

# Supplemental Instructions

Niklas Gustafsson  
niklgus@student.chalmers.se

2016-11-15

## Vektorrummet

1.

$$\text{a) } \begin{bmatrix} -4+6 \\ -2-12 \\ 4+9 \\ 6-12 \\ 12+3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 \\ -14 \\ 13 \\ -6 \\ 15 \end{bmatrix}$$

$$\text{b) } \begin{bmatrix} -6-4 \\ -3+8 \\ 6-6 \\ 9+8 \\ 18-2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -10 \\ 5 \\ 0 \\ 17 \\ 16 \end{bmatrix}$$

$$\text{c) } \vec{v} \cdot \vec{u} = 4 - 4 - 6 + 12 - 6 = 0 \text{ Ja!}$$

$$\text{d) } \mathbb{R}^5$$

## Linjära ekvationssystem

2.

$$\text{a) } 2.$$

$$\text{b) } [\vec{v}_x \quad \vec{v}_y]$$

$$\text{c) } \begin{bmatrix} 1 & -2 & 5 \\ 4 & 1 & 3 \end{bmatrix} \sim \begin{bmatrix} 1 & -2 & 5 \\ 0 & 9 & -17 \end{bmatrix} \sim \begin{bmatrix} 1 & 0 & \frac{47}{9} \\ 0 & 1 & \frac{-17}{9} \end{bmatrix}$$

$$\text{d) } \text{Linjerna } x - 2y = 5, 4x + y = 3 \text{ skär i punkten } (\frac{47}{9}, \frac{-17}{9})$$

3.

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 & -1 \\ -1 & 3 & 3 \end{bmatrix} \sim \begin{bmatrix} 1 & 2 & -1 \\ 0 & 5 & 2 \end{bmatrix} \sim \begin{bmatrix} 1 & 0 & \frac{-9}{5} \\ 0 & 1 & \frac{2}{5} \end{bmatrix} \text{ Linjerna korsar varandra i } (\frac{-9}{5}, \frac{2}{5})$$

4.

$$\begin{bmatrix} 4 & -8 & 8 \\ -1 & 2 & 2 \end{bmatrix} \sim \begin{bmatrix} 0 & 0 & 16 \\ 1 & -2 & -2 \end{bmatrix} \text{ Lösning saknas, linjerna korsar ej varandra.}$$

5.

$$\begin{bmatrix} 2 & -3 & 1 & 8 \\ -2 & 4 & -1 & 2 \\ 4 & -6 & 2 & 16 \end{bmatrix} \sim \begin{bmatrix} 2 & -3 & 1 & 8 \\ 0 & 1 & 0 & 10 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \sim \begin{bmatrix} 2 & 0 & 1 & 38 \\ 0 & 1 & 0 & 10 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

Oändligt antal lösningar. Sätt  $z = t$  och erhåll  $x = 19 - t/2$ ,  $y = 10$ ,  $z = t$

6.

$$\begin{bmatrix} 4 & -5 & 1 & 3 \\ -2 & 2 & -2 & 11 \\ 12 & -14 & 3 & 1 \end{bmatrix} \sim \begin{bmatrix} 0 & -1 & -3 & 25 \\ -2 & 2 & -2 & 11 \\ 0 & -2 & -9 & 67 \end{bmatrix} \sim \begin{bmatrix} 0 & -1 & -3 & 25 \\ -2 & 0 & -8 & 61 \\ 0 & 0 & -3 & 17 \end{bmatrix} \sim \begin{bmatrix} 0 & -1 & -3 & 25 \\ 1 & 0 & 4 & -\frac{61}{2} \\ 0 & 0 & 1 & -\frac{17}{3} \end{bmatrix} \sim$$
$$\begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 & 8 \\ 1 & 0 & 0 & -\frac{47}{6} \\ 0 & 0 & 1 & -\frac{17}{3} \end{bmatrix} \text{ De tre linjerna möts i punkten } (x = -\frac{47}{6}, y = -8, z = -\frac{17}{3})$$

7.

$$\begin{bmatrix} 2 & 3 & -1 & 1 \\ -1 & 4 & -2 & -2 \\ 3 & -1 & 1 & 3 \end{bmatrix} \sim \begin{bmatrix} 0 & 11 & -5 & -3 \\ -1 & 4 & -2 & -2 \\ 0 & 11 & -5 & -3 \end{bmatrix} \sim \begin{bmatrix} 0 & 11 & -5 & -3 \\ -1 & 4 & -2 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \sim \begin{bmatrix} 0 & 11 & -5 & -3 \\ -1 & 0 & -\frac{2}{11} & -\frac{10}{11} \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

Sätt  $x_3 = s$ ,  $x_4 = t$  och erhåll  $\begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \\ x_4 \end{bmatrix} = s \cdot \begin{bmatrix} -\frac{2}{11} \\ \frac{5}{11} \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix} + t \cdot \begin{bmatrix} -\frac{10}{11} \\ \frac{3}{11} \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix}$

Geometrisk tolkning är ett plan i  $\mathbb{R}^4$  som korsar origo.

8.

Ställ upp som ekvationsystem och Gausseliminera. Värdena skall bli:

Kaffe: 7kr

Te: 5kr

Körsbärspaj: 8kr

Choklad: 12kr

Kanelbulle: 7kr

9.

Bestäm normalekvationen:  $A^T \cdot A\mathbf{x} + A^T \cdot \mathbf{b}$ .

$$A^T \cdot A\mathbf{x} = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 \\ 1 & 1 & 1 & 1 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 \\ 2 \\ 3 \\ 4 \\ 5 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 55 & 15 \\ 15 & 5 \end{bmatrix}$$

$$A^T \cdot \mathbf{b} = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 \\ 1 & 1 & 1 & 1 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 \\ 4 \\ 5 \\ 7 \\ 8 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 93 \\ 26 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 55 & 15 & 93 \\ 15 & 5 & 26 \end{bmatrix} \sim \begin{bmatrix} 10 & 0 & 15 \\ 15 & 5 & 26 \end{bmatrix} \sim \begin{bmatrix} 1 & 0 & \frac{3}{2} \\ 0 & 5 & \frac{7}{2} \end{bmatrix}$$

Vilket ger  $k = \frac{3}{2}$ ,  $m = \frac{7}{10}$ .