ALINEAMIENTO DE SECUENCIAS

AGGCTATCACCTGACCTCCAGGCCGATGCCC
TAGCTATCACGACCGCGGTCGATTTGCCCGAC

-AGGCTATCACCTGACCTCCAGGCCGA--TGCCC--TAG-CTATCAC--GACCGC--GGTCGATTTGCCCGAC

Definicion:

Dadas dos cadenas: $x = x_1 x_2 ... x_M$, $y = y_1 y_2 ... y_N$

Un Alineamiento es una asignación de gaps a posiciones 0... N en x y 0...N en y de modo que se alienea cada letra en una secuencia Con una letra o un espacio en la otra secuencia.

Cual es un buen alienamiento?

AGGCTAGTT,

AGCGAAGTTT

AGGCTAGTT-

6 matches, 3 mismatches, 1 gap

AGCGAAGTTT

AGGCTA-GTT-

7 matches, 1 mismatch, 3 gaps

AG-CGAAGTTT

AGGC-TA-GTT-

7 matches, 0 mismatches, 5 gaps

AG-CG-AAGTTT

Las funciones de Scoring

Sequence edits:

Mutations

Insertions

Deletions

Scoring Function:

Match: +m

Mismatch: -s

Gap: -c

Definicion

alternativa: La

distancia mínima de edición:

euicio

"Dadas 2 cadenas x, y encontrar el

minimo número de

ediciones –

inserciones,

deleciones, o

mutaciones – para

transformar una

cadena en la otra"

Score F=(# matches)x m - (# mismatches)x s - (# gaps)x d

AGGCCTC

AGGACTC

AGGGCCTC

AGG. CTC

Las funciones de Scoring – El Score es aditivo:

El score de alinear Es aditivo:

$$x = x_1 x_2 \dots x_M$$

$$y = y_1 y_2 \dots y_N$$

En el alineamiento Siguiente:

$$X_{1} \dots X_{i}$$
 $X_{i+1} \dots X_{M}$

$$y_1 \dots y_j$$
 $y_{j+1} \dots y_N$

Los dos scores se suman:

$$F(x[1:M], y[1:N]) = F(x[1:i], y[1:j]) + F(x[i+1:M], y[j+1:N])$$

En un problema de alineación:

Existe un número polinomial De sub problemas de alineacion Tipo:

Alinear Con: $X_1 \dots X_i \quad Y_1 \dots Y_i$

El problema de alineamiento original es uno de los sub problemas :

Alinear Con: $X_1 \cdot \cdot \cdot X_M \quad Y_1 \cdot \cdot \cdot Y_N$

Cada sub problema de puede resolver a partir de sub problemas mas pequeños

En un problema de alineación: Alinear Con:

Sea F(i,j) el score optimo de alinear: $X_1 \cdot \cdot \cdot X_j \quad Y_1 \cdot \cdot \cdot Y_j$

Existen tres posibles casos:

$$F(i,j) = F(i-1,j-1) + \begin{cases} m \text{ si } x_i = y_j \\ -s \text{ si } x_i \neq y_j \end{cases}$$

En un problema de alineación: Alinear Con:

 $X_1 \dots X_i \quad Y_1 \dots Y_i$ Sea F(i,j) el score optimo de alinear:

Existen tres posibles casos:

$$y_1 \dots y_i$$
 _

 $X_1 \dots X_{i-1} X_i$

$$3. y_j$$
 Alinea con _

$$X_1 \dots X_i$$
 –

$$y_1 \dots y_{j-1} y_j$$

$$F(i,j) = F(i-1,j) - d$$

$$F(i,j) = F(i,j-1) - d$$

En un problema de alineación: Alinear Con:

Sea F(i,j) el score optimo de alinear: $X_1 \dots X_j$ $Y_1 \dots Y_j$

Existen tres posibles casos. Cuál es el caso optimo?:

Si asumimos que F(i,j-1), F(i-1,j), F(i-1,j-1) son optimos Entonces:

$$F(i,j) = \max \begin{cases} F(i-1,j-1) + s(x_i, y_j) \\ F(i-1,j) - d \\ F(i,j-1) - d \end{cases}$$

Donde: $s(x_i, y_j) = m \text{ si } x_i = y_j; y s(x_i, y_j) = -s \text{ si } x_i \neq y_j$

Nota: Match = +m; Mismatch = -s; Gap = -d

Algoritmos dinámicos.

• Alineamiento global (Needleman y Wunsch, 1970).

- Encontrar un alineamiento de dos secuencias completas (se introducen huecos para igualar sus longitudes) de tal manera que proporcione un valor numérico global máximo. Es Algoritmo relativamente lento que usa mucha memoria.
- Ofrece buenos resultados para secuencias con alta similitud, tanto en la longitud como en el contenido de éstas.

• Alineamiento local (Smith y Waterman, 1981).

- Encontrar fragmentos de dos secuencias que proporcionen alineamientos con puntuación máxima (se alinean las partes más parecidas).
- Suele ser una combinación de muchos alineamientos globales de secuencias cortas.
- Ofrece buenos resultados para secuencias con baja similitud que contengan regiones parecidas

BLAST (Basic Local Alignment Search Tool): principal programa de alineamiento local de secuencias (es "una evolución" del algoritmo de Smith-Waterman de alineamiento local).

Programación dinámica Alineamiento Global

Needleman & Wunsch (1970)

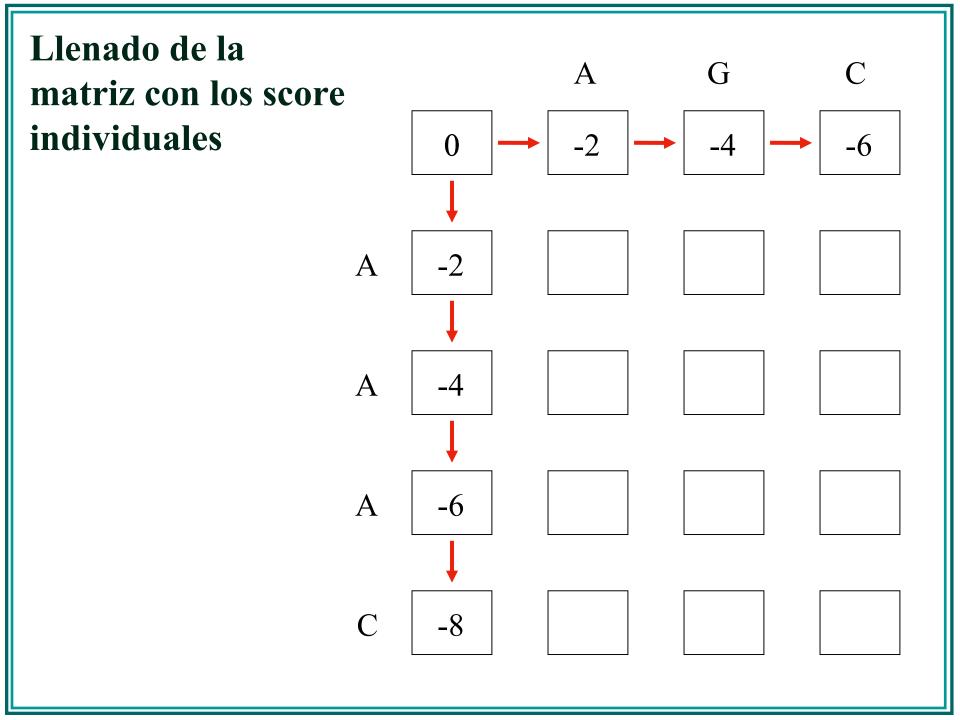
Encuentra el mejor scoring para un alineamiento global de dos secuencias

- Inicialización de la matriz
- Llenado de Matriz con los score individuales
- Construcción del alinamiento que maximice el score total
- Recuperación de la solución (Backtracking)

A
A
A
C

Inicio de la matriz: -2

Inicio de la matriz: -2 **– –** A A A C A G C - - -



Llenado de la matriz con los score individuales -2 -1 -1 -2 -1 -1 -1 -1 -6 -1 -1 -8

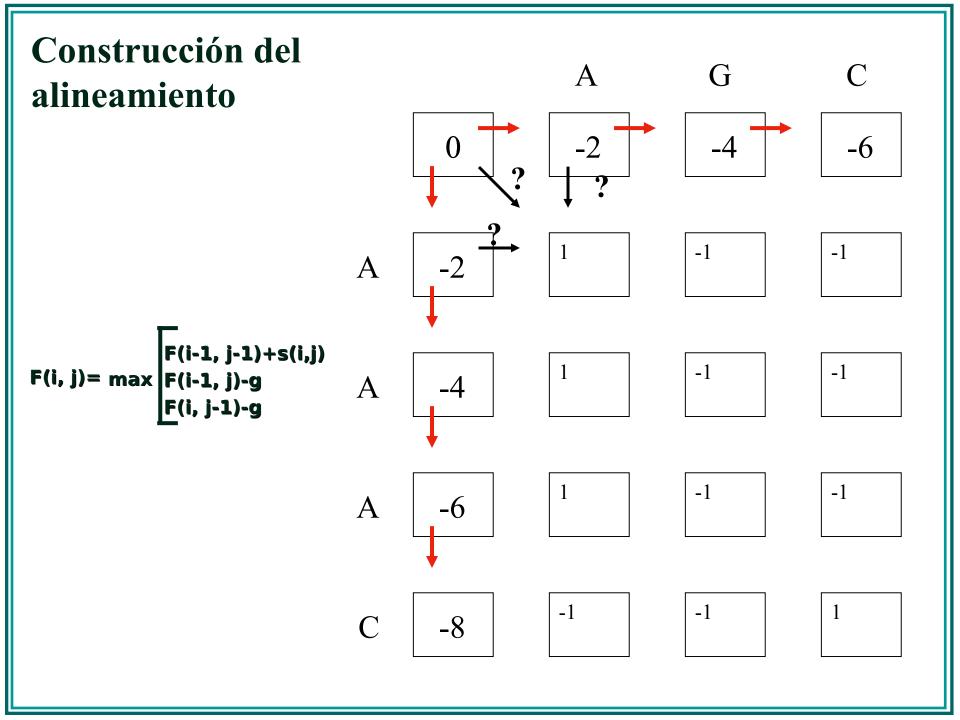
Construcción del alineamiento

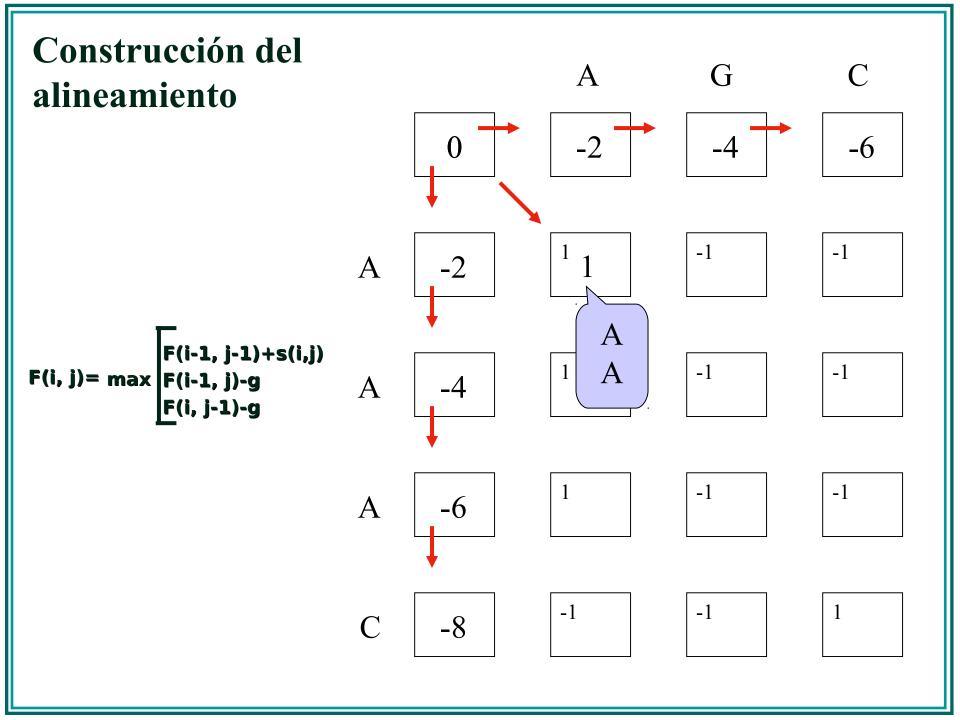
$$F(i-1,j-1) F(i,j-1)$$

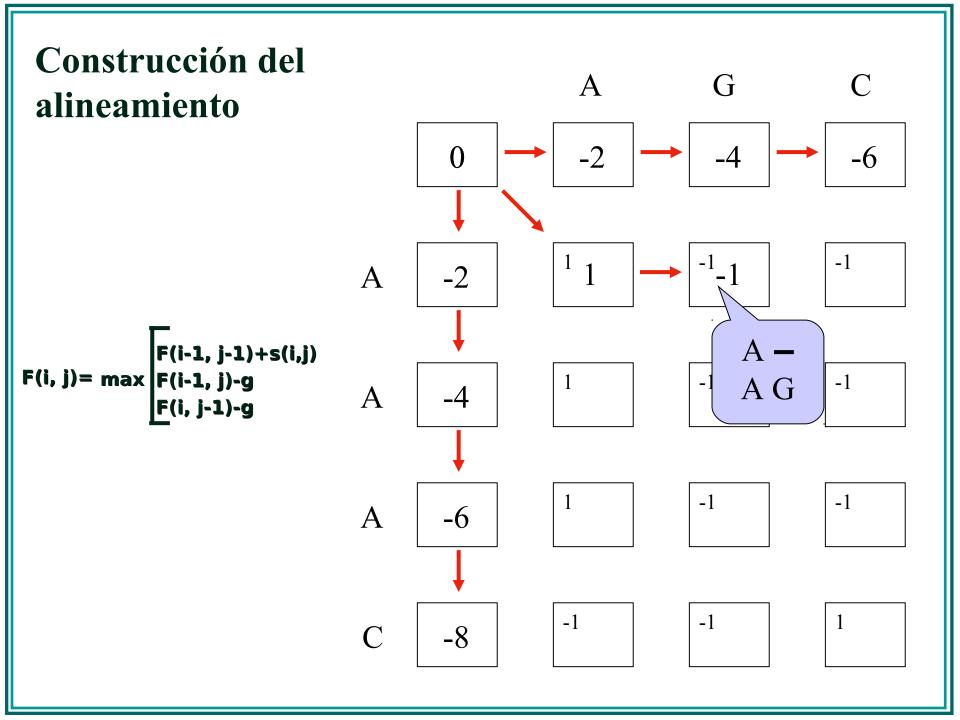
$$F(i-1,j) \longrightarrow F(i,j)$$

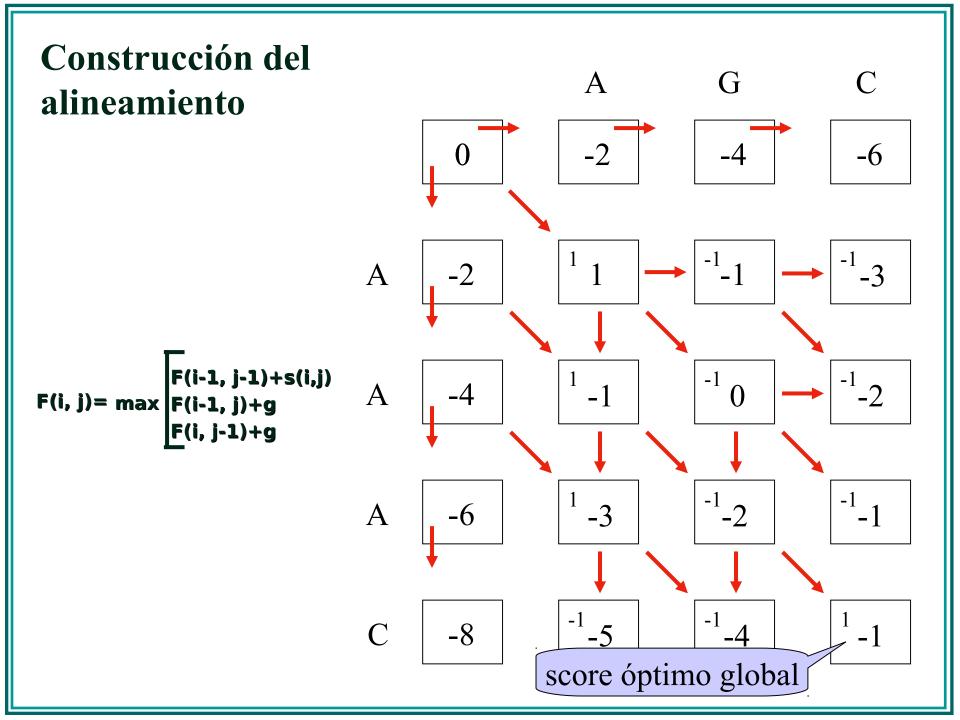
$$F(i, j) = \max \begin{cases} F(i-1, j-1) + s(i,j) \\ F(i-1, j) - g \\ F(i, j-1) - g \end{cases}$$

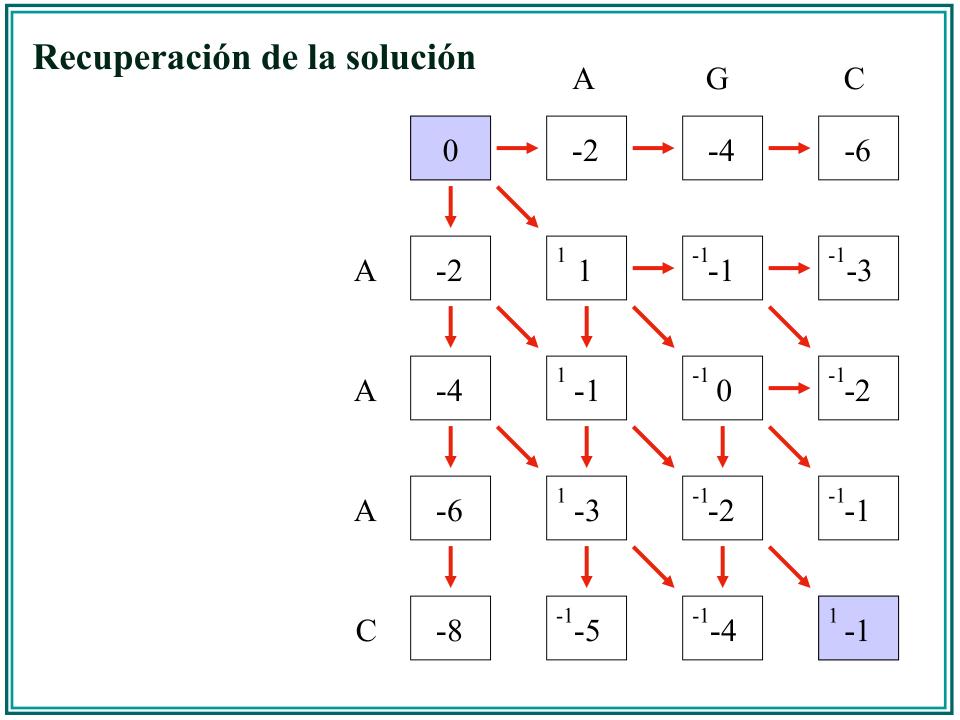
S(i,j) Función de similitud g=Penalización del Gap









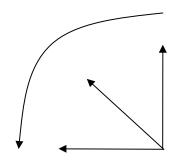


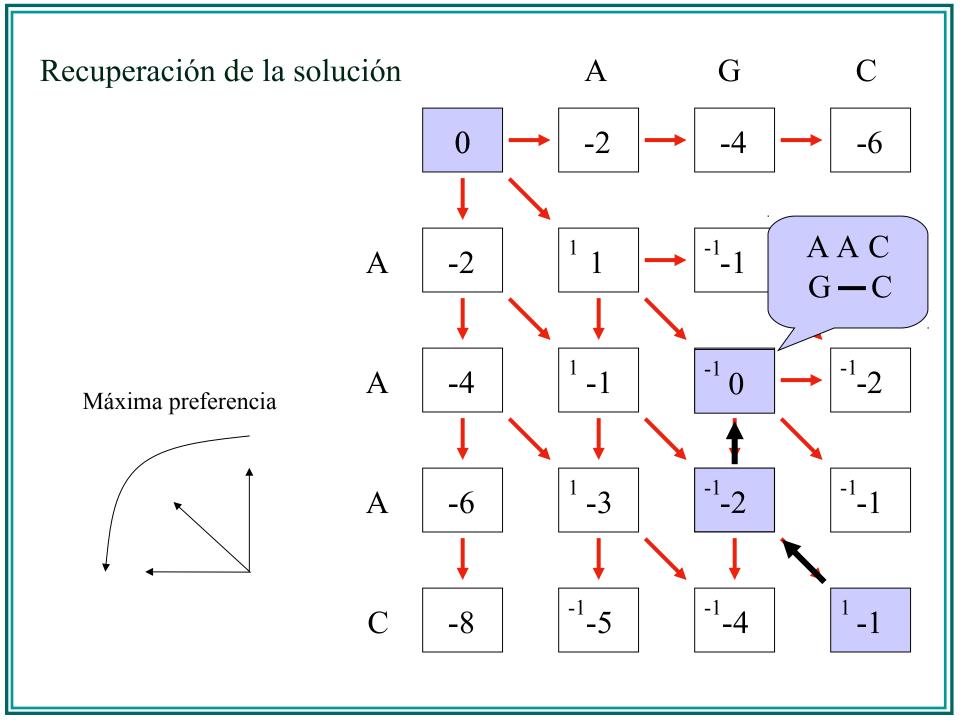
Recuperación de la solución (Backtracking)

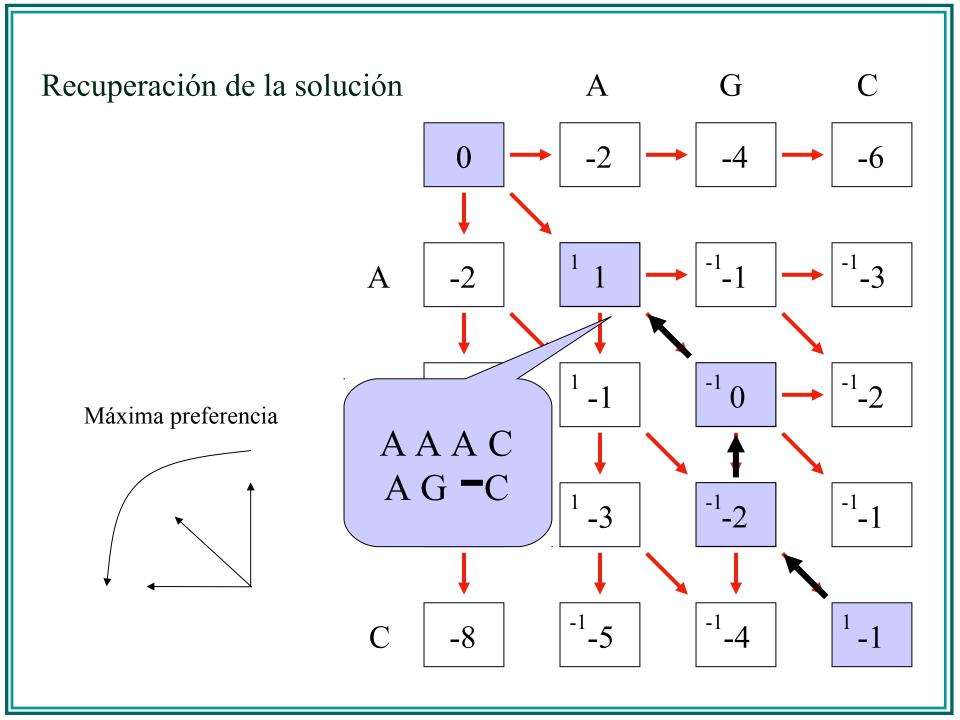
Consiste en tomar la última coincidencia del alineamiento y comenzar a buscar el camino que maximice la función, es decir siguiendo los valores más altos

Cuando los valores coinciden, cualquier camino que se tome conducirá a la formación de un alineamiento de igual score. Sin embargo los algoritmos para resolverse deben dar preferencia a uno de los valores, en nuestro caso se toma preferencia en el sentido horario

Máxima preferencia







Algoritmo de Alineamiento Global

- Input: 2 secuencias: S y T.
- Problema:
 - Cuál es la máxima similitud entre las secuencias?
 - Encontrar el mejor alineamiento.
- Global: Que para cada String, implica alinear toda el String.

Parámetros

- Valores para:
 - Penalidades de los GAPS (valor g)
 - -P(i,j):
 - Valor de Matching. S(i) = T(j)
 - Valor de Mismatching. $S(i) \neq T(j)$
- De acuerdo a los parámetros la alineación puede variar.

Pasos del Algoritmo

1. Inicialización.

2. Llenado de la matriz.

3. Busqueda de secuencias óptimas.

Inicialización

- Si se quiere alinear las secuencias S y T.
- Si n es el tamaño de S y m el de T.
- Hay n+1 posibles prefijos de S y m+1 posibles prefijos de T (incluyendo el string vacio).
- Se generá una matriz F de (n+1)x(m+1) elementos.
- El elemento F(i, j) tendrá la mejor similitud entre las subsecuencias S[1...i] y T[1...j].

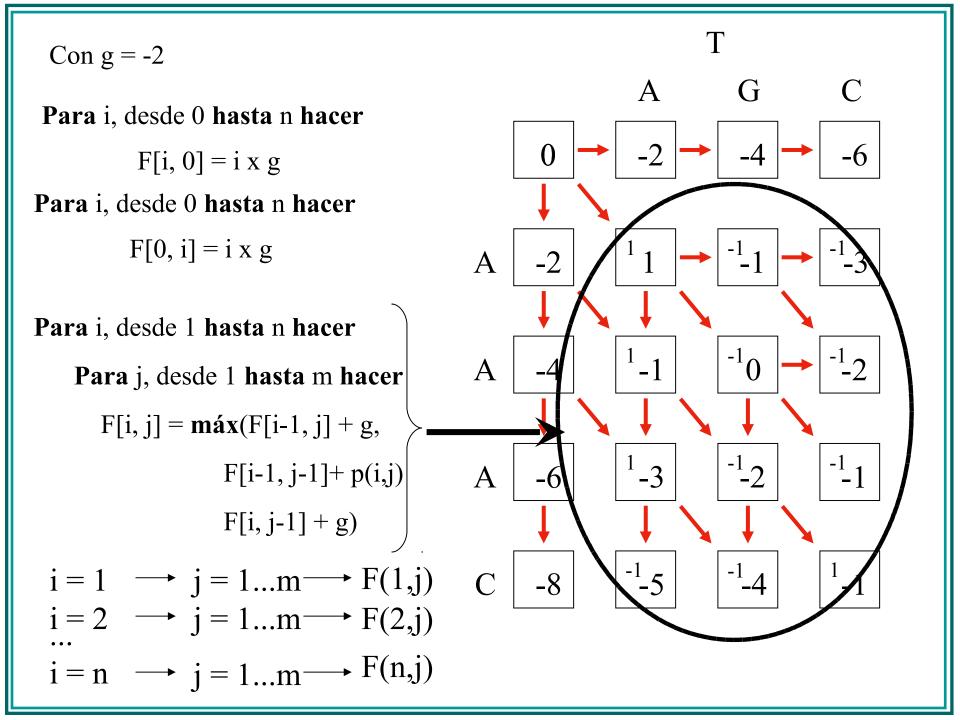
Llenado de la Matriz

- Se llena la matriz la primera fila y la primera columna con múltiplos de la penalidad por espacio.
- Se llenan los elementos interiores

$$F[i,j] = max:$$
 $F[i,j-1] + g$
 $F[i-1,j-1] + p(i,j)$
 $F[i-1,j] + g$

- g = penalidad por espacio, p(i,j) = valor del matching entre S(i) y T(j)
- Sigue cualquier orden que permita tener los valores F[i, j-1], F[i-1, j-1], F[i-1, j]. Como fila por fila (de izquiera a derecha) o columna por columna (de arriba hacia abajo).

Con $g = -2$	T			
Para i, desde 0 hasta m hacer $F[i, 0] = i \times g$	0	A -2	G -4	C -6
Para i, desde 0 hasta n hacer $F[0, i] = i \times g$	A -2			
S	A -4			
	A [-6]			
	C -8			



<u>Algoritmo</u>

$$n = long(S)$$

 $m = long(t)$

Para i, desde 0 hasta n hacer

$$F[i, 0] = i \times g$$

Para j, desde 0 hasta m hacer

$$F[0,j] = j \times g$$

Para i, desde 1 hasta n hacer

Para j, desde 1 hasta m hacer

$$F[i, j] = m\acute{a}ximo(F[i-1, j] + g, F[i-1, j-1] + p(i,j), F[i, j-1] + g).$$

Devolver F

Busqueda de secuencias óptimas

- Ahora que conocemos la máxima similitud entre 2 secuencias necesitamos construir el alineamiento óptimo entre ellas.
- Se comienza desde el valor de F[n,m] y se realiza el camino inverso hasta llegar al valor F[0,0].
- Por cada valor F[i,j] se testea si provino de F[i-1, j-1] + p(i,j) o F[i-1, j] g o F[i, j-1] g.

Algoritmo de Backtraking

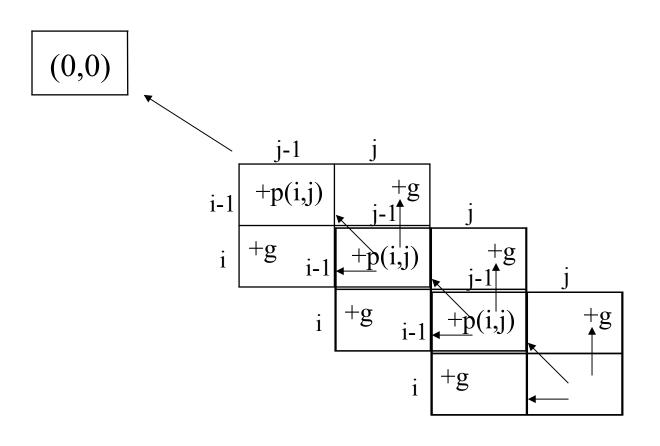
- Este algoritmo va a construir el alineamiento óptimo dado la matriz F y las secuencias originales S y T.
- La variable "len" contiene la longitud del alineamiento (que puede ser n+m)
- Los vectores (secuencia de valores) "aligS" y "aligT" contienen los caracteres alineados.

```
INPUT: indices i,j, array F.
Alinear(i, j)
Si i=0 y j=0 entonces
   len = 0
Sino Si i>0 y F[i,j] = F[i-1, j] + g entonces
                                                                +p(i,j)
                                                          i-1
    Alinear(i-1, j, len)
    len = len + 1
                                                               +g
    aligS[len] = s[i]
    aligT[len] = - //(espacio)
Sino Si i > 0 y j > 0 y F[i,j] = F[i-1, j-1] + p(i,j) ent
    Alinear(i-1, j-1, len)
    len = len + 1
    aligS[len] = s[i]
    aligT[len] = t[i]
          // debe ser F[i,j] = F[i,j-1] + g
Sino
    Alinear(i, j-1, len)
    len = len + 1
    aligS[len] = - //(espacio)
    aligT[len] = t[i]
Fin
Devolver aligS, aligT y len.
```

j-1

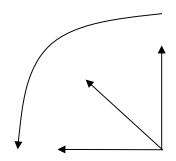
+g

Recursión en el Algoritmo



- Se pueden generar varios caminos óptimos.
- El orden en el que las preguntas estan hechas dan la preferencia de elección de un camino óptimo sobre otro.

Máxima preferencia



Complejidad

$$m = long(S)$$

 $n = long(t)$

Para i, desde 0 hasta n hacer

$$F[i, 0] = i \times g$$

n veces

Para j, desde 0 hasta m hacer

$$F[0,j] = j \times g$$

m veces

Para i, desde 1 hasta n hacer

Para j, desde 1 hasta m hacer

$$F[i, j] = m\acute{a}ximo(F[i-1, j] + g, F[i-1, j-1] + p(i,j), F[i, j-1] + g).$$

n veces

Devolver F[n,m]

Complejidad

- Complejidad Temporal:
 - O(mn) en armar la matriz
 - O(m + n) en buscar en la matriz (recorrer la secuencia resultante, que a lo sumo tiene n+m elementos).
- Complejidad Espacial:
 - O (mn) por el espacio necesario para la matriz

Alineamiento Semi-Global

- Ignoramos los espacios al final y al principio de las secuencias.
- Ahora los Strings se pueden solapar, no necesitan tener la misma longitud.

GCAG - CGTTACGTTTCA

- - - GACGATA - - - -

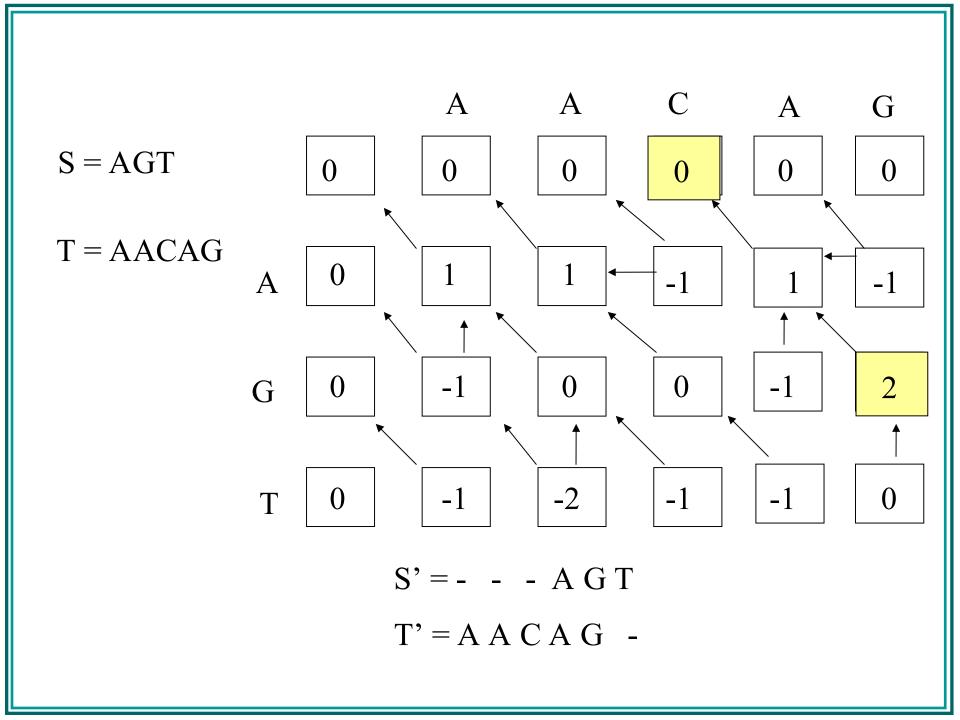
Tiene un score de 5 matches, 1 mismatch y 1 espacio.

Diferencias con el Global

- Se inicializan la primera columna y fila en 0.
- Cuando se busca el mejor alineamiento en vez de tomar el valor F[n,m] se busca el máximo de la última fila y de la última columna.
 - $Similitud(S,T) = Máximo \begin{cases} Máximo F(i, m) \\ Máximo F(n, i) \end{cases}$

Complejidad

- Tiene la misma complejidad que el algorimto global.
- Solo que ahora también tarda O(n+m) en buscar el mejor.



Algoritmos dinámicos.

• Alineamiento global (Needleman y Wunsch, 1970).

- Encontrar un alineamiento de dos secuencias completas (se introducen huecos para igualar sus longitudes) de tal manera que proporcione un valor numérico global máximo. Es Algoritmo relativamente lento que usa mucha memoria.
- Ofrece buenos resultados para secuencias con alta similitud, tanto en la longitud como en el contenido de éstas.

• Alineamiento local (Smith y Waterman, 1981).

- Encontrar fragmentos de dos secuencias que proporcionen alineamientos con puntuación máxima (se alinean las partes más parecidas).
- Suele ser una combinación de muchos alineamientos globales de secuencias cortas.
- Ofrece buenos resultados para secuencias con baja similitud que contengan regiones parecidas

BLAST (Basic Local Alignment Search Tool): principal programa de alineamiento local de secuencias (es "una evolución" del algoritmo de Smith-Waterman de alineamiento local).

Programación dinámica Alineamiento Global

Needleman & Wunsch (1970)

Encuentra el mejor scoring para un alineamiento global de dos secuencias

- Inicialización de la matriz
- Llenado de Matriz con los score individuales
- Construcción del alinamiento que maximice el score total
- Recuperación de la solución (Backtracking)

Alineamiento Local

Smith-Waterman (1981)

En el alineamiento local, los algoritmos son básicamente iguales a los que vimos en alineamiento global.

Las diferencias son:

- Se agrega una posibilidad más al generar la matriz

$$sim(S[1..i],T[1..j]) = \max \begin{cases} sim(S[1..i],T[1..j-1]) + g \\ sim(S[1..i-1],T[1..j-1]) + p(i,j) \\ sim(S[1..i-1],T[1..j]) + g \\ 0 \end{cases}$$

- La alineación va desde el máximo de toda la matriz hasta encontrar el primer 0

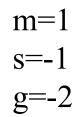
Ejemplo

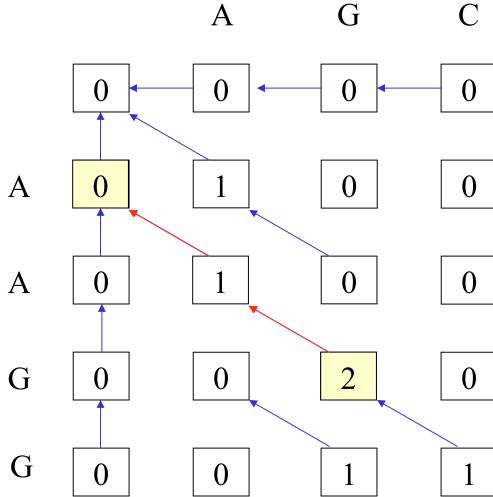
Consideremos las secuencias:

$$S = AAGG$$

 $T = AGC$

Aplicando el algoritmo podemos obtener la siguiente matriz:





Vamos a considerar otro ejemplo de ilustración del algoritmo de Smith-Waterman.

Tratemos de alinear localmente el par de secuencias

GGATCGA

GAATTCAGTTA

Consideremos la siguiente matriz de similitud era:

$$s(i,j) = \begin{cases} +5 & \text{si } A[i] = B[j] \\ -3 & \text{si } A[i] \neq B[j] \end{cases}$$

y la penalización por huecos es g = -4.

Procedamos a la fase de rellenado de la matriz en el caso del algoritmo local de Smith-Waterman.

		G	A	A	T	T	C	A	G	T	T	A
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
•												
G	0	5	1	0	0	0	0	0	5	1	0	0
G	0	5	2	0	0	0	0	0	5	2	0	0
A	0	1	10	7	3	0	0	5	1	2	0	5
Т	0	0	6	7	12	8	4	1	2	6	7	3
С	0	0	2	3	8	9	13	9	5	2	3	4
G	0	5	1	0	4	5	9	10	14	10	6	2
A	0	1	10	6	2	1	5	14	10	11	7	11

A continuación, vamos a determinar el correspondiente TRACE-BACK.

			G	A	A	Т	Т	C	A	G	Т	Т	Α
		0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
-											0		
	G	0	5	1	0	0	0	0	0	5	1	0	0
	G	0	5	2	0	0	0	0	0	5	2	0	0
-					_	\leftarrow							
	Α	0	1	10	7	3	0	0	5	1	2	0	5
_													
							\leftarrow						
	Т	0	0	6	7	12	8	4	1	2	6	7	3
-								_					
	C	0	0	2	3	8	9	13	9	5	2	3	4
-								1					
	G	0	5	1	0	4	5	9	10	14	10	6	2
-													
	A	0	1	10	6	2	1	5	14	10	11	7	11

Finalmente decodificamos el TRACE-BACK: en este ejemplo hemos obtenido dos alineamientos locales óptimos

★ Primer alineamiento local óptimo:

Valor óptimo del alineamiento local: $5 \cdot (+5) + 1 \cdot (-3) + 2 \cdot (-4) = +14$.

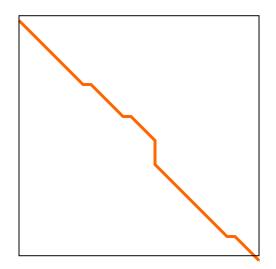
★ Segundo alineamiento local óptimo:

Valor óptimo del alineamiento local: $5 \cdot (+5) + 1 \cdot (-3) + 2 \cdot (-4) = +14$.

Similitud global y local

Alineamiento global

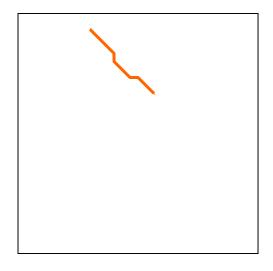
Needleman & Wunsch (1970)



Las secuencias se alinean esencialmente de un extremo a otro

Alineamiento local

Smith & Waterman (1981)



Las secuencias se alinean en regiones pequeñas y aisladas

Algoritmo de Alineamiento Local

- Input: Secuencias S y T.
- Cuál es la máxima similitud entre una Subsecuencia de S y una Subsecuencia de T?
- Encontrar las subsecuencias más similares

Diferencias con el global

- Los mismatch deben ser negativos.
- Se inicializan la primera columna y primera fila en 0.
- Cuando el score se vuelve negativo se debe poner 0.
- El alineamiento se produce al buscar el mayor valor en la matriz, y se sigue el camino hacia atrás hasta encontrar un 0.

$$F[i,j] = m \\ aximo \\ F[i-1,j-1] + p(i,j) \\ F[i-1,j] + g \\ 0$$

- El menor valor posible de score dentro de la matriz es 0.
- Complejidad Temporal: O (mn)
- Complejidad Espacial: O (m+n)

Esquemas de Puntuación

Capturar el significado biológico de las semejanzas

- Un sistema de scoring simple, penaliza por igual cualquier mismatch.
- Biológicamente tiene sentido penalizar ciertos cambios y ser más permisivo con otros. Por ejemplo:
 - En proteínas → residuos hidrofóbicos reemplazados entre sí.
 - En DNA \rightarrow transversiones vs transiciones

Se crean <u>matrices</u> con un sistema de scoring que permite asignar puntajes individuales a cada una de las letras del alfabeto en uso.

Matrices

→ Un ejemplo de matriz de scoring podría ser el clásico ejemplo de penalizar más los cambios que alteran las propiedades químicas de un residuo (aa)

Hidrofóbicos: Ile, Val, Leu, Ala

Polares (+): Lys, Arg

Polares (-): Glu, Asp

Aromáticos: Phe, Tyr, Trp

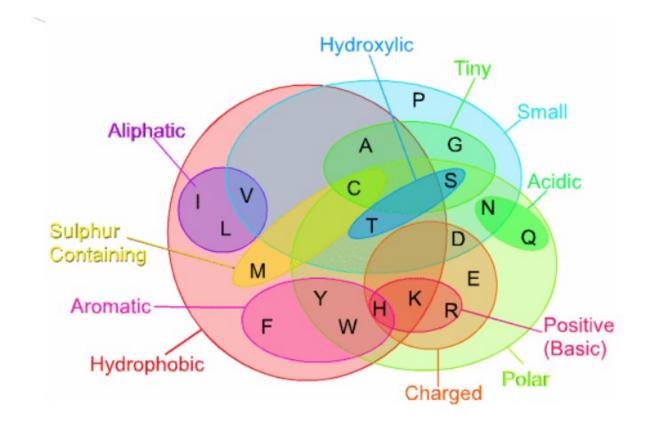
etc.

Ile x Val = -1 Ile x Asp = -5 Phe x Tyr = -1 Phe x Gly = -8



Matrices

alanine - ala - A arginine - arg - R asparagine - asn - N aspartic acid - asp - D cysteine - cys - C glutamine - gln - Q glutamic acid - glu - E glycine - gly - G histidine - his - H isoleucine - ile - I leucine - leu - L lysine - lys - K methionine - met - M phenylalanine - phe - F proline - pro - P serine - ser - S threonine - thr - T tryptophan - trp - W tyrosine - tyr - Y valine - val - V



Si yo sé cuáles cambios son más o menos comunes en un gran número de proteínas puedo asistir a la predicción de alineamientos de un set de secuencuencias.

- Dayhoff, 1978 Implica modelo evolutivo.
- → diseñado para detectar orígenes evolutivos de las proteínas.
- → derivadas a partir de un grupo de secuencias > 85% similares.
- → PAM = "point accepted mutations" unidad de divergencia evolutiva. 1 PAM = 1 aa sustituído cada 100 residuos.
- → Mutaciones aceptadas porque no cambian funcionalidad.
- → De los pares de secuencias altamente relacionadas se recolecta la información de 1 PAM... luego se extrapolan a períodos evolutivos más largos, (120, 250, 320 PAMs).

"Point Accepted Mutation"

1978: **Dayhoff** et al. estudiaron 1572 sustituciones en 71 grupos de proteínas muy parecidas entre sí

Accepted Point Mutation (PAM): sustitución de un aminoácido por otro, que ha sido aceptada por la selección natural para una determinada proteína

1992: Henikof y Henikof mejoran la matriz de Dayhoff con una base de datos de 500 alineamientos (BLOCKS) entre proteínas poco parecidas entre sí

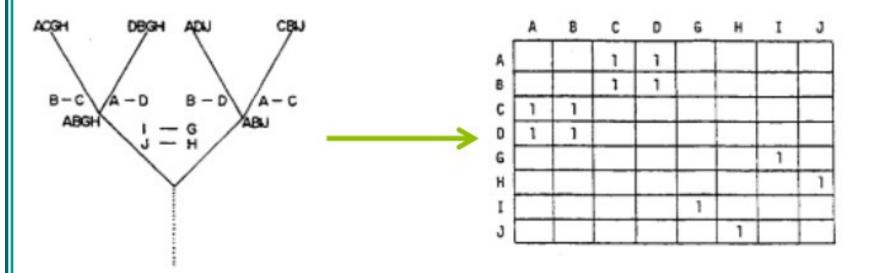


Margaret Dayhoff

"Point Accepted Mutation"

Se reconstruye un árbol filogenético para cada uno de los 71 grupos de proteínas (parecidas entre sí, >=85% de similitud)

 Y se determinan cuántos reemplazos (mutaciones aceptadas) hay respecto al ancestro común



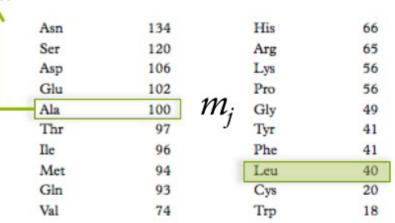
"Point Accepted Mutation"

	Α	R	N	D	C	Q	E	G	Н	1	L	K	M	F	P	S	T	W	Y	V
	Ala	Arg	Asn	Asp	Cys	Gln	Glu	Gly	His	lle	Leu	Lys	Met	Phe	Pro	Ser	Thr	Trp	Tyr	Val
Α																				
R	30																			
N	109	17																		
D	154	0	532																	
С	33	10	0	0																
Q	93	120	50	76	0									_						
Е	266	0	94	831	0	422							A_{LE}	U						
G	579	10	156	162	10	30	112					7			1	1				
Н	21	103	226	43	10	243	23	10							1	A_{i}				
1	66	30	36	13	17	8	35	0	3		/	1			1 -	Z . I.	ii			
L	95	17	37	0	0	75	15	17	40	253					1	1	7			
K	57	477	322	85	0	147	104	60	23	43	39									
M	29	17	0	0	0	20	7	7	0	57	207	90								
F	20	7	7	0	0	0	0	17	20	90	167	0	17							
Р	345	67	27	10	10	93	40	49	50	7	43	43	4	7						
S	772	137	432	98	117	47	86	450	26	20	32	168	20	40	269					
т	590	20	169	57	10	37	31	50	14	129	52	200	28	10	73	696				
W	0	27	3	0	0	0	0	0	3	0	13	0	0	10	0	17	0			
Y	20	3	36	0	30	0	10	0	40	13	23	10	0	260	0	22	23	6		
٧	365	20	13	17	33	27	37	97	30	661	303	17	77	10	50	43	186	0	17	
	Α	R	N	D	С	Q	E	G	Н	1	L	К	М	F	Р	S	Т	W	Y	٧
	Ala	Arg	Asn	Asp	Cys	Gin	Glu	Gly	His	lle	Leu	Lys	Met	Phe	Pro	Ser	Thr	Trp	Tyr	Val

1572 mutaciones aceptadas (PAMs) estudiadas entre los distintos aminoácidos, multiplicadas por 10 Por ejemplo, 20.7 de las 1572 PAMs ocurren entre Leu y Met Leu tiene un total de 142.8 mutaciones relacionadas

"Point Accepted Mutation"

Para Ala se toma un valor arbitrario de 100



Mutabilidad relativa según Dayhoff et al. 1978

$$M_{ij} = \frac{\lambda m_j A_{ij}}{A_j}$$

- M_{ij} probabilidad de que el aminoácido j cambie al aminoácido i en un intervalo evolutivo dado
- λ constante de proporcionalidad (para Dayhoff, ~0.013)
- $M_{MET-LEU} = \lambda \cdot m_{LEU} \cdot A_{MET-LEU} / A_{LEU} = 0.013 \cdot 40 \cdot 207 / 1428 = 0.08\%$

"Point Accepted Mutation"

	A Ala	R Arg	N Asn	D Asp	C Cys	Q Gln	E Glu	G Gly	H His	l lle	L	K Lys	M Met	F Phe	P Pro	S Ser	T Thr	W Trp	Y Tyr	V Val
Α	98.67	0.02	0.09	0.10	0.03	0.08	0.17	0.21	0.02	0.06	0.04	0.02	0.06	0.02	0.22	0.35	0.32	0.00	0.02	0.18
R	0.01	99.13	0.01	0.00	0.01	0.10	0.00	0.00	0.10	0.03	0.01	0.19	0.04	0.01	0.04	0.06	0.01	0.08	0.00	0.01
N	0.04	0.01	98.22	0.36	0.00	0.04	0.06	0.06	0.21	0.03	0.01	0.13	0.00	0.01	0.02	0.20	0.09	0.01	0.04	0.01
D	0.06	0.00	0.42	98.59	0.00	0.06	0.53	0.06	0.04	0.01	0.00	0.03	0.00	0.00	0.01	0.05	0.03	0.00	0.00	0.01
С	0.01	0.01	0.00	0.00	99.73	0.00	0.00	0.00	0.01	0.01	0.00	0.00	0.00	0.00	0.01	0.05	0.01	0.00	0.03	0.02
Q	0.03	0.09	0.04	0.05	0.00	98.76	0.27	0.01	0.23	0.01	0.03	0.06	0.04	0.00	0.06	0.02	0.02	0.00	0.00	0.01
Е	0.10	0.00	0.07	0.56	0.00	0.35	98.65	0.04	0.02	0.03	0.01	0.04	0.01	0.00	0.03	0.04	0.02	0.00	0.01	0.02
G	0.21	0.01	0.12	0.11	0.01	0.03	0.07	99.35	0.01	0.00	0.01	0.02	0.01	0.01	0.03	0.21	0.03	0.00	0.00	0.05
Н	0.01	0.08	0.18	0.03	0.01	0.20	0.01	0.00	99.12	0.00	0.01	0.01	0.00	0.02	0.03	0.01	0.01	0.01	0.04	0.01
1	0.02	0.02	0.03	0.01	0.02	0.01	0.02	0.00	0.00	98.72	0.09	0.02	0.21	0.07	0.00	0.01	0.07	0.00	0.01	0.33
L	0.03	0.01	0.03	0.00	0.00	0.06	0.01	0.01	0.04	0.22	99.47	0.02	0.45	0.13	0.03	0.01	0.03	0.04	0.02	0.15
к	0.02	0.37	0.25	0.06	0.00	0.12	0.07	0.02	0.02	0.04	0.01	99.26	0.20	0.00	0.03	0.08	0.11	0.00	0.01	0.01
M	0.01	0.01	0.00	0.00	0.00	0.02	0.00	0.00	0.00	0.05	0.08	0.04	98.74	0.01	0.00	0.01	0.02	0.00	0.00	0.04
F	0.01	0.01	0.01	0.00	0.00	0.00	0.00	0.01	0.02	0.08	0.06	0.00	0.04	99.46	0.00	0.02	0.01	0.03	0.28	0.00
Р	0.13	0.05	0.02	0.01	0.01	0.08	0.03	0.02		CONTRACTOR OF	0.02	0.02	0.01	0.01	99.26	0.12	0.04	0.00	0.00	0.02
S	0.28	0.11	0.34	0.07	0.11	0.04	0.06	0.16	[Sin	título] -	0.01	0.07	0.04	0.03	0.17	98.40	0.38	0.05	0.02	0.02
Т	0.22	0.02	0.13	0.04	0.01	0.03	0.02	0.02	0.01	0.11	0.02	0.08	0.06	0.01	0.05	0.32	98.71	0.00	0.02	0.09
W	0.00	0.02	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.01	0.00	0.01	0.00	99.76	0.01	0.00
Y	0.01	0.00	0.03	0.00	0.03	0.00	0.01	0.00	0.04	0.01	0.01	0.00	0.00	0.21	0.00	0.01	0.01	0.02	99.45	0.01
٧	0.13	0.02	0.01	0.01	0.03	0.02	0.02	0.03	0.03	0.57	0.11	0.01	0.17	0.01	0.03	0.02	0.10	0.00	0.02	99.01

Matriz con probabilidades de mutación PAM1

1 PAM se define como la unidad de divergencia evolutiva en la que han ocurrido un 1% de mutaciones entre dos secuencias de proteínas

	Ala	Arg	Asn	Asp	Cys	Gln	Glu	Gly	His	Ile	Leu	Lys	Met	Phe	Pro	Ser	Thr	Trp	Tyr	Val	
	A	R	N	D	C	Q	E	G	H	I	L	K	М	F	P	S	T	W	Y	V	
Ala A	13	6	9	9	5	8	9	12	6	8	6	7	7	4	11	11	11	2	4	9	
Arg R	3	17	4	3	2	5	3	2	6	3	2	9	4	1	4	4	3	7	2	2	
Asn N	4	4	6	7	2	5	6	4	6	3	2	5	3	2	4	5	4	2	3	3	
Asp D	5	4	8	11	1	7	10	5	6	3	2	5	3	1	4	5	5	1	2	3	
Cys C	2	1	1	1	52	1	1	2	2	2	1	1	1	1	2	3	2	1	4	2	
Gln Q	3	5	5	6	1	10	7	3	7	2	3	5	3	1	4	3	3	1	2	3	
Glu E	5	4	7	11	1	9	12	5	6	3	2	5	3	1	4	5	5	1	2	3	0
Gly G	12	5	10	10	4	7	9	27	5	5	4	6	5	3	8	11	9	2	3	7	q_{ij}
His H	2	5	5	4	2	7	4	2	15	2	2	3	2	2	3	3	2	2	3	2	
Ile I	3	2	2	2	2	2	2	2	2	10	6	2	6	5	2	3	4	1	3	9	
Leu L	6	4	4	3	2	6	4	3	5	15	34	4	20	13	5	4	6	6	7	13	
Lys K	6	18	10	8	2	10	8	5	8	5	4	24	9	2	6	8	8	4	3	5	
Met M	1	1	1	1	0	1	1	1	1	2	3	2	6	2	1	1	1	1	1	2	
Phe F	2	1	2	1	1	1	1	1	3	5	6	1	4	32	1	2	2	4	20	3	
Pro P	7	5	5	4	3	5	4	5	5	3	3	4	3	2	20	6	5	1	2	4	
Ser S	9	6	8	7	7	6	7	9	6	5	4	7	5	3	9	10	9	4	4	6	
Thr T	8	5	6	6	4	5	5	6	4	6	4	6	5	3	6	8	11	2	3	6	
Trp W	0	2	0	0	0	0	0	0	1	0	1	0	0	1	0	1	0	55	1	0	
Tyr Y	1	1	2	1	3	1	1	1	3	2	2	1	2	15	1	2	2	3	31	2	
Val V	7	4	4	4	4	4	4	4	5	4	15	10	4	10	5	5	5	72	4	17	

Matriz con probabilidades de mutación PAM250

Para conseguir esta matriz, se multiplica la matriz PAM1 por sí misma 250 veces

- Las matrices PAM calculadas no se utilizan directamente en los algoritmos de alineamiento, requieren de una normalización previa para facilitar los cálculos
- Lod (log odd) score: puntuación del logaritmo de la frecuencia de sustitución de un aminoácido por otro
 - Las propiedades del logaritmo permiten sumar los lod scores, en vez de multiplicarlos, durante el alineamiento, lo cual es computacionalmente menos costoso
 - Los lod scores son simétricos, simplificando las matrices.
 - Los lod scores suelen simplificarse a enteros (raw scores), simplificando los cálculos

"Point Accepted Mutation"

$$S_{ij} = 10 \times \log_{10} \frac{q_{ij}}{p_i}$$

- S_{ij} lod score: logaritmo de la frecuencia con la que el aminoácido i se convierte en el aminoácido j
- p_i frecuencia normalizada de aparición del aminoácido i
 - Es una normalización de la mutabilidad relativa

Gly	0.089	Arg	0.041
Ala	0.087	Asn	0.040
Leu	0.085	Phe	0.040
Lys	0.081	Gln	0.038
Ser	0.070	Ile	0.037
Val	0.065	His	0.034
Thr	0.058	Cys	0.033
Pro	0.051	Tyr	0.030
Glu	0.050	Met	0.015
Asp	0.047	Trp	0.010

• q_{ij} – probabilidad de sustitución de i por j en PAMn

- ♦ El lod score de la sustitución de Alanina (A) en Arginina (R) en PAM250 es:
 - $S_{A,R} = 10 \times \log_{10}(q_{AR}/p_A) = 10 \times \log_{10}(0.06/0.087) = -1.61 \sim -2$
- Significado: la posibilidad de que haya una sustitución de A por R en dos cadenas (en un alineamiento regido por el estudio evolutivo de Dayhoff en PAM250) es 10^{-0.161} ~ un 70% de la posibilidad de que se dé esa correspondencia aleatoriamente
 - ♦ ¿Y en $S_{A,A}$, que es igual a 2? → 2=10xlog₁₀(x) → x=10^{0.2}=1.58

			-			~	-01		Gly	0.089	Arg	0.041
		Ala	Arg	Asn	Asp	Cys	Gln	1	Ala	0.087	Asn	0.040
		A	R	N	D	C	Q		Leu	0.085	Phe	0.040
Ala	A	13	6	9	9	5	8		Lys	0.081	Gln	0.038
Arg	R	3	17	4	3	2	5		Ser	0.070	Ile	0.037
_									Val	0.065	His	0.034
Asn	N	4	4	6	/	2	5		Thr	0.058	Cys	0.033
									Pro	0.051	Tyr	0.030
									Glu	0.050	Met	0.015
									58 Asp	0.047	Trp	0.010

Α	2																							
R	-2	6																						
N	0	0	2																					
D	0	-1	2	4																				
C	-2	-4	-4	-5	12																			
Q	0	1	1	2	-5	4																		
Е	0	-1	1	3	-5	2	4						loc	l sc	ore	PA	M	250						
G	1	-3	0	1	-3	-1	0	5																
Н	-1	2	2	1	-3	3	1	-2	6															
1	-1	-2	-2	-2	-2	-2	-2	-3	-2	5														
L	-2	-3	-3	-4	-6	-2	-3	-4	-2	-2														
K	-1	3	1	0	-5	1	0	-2	0	-2	-3	5		20										
M	-1	0	-2	-3	-5	-1	-2	-3	-2	2	4	0	6											
F	-3	-4	-3	-6	-4	-5	-5	-5	-2	1	2	-5	0	9										
P	1	0	0	-1	-3	0	-1	0	0	-2	-3	-1	-2	-5	6									
S	1	0	1	0	0	-1	0	1	-1	-1	-3	0	-2	-3	1	2								
Т	1	-1	0	0	-2	-1	0	0	-1	0	-2	0	-1	-3	0	1	3							
W	-6	2	-4	-7	-8	-5	-7	-7	-3	-5	-2	-3	-4	0	-6	-2	-5	17						
Y	-3	-4	-2	-4	0	-4	-4	-5	0	-1	-1	-4	-2	7	-5	-3	-3	0	10					
٧	0	-2	-2	-2	-2	-2	-2	-1	-2	4	2	-2	2	-1	-1	-1	0	-6	-2	4				
	Α	R	N	D	C	Q	E	G	Н	1	L	K	M	F	P	S	Т	W	Y	V				

- Es una matriz simétrica
 - · Debido a la normalización y redondeo al entero más cercano
 - Simplifica los cálculos de los algoritmos de alineamiento
- Se dan lod scores simplificados al entero más cercano (raw scores)
 - Simplifican los cálculos de los algoritmos de alineamiento
 - Puede introducir pequeños errores (asumibles)

- El uso de una matriz PAM u otra depende de la similitud entre las secuencias
 - Para secuencias muy parecidas PAM10 puede dar buenos alineamientos
 - Para secuencias muy distintas PAM250 puede ser mejor
- ♦ A priori no siempre sabemos la similitud de las secuencias
 - Puede ser necesario repetir los alineamientos con varias matrices y quedarse con la que dé el mejor alineamiento

Ejemplo: Sistemas de scoring PAM250

El "score" de las intersecciones de la matriz reflejan qué tan seguido un aa se apareó con otro en un alineamiento de secuencias.

Matrices BLOSUM

"Blocks Amino Acid Substitution Matrices"

Las Matrices BLOSUM BLOck SUbstitution Matrix

- Estan basadas en comparaciones de Bloques de secuencias derivadas de una base de datos denominada Blocks.
- La Base de datos Blocks contiene segmentos sin gaps en alineacion multiple. Estos segmentos corresponden a las regiones más conservadas de las proteinas. (Alineamiento local versus Alieneamiento Global)
- Las matrices BLOSUM se derivan de bloques cuyo alineamiento corresponde al numero de la matriz BLOSUM (p.ej. BLOSUM 62 se deriva de Blocks que contienen secuencias mas de 62% identicas en un alineamiento sin gaps)
- BLOSUM 62 es la matriz por defecto para el programa BLAST de proteinas estándar

Matrices BLOSUM

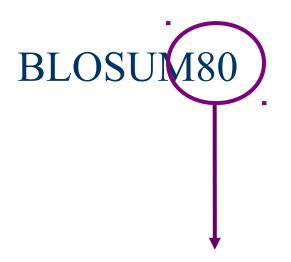
"Blocks Amino Acid Substitution Matrices"

- <u>- Henikoff, 1991 Sin modelo evolutivo</u>, diseñadas para hallar dominios conservados. Función bioquímica similar.
 - → Representan más de 500 familias de proteínas (sin restricción).
 - → Se agrupan los blocks de acuerdo a su identidad y se generan matrices. Los scores provienen del la observación de los tipos y frecuencias de sustitución en distintas familias protéicas.

Conjuntos 80% idénticos -> BLOSUM80

Conjuntos 60% idénticos -> BLOSUM60

Etc (a mayor BLOSUM, menor distancia)



Umbral de identidad utilizado para seleccionar los bloques de proteínas

Ejemplo: Sistemas de scoring **BLOSUM62**

Las identidades tienen scores positivos, pero algunas son más valoradas que otras.

```
Algunas sustituciones
tienen scores positivos,
  pero la mayoría son
      negativos.
```

Matrices BLOSUM

"Blocks Amino Acid Substitution Matrices"

A		1										_					20 0				
A	4		1									Se	gúi	n H	eni	kof	f &	: H	enil	coff	f (1992)
R	-1	5		1							P	RT C	IZC	TM	62	ec r	nei	or a	1te	rnat	tiva que
N	-2	0	6								L	,,,					-				_
D	-2	-2	1	6									PP	١M	VC	otro	s B	LO	SU	M	para un
C	0	-3	-3	-3	9										,						enérico.
Q	-1	1	0	0	-3	5										all	nea	шш	em	o g	enerico.
E	-1	0	0	2	-4	por la mayoría de los programas o															defecto
G	0	-2	0	-1	-3	-3 -2 -2 6 por la mayoría de los programas o															
Н	-2	0	1	-1	por la mayona de los programas o															imas de	
1	-1	-3	-3	-3	-1	alineamiento y de búsquedas e															edas en
L	-1	-2	-3	-4	-1	-2	-3	-4	-3	2	4	1					-)			-	
K	-1	2	0	-1	-1	1	1	-2	-1	-3	-2	5	1					ı	oas	es c	le datos
M	-1	-2	-2	-3	-1	0	-2	-3	-2	1	2	-1	5	1							
F	-2	-3	-3	-3	-2	-3	-3	-3	-1	0	0	-3	0	6	1						
P	-1	-2	-2	-1	-3	-1	-1	-2	-2	-3	-3	-1	-2	-4	7	1					
S	1	-1	1	0	-1	0	0	0	-1	-2	-2	0	-1	-2	-1	,	1				
7				_		_		_				-				4	-	1			
101	0	-1	0	-1	-1	-1	-1	-2	-2	-1		-1	-1	-2	-1	1	5				
W	-3	-3	-4	-4	-2	-2	-3	-2	-2	-3	-2	-3	-1	1	-4	-3	-2	11	_	1	
Υ	-2	-2	-2	-3	-2	-1	-2	-3	2	-1	-1	-2	-1	3	-3	-2	-2	2	7		r.
٧	0	-3	-3	-3	-1	-2	-2	-3	-3	3	1	-2	1	-1	-2	-2	0	-3	-1	4	
	Α	R	N	D	C	Q	Е	G	Н		L	K	M	F	P	S	T	W	Y	V	

Matrices BLOSUM

"Blocks of Amino Acid Substitution Matrices"

- ♦ PAM: basada en familias de proteínas muy relacionadas
 - Útil para alinear secuencias parecidas
- BLOSUM: basada en observaciones de alineamientos entre secuencias muy distintas
 - Útil para alinear secuencias distintas

