

# Estrutura de Dados

🕒 Created	@March 28, 2023 12:29 PM
🏷️ Tags	

## ▼ Ponteiro sem tipo e ponteiro para função

### PONTEIRO SEM TIPO



É um ponteiro que não possui um tipo de dados específicos associado a ele. É um ponteiro genérico.

Um ponteiro sem tipo é declarado usando o tipo de dados `void*`, o qual representa a ausência de um tipo e o asterisco indica que o ponteiro aponta para um endereço de memória, mas sem informar qual tipo de dado esse endereço contém.

`Void` : Ausência de um tipo de dado

`*`: aponta para um endereço de memória

É útil em situações que precisamos trabalhar com diferentes tipos de dados, mas não sabe de antemão qual tipo de dado será usado.

Para usar um ponteiro sem tipo, devemos converter o ponteiro para o tipo apropriado antes de usar. Isso é feito usando um operador de conversão de dados.

```
int valor = 42;
void *ptr = &valor; // armazena o endereço de memória da variável 'valor'
int *ptr_int = (int *) ptr; // converte o ponteiro sem tipo para um ponteiro de int
printf("%d", *ptr_int); // imprime o valor inteiro armazenado no endereço apontado
```

A conversão do ponteiro é feita usando a sintaxe `tipo*`. Criando um novo ponteiro do tipo desejado que aponta para o mesmo endereço de memória.



No momento que o ponteiro for referenciado (quando usar o endereço para acessar o valor na memória), é necessário informar ao compilador o tipo de dado (usando cast) para que o valor seja acessado corretamente



Por definição, um ponteiro ocupa sempre 4 bytes de memória, independentemente do tipo de dado a ser apontado por ele.

Este é o ponto-chave que possibilita a declaração de ponteiros sem tipo.

Contudo, é importante declarar o tipo de dado depois para que o compilador saiba quantos bytes de memória deverão ser considerados.

O operador ponto “.” é usado para acessar membros de uma estrutura ou união quando o objeto é uma variável não ponteiro.

Já o operador seta “->” é usado para acessar membros de uma estrutura ou união quando o objeto é um ponteiro para a estrutura ou união.

### **PONTEIRO PARA FUNÇÃO**

É um tipo de variável que armazena o endereço de memória de uma função. É como um ponteiro comum, que armazena o endereço de memória de uma variável, mas em vez disso armazena o endereço de memória de uma função. Úteis quando é necessário passar função como argumento para outra função..



Podem “apontar” para funções, as quais são armazenadas na memória e associadas a um endereço

### **sintaxe: declaração de um ponteiro**

```
tipoDeRetorno (*nomePonteiroParaFuncao)(listaArgumentos);
```

onde:

**tipo de retorno:** tipo de dado que a função retorna.

**lista de argumentos:** lista de argumentos que a função recebe.

### **Exemplo:**

O BubbleSort só é capaz de ordenar vários tipos de dados pois:

1. A declaração de vetor de ponteiros sem tipo
2. Uso de ponteiro para função comparar os valores durante a ordenação

### **ALLOC E MALLOC**

São funções usadas para alocar espaço de memória dinâmica durante a execução do programa.

malloc: aloca um bloco de memória de um tamanho específico em bytes.

## ▼ Recursividade

Recursividade é uma técnica utilizada em programação na qual uma função é definida em termos de si mesma.



Uma função recursiva é uma função que chama a si mesma repetidamente até que uma condição de parada seja alcançada.

É importante ter cuidado ao usar recursão, pois se a recursão não for escrita corretamente, pode causar um loop infinito e causar um estouro de pilha. É necessário ter certeza de que a condição de parada é alcançada em algum momento.

```
int fatorial(int n) {  
    if (n == 0) { //condição de parada CASO BASE  
        return 1;  
    } else {  
        return n * fatorial(n - 1); //recursividade, a função chama a si mesma  
    }  
}
```

## ▼ Encadeamento de Dados

27/ 03/ 2023

struct + ponteiro

- O objetivo é criar estruturas abstratas, genéricas e dinâmicas

- quando se tem um vetor, temos uma estrutura de memória de organização do vetor onde cada posição é contínua a outra 1, 2, 3... até o tamanho do dado que ali é armazenado

Graças a isso pode ser utilizado aritmética de ponteiros:

```
int *p //ponteiro para inteiros

int i;

p= &i;

p++; //incrementando 1 em um ponteiro
```

- O ponteiro vai somar mais um? não, vai fazer o apontamento de um valor, vai apontar para o próximo inteiro.

Com o encadeamento de dados usa-se ponteiros que pegam informações, colocam dentro de uma struct e vão encadeando uma na outra para gerar uma estrutura de dados.

|7|2|5|4|6 | → dados que estarão separados na memória

|7| | -> |2| | -> ... |6|NULL | -> não apontará para ninguém

- mesma estrutura usada, alocada muitas vezes.

- a struct vai ter dois campos: o info e o prox

**info:** informação

**prox:** vai ser o ponteiro que aponta para o próximo nó

**ESTRUTURA DO NÓ**

```

struct noh{

<tipo_dado (int, float...)>   info;      //|7| → info | | → prox

struct noh *prox; /*o ponteiro aponta para uma struct nó, onde ele pode,

apontar para ele mesmo*/

}

```

sendo possível também criar uma estrutura circular, onde o último apontaria para o primeiro.

- o prox aponta para uma memória que é do tipo struct
- se eu coloco na info um ponteiro para void, apontará para um endereço e será possível encadear dados de diferentes tipos (int, float, char...). Contudo, se eu declaro no campo info um tipo determinado (int), apenas posso usar valores do tipo int.

## COMO COLOCAR MAIS UM NÚMERO NESSES DADOS ENCADEADOS?

**1 - Criar o espaço para guardar o número 8, com isso preciso alocar essa memória**

```

struct noh *p= malloc(sizeof(struct noh));

```

O malloc devolverá um ponteiro p que aponta para a estrutura que foi alocada, onde o p terá que ser do tipo struct nó.

**2 - Dar o valor desejado**

p.info = 8; Contudo, como estamos falando de um ponteiro, precisa usar a seta para acessar os campos daquela struct

p->info=8      O operador -> será tipo o ponto, o qual é ?

- O operador ponto "." é usado para acessar membros de uma estrutura ou união quando o objeto é uma variável não ponteiro.
- Já o operador seta "->" é usado para acessar membros de uma estrutura ou união quando o objeto é um ponteiro para a estrutura ou união.

### 3 - Quem é o próximo do 8?

p->prox = NULL (para ser o último)

-----  
-----

A organização de uma lista encadeada é composta por uma cabeça (1) e uma cauda (último)

Cauda é um ponteiro para tipo struct noh e estaria apontando para o 6 antes da inclusão do 8. Após colocar o 8, a cauda aponta para o 8.

**O que alterar?** O prox de 6 que eestá valendo NULL, para isso eu preciso pegar a cauda e apontar para esse nó

cauda->prox= p (aponta para p, pois o ponteiro p está apontando para o 8 que será a nova cauda)

cauda= p; (a cauda é o nó apontado pelo p)

-----  
-----

### TIPO ABSTRATO DE DADO (TAD)

Definição que te diz o que você tem disponível para usar, mas não tem a informação de como aquilo foi feito.

typedef -> definição de tipo

```
typedef struct noh Noh; //→ existe uma definição de tipo
```

```
typedef Noh* pNoh; //→ ponteiro para nó
```



```
//-----
//descriptor de lista

typedef struct dLista DLista;

typedef DLista      pDLista; //→ ponteiro para descritor de lista
```

Para criar uma lista, deverei fazer a seguinte chamada:

```
criarLista();
```

Cria o descritor da lista, o qual a representa

```
| | | |
```

**Como colocar uma informação?**

- Uma operação `incluirInfo`, podendo fazer uma chamada para incluir cada valor à lista
- Ao chamar essa operação, ele criará um nó

`incluirInfo (... , 7)` → `| 7 | |`, será o único, a cabeça e a cauda apontaram para ele

`incluirInfo (... , 2)` → aloca a memória e inclui o 2, o qual será a nova cauda (colocando sempre no final)

- Para adicionar ao início, usaria a operação `incluirInfoInicio` e esse valor seria alocado e tomaria a posição de cabeça

(o void e o int vai mostrar um valor ou posição nas operações)

- O primeiro parâmetro sempre será o ponteiro descritor de lista, se eu quero incluir uma info, preciso dizer em qual lista eu desejo incluir.

## ▼ Lista Lineares - Teoria

### INTRODUÇÃO

**Lista linear:** estrutura de dados composta por uma sequência de elementos com alguma relação entre eles. Para alcançar x termo, devemos acessar os 4 termos anteriores.

- cada elemento da lista é armazenado em um vetor da lista
- Ex: O primeiro elemento da lista linear a é armazenado na primeira posição do vetor e assim sucessivamente.

Contudo, definir uma lista usando um vetor tem algumas desvantagens devido à natureza estática dos vetores, já que seu tamanho deve ser obrigatoriamente definido previamente. Impondo limitações ao dinamismo das listas lineares quando implementadas usando vetores.

## UTILIZAREMOS ENCADEAMENTO DE DADOS COMO BASE PARA A CRIAÇÃO DE UMA LISTA LINEAR

### ESTRUTURA DE DADOS

- O encadeamento é uma estrutura denominada nó a qual contém a informação a ser armazenada e a referência ao próximo nó da lista
- a informação do nó vai depender do contexto da lista, já que o próximo nó que será apontado é sempre do mesmo tipo

A estrutura de um nó é feita a partir da definição de um tipo de dado heterogêneo( `struct` ), contendo os campos info e prox → |info|prox|

- O campo **info** precisa ser declarado com um tipo de dado (substituído na parte tipo\_dado).

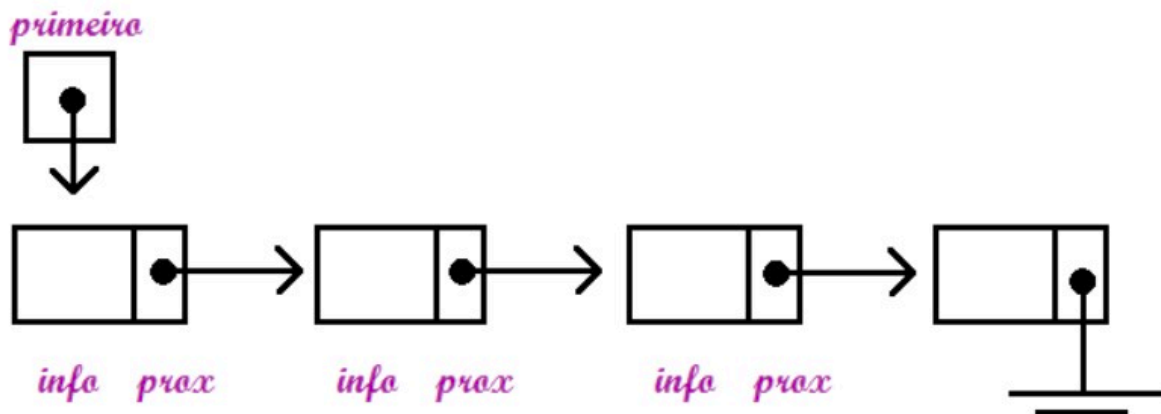
```
struct noh{  
<tipo_dado> info;
```

```
struct noh *prox;
};
```

- O campo **prox** é um ponteiro para o tipo de dado que se refere a própria estrutura do nó.
- Aponta para a memória de outro nó da lista.

→ Pode parecer que se trata de uma declaração recursiva, mas não é. A declaração permite que o campo prox aponte para o endereço de memória do próprio nó onde está contido.

- A junção de vários nós é uma lista encadeada.
- O início é indicado por uma informação chamada de **cabeça**.
- Seu final é indicado por uma informação chamada de **cauda**.



## DEFINIÇÃO DE TAD PARA A LISTA LINEAR

- TAD em C é uma forma de definir um tipo de dado abstrato que expõe apenas as operações disponíveis nesses dados, sem expor os detalhes de implementação. Isso permite que o código que utiliza os dados se concentre apenas nas operações disponíveis, sem precisar se preocupar com os detalhes de implementação.

- A especificação da lista linear é formalizada seguindo o princípio da abstração de dados com a definição de um tipo abstrato de dado para representar suas funcionalidades
- Com a estruturação dos dados na forma linear, pode ser feitas diversas operações sobre ela, como incluir ou retirar um elemento.
- Há dois tipos de declaração, tipos de dados e operações
- A primeira parte do TAD tem as definições dos tipos de dados requeridos para a estruturação da lista linear
- Contém as declarações dos tipos de dados (Noh e pNoh) relacionados à definição do nó
- contém a declaração da estrutura que representa o descritor de lista que armazena as informações gerais sobre a lista linear, como a cabeça, calda e quantidade de nós
- **A lista linear sempre será representada, acessada e manipulada por meio do descritor**
- A relação entre a lista e o descritor vai ser sempre 1:1, cada lista sempre será representada por um único descritor
- Tem definições de ponteiros para função
- Também são listadas quais operações poderão ser realizadas sobre os elementos da lista linear

## FUNÇÕES

**CRIAR LISTA:** Responsável por instanciar o descritor que vai representar a lista, o qual será retornado como resultado da função

→ O descritor terá seus campos inicializados com valores padrões para indicar uma lista vazia ( cabeça e calda NULL e quantidade 0)

→ retorna um pDLista que será um ponteiro para o descritor da lista, por médio dele serão realizadas as atualizações no descritor da lista

**INCLUIR INFO:** Representa a operação de inclusão de uma nova info na lista.

→ a assinatura possui dois argumentos, o pDLista e void\* (ponteiro para o descritor da lista a ser alterada e a informação que será incluída no final da lista)

**EXCLUIR INFO:** Representa a operação de remover uma informação da lista linear.

→ a função possui três argumentos, pDLista, void\* e FuncaoComparacao (ponteiro para o descritor da lista que será alterada, a info a ser removida e a função que vai compara as informações contidas na lista para remover a informação)

→ a função retorna um valor inteiro indicando se a exclusão foi realizada ou não ( 0 se não e 1 se sim)

**CONTÉM INFO:** Representa a operação que verifica a existência de uma determinada informação na lista.

→ a função possui 3 argumentos, os mesmos da excluir info, mas essa função não irá fazer nenhuma alteração, apenas vai verificar a existência da informação na lista.

IMPRIMIR LISTA: Representa a operação para exibição das informações contidas na lista.

→ a função possui 2 argumentos, pDLista e FuncaoImpressao (ponteiro para descritor da lista que será impressa e a função responsável pela impressão da informação contida em cada nó)

DESTRUIR LISTA: Representa a operação de destruição da lista, a liberação da memória alocada para armazenar todas as informações da lista

→ a função possui apenas um argumento pDLista, que vai representar o ponteiro para descritor da lista que será destruída.

→ O descritor da lista não será destruído, apenas vai ser liberada a memória alocada para cada nó da lista.

→ Os valores dos campos do descritor serão ajustados para se referir a uma lista vazia

DUPLICAR LISTA: Representa a operação de geração de uma cópia da lista linear.

→ a função possui um único argumento pDLista, o qual representa a lista a ser duplicada

→ essa função retorna um ponteiro para outro descritor de lista que será a cópia da lista original

DIVIDIR LISTA: Representa a operação de dividir uma lista em duas.

→ a função possui dois argumentos, pDLista e int (ponteiro descritor da lista a ser dividida e a posição onde a lista será dividida)

→ as informações até a posição dada, incluindo ela, ficarão na lista original e as seguintes serão alocadas na nova lista

### IMPLEMENTAÇÃO DAS OPERAÇÕES DA LISTA LINEAR

- É usado dois tipos de dados heterogêneos para estruturar a lista encadeada

```
#ifndef STRUCTS_H
#define STRUCTS_H

struct noh{
void *info;
struct noh *prox;
};

struct dLista{
int quantidade;
struct noh *primeiro;
struct noh *ultimo;
}
```

- O struct noh é usado para estruturar as informações da lista encadeada
- O campo prox foi declarado como um ponteiro para a própria estrutura noh, isso vai permitir o encadeamento das informações contidas na lista linear

printa a lista ao contrário e depois printa na ordem

```
if (pd == NULL)
{
printf("Lista nao existe ainda, nao eh possivel incluir!");
return;
```

```

}
/* aloca memoria para guardar a nova info */
pNoh pNovo = malloc(sizeof(Noh));

/* guarda a informacao no campo "info" do novo noh alocado */
pNovo->info = info;
/* como a nova info ficar na ultima posicao da lista,
   nao ter proximo */
pNovo->prox = pd->primeiro;

/* salva a referencia ao ultimo noh da lista antes de atualizar o descritor */
pNoh auxUltimo = pd->ultimo;
/* o novo noh ser identificado como ultimo da lista pelo descritor */
pd->primeiro = pNovo;
/* a lista tem mais um noh */
pd->quantidade++;

/* Se o novo noh o unico da lista, o descritor
   precisa atualizar tambem o ponteiro para o primeiro noh da lista */
if (pd->primeiro == NULL)
    pd->primeiro = pNovo;
else
{
    /* se nao for o unico da lista, coloca-o no final da lista */
    pd->primeiro = pNovo;
}
}

```

#### ▼ free

a função apaga o nó ou a informação que está nele?

ChatGPT



A função `excluirInfo` remove o nó da lista e, em seguida, libera a memória alocada para esse nó usando a função `free`. A informação armazenada no nó é perdida quando o nó é removido da lista e sua memória é liberada.

Observe que a função `excluirInfo` recebe um ponteiro `void` para a informação a ser excluída ( `info` ) como um de seus argumentos, mas esse ponteiro não é usado para excluir a informação em si. Em vez disso, ele é usado para comparar a informação armazenada em cada nó da lista com a informação que precisa ser excluída.

Portanto, se você deseja manter a informação armazenada no nó que será excluído, você precisa fazer uma cópia dessa informação antes de chamar a função `excluirInfo`. Além disso, é importante lembrar que, se a informação armazenada no nó contém outras alocações de memória dinâmica, você precisa liberar essas alocações de memória separadamente antes de chamar a função `free` no nó em si.

então a função `free` apaga o nó e perde a `info`?

ChatGPT

Sim, isso mesmo. A função `free` libera a memória alocada para o nó em questão, mas não faz nada em relação à informação armazenada dentro do nó. Quando a memória do nó é liberada usando `free`, a informação armazenada dentro do nó é perdida.

Portanto, é importante lembrar que, antes de chamar a função `free`, você deve verificar se ainda precisa da informação armazenada no nó. Se precisar manter essa informação, você precisa fazer uma cópia da informação antes de chamar `excluirInfo` ou outra função que remova o nó da lista.

Além disso, se a informação armazenada no nó contiver outras alocações de memória dinâmica (por exemplo, se for uma

estrutura que contém ponteiros para outras estruturas ou matrizes alocadas dinamicamente), você também precisará liberar a memória alocada para essas estruturas ou matrizes separadamente antes de chamar `free` no nó em si.

## ▼ Listas Lineares - notas de aula

Encadeamento de dados

```
struct noh {  
  
    void * //info  
  
    struct noh* //prox  
}
```

- Para acessar o ultimo elemento da lista precisa passar por todos os anteriores

```
struct DLista {  
    struct noh* cabeca  
    struct noh* cauda  
    int qtde  
}
```

- TAD tipo abstrato de dados
- Noh - associado a uma struct noh
- pNoh - ponteiro para struct noh

- é usado um ponteiro para função para imprimir os valores de uma lista pois não sabe qual string de comparação usar para fazer o printf

```
typedef void (*FuncaoImpressao) (Void*)
```

DLista = descritor da lista

pDLista = ponteiro para descritor de lista

As listas em C são implementadas usando o conceito de encadeamento de dados. Cada elemento da lista é um nó que contém uma informação e um ponteiro para o próximo nó na lista. A lista é representada por um descritor de lista, que contém um ponteiro para a cabeça da lista, um ponteiro para a cauda da lista e o número de elementos na lista.

Para criar uma lista, é necessário criar um descritor de lista e inicializá-lo com a cabeça e a cauda igual a `NULL` e o número de elementos igual a zero. Em seguida, é possível adicionar elementos à lista usando a operação `incluirInfo`, que cria um novo nó com a informação passada como parâmetro e o adiciona ao final da lista.

Para imprimir os valores da lista, é possível usar um ponteiro para função que recebe um ponteiro para o valor a ser impresso. Isso é necessário porque não se sabe qual string de formatação usar no `printf` para cada tipo de dado que pode ser armazenado na lista.

```
#define CRIAR_LISTA_H

#include "O structs.h"

pDLista criarLista(){
//aloca memória para o descritor
    pDLista pd = malloc (sizeof(DLista))
```

```

//sera os compos com os valores default
pd → quantidade = 0
pd → primeiro = NULL
pd → ultimo = NULL
return pd;
}

```

```

#define INCLUIR_INFO_H

void incluirInfor (pDLista pd, void* info){
    if (pd == NULL){
        printf (" lista nao existe ainda, nao eh incluir!");
    }
    //aloca memoria para guardar a nova infor
    pNoh pNovo = malloc(sizeof(Noh));

    //guarda a informacao no campo "info" do novo noh alocado
    pNovo → info = info;

    //como a nova info fica na ultima posicao da lista nao terá prox
    pNovo → prox = NULL;

    //a lista tem mais um noh  pd = ponteiro para o descritor
    pd → quantidade++;

    //salva a referencia ao ultimo noh da lista antes de atualizar o descritor
    pNoh auxUltimo = pd → ultimo; // recebe o que tem no ponto ultimo do des

    //o novo noh sera identificado como ultimo da lista pelo descritor
    pd → ultimo = pNovo //oq tem dentro do ponteiro novo vai ser colocado no

    //se o novo noh eh o unico da lista, o descritor precisa atualizar tambem o po
    if (pd → primeiro == NULL )

```

```
pd → primeiro = pNovo;
else{
// se nao for o unico da lista coloca-o no final da lista
```

10/04/2023

TAD em C é uma forma de definir um tipo de dado abstrato que expõe apenas as operações disponíveis nesses dados, sem expor os detalhes de implementação. Isso permite que o código que utiliza os dados se concentre apenas nas operações disponíveis, sem precisar se preocupar com os detalhes de implementação.

- TAD\_ListaLinear.h
- Primeira coisa que ela faz é implementar tudo oq está dito no tipo abstrato de dados

Include para cada implementação escritos no tipo abstrato de dado (TAD)

No exemplo, o professor fez cada função em um arquivo separado

O que fazer no trabalho que esta no final do capítulo?

Se tiver uma questão na prova, assim como na lista

```
//código usando quando se quer percorrer uma lista
PNoh pAux = pd→primeiro;
While(pAux != NULL)
```

```
{  
  //função  
  
  pAux = pAux → prox  
}
```

---

20/04/23

- praticamente em toda a função que vai percorrer a lista o

`aux = pd → primeiro`

Dicas exercícios da lista:

- usar o material como fonte
- O primeiro não precisa fazer, é só dizer o seguinte “eu preciso de um ponteiro para o descritor de lista, é para tentar esclarecer isso”
- pq eu preciso do pd? pq dependendo da função ela vai ter que alterar o descritor, para isso vai ser usado um ponteiro (para q a sua alteração seja refletida no programa)
- 2, 3 e 4 ja estão feitas
- 5 vai dividir a lista baseado no valor
- 6 unir listas

## ▼ Fila e Pilha - Teoria

### FILA

- forma de organização de elementos
- caracterizada pela organização de seus elementos de forma que o primeiro elemento inserido deve ser o primeiro a ser retirado da fila

- a disciplina de acesso da fila é conhecida como FIFO (first in first out)
- percebe-se que os elementos circulam dentro da fila, a medida que retiramos o primeiro e o recolocamos na fila (agora será o ultimo)
- a fila é uma lista linear com uma disciplina de acesso aos elementos para garantir a regra FIFO
- a implementação da regra é obtida pela escolha de uma das extremidades da lista linear como início da fila e a extremidade oposta como o fim da fila
- uma vez que garantimos a inserção de novos elementos sempre na extremidade final da fila e, em contrapartida, a retirada de elementos seja sempre realizada na extremidade indicada como início, teremos a implementação da lógica da estrutura de dados fila

#### Definição do TAD para Fila

- a especificação da fila é formalizada também seguindo o princípio da abstração de dados com a definição de um tipo abstrato de dados (TAD) para representar suas funcionalidades
- nas primeiras linhas temos a declaração dos tipos de dados (DFila e pDFila), os quais representam as definições de tipos para o descritor da fila e o ponteiro para o descritor
- também há as definições de operações associadas à fila: criar, enfileirar, desenfileirar e filaVazia

criar fila: seu propósito é alocar memória para armazenar o descritor da fila e inicializar seus campos para representar a configuração de uma fila que inicialmente será vazia

enfileirarInfo: inclui uma informação na fila, respeitando a disciplina de acesso FIFO. A info sempre será incluída sempre na mesma extremidade da lista que é usada como final da fila.

desenfileirarInfo: remove uma informação do início da fila. A remoção vai ser sempre o início da fila. Ademais, a informação retirada do início da fila é retornada pela função.

filaVazia: sinaliza se a fila tem alguma informação. Retorna:

0 = fila vazia

≠0 = fila não vazia

### Implementação do TAD de fila

- vamos usar como base a implementação de lista linear, tendo em vista que uma fila pode ser tratada como uma lista com a disciplina de acesso
- é feito um `#include` da biblioteca de lista.h no fila.h
- como a implementação de fila está baseada na lista.h, precisamos apenas definir a estrutura do descritor da fila (dFila)
- A estrutura contém apenas o copo pdLista, o que é o ponteiro para o descritor da lista linear usada para armazenar as infos da lista que vai representar a fila.

```
struct dFila{  
    pdLista pdLista;  
};
```



- o descritor da fila é representado por um descritor de uma lista linear
- pd vai apontar para um pdLista (que será o struct DFile), o qual apontará para um descritor de lista (o struct DLista)
- em enfileirar Info, o argumento pdFile→pdLista deixa claro a dependência da implementação da fila em relação à biblioteca da lista linear

## ▼ Fila e Pilha - notas de aula

São estruturas de dados com disciplina de acesso aos elementos.

FIFO → First In First Out (lista)

LIFO → Last In First Out (pilha)

Tem características particulares, o acesso aos seus elementos não é feito de forma aleatória:

- Na lista, se quisermos pegar o 5 elemento vc percorre a lista e acessa. Os demais elementos ficaram como antes.
- Na fila, o primeiro elemento que entra na fila é o primeiro a sair da fila.
- Na pilha, o ultimo elemento a entrar na pilha é o primeiro a sair. O primeiro elemento que foi colocado será o ultimo a sair.

Em uma fila, se quero acessar o segundo item, devo antes pegar o primeiro item da lista. Mudando a fila. O mesmo ocorre na pilha e não ocorre na lista.

A biblioteca de lista está contida na biblioteca de fila, minha fila é uma lista

- Enfileirar pode ser considerado o incluirInfo que está presente na lista.h

A biblioteca lista.h também está contida na biblioteca da pilha.h.

- **programa para excluir uma fila**
- jogar da fila para a pilha inverte a ordem da fila

Desempilhar retira o ultimo que entrou na pilha

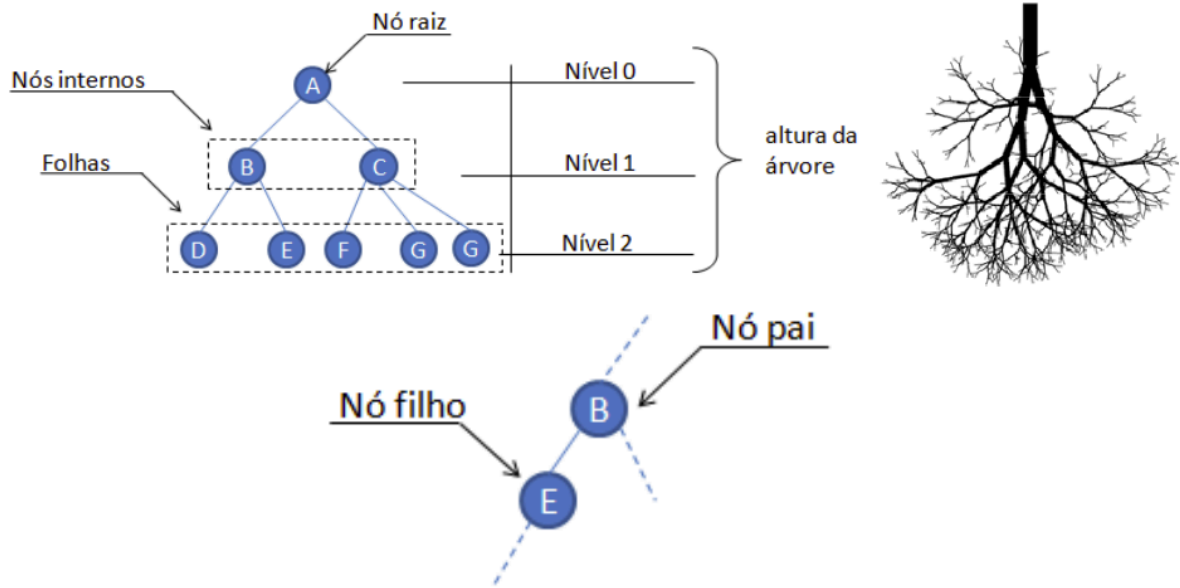
- **programa para passar um decimal para binário**

O #ifndef, #define e #endif tem uma função importante:

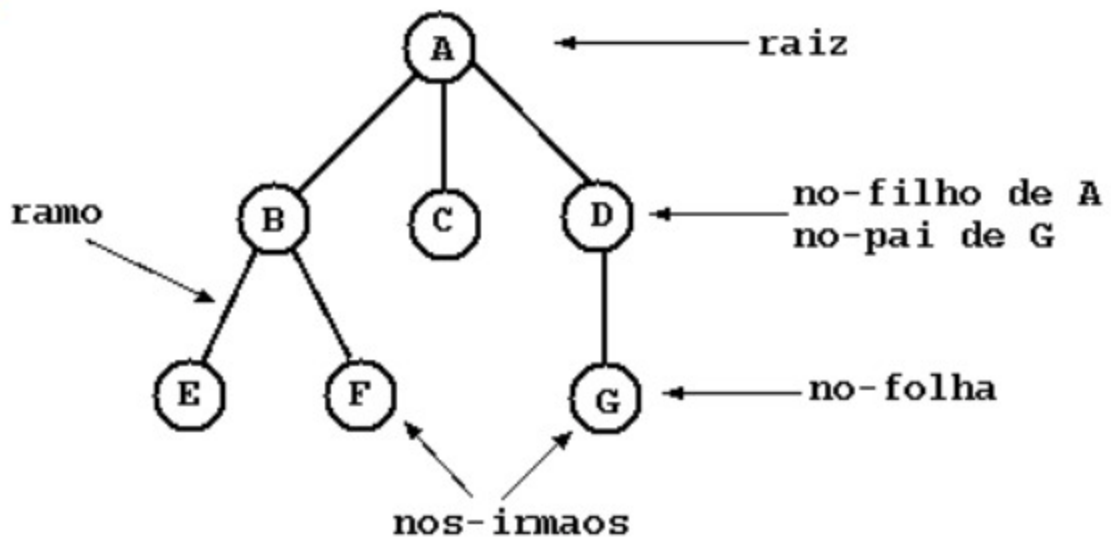
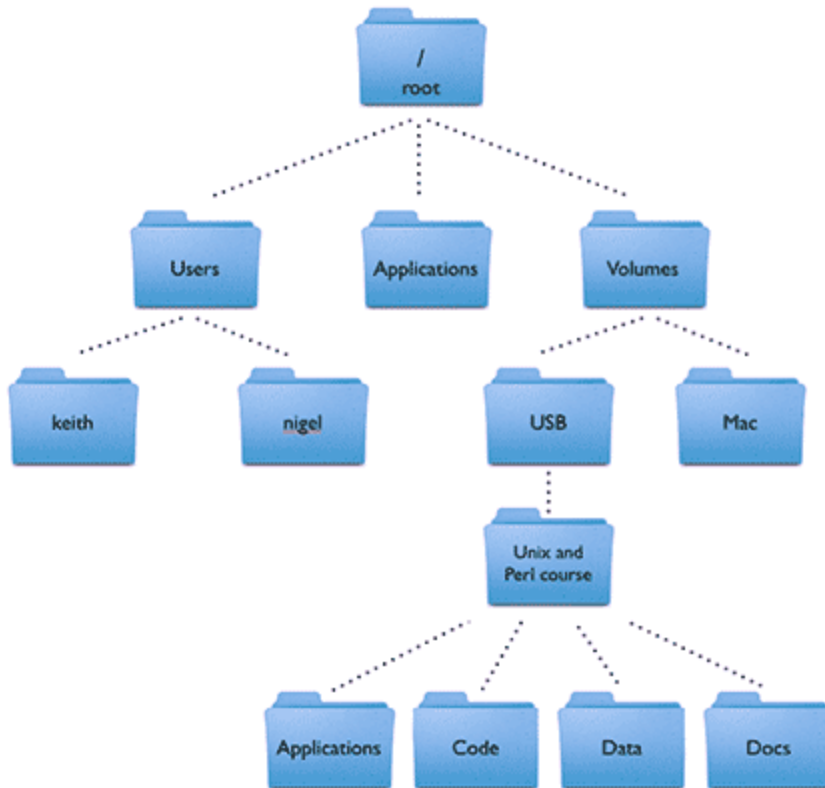
- são diretivas de compilador, instruções dadas ao compilador na hora de compilar o código
- diz que, se não foi definido o, por exemplo, INCLUIR\_INFO\_H, defina-o
- se ele tentar compilar esse mesmo código para outra inclusão, não funcionará

## ▼ Árvores

- estruturas não lineares
- seus elementos, designados por nós, podem ter mais de um predecessor ou mais de um sucessor



- as árvores são um caso especial de grafos em que cada nó tem zero ou mais sucessores, mas tem apenas UM predecessor, exceto o primeiro nó, a raiz da árvore
- são estruturas naturalmente adequadas para representar informação organizadas em hierarquias (ex: estrutura de pastas)



- o predecessor de um nó se chama nó-pai
- seus sucessores são os nós-filhos
- o grau de um nó é o numero de nós-filhos que descendem do nó-pai

- um nó-folha não tem filhos, tem grau 0
- um nó-raiz não tem pai
- os arcos que ligam os nós são chamados de ramos
- chama-se **caminho** a sequência de ramos entre dois nós
- o comprimento de um caminho é o número de ramos nele contido
- a **profundidade** de um nó  $n$  é o comprimento do caminho  $n$  até à raiz; a profundidade da raiz é 0
- a **altura** de um nó é o comprimento do caminho desde esse nó até o seu filho mais profundo
- **se navega em uma árvore sempre de cima para baixo**

Raiz: primeiro elemento, que dá origem aos demais

c) Nó: qualquer elemento da árvore

d) altura de uma árvore: quantidade de níveis a partir do nó-raiz até o nó mais distante (a raiz está no nível zero)

e) **grau de uma árvore**: número máximo de ramificações da árvore

f) **grau de um nó**: número máximo de ramificações a partir desse nó

g) filho: sucessor de um determinado nó

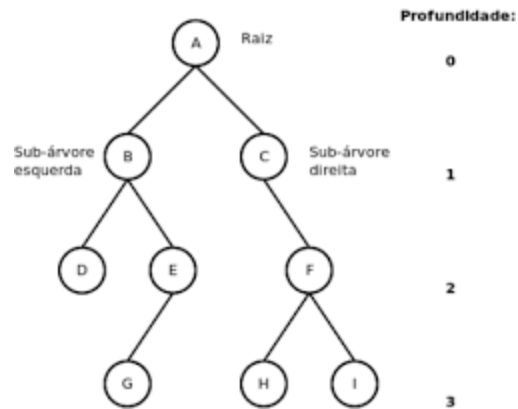
h) pai: único antecessor de um dado elemento

i) folha: elemento final (sem descendentes, sem filhos)

j) **nível de um nó**: é distância que um nó tem em relação ao nó raiz (a raiz está no nível 0)

## **ÁRVORE N-ÁRIA**

### **Árvore binária de pesquisa/busca**



Uma árvore constituída por um conjunto finito de nós. Se o conjunto for vazio, a árvore diz-se vazia, caso contrário obedece às seguintes regras:

- possui um nó especial, a **raiz** da árvore
  - cada nó possui no máximo dois filhos, **filho-esquerdo** e **filho-direito**
  - cada nó, exceto a raiz, possui exatamente um **nó-pai**
- uma árvore binária **totalmente preenchida** é uma árvore binária em que todos os nós, exceto nós-folha, têm 2 filhos
  - uma árvore binária **perfeita** é uma árvore binária totalmente preenchida em que todos os nós-folha estão à mesma profundidade
  - //uma árvore binária **completa** é uma árvore binária em que todos os níveis, exceto possivelmente o último, estão completamente preenchidos e todos os nós estão mais à esquerda possível.
  - a profundidade de uma árvore binária é determinada pelo maior nível de qualquer nó folha

→ Em uma sequência de valores dada, o primeiro valor fica na raiz da árvore, os seguintes são à esquerda ou direita da raiz, obedecendo à relação de ordem, como folhas e em níveis cada vez mais baixos

ordem: 14, 6, 17

14 → 6 é maior que 14? não, é menor, então vai para a esquerda

/ \ → 17 é maior que 14? sim, é maior, então vai para a direita

6 17

percorrer a árvore

```
visita(raiz)
  if (raiz != NULL){
    visita (raiz→esq)
    imprime (raiz→info)
    visita (raiz→dir)
  }

main

  visita(14); //primeiro visita a esquerda do 14
```

## APLICAÇÃO

```
//struct descritor da arvore
struct dArvore {
  pNohArvore raiz;
  int quantidadeNohs;
  int grau;
}
```

```

//struct descritor do nohArvore
struct nohArvore{
void *info;
pNohArvore esquerda;
pNohArvore direita;
}
//no caso de uma árvore nAria
struct nohArvores{
void *info;
pDLista filhos; //aponta para um descritor lista de filhos
}

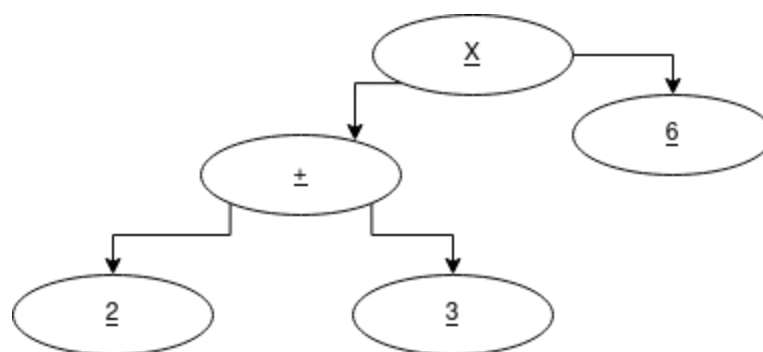
//// tipos de dados
//descritor da arvore
typedef struct dArvore DArvore;
typedef NohArvore* pNohArvore;

```

## CAMINHAMENTOS PADRÕES EM ÁRVORES BINÁRIAS

→ notação para expressões aritméticas

$(2+3) * 6$  → notação infixa (operador fixado entre os operandos)





As folhas são os valores

EM ORDEM (in order)

- tem a ver com árvore binária, não necessariamente de pesquisa
- esquerda, raiz(imprimir), direita
- fazendo o caminharmento em ordem em uma árvore de expressão aritmética, terá a operação em ordem  $2 + 3 * 6$

PRE ORDEM

- raiz(imprime), esquerda, direita
- $* + 2 3 6 \rightarrow$  notação pré fixada

POS ORDEM

- esquerda, direita, raiz
- $6 3 2 + *$

FUNÇÃO QUANTIDADE FOLHAS

```
int qtdeFolhas (pNohArvore raiz){
    if ( raiz → esquerda == NULL && raiz → direita == NULL
        return 1;

    if (raiz == NULL)
        return 0; //nenhuma folha a direita e esquerda

    return qtdeFolhas (raiz→esquerda) + qtdeFolhas (raiz→esquerda);
}
```

→ a quantidade de folhas de uma raiz é a soma dos números de folhas a esquerda e a direita

#### FUNÇÃO QUANTIDADE NÓS

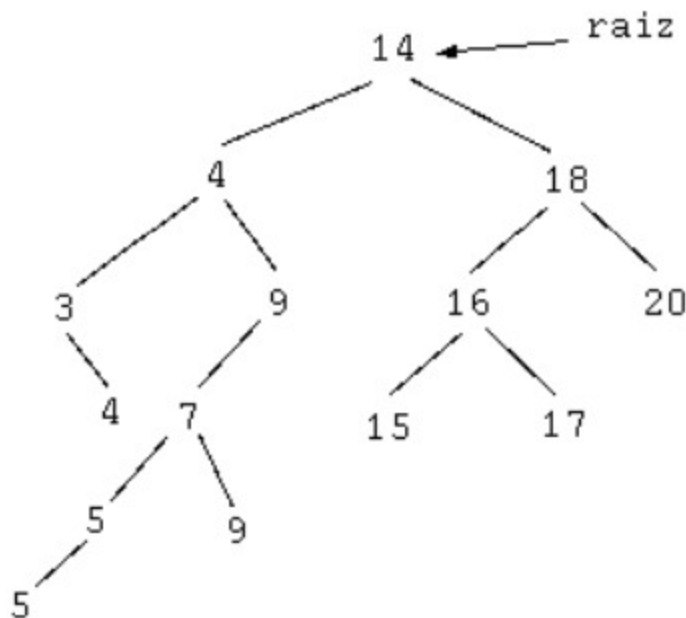
```
int qntdeNohs (pNohArvore raiz)
{
    if (raiz == NULL)
        return 0; //nenhuma folha a direita e esquerda

    return 1 + qtdeFolhas (raiz→esquerda) + qtdeFolhas (raiz→esquerda);
}
```

#### EXCLUIR NÓ DA ÁRVORE

##### **paiFolhaMaisAEsquerda**

recebe uma raiz e me devolve outra raiz, mas o nó que ela devolve é o pai da folha mais esquerda



Se a **raiz→esquerda**  $\neq$  **NULL** entra em **raiz→esquerda→esquerda** que vai chegar no 18 e ver se ele é o pai da folha mais a esquerda, contudo ele será o pai da folha mais a esquerda apenas se a esquerda da sua raiz a esquerda é null, se a **raiz→esquerda→esquerda** tiver alguém ele será o avô.

**No caso base:**

- antes de liberar a memória do nó, salvamos a sua esquerda e direita
- Então eu excluí o 14, mas antes salvei seus filhos nos auxiliares

**No caso 1:**

- Se a esquerda e a direita forem nulos, não terá nada pra fazer.

**No caso 2:**

- Se a esquerda tiver algo ( $\neq$  NULL) retorna a esquerda, se ela for NULL retorna a direita

**No caso 3:**

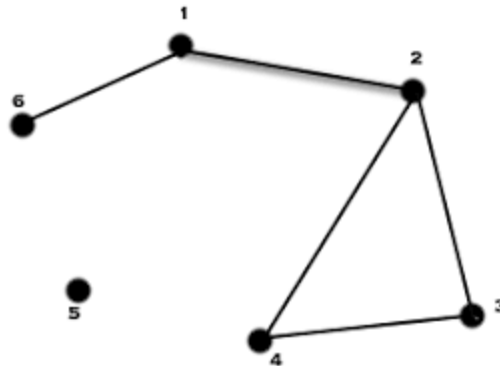
- Declara o pai da folha mais esquerda e o localiza (16), chama o **paiFolhaMaisAEsquerda** passando o aux direita pois quer o número maior mais próximo
- Se o **paiFolhaEsquerda**  $\neq$  NULL, o **auxFolhaEsquerda** vai receber o valor a esquerda do pai da folha mais esquerda, nesse caso o pai da folha mais esquerda é o 16 então o **auxFolhaEsquerda** vai ser o número 15
- o **paiFolhaEsquerda** (16) vai receber em sua esquerda a direita do **auxFolhaEsquerda** (15)

- a esquerda do auxFolhaEsquerda (15) vai receber em sua esquerda o auxEsquerda (4)
- a direita do auxFolhaEsquerda (15) vai receber o auxDireita (18)
- retorna o auxFolhaEsquerda (15)
- (se ele for nulo o próprio auxDireita vai entrar como pai do auxEsquerda **auxDireita→esquerda = auxEsquerda**)

## ▼ Grafos

Grafo é uma estrutura formada por dois tipos de objetos: vértices e arestas

- cada aresta é um par não ordenado de vértices, ou seja, um conjunto com exatamente dois vértices
- uma aresta como  $(v, w)$ , será denotada simplesmente por  $vw$  ou  $wv$
- dizemos que essa aresta incide em  $v$  e em  $w$  e que eles são as pontas da aresta e vizinhos (ou adjacentes)

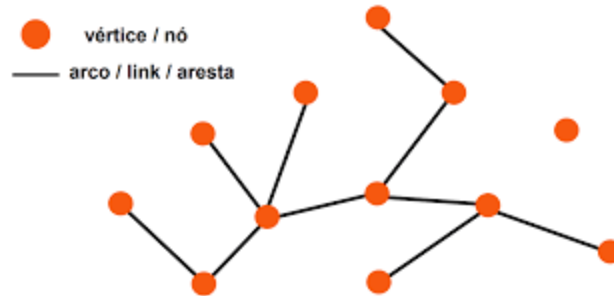


Grafo: conjunto de vértices e arestas

Vértices: objeto simples que pode ter nome e outros atributos

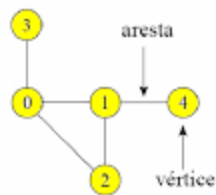
Aresta: conexão entre dois vértices

$G = (V, A) \rightarrow$  formado por um conjunto de vértices e um conjunto de arestas



### Conceitos

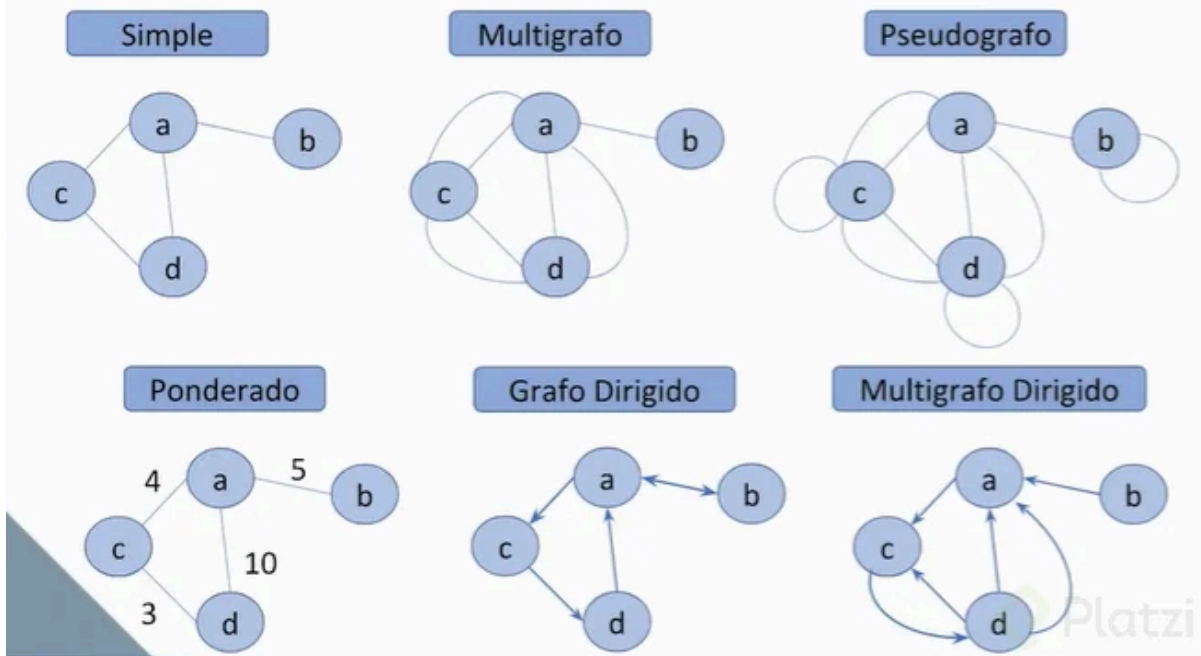
- Grafo: Conjunto de Vértices e Arestas
- Vértice: Objeto simples que pode possuir um nome e outros atributos
- Aresta: Conexão entre dois vértices
- Notação:  $G = (V, A)$ 
  - V: Conjunto de Vértices
  - A: Conjunto de Arestas



$A = \{ (3,0), (1,0), (1,4), (2,1), (0,2) \}$

$V = \{ 3,1,0,2,4 \}$

# Tipos de grafos



## Exemplo de implementação de grafo



## REPRESENTAÇÃO COMPUTACIONAL DE GRAFO

### MATRIZ DE ADJACÊNCIA

# Representação de grafos

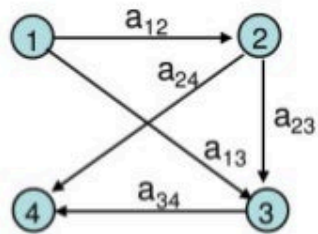
Formas de representação e matrizes associadas a um grafo:

□ **Matriz de adjacência:**

Uma linha para cada vértice  
Uma coluna para cada vértice

$$a_{ij} = 1 \rightarrow (i, j) \in A$$

$$a_{ij} = 0 \rightarrow (i, j) \notin A$$



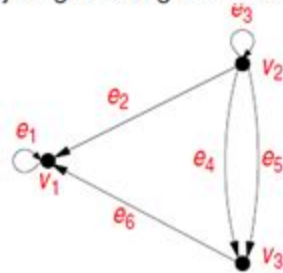
$$A_{n \times n} = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

Laboratório de Programação II – Grafos

- do 1 eu consigo chegar no 2? se sim: 1, se não: 0
- $a_{12} = 1$
- Para adicionar mais um nó, é necessário ampliar a matriz, adicionando mais um linha e coluna
- O acesso é mais rápido, contudo ela não é tão dinâmica e manipulável para alteração de nós

## LISTA DE ADJACÊNCIA

Seja o grafo dirigido abaixo:

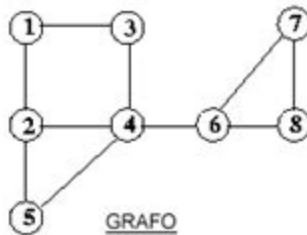
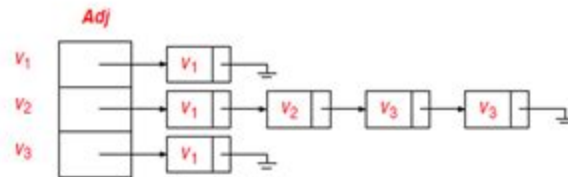


Este grafo pode ser representado por uma lista de adjacência  $Adj$ :

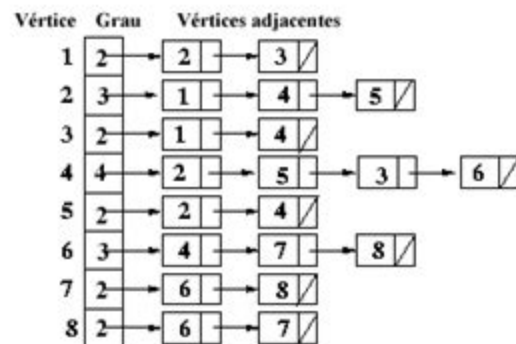
$$Adj[v_1] = [v_1]$$

$$Adj[v_2] = [v_1, v_2, v_3, v_3]$$

$$Adj[v_3] = [v_1]$$



GRAFO



LISTA DE ADJACÊNCIAS

- teremos uma lista principal com todos os vértices (coluna vértice)
- se tenho um grafo com 10 vértices, tenho uma lista de 10 nós
- tenho o grau do 1 vértice (2, pois faz 2 ligações)
- após isso tenho os vértices adjacentes, como ele é de grau 2, terá 2 vértices adjacentes (o 2 e depois o 3, ou vice versa)

## NO CÓDIGO



```

struct dGrafo {
    pDLista listaVertices; //grafo é um conjunto de vértices
    FuncaoComparacao fc;
    FuncaoImpressao fi;
    FuncaoAlocacao fa;
}

struct vertice {
    void *id;
    int grau; //o grau pode ser obtido do descritor
    pDLista listaAdjacenciais;
}

```

- possui um struct vértice (tipo o nó), e um pDGrafo, seu descritor
- tem função comparação pois vértices são conjuntos e não podem ter infos repetidas

---

vértices visitados: 4, 5, 2, 1, 3, 7, 6, 8,

→ no 3 voltou no 1 e viu para onde poderia ir

vértices pendentes (pilha): 8, 6, 3, 2

→ aí desempilha e checa se visitou todos que estavam pendentes

---

- grafo é uma lista de vértices
  - cada vértice tem uma info, um grau e uma lista de adjacências (vértices adjacentes aquele vértice)
  - ordem dos vértices não importa
-

---

12/06 grafos  
15/06 grafos  
19/06 revisão e exercícios  
22/06 2 prova (árvores e grafos)  
26/06 revisão  
29/06 recuperação (prova)  
03 a 06/07 fechamento da disciplina

- 1 - Excluir vértice
- 2 - Excluir aresta
- // apaga o ponteiro nas listas de adjacências e muda os graus
- 3 - Existe caminho Hamiltoniano
- 4 - Existe caminho Euleriano
- 5 - Contêm subgrafo