V353

RC -Kreis

David Venker david.venker@udo.edu

 $\begin{array}{c} {\rm Nico~Guth} \\ {\rm nico.guth@udo.edu} \end{array}$

Durchführung: 26.11.2019

Abgabe: 03.12.2019

Ein sehr gutes Probokoll!

TU Dortmund – Fakultät Physik

Inhaltsverzeichnis

1	Zielsetzung	3
2	Theorie	3
3		6
	3.3 RC-Kreis als Integrator	
4	Auswertung 4.1 Bestimmung der Zeitkonstante bei angelegter Rechteckspannung 4.2 Bestimmung der Zeitkonstante bei angelegter Sinusspannung 4.3 Betrachtung des RC-Glieds als Integrator	9
5	Diskussion	14
Lit	teratur	14
6	Anhang	14

1 Zielsetzung

Das Ziel dieses Experiments ist die Untersuchung der Eigenschaften eines RC-Kreises, Grundsatzlich oll, genauer gesagt werden folgende Eigenschaften untersucht:

- a) Die Bestimmung der schaltungsspezifischen Zeitkonstate RC.
- b) Die Messung und der Vergleich der Spannungsamplituden von Kondensatorspannung und Generatorspannung in Abhängigkeit von der Frequenz.
- c) Untersuchung der Phasenverschiebung zwischen den Spannungen in Abhängigkeit von der Frequenz.
- d) Darstellung der Eigenschaft den RC-Kreis als Integrator verwenden zu können.

ist sehr holypr Die Beshimmung untersucht", "Die Hessung wird untersucht"

die Ladung doch OC

"Kondensator enHad sich "Nondensator hat Gesant-ledung Q."

2 Theorie

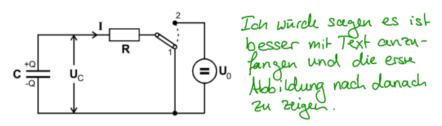


Abbildung 1: Schaltbild eines RC-Kreises, der in Stellung 1 entladen und in Stellung 2 geladen wird. [1]

Wenn ein System durch eine Änderung aus seinem Anfangszustand entfernt wird und Loler Umgebung daraufhin nicht-oszillatorisch in diesen zurückkehrt, kann man Relaxationseffekte beobachten. In Abbildung 1 sind zwei dieser Relaxationsphänomene zu beobachten, das Aufund Entladen eines Kondensators über einen Widerstand. Befindet sich der Schalter in Abbildung 1 in Stellung eins, so entlädt sich der Kondensator mit der Kapazität C. Auf seinen beiden Platten liegt die Ladung Gesamtladung Q Dadurch liegt zwischen den () Wach dem Entladen ist beiden Kondensatorplatten eine Spannung von

$$U_C = \frac{Q}{C}.$$
 (1)

Durch das ohmsche Gesetz ist bekannt, dass durch diese Spannung U_C und den Widerstand R ein Strom

$$I = \frac{U_C}{R}$$
(2)

Phanomere selbst.

() verwendet lieber "getrieber" oder "ver (e ursacht"; "erzeuger" ist e immer etwas problematisch.

(erzeugt) wird. Der zeitliche Verlauf der Ladung Q auf dem Kondensator C kann durch eine Exponentialfunktion beschrieben werden, dadurch ergibt sich

T, beim Entladen,

$$Q(t) = Q(0) \exp \left(\frac{-t}{RC}\right). \tag{3}$$

Wobei RC eine Zeitkonstante ist, die im nächsten Abschnitt näher erklärt wird. [1] Äquivalent dazu lässt sich der Aufladevorgang eines Kondensators C durch die Spannung U_0 über den Widerstand R beschreiben. Hierbei gelten folgende Randbedingungen für

$$Q(0) = 0$$
 $Q(\infty) = C \cdot U_0$. (4)

Damit lässt sich der Aufladevorgang durch

$$Q(t) = C \cdot U_0 (1 - \exp\left(\frac{-t}{RC}\right)) \eqno(5)$$

beschreiben. [1] Dabei ist RC wieder die Zeitkonstante aus Gleichung 3, mit dieser Konstante kann beschrieben werden, wie schnell sich ein System zu seinem Endzustand begibt. (RC ist festgeschrieben) Nachdem eine Zeit von

$$\Delta T = RC$$

and
() Die Zeithonstank wird
durch den Widerstand R
(6) word die Napowität Cim
RC-weis festgelegt.

verstrichen ist, ändert sich die Kondensatorladung Q um den Faktor

$$\frac{Q(t = RC)}{Q(0)} = \frac{1}{e} \approx 0.386. \tag{7}$$

Um den entsprechenden Wert für RC zu berechnen wird Gleichung 7 in eine andere Form gebracht. In der neuen Form

$$\ln \left(\frac{Q(t)}{Q(0)} \right) = t \cdot \frac{-1}{RC}$$
(8)

kann man RC als negative reziproke Steigung einer halblogarithmischen Funktion sehen. [1] | neuer | besoft Eine periodische Auslenkung aus der Gleichgewichtslage erzeugt ebenfalls Relaxationsphänomene und kann ebenfalls mit einem RC-Kreis beschrieben werden.

() untersucht

Wird Abbildung 2 durch die Wechselspannung U(t) mit der Kreisfrequenz ω angetrieben also

$$U(t) = U_0 \cdot \cos(\omega t)$$
, (9)

Jannahert

() die Abbildung wird nicht angehieben

() um den Wert RC aus

experimentellen Daten zu

bestimmen, wenn Rund Cumbehanut sind.

Sonstist R.C= ... einfacher

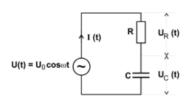


Abbildung 2: Mögliches Schaltbild zur Entstehung eines Relaxationsphänomens durch periodische Anregung. [1]

() so andert sich das Verhalter des RC-Ureises für unterschiedliche Treguenzbereiche.

ergeben sich für verschieden
e ω andere Effekte Für $\omega \ll \frac{1}{RC}$ werden die Kondensatorspannung
 U_C und die Generatorspannung U(t) Gleichung 9 etwa gleich sein, da
 der Kondensator genug Zeit hat sich vollständig aufzuladen, bevor die Spannung wieder abfällt und ihr Vorzeichen ändert. Bei entsprechend höheren Frequenzen kann der Aufladevorgang nicht mehr vollständig stattfinden und die Amplitude A der Kondensatorspannung wird kleiner werden. Sie ist gegeben durch

$$A(\omega) = \frac{U_0}{\sqrt{1 + \omega^2 R^2 C^2}}$$
 (10)

Durch die verzögerte Aufladung entsteht eine Phasenverschiebung φ , die sich bei ansteigender Frequenz asymptotisch dem Wert $\varphi = \frac{\pi}{2}$ annähert. Wie an

$$\varphi(\omega) = \arctan(-\omega RC)$$
 (11)

auch zu erkennen ist. Alternativ lässt sich die Phasenverschiebung auch über die zeitlichen Verläufe von U_C und U_0 berechnen, dafür müssen die Schwingungsdauer T und der zeitliche Abstand der Nulldurchgänge a bekannt sein. Die Schwingungsdauer T ist die Inverse der eingestellten Frequenz f.

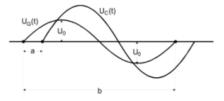


Abbildung 3 stellt das Prinzip genauer da. Über den Zusammenhang

Abbildung 3: Darstellung der Methode zur Berechnung der Phasenverschiebung [1]. Ihr habt die Periodendauer Tgenount, erhlärt in der ildung 3 stellt das Prinzip genauer da. Über den Zusammenhang

Bildunkerschrift kurz das b=Tist odes "Photoshop-t (12) das Tin die Abbildung

$$\varphi = a \cdot f \cdot 2\pi = \frac{Q}{T} \cdot 2\pi$$

lässt sich die Phasenverschiebung ebenfalls berechnen. Außerdem lässt sich aus Gleichung 10 und Gleichung 11 der Zusammenhang

$$\frac{A(\varphi)}{U_0} = \cos(\varphi) \tag{13}$$

zeigen, welcher die Spannungsamplitude in Abhängigkeit der Phasenverschiebung aufzeigt.

Aus der Eigenschaft, nur niedrige Frequenzen kaum unverändert passiern zu lassen, kann Abbildung 2 als ein Tiefpass verwendet werden. [1] Die Schaltung aus Abbildung 2 besitzt noch eine weitere Eigenschaft, sie kann als ein sogenannter Integrator verwendet werden. Für $\omega \gg \frac{1}{RC}$ gilt die Beziehung

$$U(t) = RC \frac{dU_C}{dt}$$
 $U_C(t) = \frac{1}{RC} \int_0^t U(t')dt'.$ (14)

Dadurch wird zu der Generatorspannung U(t) eine Kondensatorspannung $U_C(t)$ erzeugt, die sich nur durch einen Faktor zur von der Stammfunktion von U(t) unterscheidet. [1]

Inhaltlich sehr gute Theorie!

()5

Derraume" sehen in

3 Durchführung

3.1 Bestimmung der Zeitkonstante

Meerraume" sehen in 3.1 Bestimmi Abschussarbeiten blod aus. Hier wurdt dann eine Einleitung Zu Abschnitt 3 Stehen, die auch erläufert, Was in den einzelnen Unterabschnitten behandelt wird.



Abbildung 4: Schaltkasten mit dem RC-Glied [1]

Der Schaltkasten aus Abbildung 4 mit dem Widerstand R und der Kapazität C war wie [7] Potokelle beschreiben in Abbildung 5 anzuschließen.]

Schaltet man nur die Rechteckspannung ein, zeigt das Oszilloskop einen Ausschnitt was ihr seller und ihr tun seller

Schaltet man nur die Rechteckspannung ein, zeigt das Oszilloskop einen Ausschnitt der Auflade- und Entladekurve des RC-Kreises an. Die Frequenz ist so anzupassen, dass der Kondensator sich gänzlich aufladen kann, sich also asymptotisch einem Wert nähert. Damit die Zeitkonstante RC bestimmt werden kann, muss die Spannung U_C in Abhängingkeit von der Zeit t deutlich ablesbar sein. Es ist ein Bild anzufertigen, das einen gesamten Entladungs- oder Aufladungsvorgang zeigt.

7 am Generator /eine

6

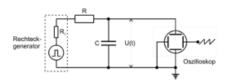


Abbildung 5: Schaltung zur Bestimmung der Zeitkonstante eines RC-Kreises [1]

3.2 Amplitudenmessung der Kondensatorspannung und Messung der Phasenverschiebung zwischen U_C und U_0

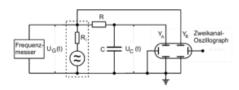


Abbildung 6: Schaltung zur Messung der Amplitude und der Phasenverschiebung [1]

Die Schaltung ist nach Abbildung 6 aufzubauen. Die Amplitude der Kondensatorspannung und die Phasenverschiebung zwischen U_0 und U_C ist in Abhängigkeit von der Frequenz f zu messen. Die Frequenz ist mehrere Male zu variieren und daraufhin ist die Spannung U_C am Oszilloskop abzulesen. Sicherheitshalber wird die Generatorspannung U_0 ebenfalls bei jeder Frequenz zu messen. Es ist wichtig zu beachten, dass die Frequenzen über mindestens drei Zehnerpotenzen hinweg eingestellt werden. Die Phasenverschiebung zwischen den beiden Spannungen lässt sich ebenfalls am Oszilloskop ablesen, indem die Spannungen gleichzeitig angezeigt werden und die Nulldurchgänge verglichen werden. Nach Gleichung 12 kann dann die Phasenverschiebung berechnet werden.

3.3 RC-Kreis als Integrator

Damit diese Messung gelingen kann muss eine für den Integrator geeignete Frequenz eingestellt werden, diese findet man bei einem $\omega\gg\frac{1}{RC}$. Um den Effekt des Integrators zu sehen, werden nacheinander eine Sinusspannung, Rechteckspannung und eine Dreieckspannung (ein.) Auf dem Oszilloskop ergibt der zeitliche Verauf von U_C eine Stammfunktion von U_0 nach Gleichung 14. Von beiden Ozillogrammen [ist] jeweils für jede Spannung ein Bild anzufertigen.

gut verständliche Durchführung.

[] siehe oben

) Generator-uncl RC-Ureis-Spannung

Dam Generalor ein gestellt

4 Auswertung

4.1 Bestimmung der Zeitkonstante bei angelegter Rechteckspannung

Im ersten Teil des Versuchs, wie in Unterabschnitt 3.1 beschrieben, kann nur ein Foto der Entladekurve als Messergebnis dienen, dieses ist in Abbildung 7 dargestellt.

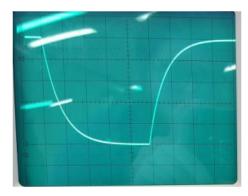


Abbildung 7: Foto der Entladekurve des RC Glieds bei angeschlossener Rechteckspannung mit 100 Hz wobei die x-Achse auf 1 ms und die y-Achse auf 0,2 V geregelt ist

lop!

Tabelle 1: Abgelesene Werte aus Abbildung 7 mit y-Achse als Kondensatorspannung ${\cal U}_C$ und x-Achse als Zeit t

U_C/\mathbf{V}	t/ms	U_C / V	t/ms	ln (de vo)
1.00	0.00	0.28	1.00	
0.90	0.10	0.20	1.20	
0.80	0.20	0.16	1.40	
0.70	0.30	0.12	1.60	
0.60	0.40	0.08	1.80	
0.50	0.50	0.06	2.00	•
0.44	0.60	0.04	2.30	•
0.40	0.70	0.02	2.70	•
0.36	0.80			

Wenn die Werte aus Tabelle 1 nun als Graph mit y-Achse $\ln \left(\frac{U_C}{U_0}\right)$ dargestellt werden, entsteht Abbildung 8, wobei $U_0 = 1 \,\mathrm{V}$ ist.

Diese Darstellung (entspricht) der Gleichung

tellung (entspricht) der Gleichung
$$\ln\left(\frac{U_C}{U_0}\right) = -\frac{t}{RC} \qquad \text{die habt ihr schon}$$
in der Therie (15)
$$\rightarrow \text{ yeweisen} .$$

() wird theorehisch beschweben

Um einen Tit machen zu dürfen müssen Voraussetzungen erfallt sein und man muss nachvoltziehen hönnen, Was ihr fittet. Folgende 4 Punhte sollten für jeden Tit abgearbeitet werden:

1) Angabe der Gleichung aus der die Fitfunktion folgt.

- 2) Angabe der Fitfunktion. Dabei Solle die Funktion die verwerden Messwerk und sonst nur Parameter enthalten, deunit ist auf einen Blich Wer was in den Fit eingelt und was aus den Fit vallshommt.
- 3) Angabe der Ergebnissealler Fitzarameter mit Unsicherheit und Einheit.

Watzug der Paramete zur Identifikation mit oder Bestimmung von physikalischer Großen. Die nicht gebroeuchten" Parameter könner in der Dishussion zur Bewerhung des Fits verwendet Werden.

The habt:

- 1) erfüllt
- 2) midst erfallt
- 3) teilleise erfüllt
- 4) teilveise erfüllt

Ans Gleichung (.) folgt 1) folgende Funktionsgleichung.

3)
$$a = \dots \pm \dots S^{-1}$$

 $b = \dots \pm \dots$

4) Nach Gleichung (...) ist
$$RC = \alpha^{-1} = \pm ... S$$

Wedes das Argument noch des Loganthmus selbst haben eine Einheit.

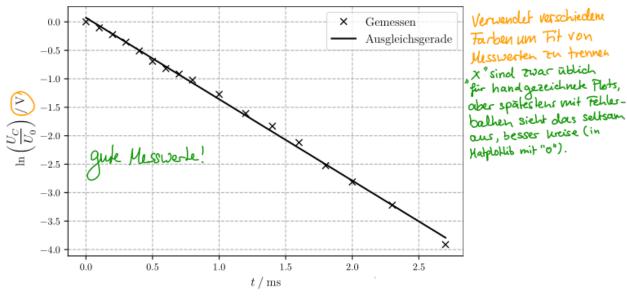


Abbildung 8: Graph der Werte aus Tabelle 1 und der passenden Ausgleichsgerade

für Werte Sind.

Besser ist auch hier zu erhlären, was das

$$[] \ln \left(\frac{u(t)}{u_0} \right) = a \cdot t + b$$

wie aus Gleichung 3 zu sehen ist. Die entsprechende Ausgleichsgerade wurde in Python mit der Bibliothek SciPy[2] mit

$$f(x) = ax + b \tag{16}$$

berechnet. Wobei sich hier eine Steigung von $a = (-1431 \pm 19) \,\mathrm{s}^{-1}$ ergibt. Damit lässt sich die Zeitkonstante als

$$RC = (0.6988 \pm 0.0092) \text{ ms}$$
 (17)

bestimmen.

4.2 Bestimmung der Zeitkonstante bei angelegter Sinusspannung

Die Ergebnisse der im Unterabschnitt 3.2 beschriebenen Durchführung sind in Tabelle 2 dargestellt. Hierbei ist zu beachten, dass die Werte $a_{\rm gemessen}$ bei einer invertierten Generatorspannung abgelesen wurden. Also entspricht der zeitliche Abstand a_{gemessen} der Zeit zwischen steigendem Nulldurchgang der Kondensatorspannung und abfallendem Nulldurchgang der Generatorspannung. Somit ergeben sich die für Gleichung 12 gesuchten a durch

$$a = \frac{1}{2f} - a_{\text{gemessen}}.$$
 (18)

Verwendet verschieden

Messwerten zu trennen

ballien sieht das seltsam aus, besser hreise (in

Farben um Fit von

x" sind zwar üblich

Katplotlib mit "o").

Tabelle 2: Messergebnisse zu Unterabschnitt 3.2 mit Generatorfrequenz f, Kondensatorspannung U_C , zeitlichen Abständen $a_{\rm gemessen}$ und a

f/Hz	U_C / V	$a_{ m gemessen}/{ m ms}$	a / ms
2 p	1.000	£5.4 00	0.000
50	0.960	9 <i>.2</i> 00	0.800
100	0.900	4.200	0.800
200	0.700	1.850	0.650
300	0.550	1.150	0.517
400	0.450	0.800	0.450
500	0.360	0.620	0.380
600	0.300	0.500	0.333
80∳ \	0.240	0.360	0.265
1000	0.200	0.280	0.220
2000	0.100	0.130	0.120
3000	0.067	0.085	0.082
4500	0.044	0.056	0.055
6000	0.034	0.042	0.041
10000	0.020	0.025	0.025

Awriching nach dem Nomma/Punkt

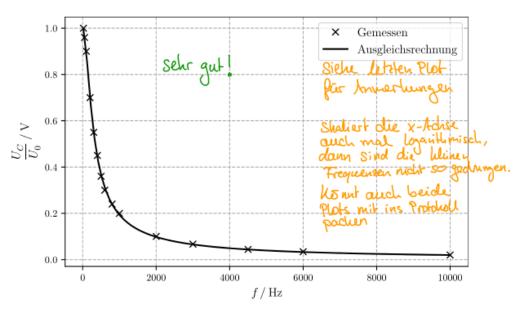


Abbildung 9: Graph des Spannungsverhältnises U_C/U_0 in Abhängigkeit zur Generatorfrequenz f aus der Tabelle 2 wobei die Generatorspannung konstant auf 1 V bleibt

Durch die Gleichung

$$\frac{U_C}{U_0} = \frac{1}{\sqrt{1 + (2\pi f)^2 R^2 C^2}} \tag{19}$$

lässt sich nun die Zeitkonstante
$$RC$$
 bestimmen indem eine Ausgleichsrechnung wie in Abbildung 9 mit
$$f(x) = \frac{1}{\sqrt{1+(2\pi x)^2 a^2}} \quad \text{Hier Salle der Parameter ein fach in Ninterher Sein, die Werzel (20) twomt ihr kinterher Ziehen. Das Quadrat machts dem Filter nur "schuer"$$

ausgeführt wird. Diese Ausgleichsrechnung wurde mit der Python Bibliothek SciPy[2] ausgeführt und ergibt die Zeitkonstante

$$RC = (0.8078 \pm 0.0056) \text{ ms.}$$
 (21)

Eine weitere Möglichkeit die Zeitkonstante zu berechnen ist mithilfe der frequenzabhängigen Phase φ zwischen Generator- und Kondensatorspannung. Diese lässt sich über Gleichung 12 berechnen. Die so berechneten φ sind in Tabelle 3 gelistet.

Tabelle 3: Generatorfrequenz f, Kondensatorspannung U_C und die mit a berechnete Phasenverschiebung φ

			as its dia Soute
f/Hz	U_C / V	φ / rad	Schreibt die Spalle
20	1.000	0.000	"plrad" direct in Tabelle 2,
50	0.960	0.251	dem die als Spalk
100	0.900	0.503	denn die a/s Spalke
200	0.700	0.817	braucht ihr für die Phase
300	0.550	0.975	Planer in hy or
400	0.450	1.131	auch erst hier.
500	0.360	1.194	
600	0.300	1.255	
800	0.240	1.332	
1000	0.200	1.382	
2000	0.100	1.508	
3000	0.067	1.546	
4500	0.044	1.555	
6000	0.034	1.546	
10000	0.020	1.571	

Die mithilfe von SciPy[2] und

1)-4)Schrifte:

$$f(x) = -arctan(-2\pi fa)$$

Funlihouen nicht

erstellte Ausgleichsrechnung ergibt nach Gleichung 11 eine Zeitkonstante

$$RC = (0.8258 \pm 0.0261) \,\text{ms}.$$
 (23)

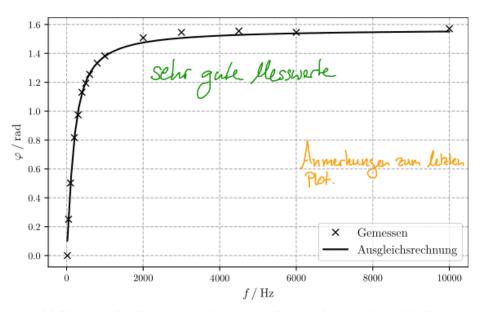


Abbildung 10: Die Phasenverschiebung φ zur Generatorfrequenz f aus Tabelle 3 abgebildet

Die Kondensatorspannung U_C wird nun in einem Polarkoordinatensystem in Abhängigkeit der Phase φ dargestellt. Die gemessenen Werte sind aus Tabelle 3 abzulesen und die erwartete Kurve wird nach Gleichung 13 berechnet.

Abbildung 11 solle noch wier win. \FloatBarrier verhinder, clas LaTeX die Abbildungen verschiebt.

Im letzten Teil des Versuchs wie in Unterabschnitt 3.3 beschrieben sind die Ergebnisse nur in Form von Fotos darzustellen. Diese sind in Abbildung 12 zu sehen. Hierbei wurde jeweils die Generatorfrequenz von 5 kHz gewählt und sowohl die Generatorspannung als auch die Kondensatorspannung abgebildet.

Hier ist zu sehen, dass die angelegte Spannung integriert wird. Eine Sinusspannung wird zu einer Sinusspannung um $\pi/2$ verschoben eine Sägezahnspannung wird zu einer Sägezahnspannung.

Sageralu:

() AKA: Cosinus

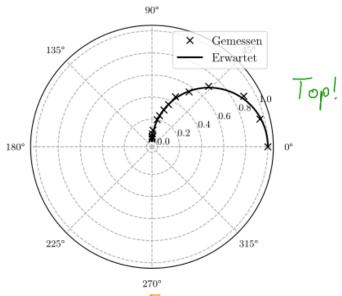
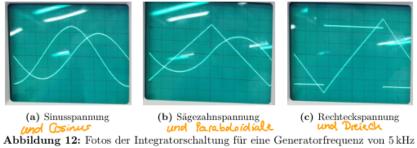


Abbildung 11: Kondensatorspannung U_C n Abhängigkeit von der Phase φ entnommen aus Tabelle 3

[(radial) L (lakeral)



und verschiedene Generatorspannungstypen

5 Diskussion

Aus den drei verschiedenen Bestimmungsmethoden für die Zeitkonstante ergeben sich folgende Werte:

Get denen irginoleinen
$$RC_{\bullet}=(0.6988\pm0.0092)\,\mathrm{ms}$$
 (24) Bestimmt jewils die Tricler und Wern es $RC_{\bullet}=(0.8078\pm0.0056)\,\mathrm{ms}$ (25) prozentiale Abweichung $RC_{\bullet}=(0.8258\pm0.0261)\,\mathrm{ms}$ (26) von der Theorie.

Die angegebenen Werte für den Widerstand $R = (15,058 \pm 0,600) \,\mathrm{k}\Omega$ und den Kondensator $C = 93.2 \,\mathrm{nF}$ ergeben allerdings eine Zeitkonstante

$$RC = (1,4034 \pm 0,0560) \text{ ms.}$$
 (27)

Die Abweichungen der einzelnen Ergebnisse müssen im Folgenden erklärt werden.

An den Ergebnissen ist zu sehen, dass die verwendeten Messmethoden auf ähnliche Ergebnisse kommen. Allerdings sind die vorhandenen Abweichungen auf Ungenauigkeiten der Messmethoden zurückzuführen. So lässt sich beispielsweise am Oszilloskop die Spannung zu einem bestimmten Zeitpunkt nicht sehr genau ablesen.

Nun ist allerdings auch zu sehen, dass die bestimmten Zeitkonstanten um etwa 50% von dem erwarteten Wert abweichen. Dies lässt sich vermutlich auf einen systematischen Fehler zurückführen, da die berechneten Ergebnisse nur eine kleine Abweichung aufzeigen. Tunkereinander Eine genaue Ursache lässt sich jedoch nicht finden. 🕢

Auch wurde gezeigt, dass eine Schaltung bestehend aus einem Kondensator und einem Widerstand als Integrator dienen kann. Bei angeschlossener Sinusspannung wurde auch gezeigt, dass die Spannung am Kondensator in Abhängigkeit des Phasenunterschieds zwischen Generator- und Kondensatorspannung den erwarteten Zusammenhang aus Gleichung 13 abbildet.

Literatur

- TU Dortmund. Versuchsanleitung zu Versuch Nr. 353 Das Relaxationsverhalten eines RC-Kreises. 2019.
- Eric Jones, Travis E. Oliphant, Pearu Peterson u. a. SciPy: Open source scientific tools for Python. Version 0.16.0. URL: http://www.scipy.org/.

(6 Anhang) neue Seik

1) Dishuhert auch die Qualität des Fits 1) Qualifativ: "Folger die Werk des Theorie?"
2) Quantifativ: "Wie seher ofje Unsichesheiter des Fits aus?"

Ich warde soveit gehen und vermuten, dass eue Theoriewest wich stimmt, die Messverte sehen zu gut aus für solche Abweichunger von der Theorie.

R= 15,0589		10% L	r Cesauntledung
a) Generator F	requent[H	el nach	t ms
500 1		1,7	Foto Far Ausgliidsrechnung
	e.al.t.	peak	c)
b) f[Hz]			Oms] to (Investigated Constants
100	1	0,900	
50	1	0,960	9,000 3,200 (7.7)-e=an
200	1	0,700	2800 1,850
300	1	0,550	1,20 1,150
400	7	0,450	0,88 0,810 0,80
500	1	0,360	0,62 0
600	1	0,300	0,500
800	1	0,240	6,360
1000	1	0,200	0,280
2000	1	0,100	0,130
3000	1	0,067	0,085
6000	1	0,034	0,042
10000	1	0,020	0,025
20	1	1,000	25,000
4500	1	0,044	0,056

 ${\bf Abbildung} \ \, {\bf 13:} \ \, {\rm Kopie} \ \, {\rm der} \ \, {\rm Original mess daten}$