Theoretische Physik 1 WiSe20-21 Aufgabenblatt 8 Tutorin: Thea Budde Nico Haaf, Tobias Leander Leonhard, Simon Skade

\sum	A8.1	A8.2	A8.3	A8.4	A

Aufgabe 9.1

Theo 1 U9.1 a) Es wird die homogone Gleichung gelöst: $x + cx + w^2x = f cos(\eta t)$ Wie machen den Ausate X(t) = eat: $(\alpha^2 + \alpha c + \omega^2) e^{-t} = 0$ $\alpha_{1/2} = -\frac{1}{2}c \pm \sqrt{(\frac{c}{2})^2 - \omega^2} = -\frac{5}{4}\omega \pm \sqrt{(\frac{5}{4}\omega)^2 - \omega^2}$ $=\left(-\frac{5}{4} \pm \frac{3}{4}\right) \omega$ $\Rightarrow x_{7} = e^{-\frac{7}{2}\omega t} , x_{2} = e^{-2\omega t}$ Fir die allgemeine homogene Lösung kann einfach die allgemeine Linearkombinaition von den beiden Lösungen genammen werden!

×(t) = Be = zut + Ce = zut b) Logischerweise schwingt der Oszillator in der Frequenz wie die antreibende traft. ficos(nt) lässt sich als Re(feint) darstellen. Wir machen den komplexen Ausatz x(f) = A eint (A E C) cum de DGL ion bomplexen zu lösen und dann im Endeffekt über den Realteil die reale Lösung zu bekommen. Wir schreiben A als A = IAI e'4. Die DG-L ergibt: $\left(A(-\eta^2 + i\eta c + \omega^2) - f\right) e^{i\eta t} = 0 \quad (1)$ $\Rightarrow A = \frac{f}{\omega^2 - \eta^2 + i\eta c} \Rightarrow |A| = \frac{f}{\sqrt{(\omega^2 - \eta^2)^2 + \eta^2 \omega^2}}$ Van den Winkel of zu echalten betrachten uit den lonaginair teil von Greichung (1), der ebenfalls O sein muss: Zungehst wird (1) durch 1Al gefeilt: (w2-n2+inc) eig - # = 0 -> lmaginarteil: $(\omega^2 - \eta^2)$ esin(φ) + $\eta c sin(\varphi + \frac{\pi}{2}) = 0$

Mit sin (4+ 7) = cos (4) ergibt das : * q = arctain (m2-wz) Wie man externed taking geht bei now tan (q) -> - >, sodoss q -> I. Da (w2-n2) > 0 pent gent de timplitude (Al in diesem fall gegen of ben fin. C) Die allgemeine Lösung eigebt sich aus der partiellen Lösung dus der allgemeren homogenen Lösung. Du mir den Resonantall betrachten, gitt the q= i and lAl= ii (und n= a) x(f) = = cos (w + + 24) + B e - 2 w + Ce - 2 w + Antagsbedingungen einsetzen: x(0)=0=B+C -> B=-C (wegen C=-B) *(0)=0=fix - 3Bu+2Bu+>-C=B=3 #= Somit ist de explisite Losargi $x(f) = \frac{f}{\omega^2} \left(\cos(\omega t + \frac{77}{2}) + \frac{2}{3} e^{-\frac{7}{2}\omega t} - \frac{2}{3} e^{-2\omega t} \right)$ Bei t= 0 to besitet der Oszillator boine Energie, da evegen x(0)=0 and x(0)=0 bake potentielle und beine timetische Energie verhanden ist. Bei t > 00 gilt für x: x = = = cos (~ t + =) Die Energie hier kann einfach tiber die mardnale kinetische Energie berecheet werden und st somit zur * 2 m 42 Energie st well chalten de de Oszillator von einer externer traft angetrieben wird. * Der Realteil von x der der reellen partitulären Läsung entspectent, ist much conserver Ausate Cogischemetre: $x(t) = |A| \cos(\eta t + \varphi)$

Aufgabe 9.2

Aufgabe 9.3

Aufgabe 9.4

Aufgabe 9.5