

# Theo 8.2

a) Die Transformationen sind

$$g_1: (t, x) \mapsto (t, Rx), R \in O(3)$$

$$g_2: (t, x) \mapsto (t+c, x+b), c \in \mathbb{R}, b \in \mathbb{R}^3$$

$$g_3: (t, x) \mapsto (t, x+v(t-c)), v \in \mathbb{R}^3$$

Als Beweis führen wir  $g_3 \circ g_2 \circ g_1$  aus.

$$g(t, x) = g_3(g_2(g_1(t, x))) = g_3(g_2(t, Rx)) = g_3(t+c, Rx+b) = (t+c, Rx+b+v(t-c))$$

$$g(t, x) = (t+c, Rx+b+vt) \quad \checkmark$$

$$\Rightarrow g: (t, x) \mapsto (t+c, Rx+b+vt)$$

b) Das Inverse von  $g$  ist  $g^{-1}$

$$g^{-1}: (t, x) \mapsto (t-c, R^{-1}x - R^{-1}b - R^{-1}v(t-c))$$

$$\begin{aligned} g^{-1} \circ g(t, x) &= g^{-1}(t+c, Rx+b+vt) \mapsto (t, R^{-1}(Rx+b+vt) - R^{-1}b - R^{-1}v(t-c)) \\ &= (t, x + R^{-1}b + R^{-1}vt - R^{-1}b - R^{-1}vt) \\ &= (t, x) \end{aligned}$$

$$\Rightarrow g^{-1}(t, x) = g_3^{-1} \circ g_2^{-1} \circ g_1^{-1}(t, x)$$

$$\Rightarrow g_1^{-1}: (t, x) \mapsto (t, R^{-1}x)$$

$$g_2^{-1}: (t, x) \mapsto (t-c, x - R^{-1}b)$$

$$g_3^{-1}: (t, x) \mapsto (t, x - R^{-1}vt)$$