## **Homework 1 Report - PM2.5 Prediction**

學號:b05902019 系級:資工二姓名:蔡青邑

1. (1%) 請分別使用每筆data9小時內所有feature的一次項(含bias項)以及每筆data9小時內PM2.5的一次項(含bias項)進行training,比較並討論這兩種模型的root mean-square error(根據kaggle上的public/private score)。

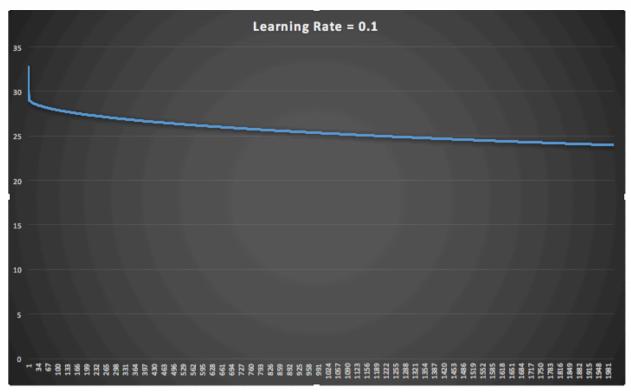
以下實作有使用到Adagrad,且leaning rate = 1, 各做100000次的gradient descent, kaggle 分數如下:

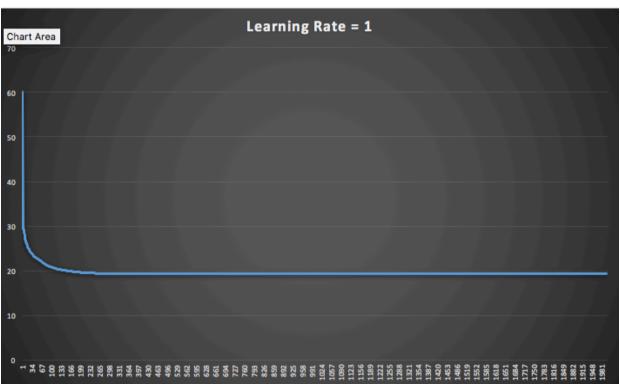
	僅含PM2.5	含所有feature	
Private Score	10.55044	23.51726	
Public Score	13.35283	29.86413	

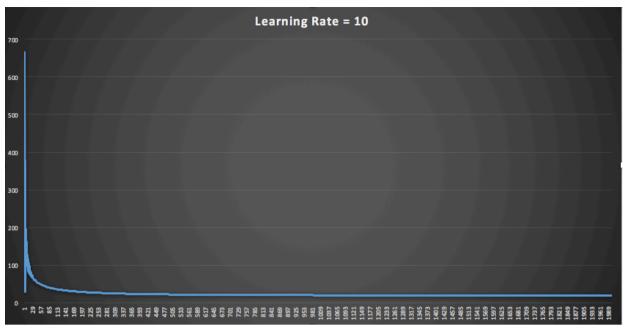
很明顯,僅含PM2.5的root mean-square error比較小。 許多非PM2.5的feature可能跟我們要的結果沒有太大關係,但由於我們的training set不夠大,高估了其對於結果的影響,導致計算所有feature的時候產生了較為偏頗的model。

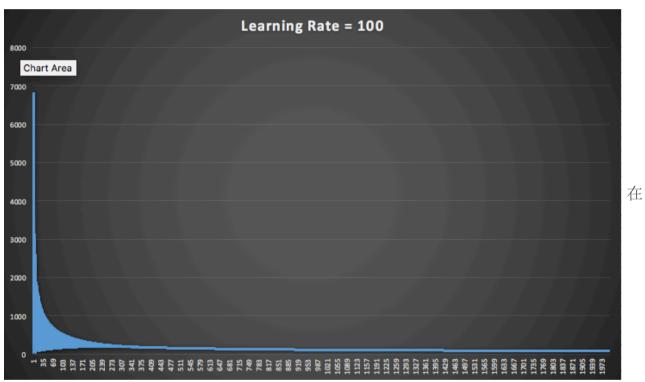
2. (2%) 請分別使用至少四種不同數值的learning rate進行training(其他參數需一致),作圖並且討論其收斂過程。

以下實作有使用到Adagrad,各做2000次的gradient descent,且feature只取前一小時的PM2.5的一次項,Err收斂過程如下:









 $\eta=0.1$ 的時候,descenting的速度比較緩慢,因此超過最適值所產生的震盪也比較不明顯,然而卻比較慢才收斂到最佳值。 而 $\eta=100$ 的時候,雖然每次descent的幅度很大,但因為超過最適值而不斷震盪導致較晚才收斂。  $\eta=1,10$ 的時候,後者雖然有明顯的震盪但幅度比 $\eta=100$ 時小,跟descenting較緩慢的前者比,兩者收斂的時間點差不多。

## 3. (1%) 請分別使用至少四種不同數值的regulization parameter λ進行 training(其他參數需一至),討論其root mean-square error(根據kaggle 上的public/private score)。

以下實作有使用到Adagrad,各做10000次的gradient descent, feature取前一小時的PM2.5三次項, kaggle 分數如下:

λ	0.2	2	20	200
Private Score	11584.36698	319.77730	376.16790	291.77822
Public Score	10592.65571	293.90334	342.70718	268.61502

 $\lambda$  = 0.2時,受到training 數據的影響比較大,加上是三次式,受到極端(或不合理的值) 影響導致的error極大。  $\lambda$  > 0.2時,由於model的參數受到 $\lambda$ 的影響被壓的極低,剛好此次的model的最佳解偏低,導致有較小的error。

## 4. (1%) 請這次作業你的best\_hw1.sh是如何實作的?(e.g. 有無對Data做任何 Preprocessing? Features的選用有無任何考量?訓練相關參數的選用有無任何依據?)

由於我並沒有對data做preprocessing,沒有將training set裡不合理的PM2.5的值去掉(小於0或大於130),因此這次的best\_hw1.sh我是將兩份不一樣的linear regression的結果merge而得 兩份都只有選用前一小時的PM2.5和PM10下去train,但一份是三次式另外一份是一次式。 由於3次式受到testing set裡不合理的值影響更大,所以一旦遇到不合理的testing input我都用一次式的model來算(兩次train的過程都有事先用closed form solution求值在做gradient descent,  $\lambda$  = 0, learning rate = 0.0005)