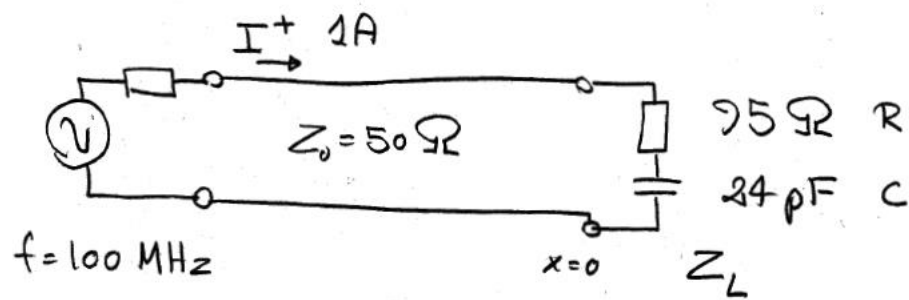


11.1



a) Beregning af Z_L :

$$Z_L = R + \frac{1}{j\omega C} = 95 - j \frac{1}{2\pi \cdot 10^8 \cdot 24 \cdot 10^{-12}} = (95 - j66,3) \Omega$$

b) Beregning af K_L :

$$K_L = \frac{Z_L - Z_0}{Z_L + Z_0} = 0,5026 \angle -31^\circ$$

c) Beregning af den maksimale og den minimale strøm på kablet:

$$\begin{aligned} I_{\text{MAX}} &= I^+ \cdot (1 + |K_L|) = 1 \cdot (1 + 0,5026) \\ &= 1,5026 \text{ A (spids)} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} I_{\text{MIN}} &= I^+ \cdot (1 - |K_L|) = 1 \cdot (1 - 0,5026) \\ &= 0,4974 \text{ A (spids)} \end{aligned}$$

d) Beregning af strømmen igennem Z_L .

(1c)

$$\begin{aligned} I_{Z_L} &= I(0) = I^+ \cdot |1 - K_L| \\ &= I^+ \cdot |1 - 0,5026 \angle -31^\circ| \\ &= 0,6253 \text{ A (spids)} \end{aligned}$$

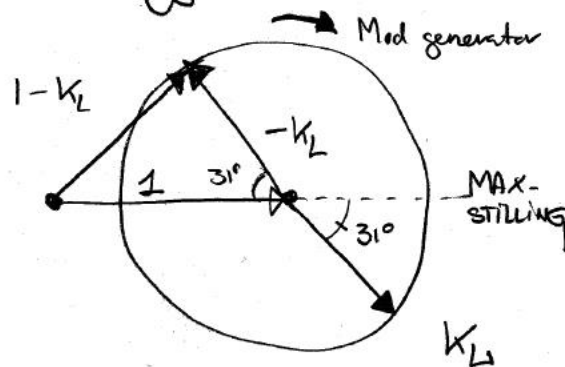
e) Beregning af afstanden fra belastningen til første strømmax.
Strømmen kan beregnes ved:

$$\begin{aligned} I(x) &= I^+(x) + I^-(x) \\ &= I^+(x) \cdot (1 + K(x)) \end{aligned}$$

Vi sætter $I^+(x) = 1 \text{ A}$ og beregner den numeriske værdi (strømstyrken) ved:

$$|I(x)| = |1 + K(x)|$$

Det kan illustreres ved dette vektordiagram:



$$\begin{aligned} \text{For } x=0 \\ K(x) &= K(0) \\ &= K_L \end{aligned}$$

For at komme til maxstillingen skal $-K_L$ dreyes
vinkel φ givet ved:

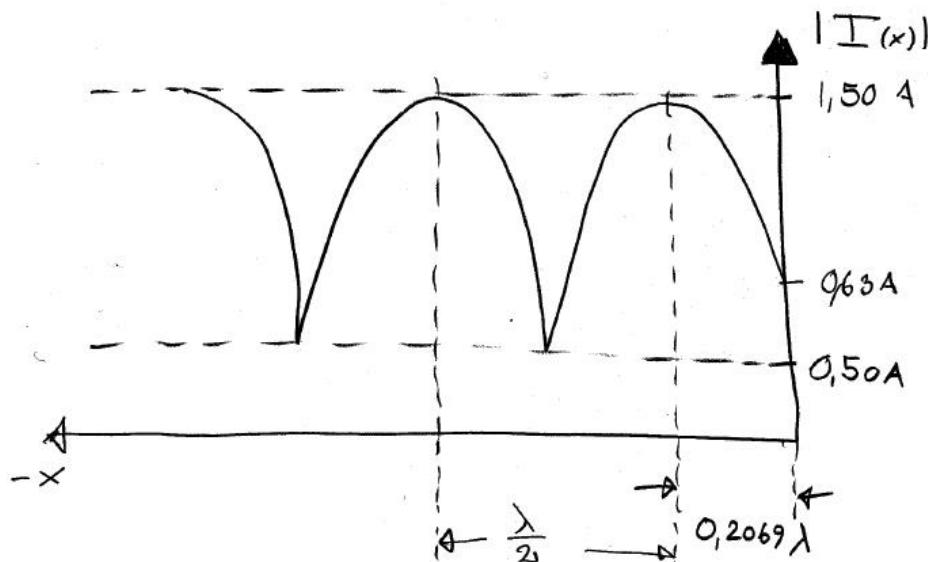
$$\varphi = 180^\circ - 31^\circ = 149^\circ$$

Ud fra udtrykket $K(x) = K_L \cdot e^{+j2\beta x}$ ses det, at
360° ændring i φ svarer til $\lambda/2$.

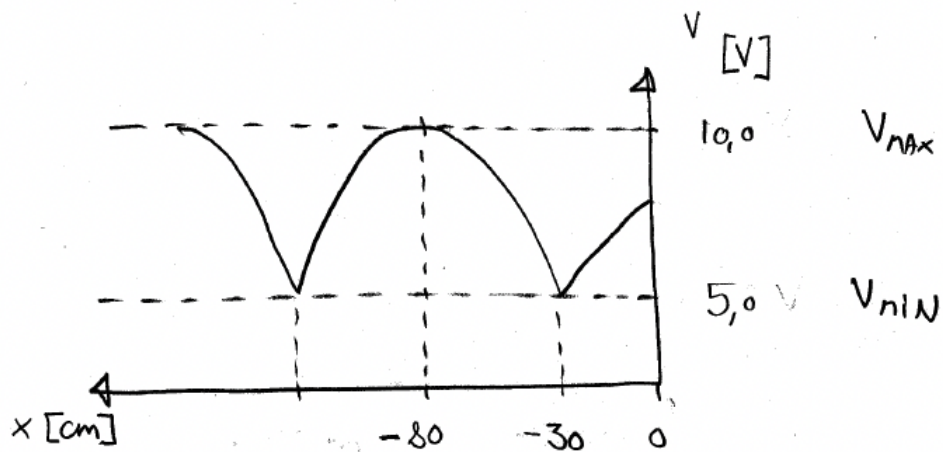
$$\begin{aligned} K(x) &= K_L \cdot 1 \angle 2\beta x = K_L \cdot 1 \angle \frac{2\pi}{\lambda} \cdot 2x \\ &= K_L \cdot 1 \angle 2\pi \cdot \frac{x}{\lambda} \end{aligned}$$

Vinkel φ svarer derfor til:

$$\begin{aligned} d &= \frac{\varphi}{360^\circ} \cdot \frac{\lambda}{2} = \frac{\varphi}{720^\circ} \cdot \lambda \\ &= \frac{149}{720} \cdot \lambda = 0,2069 \lambda \end{aligned}$$



11.2



$$f = 100 \text{ MHz}$$

$$Z_0 = 50 \Omega$$

$$a) \text{ SWR} = \frac{V_{\max}}{V_{\min}} = \frac{10}{5} = 2$$

$$|K_L| = \frac{\text{SWR} - 1}{\text{SWR} + 1} = \frac{2 - 1}{2 + 1} = \frac{1}{3}$$

Ad. figuren ses, at $\lambda/4 = 80 - 30 = 50 \text{ cm}$
 (Afstanden mellem V_{\max} og V_{\min} er altid $\lambda/4$)

Derved fås:

$$\lambda = 4 \cdot 50 \text{ cm} = 2,0 \text{ m}$$

b) V_i har et minimum 30 cm fra belastningen:

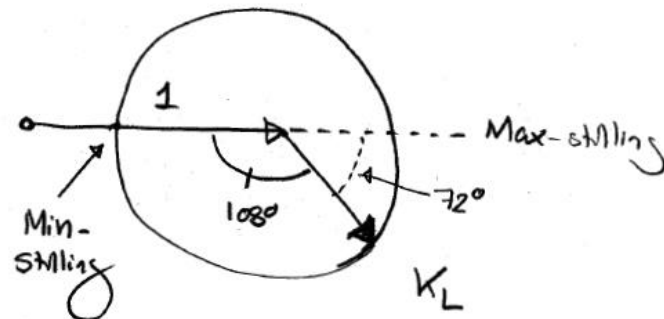
$$d = \frac{0,30}{2,00} = 0,15 \lambda$$

Vi ved at 1λ svarer til 720° faseændring i refleksionskoefficienten.

Fasen af K_L kan nu beregnes som:

$$\varphi = 0,5 \cdot 720^\circ = 108^\circ$$

Vektordiagram giver fortegnst og kvadranten.



Ad diguen fås det endelige resultat:

$$K_L = \frac{1}{3} \angle -72^\circ$$

Beregning af Z_L :

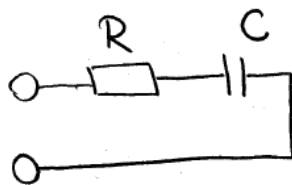
$$\begin{aligned} Z_L &= Z_0 \frac{1 + K_L}{1 - K_L} \\ &= 50 \cdot \frac{1 + \frac{1}{3} \angle -72^\circ}{1 - \frac{1}{3} \angle -72^\circ} = 60,32 \angle -36^\circ \\ &= (49,10 - j 35,03) \Omega \end{aligned}$$

c) Z_L kan realiseres enten som en serieforbindelse eller som en parallelforbindelse (og selvfølgelig også på andre eksotiske måder). (14)

Her vises begge. Da imaginærdelen af Z_L er negativ er det en kapacitiv impedans, og det vil være en modstand og en kondensator, vi skal have fat i.

Serieforbindelse

$$Z_L = 49,10 - j35,03 \quad \Omega$$



$$R = 49,1 \quad \Omega$$

$$f = 100 \text{ MHz}$$

$$C = 45,4 \text{ pF}$$

$$R = \operatorname{Re}[Z_L] = 49,10 \quad \Omega$$

$$C = \frac{1}{\omega \operatorname{Im}[Z_L]} = \frac{1}{2\pi \cdot 10^8 \cdot 35,03} = 45,43 \text{ pF}$$

Formler:

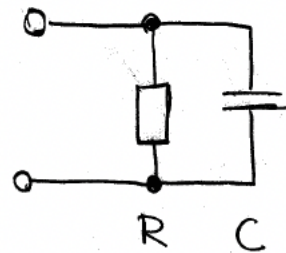
Serieforbindelse: $Z_{\text{RES}} = Z_1 + Z_2 \quad [\Omega]$

$$Z = R + jX \quad [\Omega]$$

$$X_C = -\frac{1}{\omega C} \quad [\Omega]$$

Parallelschaltung

(15)



$$R = 74,1 \, \Omega$$

$$C = 153 \, \Omega$$

$$Y_L = \frac{1}{Z_L} = \frac{1}{49,10 - j 35,03} = (13,50 + j 9,63) \, \text{mS}$$

$$R = \frac{1}{\text{Re}[Y_L]} = \frac{1}{13,50 \cdot 10^{-3}} = 74,09 \, \Omega$$

$$C = \frac{1}{\omega \frac{1}{\text{Im}[Y_L]}} = \frac{\text{Im}[Y_L]}{\omega} = \frac{9,63 \cdot 10^{-3}}{2\pi \cdot 10^8} = 15,32 \, \text{pF}$$

Formeln:

$$Z = R + jX \quad [\Omega]$$

$$Y = \frac{1}{Z} = G + jB \quad [\text{S}]$$

$$\text{Parallelschaltung: } Y_{\text{RES}} = Y_1 + Y_2 \quad [\text{S}]$$

$$B_C = \omega C \quad [\text{S}]$$

d) Beregning af den indfaldende spænding V^+

Vi har:

$$V_{\text{MAX}} = V^+ \cdot (1 + |K_L|)$$

Dette giver:

$$V^+ = \frac{V_{\text{MAX}}}{1 + |K_L|} = \frac{10}{1 + \frac{1}{3}} = 7,5 \text{ V}$$

Den indfaldende bølge:

$$|V^+| = 7,5 \text{ V}$$

Beregning af spændingen over belastningen, V_{ZL}

$$\begin{aligned} V_{ZL} &= V^+ \cdot (1 + K_L) \\ &= 7,5 \cdot (1 + \frac{1}{3} \angle -72^\circ) \\ &= 8,607 \angle -16^\circ \end{aligned}$$

Spændingen over belastningen bliver:

$$V_{ZL} = 8,607 \text{ V}$$