F210 Programación Aplicada a finanzas OOP. Parte 2. Polinomios

El trabajo consiste en crear una clase de polinomios "poly" que nos permitan realizar todas las operaciones algebraicas sobre ellos.

- 1. Un polinomio de grado n será definido por una estructura de datos conteniendo la siguiente informacion:
 - (a) Un entero n -- indicando el grado del polinomio
 - (b) Una estructura de almacenamiento -- coefs -- conteniendo los coeficientes del polinomio. coefs[0] corresponde a la potencia 0, coefs[1] a la potencia 1 y así sucesivamente, de forma tal que el polinomio resulte

$$p_n(x) = \sum_{i=0}^{n} coefs[i] * x^i$$

- 2. La clase debe tener los siguientes métodos:
 - (a) Instanciador __init__(self, n=0, coefs=[0])— el default es un polinomio de grado 0, una constante, con valor 0—. Debe validarse la consistencia entre n y la lista de coeficientes.
 - (b) Una funcion get_expression(self) que devuelva un string con la formula del polinomio contenida en la instancia, reportando solo los coeficientes distintos de 0. Por ejemplo, para el polinomio $p_3(x) = 2 + 3x 5x^3$ la salida debería ser

$$(p(x) = 2x^0 + 3x^1 - 5x^3)$$

Un coeficiente se considerara 0 si su valor absoluto es menor a 1e-5.

- (c) Una funcion poly_plt(self,a,b,**kwargs) (debera importa matplotlib) que grafique el polinomio en el intervalo [a,b]. **kwargs debe ser un diccionario conteniento los parametros de graficación que considere necesarios.
- (d) Las instancias de esta clase deben ser *callable* (es decir, se vuelven funciones), lo que implica que deben tener definido dentro de la clase el **magic method**__call__ . De este modo, si A es una instancia de poly , al escribir en la linea de comandos A(x) Python debe devolver a la salida el polinomio asociado a A evaluado en x de acuerdo con la expresion ya presentada

$$p_n(x) = \sum_{i=0}^{n} coefs[i] * x^i$$

- (e) Magic methods __add__ y __radd__ (operador "+")que permitan sumar un escalar (int o float) o un polinomio de clase poly a otro polinomio con las siguientes especificaciones:
 - En caso que se trate de un escalar, se procedera a construir un polinomio de grado 0 y repetir la operación, ahora entre polinomios.

- Si los sumandos son de distinto grado, se debe extender el polinomio de menor grado al de mayor grado y proceder a la suma.
- (f) Magic methods __sub__ y __rsub__ (operador "-")que permitan restar un escalar (int o float) o un polinomio de clase poly a otro polinomio con las siguientes especificaciones:
 - En caso que se trate de un escalar, se procedera a construir un polinomio de grado 0 y repetir la operación, ahora entre polinomios.
 - Si los polinomios son de distinto grado, se debe extender el polinomio de menor grado al de mayor grado y proceder a la resta.
- (g) Magic methods __mul__ , __rmul__ (operador "*") que permitan multiplicar un escalar (int o float) o un polinomio de clase poly a otro polinomio con las siguientes especificaciones:
 - En caso que se trate de un escalar, se procedera a construir un polinomio de grado 0 y repetir la operación, ahora entre polinomios.
- (h) Magic methods __floordiv__ y __rfloordiv__ (operador "//") que permitan dividir de forma entera un escalar (int o float) o un polinomio de clase poly por otro polinomio con las siguientes especificaciones:
 - En caso que se trate de un escalar, se procedera a construir un polinomio de grado 0 y repetir la operación, ahora entre polinomios.
- (i) Magic methods __mod__ y __rmod__ (operador "%") que permitan obtener el polinomio resto de floordiv.
- (j) Una funcion rootfind(self) que, mediante el metodo de rootfinding de su eleccion, busque una raiz real del polinomio
- (k) Un método findroots(self) que busque todas las raices reales del polinomio. (Pista: valgase del hecho que si x_0 es una raiz de $p_n(x)$, entonces $p_n(x)$ es divisible exactamente por el monomio $(x x_0)$ una cantidad k de veces, donde k es la multiplicidad de la raiz x_0 , quedando para la búsqueda residual el polinomo divisor de grado n k). El método debe devolver a la salida una lista conteniendo tuplas con pares (x_0, k) raiz y multipicidad , y por último un objeto de tipo poly con el polinomio residual $p_r(x)$ para el que no se haya encontrado raices reales. Si el polinomio $p_n(x)$ no tuviera raices reales, debe devolver una lista sin tuplas y solamente con $p_r(x) = p_n(x)$ como polinomio residual, y si tuviera n raices reales, debera devolverse la lista de tuplas y el polinomio residual $p_r(x) = 0$.
- (l) Un método factorize(self) que llame a findroots y que a partir de la salida imprima la factorizacion del polinomio de la forma

$$p_n(x) = (x - x_0) * *k_0 * (x - x_1) * *k_1 * ... * p_r(x)$$

- (m) Método fprime(self,k,x0 = None) que evalua la derivada n-esima del polinomio. Si x_0 es None, debe devolver la derivada enésima como un miembro de la familia poly, si x_0 es un valor, debe devolver la derivada enésima evaluada en x_0
- 3. Construya dos subclases de polinomios linear(poly) y quadratic(poly) y haga el overriding de todos los métodos que le parezca tenga sentido particularizar para hacer más eficiente el funcionamiento de esas clases.