

### Q.1 a)

Assignment des Bascules : "simplest"

INIT	000
X1	001
X2	010
X3	011
X4	100
OK	101

Diagramme d'états

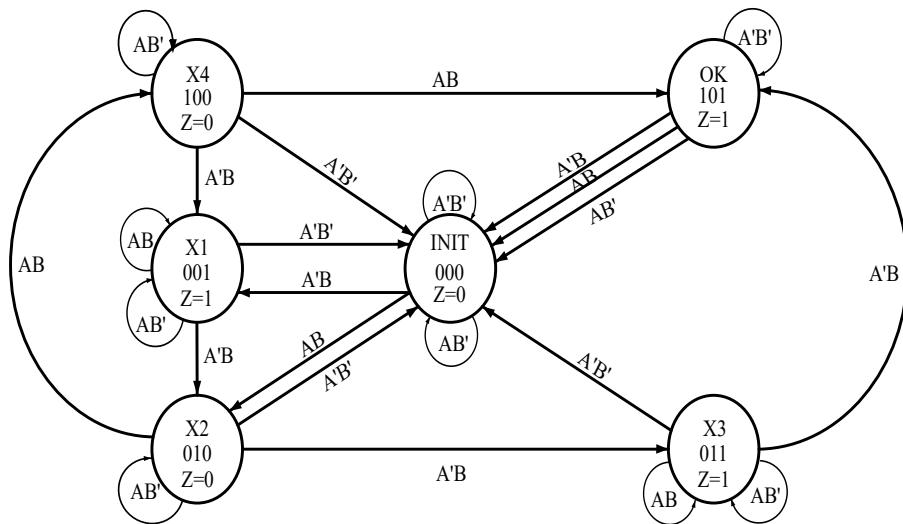


FIGURE 1

Table de transitions

Q2, Q1, Q0	AB				Z
	00	01	11	10	
000	000	001	010	000	0
001	000	010	001	001	1
010	000	011	100	010	0
011	000	101	011	011	1
100	000	001	101	100	0
101	101	000	000	000	1
	Q2*Q1*Q0*				

## Tables de Karnaugh des Bascules (Combinatoire)

**Q2\***

		$\overline{Q_2 Q_1 Q_0} \quad Q_2 \overline{Q_1} Q_0 \quad \overline{Q_2} Q_1 Q_0 \quad \overline{Q_2} Q_1 \overline{Q_0} \quad Q_2 Q_1 \overline{Q_0} \quad Q_2 Q_1 Q_0 \quad Q_2 \overline{Q_1} Q_0 \quad Q_2 \overline{Q_1} \overline{Q_0}$								
		$\overline{A}\overline{B}$	0	0	0	0	X	X	1	0
		$\overline{A}B$	0	0	1	0	X	X	0	0
		$A\overline{B}$	0	0	0	1	X	X	0	1
		$A\overline{B}$	0	0	0	0	X	X	0	1

$$Q2^*(A, B, Q2, Q1, Q0) = A'B'Q2Q0 + A'BQ1Q0 + AQ2Q0' + ABQ1Q0'$$

**Q1\***

		$\overline{Q_2 Q_1 Q_0} \quad Q_2 \overline{Q_1} Q_0 \quad \overline{Q_2} Q_1 Q_0 \quad \overline{Q_2} Q_1 \overline{Q_0} \quad Q_2 Q_1 \overline{Q_0} \quad Q_2 Q_1 Q_0 \quad Q_2 \overline{Q_1} Q_0 \quad Q_2 \overline{Q_1} \overline{Q_0}$								
		$\overline{A}\overline{B}$	0	0	0	0	X	X	0	0
		$\overline{A}B$	0	1	0	1	X	X	0	0
		$A\overline{B}$	1	0	1	0	X	X	0	0
		$A\overline{B}$	0	0	1	1	X	X	0	0

$$Q1^*(A, B, Q2, Q1, Q0) = A'BQ2'Q1'Q0 + A'BQ1Q0' + AB'Q1 + ABQ2'Q1'Q0' + AQ1Q0$$

**Q0\***

		$\overline{Q_2 Q_1 Q_0} \quad Q_2 \overline{Q_1} Q_0 \quad \overline{Q_2} Q_1 Q_0 \quad \overline{Q_2} Q_1 \overline{Q_0} \quad Q_2 Q_1 \overline{Q_0} \quad Q_2 Q_1 Q_0 \quad Q_2 \overline{Q_1} Q_0 \quad Q_2 \overline{Q_1} \overline{Q_0}$								
		$\overline{A}\overline{B}$	0	0	0	0	X	X	1	0
		$\overline{A}B$	1	0	1	1	X	X	0	1
		$A\overline{B}$	0	1	1	0	X	X	0	1
		$A\overline{B}$	0	1	1	0	X	X	0	0

$$Q0^*(A, B, Q2, Q1, Q0) = A'B'Q2Q0 + A'BQ0' + AQ2'Q0 + BQ2Q0' + A'BQ1$$

**Q1 b)****Table de transitions**

			AB				Z
Q2	Q1	Q0	00	01	11	10	
111	111	110	010	111	0		
011	111	010	011	011	1		
010	111	001	000	010	0		
001	111	100	001	001	1		
000	111	011	100	000	0		
100	100	111	111	111	1		
			Q2*Q1*Q0*				

**Tables de Karnaugh des Bascules (Combinatoire) b)**

Dans les états indéfinis (001,101), nous revenons à l'état initial (tout à 1) afin de minimiser les risques.

**Q2\***

$\overline{Q_2 Q_1 Q_0} \quad Q_2 \overline{Q_1} Q_0 \quad \overline{Q_2} Q_1 Q_0 \quad \overline{Q_2} Q_1 \overline{Q_0} \quad Q_2 Q_1 \overline{Q_0} \quad Q_2 Q_1 Q_0 \quad Q_2 \overline{Q_1} Q_0 \quad Q_2 \overline{Q_1} \overline{Q_0}$							
$\overline{AB}$		1	1	1	1	1	1
$\overline{A}B$		0	1	0	0	1	1
$A\overline{B}$		1	0	0	0	1	0
$A\overline{B}$		0	0	0	0	1	1

$$Q2^*(A, B, Q2, Q1, Q0) = A'B' + A'Q1'Q0 + A'Q2 + B'Q2 + ABQ1'Q0' + Q2Q1' + Q2Q0'$$

**Q1\***

$\overline{Q_2 Q_1 Q_0} \quad Q_2 \overline{Q_1} Q_0 \quad \overline{Q_2} Q_1 Q_0 \quad \overline{Q_2} Q_1 \overline{Q_0} \quad Q_2 Q_1 \overline{Q_0} \quad Q_2 Q_1 Q_0 \quad Q_2 \overline{Q_1} Q_0 \quad Q_2 \overline{Q_1} \overline{Q_0}$							
$\overline{AB}$		1	1	1	1	1	1
$\overline{A}B$		1	0	1	0	1	1
$A\overline{B}$		0	0	1	0	1	1
$A\overline{B}$		0	0	1	1	1	1

$$Q1^*(A, B, Q2, Q1, Q0) = Q1Q0 + B'Q1 + AQ2 + A'Q2'Q1'Q0' + A'B'Q0 + BQ2$$

**Q0\***

		$\overline{Q_2}Q_1Q_0 \quad Q_2\overline{Q_1}Q_0 \quad \overline{Q_2}Q_1Q_0 \quad \overline{Q_2}Q_1\overline{Q_0} \quad Q_2Q_1\overline{Q_0} \quad Q_2Q_1Q_0 \quad Q_2\overline{Q_1}Q_0 \quad Q_2\overline{Q_1}\overline{Q_0}$							
		1	1	1	1	1	1	1	0
$\overline{A}B$		1	0	0	1	1	0	1	1
$A\overline{B}$		0	1	1	0	1	0	1	1
$A\overline{B}$		0	1	1	0	1	1	1	1

FIGURE 2 –  $Q0^*(A, B, Q2, Q1, Q0) = AQ2'Q0 + A'B'Q2' + Q2Q1'Q0 + B'Q2Q1 + A'BQ0' + AQ2Q0'$ **Q1 c)**

Dans ce cas, le premier circuit A possède le moins de portes logiques.

## Q.2

### Étape 1

J'ai décidé de renommer d'abord les variables pour rendre le code plus lisible.

```

library ieee;
use ieee.std_logic_1164.all;
entity MEFDev2 is
port(
CLK, A, RESET, ENABLE : in std_logic;
Z : out std_logic);
end MEFDev2;
architecture MEFDev2_arch of MEFDev2 is
signal Q, QF: std_logic_vector(2 downto 0);
signal Q0, Q2, Q1 : std_logic;
begin
Q0 <= '1' when Q(2 downto 1) = "01" and A = '1' else
'1' when A = '0' and Q(2 downto 1) = "00" else
'1' when Q(2 downto 1) = "10" and A = '1' else
'1' when Q(2 downto 1) = "11" and A = '0' else
'0';
Z <= Q(1) and not(Q(2)) and Q(0);
process(CLK,RESET)
begin
if RESET = '1' then
tic <= "000";
elsif rising_edge(CLK) then
if ENABLE = '1' then
Q <= QF;
end if;
end if;
end process;
Q1 <= (not(A) and Q(0) and not(Q(2))) or (Q(1)
and not(Q(0))) or (Q(2) and not(Q(0)) and A);
QF <= Q2 & Q1 & Q0;
Q2 <= '0' when Q = "110" and A = '1' else
'0' when Q(2 downto 1) = "00" and A = '0' else
'0' when Q(1 downto 0) = "00" and A = '0' else
'0' when Q(2) = '0' and Q(0) = '1' else
'1';
end MEFDev2_arch;
```

### Étape 2 : Q2Q1Q0 et Z

À partir des équations ci-dessus, nous pouvons déduire les tableaux et équations suivants :

$$Q2^* = Q2Q0 + Q2'Q0'A + Q1Q0'A' + Q1'Q0'A$$

$$\overline{Q_0A} \quad \overline{Q_0}A \quad Q_0A \quad Q_0\overline{A}$$

$\overline{Q_2}\overline{Q_1}Q_2Q_1\overline{Q_2}Q_1$	$Q_2Q_1\overline{Q_2}Q_1$	$Q_2Q_1$	$Q_2Q_1\overline{Q_2}Q_1$
0	1	0	0
1	1	0	0
1	0	1	1
0	1	1	1

$$Q1^* = Q2'Q0A' + Q1Q0' + Q2Q0'A$$

$$\overline{Q_0A} \quad \overline{Q_0}A \quad Q_0A \quad Q_0\overline{A}$$

$\overline{Q_2}\overline{Q_1}Q_2Q_1\overline{Q_2}Q_1$	$Q_2Q_1\overline{Q_2}Q_1$	$Q_2Q_1$	$Q_2Q_1\overline{Q_2}Q_1$
0	0	0	1
1	1	0	1
1	1	0	0
0	1	0	0

$$Q0^* = Q2'Q1'A' + Q2'Q1A + Q2Q1A'$$

$$\overline{Q_0A} \quad \overline{Q_0}A \quad Q_0A \quad Q_0\overline{A}$$

$\overline{Q_2}\overline{Q_1}Q_2Q_1\overline{Q_2}Q_1$	$Q_2Q_1\overline{Q_2}Q_1$	$Q_2Q_1$	$Q_2Q_1\overline{Q_2}Q_1$
1	0	0	1
0	1	1	0
1	0	0	1
0	0	0	0

$$Z = Q2'Q1Q0$$

$$\overline{Q_1}\overline{Q_0} \quad \overline{Q_1}Q_0 \quad Q_1Q_0 \quad Q_1\overline{Q_0}$$

$\overline{Q_2}$	$Q_2$	$\overline{Q_2}$	$Q_2$
0	0	0	0
0	0	1	0

### Étape 3 : Table de transition

$Q2^*Q1^*Q0^*$	A		
Q2Q1Q0	1	0	Z
000	001	100	0
001	011	000	0
010	110	111	0
011	010	001	1
100	000	010	0
101	100	100	0
110	111	110	0
111	101	100	0

### Étape 4 : Diagramme d'état