# Supplemental Instructions

Niklas Gustafsson niklgus@student.chalmers.se Gustav Örtenberg gusort@student.chalmers.se

2016-11-22

## Underrum, kolumnrum, rang och dimension

1.

- a) Om ni tar fram nollrummet till en godtycklig matris A, vad får ni för något då?
- b) Ta fram nollrummet till matrisen nedanför.

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 3 & 5 \\ 2 & 4 & 6 \end{bmatrix}$$

- c) Om ni tar fram kolumnrummet till en godtycklig matris A, vad får ni för något då?
- d) Ta fram kolumnrummet till matrisen ovan.
- e) Vad är rangen för A matrisen ovan?

#### Matrisalgebra

2.

Låt A och B vara matriserna  $A=\begin{bmatrix}1&4&7\\2&5&8\\3&6&9\end{bmatrix}$  och  $B=\begin{bmatrix}3&-2&-1\\2&1&9\\3&-3&-1\end{bmatrix}$ . Beräkna följande:

- a) A + B
- b) A B
- c)  $A \cdot B$
- d) Vad är kravet för att en matris ska kunna kalls för symmetrisk? Är någon av matriserna A eller B symmetriska?

#### Determinanter

3.

- a) Beräkna determinanaten till matrisen  $A=\begin{bmatrix}\vec{a_1} & \vec{a_2}\end{bmatrix}=\begin{bmatrix}1 & 2\\3 & 5\end{bmatrix}$
- b) Är  $\vec{a_1}$  och  $\vec{a_2}$  vänster eller högerorienterade?
- c) Kluring: Antag att ni har matrisen  $B = \begin{bmatrix} \vec{b_1} & \vec{b_2} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 1 & 2 \end{bmatrix}$ . Kan ni se vad determinanten av den här matrisen kommer att bli utan att beräkna den för hand?
- d) Beräkna  $\frac{1}{det(A)} \cdot \begin{bmatrix} 5 & -2 \\ -3 & 1 \end{bmatrix}$ . Multiplicera sedan resultatet med A. Märker ni någonting speciellt med det här resultatet?

4.

a) Beräkna determinanaten till matrisen 
$$A = \begin{bmatrix} 1 & 5 & 7 \\ 2 & 9 & 8 \\ 3 & 3 & 9 \end{bmatrix}$$

### Area, volym, kryssprodukt

**5.** 

Antag att ni har matriserna 
$$B=\begin{bmatrix}\vec{b_1}&\vec{b_2}&\vec{b_3}\end{bmatrix}=\begin{bmatrix}3&-2&-1\\2&1&9\\3&-3&-1\end{bmatrix}$$
 och  $A=\begin{bmatrix}\vec{a_1}&\vec{a_2}\end{bmatrix}=\begin{bmatrix}-3&2\\7&5\end{bmatrix}$ 

- a) Beräkna arean av det parallellogram som spänns upp av  $\vec{a_1}$  och  $\vec{a_2}$ .
- b) Beräkna volymen av den parallellpiped som  $\vec{b_1},\,\vec{b_2}$  och  $\vec{b_3}$  spänner upp.
- En enhetskvadrat är en kvadrat vars sidor har längden 1. I det kartesiska planet har enhetskvadraten sina hörn i (0,0), (1,0), (0,1) och (1,1). Kan ni med hjälp av determinanter bevisa att arean av enhetskvadraten är 1?

6.

a) Givet två vektorer  $\vec{u}$  och  $\vec{v}$ , vad blir resultatet av kryssprodukten  $\vec{u}$  x  $\vec{v}$ ?

b) Beräkna kryssprodukten av 
$$\vec{u} = \begin{bmatrix} 1 \\ 3 \\ 4 \end{bmatrix}$$
 och  $\vec{v} = \begin{bmatrix} 2 \\ 5 \\ 6 \end{bmatrix}$ 

- c) Beräkna kryssprodukten av  $\vec{v} = \begin{bmatrix} 3 \\ 5 \\ -1 \end{bmatrix}$  och  $\vec{u} = \begin{bmatrix} -2 \\ 7 \\ 1 \end{bmatrix}$ .
- d) Beräkna kryssprodukten av  $e_x=\begin{bmatrix}1\\0\\0\end{bmatrix},\,e_y=\begin{bmatrix}0\\1\\0\end{bmatrix}.$

Kan ni gissa vad resultatet kommer att bli på förhand?

e) Kan ni representera följande vektorer i  $R^3$  och beräkna kryss produkten av dem?  $\vec{u}=\begin{bmatrix}1\\3\end{bmatrix},\,\vec{v}=\begin{bmatrix}2\\5\end{bmatrix}$ 

# Linjära ekvationssystem

Repetition är all kunskaps moder!

7.

Lös ekvationssystemet: 
$$\begin{cases} 3\cdot x - 1\cdot y + z = 8 \\ -3\cdot x + 2\cdot y - z = 2 \\ 1\cdot x - 5\cdot y + 2\cdot z = 16 \end{cases}$$