



Unidad 1

Nicolás Gómez Morgado
Arquitectura de Computadores

9 de julio de 2024

Índice

1. Ejercicios	2
---------------	---

1. Ejercicios

1. Suponer:

Tiempo en mover cabeza a un bloque: 15ms.

Tiempo transferencia de un bloque: 0.4ms

$$R \propto S$$

$$B(R) = 1000$$

$$B(S) = 500$$

$$M = 101$$

a) ¿Cuántas E/S de disco se requieren para realizar esta operación join?

1 ^{er} pasada	Leer M bloques de R en MP (ordenar, escribir contenido ordenando)	2B(R) crear sublistas ordenadas
2 ^{da} pasada	El atributo de ordenación y unión	B(R) leer cada sublista

Total:

Lo mismo para S $\rightarrow 3B(S)$ App. requerimientos $\lfloor \sqrt{B(R) + B(S)} \rfloor$

$$\begin{aligned} \text{Disco E/S} &= 3(B(R) + B(S)) \\ &= 3(1000 + 500) \\ &= 4500 \end{aligned}$$

Por lo tanto son necesarias 4500 E/S de disco para realizar la union.

b) Sublista de R = $\frac{B(R)}{100} = \frac{1000}{100} = 10$
Sublista de S = $\frac{B(S)}{100} = \frac{500}{100} = 5$

1 ^{er} pasada	R (Lectura y escritura) y S (Lectura y escritura): misma pista de lectura/escritura secuenciales	
	$[15 + (10) \cdot [(100 \cdot 4) + (100 \cdot 4)]] + [15 + (5 \cdot [(100 \cdot 4) + (100 \cdot 4)])]$ $[15 + (10) \cdot [80]] + [15 + (5 \cdot [80])]$ $[15 + 800] + [15 + 400]$ $815 + 415$ 1230 ms.	
2 ^{da} pasada	Original 15 buffers c/u con 1 bloque	Nueva: 15 buffers c/u con 6 bloques
	15 buffers \cdot 15 ms = 100 times \cdot 15 buffers \cdot 15 ms = 25500 ms = 22.5 seg	17 times \cdot 15 buffers \cdot 15 ms \sim 3825 ms \sim 3.825 seg

$$1 \text{ buffer} - 1 \text{ bloque} = 1230ms + 22500ms = 23730ms \approx 23,7seg.$$

$$1 \text{ buffer} - 6 \text{ bloques} = 1230ms + 3825ms = 5055ms \approx 5,05seg.$$

c) R(a,b) S(b,c) T(c,d) U(d,e)

$$T(R) = 100$$

$$V(R,b) = 100$$

$$T(S) = 100$$

$$V(S,b) = 100$$

$$V(S,c) = 10$$

$$T(T) = 100$$

$$V(T,c) = 10$$

$$V(T,d) = 100$$

$$T(U) = 100$$

$$V(U,d) = 100$$

a) Dinámica

R	S	T	U
100	100	100	100
0	0	0	0
R	S	T	U

Considerando los pares:

$$1) R \bowtie S = 100$$

$$2) R \bowtie T = 10000$$

$$3) R \bowtie U = 10000$$

$$4) S \bowtie T = 1000$$

$$5) S \bowtie U = 10000$$

$$6) T \bowtie U = 100$$

	R,S	R,T	R,U	S,T	S,U	T,U
Size	100	10000	10000	1000	10000	100
Cost.						
Best plan						

Ahora considerar la unión de 3 de las 4 relaciones. Elegir 2 para unir primero.

R,S,TR,S,UR,T,US,T,U

$$1) (R,S,T) =$$

$$R \bowtie S = 100 \leftarrow$$

$$R \bowtie T = 10000$$

$$S \bowtie T = 1000$$

$$\begin{aligned} T((R \bowtie S) \bowtie T) &= \frac{T(R \bowtie S) \cdot T(T)}{\max\{V(R \bowtie S, c), V(T, c)\}} = \frac{100 \cdot 100}{\max\{10, 10\}} \\ &= \frac{10000}{10} = 1000 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
2) (R, S, U) = \\
R \bowtie S &= 100 \leftarrow \\
R \bowtie U &= 10000 \\
S \bowtie U &= 10000
\end{aligned}$$

NIIDEA

$$\begin{aligned}
T((R \bowtie S) \bowtie U) &= \frac{T(R \bowtie S) \cdot T(U)}{\max\{V(R \bowtie S, c), V(U, c)\}} = \frac{1000 \cdot 100}{\max\{10, 10\}} \\
&= \frac{100000}{10} = 10000
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
3) (R, T, U) = \\
R \bowtie T &= 10000 \\
R \bowtie U &= 10000 \\
T \bowtie U &= 100 \leftarrow
\end{aligned}$$

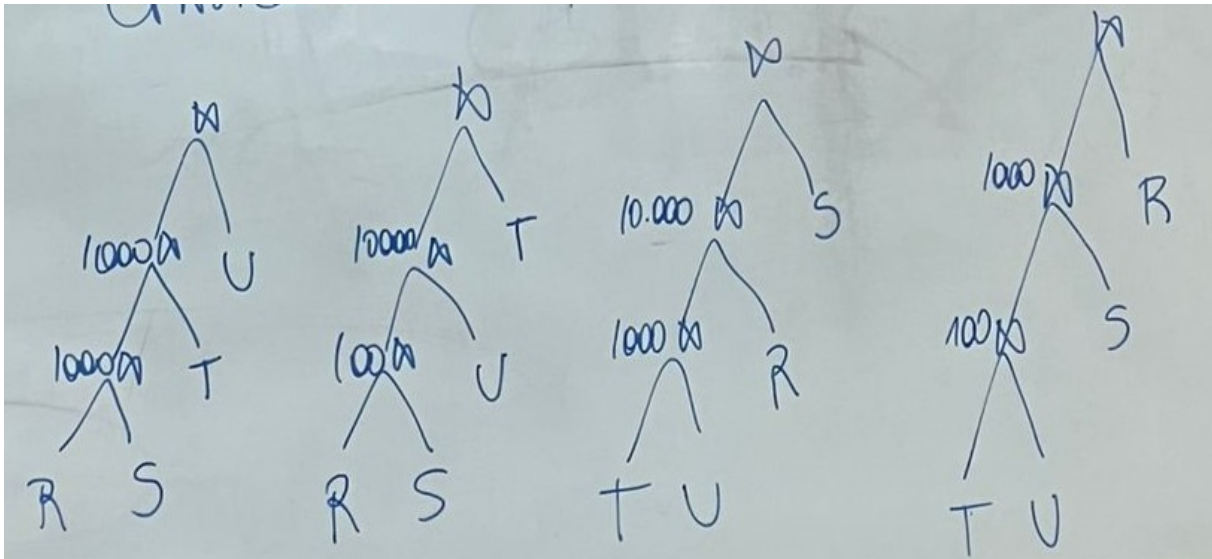
$$\begin{aligned}
T((R \bowtie T) \bowtie U) &= \frac{T(R \bowtie T) \cdot T(U)}{\max\{V(R \bowtie T, d), V(U, d)\}} = \frac{10000 \cdot 100}{\max\{100, 100\}} \\
&= \frac{1000000}{100} = 10000
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
4) (S, T, U) = \\
S \bowtie T &= 1000 \\
S \bowtie U &= 10000 \\
T \bowtie U &= 100 \leftarrow
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
T((S \bowtie T) \bowtie U) &= \frac{T(S \bowtie T) \cdot T(U)}{\max\{V(S \bowtie T, d), V(U, d)\}} = \frac{1000 \cdot 100}{\max\{100, 100\}} \\
&= \frac{100000}{100} = 1000
\end{aligned}$$

	RST	RSU	RTU	STU
S	1000	10000	10000	1000
C	100	100	100	100
P	$(R \bowtie S) \bowtie T$	$(R \bowtie S) \bowtie U$	$(T \bowtie U) \bowtie R$	$(T \bowtie U) \bowtie S$

Tripletes.
Considerar arboles.



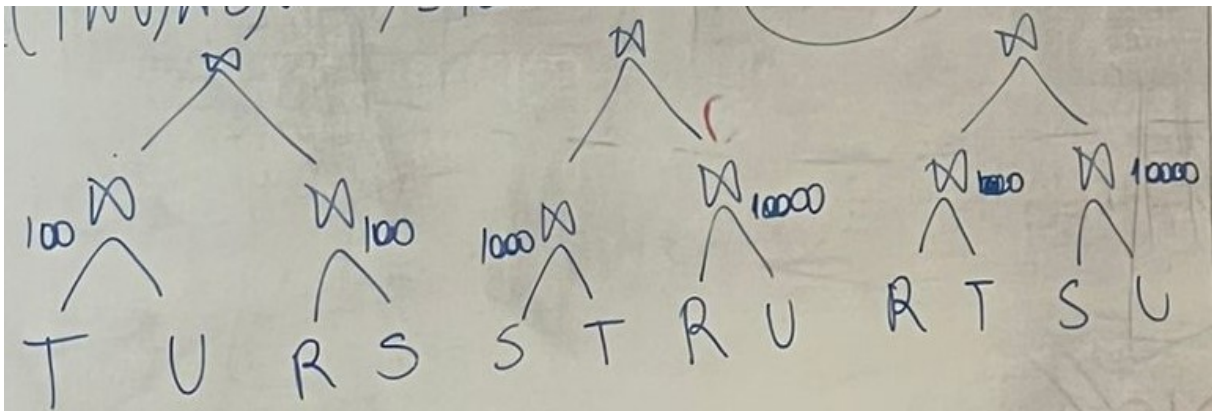
Agrupando:

$$(((R \bowtie S) \bowtie T) \bowtie U) = 1000 + 100 = 1100$$

$$(((R \bowtie S) \bowtie U) \bowtie T) = 10000 + 100 = 10100$$

$$(((R \bowtie T) \bowtie U) \bowtie S) = 10000 + 100 = 10100$$

$$(((S \bowtie T) \bowtie U) \bowtie R) = 1000 + 100 = 1100$$



Agrupando:

$$(T \bowtie U) \bowtie (R \bowtie S) = 100 + 100 = 200 \leftarrow$$

$$(S \bowtie U) \bowtie (R \bowtie U) = 10000 + 1000 = 11000$$

$$(R \bowtie T) \bowtie (S \bowtie U) = 10000 + 10000 = 20000$$

b) Greedy

Se toma una decision sin retroceder.

Base: Pares de relaciones cuyo tamaño estimado es el mas pequeño (árbol actual).

$$\begin{array}{ll} R, S = 100 & (1) \quad S, T = 10000 \\ R, T = 10000 & S, U = 10000 \\ R, U = 10000 & T, U = 100 \quad (2) \end{array}$$

Inducción: Encontrar todas las relaciones no incluidas para T y U.

$$\begin{array}{l} R \bowtie S - ((R \bowtie S) \bowtie U) = 10000 \\ R \bowtie S - ((R \bowtie S) \bowtie T) = 1000 \end{array}$$

Se escoge T. Luego hay que unirse a U, no hay mas opciones.

$$(((R \bowtie S) \bowtie T) \bowtie U) = 1100$$

