obtido através da operação xOr entre o IV cifrado e o bloco de texto-limpo);
- Processo repete-se, usando o IV do bloco anterior, até ao fim da mensagem;

Exemplo a **decifrar**:

- Recebe um bloco de texto-cifrado;
- Recebe um vetor de inicialização (IV);
- É decifrado usando o IV cifrado na primeira iteração;
- As restantes iterações usa como IV o bloco de texto-cifrado anterior e é feito o xOr com o bloco de texto-cifrado atual;
- Processo repete-se, até ao fim da mensagem;

Vantagens deste modo:

- Permite processamento em paralelo para a decifragem.
- Existe a capacidade de recuperação de erros.

Desvantagens deste modo:

- Sendo ela uma cifra de chave simétrica contínua, ela fica **maneável**.
- Um erro pode propagar-se para os bits seguintes.

Randomized Couter Mode (CTR)

O **CTR** é um modo de operação de cifra que consiste em cifrar através de uma chave de cifra de forma simétrica e continua a partir de uma cifra de blocos.

Exemplo para **cifrar**:

- Recebe um bloco de texto-limpo;
- Cria um contador (CTR) - do mesmo tamanho que o bloco, gerado aleatoriamente através da chave de cifra;
- Faz o XOR entre o bloco de texto-limpo e o contador;

Exemplo para **decifrar**:

- Recebe um bloco de texto-cifrado;
- Cria um contador (CTR) - do mesmo tamanho que o bloco, gerado aleatoriamente através da chave de cifra;
- Faz o XOR entre o bloco de texto-cifrado e o contador;

Vantagens deste modo:

- É seguro contra ataques CPA (*Chosen-Plaintext Attack*).
- Os padrões do texto-limpo são mascarados por imitar o processo de uma cifra contínua.
- Textos-limpas iguais resultam em criptogramas distintos, inviabilizando ataques por *code book*.
- Permite o acesso aleatório a dados cifrados.
- Permite o processamento paralelo da informação.

Desvantagens deste modo:

- Sendo ela uma cifra de chave simétrica contínua, ela fica **maneável**.
- Erros de perda bits são irre recuperáveis.

Funções de hash

Funções que dado um **input de qualquer tamanho**, **produzem um output de um tamanho fixo**.

Baseam-se em **três propriedades**:

- **Resistência à colisão**: é difícil encontrar dois inputs que produzam o mesmo output;
- **Resistência à pré-imagem**: é difícil encontrar um input que produza um output específico;
- **Resistência à segunda pré-imagem**: é difícil encontrar um input que produza o mesmo output que um input específico;

Funções de Hash Criptográficas (Abordagens)

- **Construção Merkle-Damgard**:
 1. Divide o input em blocos de tamanho fixo e **aplica uma função de compressão a cada bloco**, sendo que o **output da função de compressão é usado como input para a próxima iteração**.
 2. O output final é o output da última iteração.
 - Exemplo: MD5, SHA-1, SHA-2, SHA-3;
- **Funções esponja (Sponge Functions)**:
 1. **Absorção**: Atualiza um estado interno (pool de entropia) com blocos de input de tamanho fixo (padding é adicionado se necessário).
 2. **Espremer (Squeezing)**: O output final é o output da última iteração.

Message Authentication Code (MAC)

Tem como propósito **garantir que uma determinada mensagem não foi alterada** e que **foi enviada por uma determinada entidade (autenticidade)**.

Há várias formas de construir um MAC, algumas delas são:

- **HMAC** (Hash-based Message Authentication Code): este MAC tem dois algoritmos, um para construção e outro para verificação e recebe dois inputs, um é a chave e o outro é a mensagem;

As três formas possíveis de combinar os dois mecanismos são: **Em termos de tempo de processamento o melhor é o terceiro e o pior é o segundo.**

- **MAC and Encrypt**: Processo onde é calculado o MAC **através da mensagem** e depois é cifrada a mensagem concatenando o com o MAC (e.g. SSH);
- **MAC then Encrypt**: Processo onde é calculado o MAC **através da mensagem** e depois é cifrado MAC dessa mensagem (e.g. TLS);
- **Encrypt then MAC**: Processo onde é calculado o MAC **através da mensagem cifrada** (e.g. IPsec).

RSA

Um cifra de chave pública que precisa de:

- Gerador de chaves:

1. Primeiramente geramos dois números primos extremamente grandes, p e q .
2. Calcula-mos $N = p * q$.
3. Calcula-mos $\phi(N) = (p - 1) * (q - 1)$.
4. Escolhe-se um expoente de encriptação e tal que $1 < e < \phi(N)$ e $\text{mdc}(e, \phi(N)) = 1$.
5. Calcula-se o expoente de descriptação d tal que seja o inverso multiplicativo de e módulo $\phi(N)$, ou seja, $d * e = 1 \bmod \phi(N)$.
6. A chave pública é (N, e) e a chave privada é (N, d) .

- Para **cifrar** fazemos a seguinte operação: $C = M^e \bmod N$, sendo o M a mensagem a cifrar e C a mensagem cifrada;
- Para **decifrar** fazemos a seguinte operação: $M = C^d \bmod N$, sendo o C a mensagem cifrada e M a mensagem decifrada.

A segurança desta cifra baseia-se no problema do logaritmo discreto e no problema da fatorização de números primos.

Nota: Normalmente não se utiliza o **Text Book RSA** (apenas cifrar o conteúdo pretendido). Invés disso é acrescentado um padding aleatório para aumentar a segurança (OAEP ou Optimal Assimetric Encryption Padding).

Aritmética Modular

A aritmética modular é essencial para manter os cálculos dentro de um intervalo específico, preservando a segurança e a integridade do esquema de partilha de segredo.

Teorema Chinês do Resto

O Teorema do Resto Chinês é um resultado matemático que facilita a **resolução de sistemas de congruências lineares**. Este teorema é utilizado para **acelerar o processo de decifragem do RSA**. Ele diz que se tivermos um sistema de congruências lineares, podemos resolver o sistema de forma mais rápida se resolvermos cada congruência individualmente.

Por exemplo, se o expoente usado para cifrar uma mensagem é sempre 3 e em que não se usa padding aleatório, enviar a mesma mensagem m para três destinatários diferentes, com chaves públicas $(n_1, 3)$, $(n_2, 3)$ e $(n_3, 3)$, é altamente desaconselhado, já que se as três mensagens cifradas, $m^3 \bmod n_1$, $m^3 \bmod n_2$ e $m^3 \bmod n_3$, forem intercetadas é possível recuperar a mensagem original, da seguinte forma:

- Seja m a mensagem original;
- Seja n_1, n_2 e n_3 os módulos das chaves públicas;
- Seja $c_1 = m^3 \bmod n_1$, $c_2 = m^3 \bmod n_2$ e $c_3 = m^3 \bmod n_3$, isto é os residuos da divisão de m^3 por n_1, n_2 e n_3 , respectivamente;
- Seja $N = n_1 * n_2 * n_3$, N é o produto dos módulos das chaves públicas;
- Seja $N_1 = N/n_1$, $N_2 = N/n_2$ e $N_3 = N/n_3$;
- Seja y_1, y_2 e y_3 os inversos multiplicativos de N_1, N_2 e N_3 , respetivamente;
- Seja $x = c_1 * y_1 * N_1 + c_2 * y_2 * N_2 + c_3 * y_3 * N_3$;
- A mensagem original é $m = x^{(1/3)} \bmod N$;

Criptografia de chave pública

A criptografia de chave pública moderna é baseada na teoria dos números e em problemas difíceis de resolver. Alguns exemplos são os protocolos de acordos de chaves, assinaturas digitais e cifras de chave pública.

Exemplos de problemas intratáveis com mais relevância:

- O problema do logaritmo discreto;
- O problema da fatorização de números compostos em números primos;

Problema do logaritmo discreto

Consiste em encontrar o valor de um número inteiro (exponencial) que é utilizado para cifrar uma mensagem, conhecido o valor da base e o resultado da exponenciação, num grupo finito. Esse problema é considerado difícil de resolver computacionalmente quando se trabalha com números grandes, tornando-o fundamental para garantir a segurança da criptografia de chave pública.

Nota: A definição mais geral do problema recorre apenas a grupos cíclicos, aplicando-se, por isso a outros grupos diferentes de números primos. O melhor algoritmo conhecido para resolver o problema do logaritmo discreto é conhecido por *general number field sieve*, determinando o tamanho que o número tem de ter para que o problema seja considerado seguro.

Problema da fatorização de números compostos

Consiste no facto de ser é computacionalmente inviável fatorizar um número composto pelo produto de dois números primos grandes. Por exemplo, se tivermos o número 15, ele pode ser decomposto em 3 e 5, que são números primos. O problema da fatorização torna-se difícil à medida que os números tornam-se maiores, e isso é utilizado em esquemas de criptografia de chave pública baseados em algoritmos como o RSA.

Assinatura Digital

Os esquemas de assinatura digital atuais são normalmente construídos usando criptografia de chave pública. Estas são algumas das propriedades:

- Autenticidade da Informação
- Integridade dos Dados
- Garantia de Não Repúdio
- Autenticação da Origem da Informação
- Dificuldade de Falsificação

Repare-se que, na verdade, enquanto que a assinatura digital pode garantir todas as propriedades anteriores, o mesmo não costuma acontecer para as assinaturas manuscritas.

Protocolos de acordos de chaves

Neste capítulo é apresentado formas de trocar ou estabelecer um segredo entre duas entidades sem haver nada secreto acordado à partida. Essa troca é realizada por uma comunicação segura, aonde as partes enviam mensagens encriptadas uma para a outra e usam técnicas de criptografia e matemática para garantir que apenas elas possam obter a chave secreta compartilhada. O objetivo é garantir a segurança e a privacidade das comunicações entre as partes envolvidas.

Nota: Este tipo de protocolo deve ser utilizado em situações de ataque ao homem no meio passivo, onde o atacante não consegue modificar as mensagens que são enviadas entre as partes.

Protocolo de Diffie-Hellman

Este é um exemplo de um protocolo de acordo de chaves, onde duas partes podem concordar sobre uma chave secreta, mesmo que nunca tenham trocado qualquer informação secreta anteriormente. A sua segurança baseia-se no problema do logaritmo discreto.

Funciona da seguinte forma:

$$G^k = 1 \pmod{P}, \text{ onde } k > 0$$

1. Alice e Bob escolhem um número primo P e um número G que seja raiz primitiva de P ;
2. Alice escolhe um número secreto A e Bob escolhe um número secreto B ;
3. Alice calcula $G^A \pmod{P}$ e envia para Bob;
4. Bob calcula $G^B \pmod{P}$ e envia para Alice;
5. Alice calcula $(G^B \pmod{P})^A \pmod{P}$;
6. Bob calcula $(G^A \pmod{P})^B \pmod{P}$;
7. Ambos obtêm o mesmo resultado, que é a chave secreta partilhada.

Para estabelecer um segredo entre 3 partes (ao invés de 2), é feito do seguinte modo:

1. Alice, Bob e Carol escolhem um número primo P e um número G que seja raiz primitiva de P ;
2. Alice escolhe um número secreto A , Bob escolhe um número secreto B e Carol escolhe um número secreto C ;
3. Alice calcula $G^A \pmod{P}$ (y_a) e envia para Bob;
4. Bob calcula $G^B \pmod{P}$ (y_b) e envia para Carol;
5. Carol calcula $G^C \pmod{P}$ (y_c) e envia para Alice;
6. Bob calcula $(y_c)^B \pmod{P}$ (K_{ab});
7. Carol calcula $(y_a)^C \pmod{P}$ (K_{bc});
8. Alice calcula $(y_b)^A \pmod{P}$ (K_{ca});
9. Cada participante combina as chaves partilhadas para obter a chave secreta partilhada ($K = K_{ab} + K_{bc} + K_{ca}$).

Curvas Elípticas

A segurança deste método baseia-se no problema do logaritmo discreto.

Numa curva elíptica, a adição de 2 pontos dá origem a um terceiro ponto nessa mesma curva elíptica, sendo $P_1 + P_2 = P_3$.

O que acontece é que é traçada uma reta que passa por P_1 e P_2 que intercepta P_3 na curva noutro local. Se os dois pontos P_1 e P_2 coincidirem, isto é, forem o mesmo, a reta vai ser tangente à curva elíptica e irá encontrar o segundo ponto na curva elíptica, fazendo $P_1 + P_2 = P_3 \iff P_1 + P_1 = P_3 \iff 2 * P_1 = P_3$. Desta forma obtém-se uma multiplicação por 2.

Para explorar esta propriedade são feitas várias somas consecutivas da seguinte forma:

$$\begin{aligned} 11P &= 8P + 2P + P \\ 8P &= 4P + 4P \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}4P &= 2P + 2P \\2P &= P + P\end{aligned}$$

Para multiplicar um ponto de uma curva elíptica, usando um número inteiro negativo, adiciona-se um passo, que é a multiplicação do ponto por -1, e depois faz-se a soma dos pontos. Por exemplo:

$$\begin{aligned}11P &= -8P - 2P - P \\-8P &= -4P - 4P \\-4P &= -2P - 2P \\-2P &= (-P) + -(P) = -P - P\end{aligned}$$

O protocolo Diffie-Helman pode ser implementado usando curvas elípticas, pois a operação de multiplicação de um ponto por um escalar é computacionalmente difícil de ser invertida;

Este protocolo é implementado por curvas elípticas da seguinte forma:

- Alice e Bob concordam em usar uma curva elíptica sobre um corpo finito e um ponto gerador G ;
- Alice escolhe um ponto y_a e Bob escolhe um ponto y_b ;
- Alice calcula $k_a = y_a * G$ e Bob calcula $k_b = y_b * G$;
- A chave será o ponto $k_a * y_b = k_b * y_a$;