Rapport Travaux Pratiques : Programmation par Contraintes - TP 3 :

Contraintes Logiques

Nicolas Desfeux Aurélien Texier

15 mars 2011

Dans ce T.P., nous allons utiliser la programmation par contraintes pour résoudre un problème d'ordonnancement de tâches à effectuer sur deux machines.

Dans un premier temps, nous définirons les prédicats qui fixent les domaines dans lesquels nous travaillerons, puis nous ajouterons les contraintes liées au fait que les tâches doivent être effectuées seulement après que certaines autres soient faites. Enfin, nous finirons par une dernière contraintes qui vise à empêcher que deux tâches se fassent simultanément sur la même machine.

Question 3.1 Nous définissons ici un prédicat *taches(?Taches)* qui unifie Taches au tableau des tâches.

```
Listing 1 - "taches"
   taches (Taches) :-
                               Taches =
                                                 [](tache(3,[],m1,_),
2
                                                 tache (8,[],m1,_),
3
                                                 tache (8, [4, 5], m1, _),
4
                                                 tache (6,[],m2,_),
5
                                                 tache (3,[1],m2,_),
6
                                                 tache (4,[1,7],m1,_),
7
                                                 tache (8, [3, 5], m1, _),
8
                                                 tache (6, [4], m2, _),
9
                                                 tache (6, [6, 7], m2, _),
10
                                                 tache (6, [9, 12], m2, _),
11
                                                 tache (3,[1],m2,_),
                                                 tache (6, [7,8], m2, _)).
12
13
14
   /* Test
15
16
   [eclipse 3]: taches(T).
17
  T = [tache(3, [], ml, _169), tache(8, [], ml, _176), tache(8, [4, 5], ml, _186)]
        _183), tache(6, [], m2, _194), tache(3, [1], m2, _201), tache(4, [1, 7],
        m1, _210), tache(8, [3, 5], m1, _221), tache(6, [4], m2, _232), tache(6,
```

```
[6, 7], m2, _241), tache(6, [9, 12], m2, _252), tache(3, [1], m2, _263), tache(6, [7, 8], m2, _272)]

19 Yes (0.00s cpu)

20
21 */
```

Question 3.2 Nous définissons ici un prédicat *affiche*(+*Taches*) qui affiche chaque élément, à savoir chaque tâche constituant le problème. Nous définiront ce prédicat à l'aide d'un itérateur.

```
Listing 2 – "affiche"
    affiche (Taches) :-
                              dim (Taches, [Dim]),
2
                              (for (Indice, 1, Dim), param (Taches)
3
                                                        do
4
                                                                 Elem is Taches [Indice
                                                                     ],
5
                                                                 writeln (Elem)
6
                                               ).
7
8
9
10
   [eclipse 4]: taches(T), affiche(T).
   tache(3, [], m1, _235)
11
   tache(8, [], m1, _242)
12
   tache(8, [4, 5], m1, _249)
13
   tache(6, [], m2, _260)
14
15 tache(3, [1], m2, _267)
  tache(4, [1, 7], m1, _276)
16
   tache(8, [3, 5], m1, _287)
17
18 tache (6, [4], m2, _298)
19 tache (6, [6, 7], m2, _307)
20 tache (6, [9, 12], m2, _318)
   tache(3, [1], m2, _329)
22.
   tache (6, [7, 8], m2, _338)
23
   T = [tache(3, [], m1, _235), tache(8, [], m1, _242), tache(8, [4, 5], m1,
        _249), tache(6, [], m2, _260), tache(3, [1], m2, _267), tache(4, [1, 7],
        ml, _276), tache(8, [3, 5], ml, _287), tache(6, [4], m2, _298), tache(6,
        [6, 7], m2, _307), tache(6, [9, 12], m2, _318), tache(3, [1], m2, _329), tache(6, [7, 8], m2, _338)]
25
   Yes (0.00s cpu)
26
27
```

Question 3.3 Nous définissons ici un prédicat *domaines*(+*Taches*, ?*Fin*) qui contraint chaque tâche à commencer après l'instant 0 et à finir avant Fin, variable qui correspond à l'instant où toutes les tâches sont terminées.

```
Listing 3 - "domaines"

domaines(Taches, Fin) :- dim(Taches, [Dim]),

for(Indice, 1, Dim), param(Taches, Fin)
```

```
3
                                                                                                                                                                                                                                                            do
   4
                                                                                                                                                                                                                                                                                                   tache (Duree,_Nom,
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                      _Machine , Debut )
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                      is Taches [Indice
   5
                                                                                                                                                                                                                                                                                                   Debut + Duree #=< Fin
   6
                                                                                                                                                                                                                                                                                                   Debut #>= 0
   7
                                                                                                                                                                                                                                                            ) .
   8
   9
                 [eclipse 5]: taches(T), domaines(T, 10).
10
11
               T = [tache(3, [], ml, \_421\{0 ... 7\}), tache(8, [], ml, \_644\{0 ... 2\}), tache(8, [], ml, \_644\{0 ... 2\})]
                                   [4, 5], m1, _867{0 .. 2}), tache(6, [], m2, _1090{0 .. 4}), tache(3, [1], m2, _1313{0 .. 7}), tache(4, [1, 7], m1, _1536{0 .. 6}), tache(8,
                                   [3, 5], m1, _1759\{0 ... 2\}), tache(6, [4], m2, _1982\{0 ... 4\}), tache(6, [4], m2, _1
                                   [6, 7], m2, _2205{0 .. 4}), tache(6, [9, 12], m2, _2428{0 .. 4}), tache
                                   (3, [1], m2, _2651{0 .. 7}), tache(6, [7, 8], m2, _2874{0 .. 4})]
                 There are 12 delayed goals. Do you want to see them? (y \ n)
15
                Yes (0.00s cpu)
16
               */
```

Question 3.4 Voici le prédicat *getVarList(+Taches, ?Fin, ?List)* qui permet de récupérer la liste des variables du problème.

```
Listing 4 – "getVarList"
                  getVarList(Taches, Fin, ListFin):- dim(Taches, [Dim]),
   2
                                                                                                                                                                                   (for (Indice, 1, Dim), fromto ([], In, Out, List),
                                                                                                                                                                                                     param (Taches)
   3
                                                                                                                                                                                   do
   4
                                                                                                                                                                                                                          Xi is Taches [Indice],
    5
                                                                                                                                                                                                                          Xi = tache(\_,\_,\_,Debut),
   6
                                                                                                                                                                                                                          Out = [Debut | In]
   7
   8
                                                                                                                                                                                   ListFin = [Fin | List].
   9
10
11
                 [eclipse 6]: taches(T), getVarList(T, Fin, L).
12
13
                T = [](tache(3, [], ml, \_238), tache(8, [], ml, \_243), tache(8, [4, 5], ml, \_243), t
                                   _248), tache(6, [], m2, _257), tache(3, [], m2, _262), tache(4, [1, 7], m1, _269), tache(8, [3, 5], m1, _278), tache(6, [4], m2, _287), tache(6, [6, 7], m2, _294), tache(6, [9, 12], m2, _303), tache(3, [1], m2, _312),
                                    tache(6, [7, 8], m2, _319))
15
                 Fin = Fin
                L = [Fin, \_319, \_312, \_303, \_294, \_287, \_278, \_269, \_262, \_257, \_248, \_243,
                                     2381
17
                  Yes (0.00s cpu)
18
```

Question 3.5 On définit le prédicat *solve*(?Taches, ?Fin) qui permet, en utilisant les trois prédicats précédents, de trouver un ordonnancement qui respecte les contraintes de domaines définies.

Le test effectué atteste bien la conformité du prédicat car solve rend bien comme première solution toutes les tâches avec des débuts à 0, puis il incrémente chacune comme solutions suivantes. Il unifie Fin à 8 puisque c'est la durée de la tâche la plus longue, ce qui est logique aussi.

Listing 5 – "solve1"

```
taches (Taches),
   solvel (Taches, Fin) :-
1
2
                                                       domaines (Taches, Fin),
3
                                                       getVarList(Taches, Fin, Liste),
4
                                                       labeling (Liste),
5
                                                       affiche (Taches).
6
7
   [eclipse 4]: solvel(Taches, Fin).
8
   lists.eco loaded in 0.00 seconds
9
   tache(3, [], m1, 0)
   tache(8, [], m1, 0)
10
   tache(8, [4, 5], m1, 0)
11
   tache(6, [], m2, 0)
12
   tache(3, [1], m2, 0)
13
   tache(4, [1, 7], m1, 0)
14
   tache(8, [3, 5], m1, 0)
15
   tache(6, [4], m2, 0)
16
17
   tache(6, [6, 7], m2, 0)
   tache (6, [9, 12], m2, 0)
19
   tache(3, [1], m2, 0)
20
   tache (6, [7, 8], m2, 0)
21
22
   Taches = [](tache(3, [], ml, 0), tache(8, [], ml, 0), tache(8, [4, 5], ml, 0)]
        , tache(6, [], m2, 0), tache(3, [1], m2, 0), tache(4, [1, 7], m1, 0),
       tache(8, [3, 5], m1, 0), tache(6, [4], m2, 0), tache(6, [6, 7], m2, 0)
       tache(6, [9, 12], m2, 0), tache(3, [1], m2, 0), tache(6, [7, 8], m2, 0))
23
   Fin = 8
   Yes (0.00s\ cpu,\ solution\ 1,\ maybe\ more) ? ;
25
   tache(3, [], m1, 1)
   tache(8, [], m1, 0)
tache(8, [4, 5], m1, 0)
26
27
28
   tache(6, [], m2, 0)
29
   tache(3, [1], m2, 0)
   tache(4, [1, 7], m1, 0)
30
   tache(8, [3, 5], m1, 0)
31
32
   tache(6, [4], m2, 0)
33
   tache(6, [6, 7], m2, 0)
   tache(6, [9, 12], m2, 0)
   tache(3, [1], m2, 0)
   tache(6, [7, 8], m2, 0)
37
```

```
Taches = [](tache(3, [], ml, 1), tache(8, [], ml, 0), tache(8, [4, 5], ml, 0)]
        , tache(6, [], m2, 0), tache(3, [1], m2, 0), tache(4, [1, 7], m1, 0),
       tache(8, [3, 5], m1, 0), tache(6, [4], m2, 0), tache(6, [6, 7], m2, 0),
       tache(6, [9, 12], m2, 0), tache(3, [1], m2, 0), tache(6, [7, 8], m2, 0))
39
   Fin = 8
40
  Yes (0.01s cpu, solution 2, maybe more)?;
41
   tache(3, [], m1, 2)
42
   tache(8, [], m1, 0)
43
   tache(8, [4, 5], m1, 0)
44
   tache(6, [], m2, 0)
   tache(3, [1], m2, 0)
tache(4, [1, 7], m1, 0)
45
46
   tache(8, [3, 5], m1, 0)
47
   tache(6, [4], m2, 0)
48
49
   tache(6, [6, 7], m2, 0)
50
   tache(6, [9, 12], m2, 0)
51
   tache(3, [1], m2, 0)
52
   tache(6, [7, 8], m2, 0)
53
54
   Taches = [](tache(3, [], ml, 2), tache(8, [], ml, 0), tache(8, [4, 5], ml, 0)]
        , tache(6, [], m2, 0), tache(3, [1], m2, 0), tache(4, [1, 7], m1, 0),
       tache(8, [3, 5], m1, 0), tache(6, [4], m2, 0), tache(6, [6, 7], m2, 0),
       tache(6, [9, 12], m2, 0), tache(3, [1], m2, 0), tache(6, [7, 8], m2, 0))
   Fin = 8
55
56
   Yes (0.01s cpu, solution 3, maybe more)?
57
   */
```

Question 3.6 On définit ici un prédicat *precedences*(+*Taches*) qui contraint chaque tâche à démarrer après la fin de ses tâches préliminaires.

On modifie alors solve pour prendre en compte ces contraintes.

Les résultats de solve sont bien conformes car les deux premières tâches commencent à 0 puisqu'elles n'ont besoin d'aucune autre tâche effectuée au préalable pour s'effectuer. La tâche 5 qui a besoin de la tâche 1 effectuée commence bien à 3, qui est la durée de la tâche 1. Tout est donc correct.

On peut donc en conclure que sans la contrainte des machines différentes qui va suivre, la solution optimale prendrait 38 unités de temps pour se faire (car le solveur unifie Fin à 38).

```
Listing 6 – "precedences"
```

```
dim(Taches,[Dim]),
1
   precedences (Taches) :-
2
                               (for (Indice, 1, Dim), param (Taches)
3
                               do
4
                                        Elem is Taches [Indice],
5
                                        Elem = tache(_D, Noms,_M, Debut),
6
                                        (foreach(I, Noms), param(Debut, Taches)
7
8
                                                 tache (Duree2, _N, _M, Debut2) is Taches [
                                                     Ι],
9
                                                 Debut #>= Debut2+Duree2
10
11
                               ).
```

```
12
   solve(Taches, Fin):-
13
                          taches (Taches),
14
                                                       domaines (Taches, Fin),
15
                                                       precedences (Taches),
16
                                                       getVarList(Taches, Fin, Liste),
                                                       labeling (Liste),
17
18
                                                       affiche (Taches).
19
20
21
   [eclipse 44]: solve(T, Fin).
   tache(3, [], m1, 0)
tache(8, [], m1, 0)
22
23
   tache(8, [4, 5], m1, 6)
24
25
   tache(6, [], m2, 0)
   tache(3, [1], m2, 3)
26
   tache (4, [1, 7], m1, 22)
27
28
   tache(8, [3, 5], m1, 14)
29
   tache(6, [4], m2, 6)
   tache(6, [6, 7], m2, 26)
   tache (6, [9, 12], m2, 32)
32
   tache(3, [1], m2, 3)
33
   tache (6, [7, 8], m2, 22)
34
35
   T = [](tache(3, [], ml, 0), tache(8, [], ml, 0), tache(8, [4, 5], ml, 6),
       tache(6, [], m2, 0), tache(3, [1], m2, 3), tache(4, [1, 7], m1, 22),
       tache(8, [3, 5], m1, 14), tache(6, [4], m2, 6), tache(6, [6, 7], m2, 26),
         tache(6, [9, 12], m2, 32), tache(3, [1], m2, 3), tache(6, [7, 8], m2,
       2211
36
   Fin = 38
37
38
   */
```

Question 3.7 Enfin, on définit le prédicat *conflits*(+*Taches*) qui impose que, sur une machine, deux tâches ne se déroulent pas en même temps.

On modifie solve de la même manière qu'à la question précédente pour obtenir une solution du problème prenant en compte cette dernière contrainte.

Enfin, avec cette dernière contrainte, on obtient une solution qui dure un peu plus longtemps, 43 unités de temps.

```
Listing 7 – "conflits"
   conflits(Taches) :- dim(Taches,[Dim]),
2
                             (for (Indice, 1, Dim), param (Taches, Dim)
3
                             dο
4
                                      Elem is Taches [Indice],
5
                                      I2 is Indice+1,
6
                                      /* Il faut assurer que les indices soient
                                          differents, sinon on va se retrouver a
                                          comparer deux fois la meme taches */
7
                                      (for (I, I2, Dim), param (Taches, Elem)
8
                                               Elem2 is Taches[I],
```

```
10
                                                    machines Differentes (Elem, Elem2)
11
                                          )
12
13
14
    \operatorname{machinesDifferentes}(\operatorname{tache}(\_,\_,\operatorname{M1},\_),\operatorname{tache}(\_,\_,\operatorname{M2},\_)):- \setminus = (\operatorname{M1},\operatorname{M2}),!.
15
    machines Differentes (tache (Duree, _,M, Debut), tache (Duree2, _,M, Debut2)) :- ((
        \label{eq:debut} \mbox{Debut $\#$>= Debut2+Duree2)} \ \ \mbox{or} \ \ (\mbox{Debut+Duree $\#$=< Debut2))} \ .
16
17
18
    solve2 (Taches, Fin) :-
                                taches (Taches),
19
                                                             domaines (Taches, Fin),
20
                                                             precedences (Taches),
21
                                                             conflits (Taches),
22
                                                             getVarList(Taches, Fin, Liste),
23
                                                             labeling (Liste),
24
                                                             affiche (Taches).
25
26
    [eclipse 10]: solve2(Taches, Fin).
27
    tache(3, [], m1, 0)
    tache(8, [], m1, 29)
    tache(8, [4, 5], m1, 9)
    tache(6, [], m2, 0)
    tache(3, [1], m2, 6)
32
    tache (4, [1, 7], m1, 25)
    tache(8, [3, 5], m1, 17)
33
    tache (6, [4], m2, 12)
34
    tache(6, [6, 7], m2, 31)
35
    tache(6, [9, 12], m2, 37)
36
37
    tache(3, [1], m2, 9)
38
    tache(6, [7, 8], m2, 25)
39
    Taches = [](tache(3, [], ml, 0), tache(8, [], ml, 29), tache(8, [4, 5], ml, 29)]
        9), tache(6, [], m2, 0), tache(3, [1], m2, 6), tache(4, [1, 7], m1, 25),
        tache (8, [3, 5], m1, 17), tache (6, [4], m2, 12), tache (6, [6, 7], m2, 31)
         , tache(6, [9, 12], m2, 37), tache(3, [1], m2, 9), tache(6, [7, 8], m2,
        25))
    Fin = 43
41
42.
    Yes (0.01s cpu, solution 1, maybe more)?;
    tache(3, [], m1, 1)
43
    tache (8, [], m1, 29)
45
    tache(8, [4, 5], m1, 9)
    tache(6, [], m2, 0)
47
    tache(3, [1], m2, 6)
48
    tache (4, [1, 7], m1, 25)
49
    tache(8, [3, 5], m1, 17)
50
    tache (6, [4], m2, 12)
    tache (6, [6, 7], m2, 31)
51
52
    tache (6, [9, 12], m2, 37)
53
    tache(3, [1], m2, 9)
54
    tache(6, [7, 8], m2, 25)
55
    Taches = [](tache(3, [], m1, 1), tache(8, [], m1, 29), tache(8, [4, 5], m1, 1)]
        9), tache(6, [], m2, 0), tache(3, [1], m2, 6), tache(4, [1, 7], m1, 25),
```

```
tache(8, [3, 5], ml, 17), tache(6, [4], m2, 12), tache(6, [6, 7], m2, 31)
        , tache(6, [9, 12], m2, 37), tache(3, [1], m2, 9), tache(6, [7, 8], m2,
        25))
57
   Fin = 43
58
   Yes (0.01s cpu, solution 2, maybe more)?;
59
   tache(3, [], m1, 2)
60
   tache (8, [], m1, 29)
61
   tache(8, [4, 5], m1, 9)
62
   tache(6, [], m2, 0)
   tache(3, [1], m2, 6)
tache(4, [1, 7], m1, 25)
tache(8, [3, 5], m1, 17)
63
64
65
66
   tache (6, [4], m2, 12)
   tache (6, [6, 7], m2, 31)
67
   tache(6, [9, 12], m2, 37)
68
   tache(3, [1], m2, 9)
69
70
   tache (6, [7, 8], m2, 25)
71
   Taches = [](tache(3, [], ml, 2), tache(8, [], ml, 29), tache(8, [4, 5], ml,
        9), tache(6, [], m2, 0), tache(3, [1], m2, 6), tache(4, [1, 7], m1, 25),
        tache(8, [3, 5], m1, 17), tache(6, [4], m2, 12), tache(6, [6, 7], m2, 31)
        , tache(6, [9, 12], m2, 37), tache(3, [1], m2, 9), tache(6, [7, 8], m2,
        25))
73
   Fin = 43
   Yes (0.01s cpu, solution 3, maybe more)?
74
75
    */
76
77
78
   [eclipse 11]: solve2(Taches, 42).
79
80 No (0.00s cpu)
   */
```

Question 3.8 Oui, la solution est la meilleure! Prolog résoud les contraintes en incrémentant le début des tâches, jusqu'à obtenir le respect des contraintes. Comme il incrémente, la première trouvée est candidate pour la solution optimale au problème, à savoir l'ordonnancement des tâches au plus tôt. Seulement, rien ne nous assure que la première est la meilleure, car cela dépend de l'ordre de la déclaration des tâches au début, dans le prédicat *taches(?Taches)*. Pour vérifier donc, nous avons, dans nos tests de la question précédente, effectué une requête de *solve2* avec Fin à 42 (au lieu de la solution donnée qui est 43), et le solveur nous répond No, ce qui justifie bien qu'il n'y a pas de solution plus courte pour ce problème d'ordonnancement. Donc nous avons eu dans notre cas la solution optimale.

1 Code Complet, avec l'ensemble des tests

```
Listing 8 - "TP3"
   :-lib(ic).
    :-lib(ic_symbolic).
 4
    taches (Taches) :-
                                      Taches =
                                                             [](tache(3,[],m1,_),
 5
                                                             tache (8,[],m1,_),
 6
                                                            tache (8, [4, 5], m1, _),
 7
                                                            tache (6,[],m2,_),
 8
                                                            tache(3,[1],m2,_),
 9
                                                            tache (4,[1,7],m1,_),
10
                                                             tache (8, [3, 5], m1, _),
11
                                                             tache (6,[4],m2,_),
12
                                                             tache (6, [6, 7], m2, _),
13
                                                             tache (6, [9, 12], m2, _),
14
                                                             tache (3,[1],m2,_),
15
                                                            tache (6, [7,8], m2, _)).
16
17
    /* Test
18
19
     [eclipse 3]: taches(T).
20
    T = [tache(3, [], ml, \_169), tache(8, [], ml, \_176), tache(8, [4, 5], ml,
         _183), tache(6, [], m2, _194), tache(3, [1], m2, _201), tache(4, [1, 7], m1, _210), tache(8, [3, 5], m1, _221), tache(6, [4], m2, _232), tache(6, [6, 7], m2, _241), tache(6, [9, 12], m2, _252), tache(3, [1], m2, _263), tache(6, [7, 8], m2, _272)]
22
     Yes (0.00s cpu)
23
24
     */
25
     affiche (Taches) :-
                                      dim (Taches, [Dim]),
27
                                      (for (Indice, 1, Dim), param (Taches)
28
                                                                        do
29
                                                                                   Elem is Taches [Indice
                                                                                        ],
30
                                                                                   writeln (Elem)
31
                                                            ).
32
33
34
35
     [eclipse\ 4]:\ taches(T)\,, affiche(T)\,.
36
    tache(3, [], m1, _235)
    tache(8, [], m1, _242)
tache(8, [4, 5], m1, _249)
tache(6, [], m2, _260)
tache(3, [1], m2, _267)
37
38
39
40
    tache(4, [1, 7], m1, _276)
41
    tache(8, [3, 5], m1, _287)
42
43 tache(6, [4], m2, _298)
44 tache(6, [6, 7], m2, _307)
```

```
tache(6, [9, 12], m2, _318)
46
           tache(3, [1], m2, _329)
47
           tache(6, [7, 8], m2, _338)
48
49
          T = [tache(3, [], m1, _235), tache(8, [], m1, _242), tache(8, [4, 5], m1, _242)]
                      _249), tache(6, [], m2, _260), tache(3, [1], m2, _267), tache(4, [1, 7], m1, _276), tache(8, [3, 5], m1, _287), tache(6, [4], m2, _298), tache(6,
                       [6, 7], m2, _307), tache(6, [9, 12], m2, _318), tache(3, [1], m2, _329),
                       tache(6, [7, 8], m2, _338)]
50
           Yes (0.00s cpu)
51
52
           */
53
54
55
           domaines (Taches, Fin) :- dim (Taches, [Dim]),
                                                                                      (for (Indice, 1, Dim), param (Taches, Fin)
56
57
                                                                                                                                                                 do
58
                                                                                                                                                                                          tache (Duree,_Nom,
                                                                                                                                                                                                     _Machine , Debut )
                                                                                                                                                                                                     is Taches [Indice
59
                                                                                                                                                                                          Debut + Duree #=< Fin
                                                                                                                                                                                          Debut \#>=0
60
61
                                                                                                                                                                ) .
62
63
          [eclipse 5]: taches(T), domaines(T, 10).
64
65
          T = [tache(3, [], ml, \_421\{0 ... 7\}), tache(8, [], ml, \_644\{0 ... 2\}), tache(8, [], ml, \_644\{0 ..
                      [4, 5], m1, _867{0 .. 2}), tache(6, [], m2, _1090{0 .. 4}), tache(3, [1], m2, _1313{0 .. 7}), tache(4, [1, 7], m1, _1536{0 .. 6}), tache(8, [3, 5], m1, _1759{0 .. 2}), tache(6, [4], m2, _1982{0 .. 4}), tache(6,
                       [6, 7], m2, _2205{0 .. 4}), tache(6, [9, 12], m2, _2428{0 .. 4}), tache
                       (3, [1], m2, _2651{0 .. 7}), tache(6, [7, 8], m2, _2874{0 .. 4})]
67
           There are 12 delayed goals. Do you want to see them? (y \ n)
68
69
          Yes (0.00s cpu)
70
71
72
73
           getVarList(Taches, Fin, ListFin):- dim(Taches, [Dim]),
74
                                                                                                               (for (Indice, 1, Dim), fromto ([], In, Out, List),
                                                                                                                           param (Taches)
75
                                                                                                               do
76
                                                                                                                                       Xi is Taches [Indice],
77
                                                                                                                                       Xi = tache(\_,\_,\_,Debut),
78
                                                                                                                                       Out = [Debut | In]
79
                                                                                                               ListFin = [Fin | List].
80
81
82
83
```

```
[eclipse 6]: taches(T), getVarList(T, Fin, L).
85
    T = [](tache(3, [], m1, _238), tache(8, [], m1, _243), tache(8, [4, 5], m1, _243)]
86
         _248), tache(6, [], m2, _257), tache(3, [1], m2, _262), tache(4, [1, 7],
        m1, _269), tache(8, [3, 5], m1, _278), tache(6, [4], m2, _287), tache(6,
         [6, 7], m2, _294), tache(6, [9, 12], m2, _303), tache(3, [1], m2, _312),
         tache(6, [7, 8], m2, _319))
87
    Fin = Fin
    L = [Fin\,,\,\,\_319\,,\,\,\_312\,,\,\,\_303\,,\,\,\_294\,,\,\,\_287\,,\,\,\_278\,,\,\,\_269\,,\,\,\_262\,,\,\,\_257\,,\,\,\_248\,,\,\,\_243\,,
88
         _238]
89
    Yes (0.00s cpu)
90
    */
91
92
    solve (Taches, Fin) :-
                               taches (Taches),
93
                                                          domaines (Taches, Fin),
94
                                                          precedences (Taches),
95
                                                          getVarList(Taches, Fin, Liste),
96
                                                          labeling (Liste),
97
                                                          affiche (Taches).
99
    precedences(Taches) :- dim(Taches,[Dim]),
100
                               (for (Indice, 1, Dim), param (Taches)
101
                                        Elem is Taches [Indice],
102
103
                                        Elem = tache(_D, Noms,_M, Debut),
104
                                        (foreach (I, Noms), param (Debut, Taches)
105
                                        do
106
                                                 tache (Duree2, _N, _M, Debut2) is Taches [
107
                                                 Debut #>= Debut2+Duree2
108
                                        )
109
                               ) .
110
111
    [eclipse 44]: taches(T), solve(T, Fin).
112
    tache(3, [], m1, 0)
113
    tache(8, [], m1, 0)
114
    tache(8, [4, 5], m1, 6)
115
    tache(6, [], m2, 0)
116
    tache(3, [1], m2, 3)
117
    tache(4, [1, 7], m1, 22)
118
    tache(8, [3, 5], m1, 14)
119
120
    tache(6, [4], m2, 6)
121
    tache (6, [6, 7], m2, 26)
122
    tache(6, [9, 12], m2, 32)
123
    tache(3, [1], m2, 3)
124
    tache(6, [7, 8], m2, 22)
125
    T = [](tache(3, [], ml, 0), tache(8, [], ml, 0), tache(8, [4, 5], ml, 6),
126
         tache(6, [], m2, 0), tache(3, [1], m2, 3), tache(4, [1, 7], m1, 22),
         tache(8, [3, 5], m1, 14), tache(6, [4], m2, 6), tache(6, [6, 7], m2, 26),
          tache(6, [9, 12], m2, 32), tache(3, [1], m2, 3), tache(6, [7, 8], m2,
         22))
```

```
127
     Fin = 38
128
129
130
     conflits (Taches) :- dim(Taches, [Dim]),
131
                                 (for (Indice, 1, Dim), param (Taches, Dim)
132
133
                                          Elem is Taches [Indice],
134
                                          I2 is Indice+1,
135
                                          /* Il faut assurer que les indices soient
                                               differents, sinon on va se retrouver a
                                               comparer deux fois la meme taches */
136
                                          (for (I, I2, Dim), param (Taches, Elem)
137
                                                    Elem2 is Taches[I],
138
139
                                                    machines Differentes (Elem, Elem2)
140
                                          )
141
142
143
     machines Differentes \, (\, tache \, (\, \_, \_, M1, \_) \,\, , tache \, (\, \_, \_, M2, \_) \,\, ) :- \,\, \backslash = (M1, M2) \,\, , ! \,.
     machines Differentes (tache (Duree, _,M, Debut), tache (Duree2, _,M, Debut2)) :- ((
         Debut #>= Debut2+Duree2) or (Debut+Duree #=< Debut2)).
145
146
     solve2 (Taches, Fin) :-
                                 taches (Taches),
                                                             domaines (Taches, Fin),
147
148
                                                             precedences (Taches),
149
                                                             conflits (Taches),
150
                                                             getVarList (Taches, Fin, Liste),
151
                                                             labeling (Liste),
152
                                                             affiche (Taches).
153
     [\ eclipse\ \ 10];\ \ solve2\,(\ Taches\,,Fin\,)\,.
154
    tache(3, [], m1, 0)
tache(8, [], m1, 29)
tache(8, [4, 5], m1, 9)
155
156
157
     tache(6, [], m2, 0)
158
     tache(3, [1], m2, 6)
159
     tache(4, [1, 7], m1, 25)
160
     tache(8, [3, 5], m1, 17)
161
    tache(6, [4], m2, 12)
162
163
     tache(6, [6, 7], m2, 31)
     tache (6, [9, 12], m2, 37)
     tache(3, [1], m2, 9)
165
166
     tache(6, [7, 8], m2, 25)
167
168
     Taches = [](tache(3, [], ml, 0), tache(8, [], ml, 29), tache(8, [4, 5], ml,
         9), tache(6, [], m2, 0), tache(3, [1], m2, 6), tache(4, [1, 7], m1, 25),
         tache(8, [3, 5], m1, 17), tache(6, [4], m2, 12), tache(6, [6, 7], m2, 31)
         , tache(6, [9, 12], m2, 37), tache(3, [1], m2, 9), tache(6, [7, 8], m2,
         25))
169
     Fin = 43
170
    Yes (0.01s cpu, solution 1, maybe more)?;
171
     tache(3, [], m1, 1)
     tache(8, [], m1, 29)
```

```
tache(8, [4, 5], m1, 9)
174
    tache(6, [], m2, 0)
    tache(3, [1], m2, 6)
175
176
    tache (4, [1, 7], m1, 25)
177
    tache(8, [3, 5], m1, 17)
    tache (6, [4], m2, 12)
178
    tache(6, [6, 7], m2, 31)
179
    tache(6, [9, 12], m2, 37)
180
181
    tache(3, [1], m2, 9)
    tache (6, [7, 8], m2, 25)
182
183
184
    Taches = [](tache(3, [], m1, 1), tache(8, [], m1, 29), tache(8, [4, 5], m1,
        9), tache(6, [], m2, 0), tache(3, [1], m2, 6), tache(4, [1, 7], m1, 25),
        tache(8, [3, 5], m1, 17), tache(6, [4], m2, 12), tache(6, [6, 7], m2, 31)
         , tache(6, [9, 12], m2, 37), tache(3, [1], m2, 9), tache(6, [7, 8], m2,
        25))
185
    Fin = 43
186
    Yes (0.01s cpu, solution 2, maybe more)?;
187
    tache(3, [], m1, 2)
188
    tache(8, [], m1, 29)
189
    tache(8, [4, 5], m1, 9)
190
    tache(6, [], m2, 0)
191
    tache(3, [1], m2, 6)
192
    tache (4, [1, 7], m1, 25)
193
    tache(8, [3, 5], m1, 17)
    tache(6, [4], m2, 12)
194
195
    tache(6, [6, 7], m2, 31)
196
    tache(6, [9, 12], m2, 37)
197
    tache(3, [1], m2, 9)
198
    tache (6, [7, 8], m2, 25)
199
200
    Taches = [](tache(3, [], m1, 2), tache(8, [], m1, 29), tache(8, [4, 5], m1, 29)]
        9), tache(6, [], m2, 0), tache(3, [1], m2, 6), tache(4, [1, 7], m1, 25),
        tache (8, [3, 5], m1, 17), tache (6, [4], m2, 12), tache (6, [6, 7], m2, 31)
        , tache(6, [9, 12], m2, 37), tache(3, [1], m2, 9), tache(6, [7, 8], m2,
        25))
201
    Fin = 43
    Yes (0.01s cpu, solution 3, maybe more)?
202
203
204
205
206
    [eclipse 11]: solve2(Taches, 42).
207
208
    No (0.00s\ cpu)
209
    */
```