

Variable	Fonction	Déductible ordinaire	Déductible avec franchise
Y^P	f_{Y^P}	$\frac{f_X(y+d)}{S_X(d)}$	$\frac{f_X(d)}{S_X(d)}$
	S_{Y^P}	$\frac{S_X(y+d)}{S_X(d)}$	$\begin{cases} 1 & , 0 \leq y \leq d \\ \frac{S_X(y)}{S_X(d)} & , y > d \end{cases}$
	F_{Y^P}	$\frac{F_X(y+d)-F_X(d)}{S_X(d)}$	$\begin{cases} F_X(d) & , y = 0 \\ F_X(d) & , 0 < y \leq d \\ \frac{F_X(y)-F_X(d)}{S_X(d)} & , y > d \end{cases}$
	h_{Y^P}	$h_X(y+d)$	$\begin{cases} 0 & , 0 < y \leq d \\ h_X(y) & , y > d \end{cases}$
	$E[Y^P]$	$= \frac{E[(X-d)_+]}{S_X(d)}$ $= \frac{E[X] - E[X \wedge d]}{S_X(d)}$	$= \frac{E[(X-d)_+^F]}{S_X(d)}$ $= \frac{E[X] - E[X \wedge d]}{S_X(d)} + d$

TABLE 1 – Fonctions left truncated and shifted

Variable	Fonction	Déductible ordinaire	Déductible avec franchise
Y^L	f_{Y^L}	$f_X(y+d)$	$\begin{cases} F_X(d) & , y = 0 \\ f_X(y) & , y > 0 \end{cases}$
	S_{Y^L}	$S_X(y+d)$	$\begin{cases} S_X(d) & , 0 < y \leq d \\ S_X(x) & , y > d \end{cases}$
	F_{Y^L}	$F_X(y+d)$	$\begin{cases} F_X(d) & , 0 < y \leq d \\ F_X(y) & , y > d \end{cases}$
	h_{Y^L}	$h_X(y+d)$	$\begin{cases} h_X(d) & , 0 < y \leq d \\ h_X(x) & , y > d \end{cases}$
	$E[Y^L]$	$= E[(X-d)_+]$ $= E[X] - E[X \wedge d]$ $= \pi_X(d)$	$= E[(X-d)_+^F]$ $= E[X] - E[X \wedge d] + dS_X(d)$

TABLE 2 – Fonctions left censored and shifted