```
proc esSeñal (in s: seq\langle \mathbb{Z} \rangle, in prof: \mathbb{Z}, in freq: \mathbb{Z}, out result: Bool) {
          Pre \{|s| > 0 \land prof > 0 \land freq > 0\}
          Post {
              result = esSe\tilde{n}alAux(s, prof, freq)
}
    pred esSeñalAux (s: seq\langle \mathbb{Z} \rangle, prof: \mathbb{Z}, freq: \mathbb{Z}) {
    |s| \geq 0 \wedge
    frecuenciaEnRango(freq) \land
    profundidadCorrecta(s) \land
    duraMasDeUnSegundo(s, freq) \land
    ningunaMuestraSuperaLaProfundidad(s, prof)
    pred frecuenciaEnRango (freq: \mathbb{Z}) { freq \in <8,32>}
    pred profundidadCorrecta (prof: \mathbb{Z}) { freq \in [8, 16, 32]}
    pred duraMasDeUnSegundo (s: seq\langle\mathbb{Z}\rangle, freq: \mathbb{Z}) \{\frac{|s|}{(freq\cdot 1000)}>1\}
    pred ningunaMuestraSuperaLaProfundidad (s: seq\langle \mathbb{Z} \rangle, p: \mathbb{Z}) {
    (\forall i : \mathbb{Z}) \ 0 \le i < |s|
    \longrightarrow_L (-2)^{p-1} \le s[i] \le 2^{p-1} - 1
proc seEnoj6? (in s: señal, in umbral: Z, in prof: Z, in freq: Z, out result: Bool) {
          Pre \{umbral > 0 \land_L esSe\tilde{n}alAux(s, prof, freq)\}
          Post {
              result = umbralEnRango(umbral, prof) \land_L
              existeUnaSubsecuenciaQueSuperaUmbral(s, freq, umbral)
}
    pred umbralEnRango (umbral: \mathbb{Z}, p: \mathbb{Z}) {umbral \geq 2^{p-1} - 1}
    pred existeUnaSubsecuenciaQueSuperaUmbral (s: señal, freq: \mathbb{Z}, u: \mathbb{Z}) {
    (\exists d, h : \mathbb{Z}) \ 0 \le d, h < |s| \ \land (d < h) \land ((d + freq * 1000 * 5) < h) \land_L (
    (\forall i : \mathbb{Z}) \ 0 \le i < |subseq(s,d,h)| \longrightarrow_L abs(subseq(s,d,h)[i]) > umbral)
    fun abs (x: \mathbb{Z}): \mathbb{Z} = \text{if } x > 0 \text{ then } x \text{ else } -x \text{ fi};
proc esReuniónVálida? (in r: reunion, in prof: Z, in freq: Z, out result: Bool) {
          Pre \{|r| > 0 \land prof > 0 \land freq > 0\}
          Post {
              result = contieneSe\tilde{n}alesValidas(r, prof, freq) \land_L
              lasLongitudesDeSe\~{n}alSonIguales(r) \land_{L}
              todosHablantesDistintos(r) \wedge_{L}
              losHablantesEstanEnRangosDe0ANMenos1(r)}
}
    pred contieneSeñalesValidas (r. reunion, prof. \mathbb{Z}, freq. \mathbb{Z}) \{(\forall i: \mathbb{Z}) \ 0 \le i < |r| \longrightarrow_L esSeñalAux(r[i]_0, prof, freq)\}
    pred lasLongitudesDeSeñalSonIguales (r: reunion) \{(\forall i,j:\mathbb{Z})\ 0\leq i,j<|r|\land i\neq j\ \longrightarrow_L (|r[i]_0|=|r[j]_0|)\}
    pred todosHablantesDistintos (r: reunion) \{(\forall i, j : \mathbb{Z}) \ 0 \le i, j < |r| \land i \ne j \longrightarrow_L (r[i]_1 \ne r[j]_1)\}
    pred losHablantesEstanEnRangosDeOANMenos1 (r: reunion) \{(\forall i: \mathbb{Z}) \ 0 \le i < |r| \longrightarrow_L 0 \le r[i]_1 < |r|\}
    pred esReuniónVálidaAux (r. reunion, prof. Z, freq. Z) {
    contieneSeñalesValidas(r, prof, freq) \wedge_L
    lasLongitudesDeSeñalSonIguales(r) \wedge_L
    todosHablantesDistintos(r) \wedge_L
    losHablantesEstanEnRangosDe0ANMenos1(r) }
proc acelerar (inout r: reunion, in prof: \mathbb{Z}, in freq: \mathbb{Z}) {
          Pre \{esReuni\acute{o}nV\acute{a}lidaAux(r,prof,freq) \land r_0 = r\}
          Post {
              esReuni\acute{o}nV\acute{a}lidaAux(r,prof,freq) \wedge_L
              |r|=|r_0|\wedge_L
              lasSe\tilde{n}alesTieneLaMitadDeMuestras(r, r_0) \wedge_L
              losImpares(r, r_0)}
}
    pred lasSeñalesTieneLaMitadDeMuestras (r: reunion, r<sub>0</sub>: reunion){
```

```
(\forall i : \mathbb{Z}) \ 0 \le i < |r| \longrightarrow_L \text{if } esPar(|r[0]_0|) \text{ then } |r[i]_0| = \frac{|r[0]_0|}{2} \text{ else } |r[i]_0| = \frac{|r[0]_0|-1}{2} \text{ fi}
    pred losImpares (r: reunion, r_0 : reunion) \{(\forall i : \mathbb{Z}) \ 0 \le i < |r| \longrightarrow_L (
    (\exists j : \mathbb{Z}) \ 0 \leq j < |r| \ \wedge_L(r[i]_1 = r[j]_1) \wedge_L(
    (\forall q : \mathbb{Z}) \ 0 \le q < |r_0[i]_0| \land (\neg esPar(q)) \longrightarrow_L (r_0[i]_0[q] = r[j]_0[\frac{q-1}{2}])))
proc ralentizar (inout r: reunion, in prof: \mathbb{Z}, in freq: \mathbb{Z}) {
          Pre \{esReuni\acute{o}nV\acute{a}lidaAux(r,prof,freq) \land r_0 = r\}
               esReuni\acute{o}nV\acute{a}lidaAux(r,prof,freq) \wedge_L
               |r| = |r_0| \wedge_L
               lasSe\tilde{n}alesTienenElDobleDeMuestras(r, r_0) \wedge_L
               promedioEntrePares(r, r_0)}
}
    pred lasSeñalesTienenElDobleDeMuestras (r: reunion, r_v: reunion)
    (\forall i : \mathbb{Z}) \ 0 \le i < |r_v| \longrightarrow_L (2 \cdot |r_v[i]_0|) = (|r[i]_0| + 1)
    pred promedioEntrePares (r: reunion, r_v : reunion){
    (\forall i : \mathbb{Z}) \ 0 \leq i < |r| \longrightarrow_L (
    (\exists j : \mathbb{Z}) \ 0 \le j < |r_0| \ \land_L(r[i]_1 = r_v[j]_1) \land_L(
    (\forall q : \mathbb{Z}) \ 0 \leq q < |r[i]_0| \longrightarrow_L
    if esPar(q) then r[j]_0[q] = r_v[i]_0[\frac{q}{2}] else r[j]_0[q] = \frac{r_v[i]_0[\frac{q-1}{2}] + r_v[i]_0[\frac{q+1}{2}]}{2} fi ) ) }
proc tonosDeVozElevados (inout r: reunion, in freq: \mathbb{Z}, in prof: \mathbb{Z}, out hablantes: seq\langle hablante \rangle) {
          Pre \{esReuni\acute{o}nV\acute{a}lidaAux(r,prof,freq)\}
          Post {
               siPertenecenAHablantesElPromedioDeAmplitudEsMasGrandeOIgualQueElResto(r, hablantes) \land_{L}
               losHablantesPertenecenALaReuni\acute{o}n(r, hablantes) \land_L
               losHablantesNoSeRepiten(hablantes)
}
    pred siPertenecenAHablantesElPromedioDeAmplitudEsMasGrandeOIgualQueElResto (r: reunion, hs: seq\langle hablante\rangle) {
    (\forall i : \mathbb{Z}) \ 0 \le i < |hs| \longrightarrow_L
    (\mathbf{r}[\mathbf{i}]_1 \in hs \land elPromedioDeAmplitudEsMasGrandeOIqualQueElResto(r, r[i]_0))
    (r[i]_1 \notin hs \land \neg elPromedioDeAmplitudEsMasGrandeOIgualQueElResto(r, r[i]_0))
    pred losHablantesPertenecenALaReunión (r. reunion, hs. seg\langle hablante \rangle) {
    (\forall i : \mathbb{Z}) \ 0 \le i < |hs| \longrightarrow_L ((\exists j : \mathbb{Z}) \ 0 \le j < |r| \land_L (hs[i] = r[j]_1)) \}
    pred losHablantesNoSeRepiten (r. reunion, hs. seg\langle hablante\rangle) {
    (\forall i : \mathbb{Z}) \ 0 \leq i < |hs| \longrightarrow_L (\#apariciones(hs, hs[i]) = 1) \}
    pred elPromedioDeAmplitudEsMasGrandeOIgualQueElResto (r: reunion, s: señal) {
    (\forall i : \mathbb{Z}) \ 0 \le i < |r| \longrightarrow_L (tonoDeVoz(s) \ge tonoDeVoz(r[i]_0))
    \texttt{fun tonoDeVoz} \ (s: se\~{n}al) : \mathbb{Z} \ = sumaDelValorAbsolutoDeAmplitudes(s)div|s| \ ;
    fun sumaDelValorAbsolutoDeAmplitudes (s: señal) : \mathbb{Z} = \sum_{i=0}^{|s|} abs(s[i]);
proc ordenar (inout r: reunion, in freq: \mathbb{Z}, in prof: \mathbb{Z}) {
          Pre \{esReuni\acute{o}nV\acute{a}lidaAux(r,prof,freq) \land r_0 = r\}
          Post {
               esReuni\acute{o}nV\acute{a}lidaAux(r,prof,freq) \wedge_L
               ordenadaDeMayorAMenorPorTonoDeVoz(r) \wedge_{L}
               esUnaPermutaci\'on(r_0, r)
}
    pred ordenadaDeMayorAMenorPorTonoDeVoz (r: reunion) {
    (\forall i: \mathbb{Z}) \ 1 \leq i < |r| \longrightarrow_L tonoDeVoz(r[i-1]_0) \geq tonoDeVoz(r[i]_0)
    pred esUnaPermutación (x: reunion, y: reunion) {
    |x| = |y| \wedge_L
    (\forall i : \mathbb{Z}) \ 0 \le i < |x| \longrightarrow_L (
    (\exists j: \mathbb{Z}) \ 0 \leq j < |y| \ \wedge_L(x[i]_1 = y[j]_1) \wedge_L(x[i]_0 = y[j]_0))\}
    fun tonoDeVoz (s: señal) : \mathbb{Z} = sumaDelValorAbsolutoDeAmplitudes(s)div|s|;
```

```
fun sumaDelValorAbsolutoDeAmplitudes (s: señal) : \mathbb{Z} = \sum_{i=0}^{|s|} abs(s[i]);
proc silencios (in s: señal, in freq: \mathbb{Z}, in prof: \mathbb{Z}, out intervalos: seq\langle intervalo \rangle) {
               Pre \{esSe\tilde{n}alAux(s,prof,freq) \land (umbral > 0)\}
               Post {
               noHayIntervalosRepetidos(intervalos) \wedge_L
                     (\forall i : \mathbb{Z}) \ 0 \leq i < |intervalos| \longrightarrow_L (
                     esSilencio(s, umbral, freq, intervalos[i]))
}
      pred noHayIntervalosRepetidos (ins: seq\langle intervalo \rangle) \{(\forall i: \mathbb{Z}) \ 0 \leq i < |ins| \longrightarrow_L (\#apariciones(ins, e) = 1)\}
      pred finEsMayorQueInicio (inicio: \mathbb{Z}, fin: \mathbb{Z}) { fin > inicio}
      pred estaDentroDeLaSeñal (s: señal, inicio: \mathbb{Z}, fin: \mathbb{Z}.) \{(inicio \geq 0) \land (fin < |s|)\}
      pred esAlMenosUnDecimoDeSegundo (freq: \mathbb{Z}, inicio: \mathbb{Z}, fin: \mathbb{Z}.) \{(fin-inicio+1) \geq (frecuencia*100)\}
      pred losAdyacentesSuperanElUmbral (s: señal, umbral: Z, inicio: Z, fin: Z) {
       (\text{fin} = |s| - 1) \vee_L ((fin + 1 < |s|) \wedge_L (s[fin + 1] \ge umbral)))
      {\tt pred entreIndicesNoPasaCiertoUmbral (s: se\~nal, umbral: $\mathbb{Z}$, inicio: $\mathbb{Z}$, fin: $\mathbb{Z}$) } 
      (\forall i : \mathbb{Z}) \ inicio \leq i < fin + 1 \longrightarrow_L (abs(s[i]) \leq umbral) \}
      pred esSilencio (s: senal, umbral: Z, freq: Z, in: intervalo) {
      finEsMayorQueInicio(in_0, in_1) \wedge_L
      estaDentroDeLaSeñal(s, in<sub>0</sub>, in_1)\wedge_L
      esAlMenosUnDecimoDeSegundo(freq, in<sub>0</sub>, in_1)\wedge_L
      entreIndicesNoPasaCiertoUmbral(s, umbral, in<sub>0</sub>, in_1)\wedge_L
      losAdyacentesSuperanElUmbral(s, umbral, in_0, in_1)
proc hablantesSuperpuestos (in r. reunion, in prof. Z, in freq. Z, in umbral. Z, out result: Bool) {
               Pre \{esReuni\acute{o}nV\acute{a}lidaAux(r,prof,freq)\}
               Post \{result = \neg noHayHablantesSuperpuestos(r, freq, umbral)\}
}
      pred haySilencio (s: señal, umbral: \mathbb{Z}, freq: \mathbb{Z}) \{(\exists i, j : \mathbb{Z}) \ 0 \le i, j < |s| \land (i < j) \land_L esSilencio(s, umbral, (i, j))\}
      pred noHayHablantesSuperpuestos (r: reunion, freq: \mathbb{Z}, umbral: \mathbb{Z}) {
      (\forall i, j : \mathbb{Z}) \ 0 \le i, j < |r| \land (i \ne j) \longrightarrow_L
       (\forall k, l : \mathbb{Z}) \ 0 \leq k, l < |r[i]_0| \ \land k < l \longrightarrow_L
       \neg haySilencio(subseq(r[i]_0, k, l), umbral, freq) \longrightarrow_L esSilencio(r[j]_0, umbral, freq, (k, l)) \}
proc reconstruir (in s: se\tilde{n}al, in prof: \mathbb{Z}, in freq: \mathbb{Z}, out se\tilde{n}al: Bool) {
               Pre \{esSe\tilde{n}alAux(s,prof,freq)\}
               Post \{esSe\tilde{n}alAux(result)\wedge_L\}
               |s| = |result| \wedge_L
               enDondeNoSeaCeroDebenCoincidir(s, result) \land_L
               enDondeEsCeroDebeSerElPromedioDeSusVecinosNoNulos(s, result)
}
      pred enDondeNoSeaCeroDebenCoincidir (original: señal, reconstruida: señal) {
      (\forall i : \mathbb{Z}) \ 0 \leq i < |original| \longrightarrow_L
      (original[i] \neq 0) \wedge_L
      (original[i] = reconstruida[i]) }
      pred enDondeEsCeroDebeSerElPromedioDeSusVecinosNoNulos (original: señal, reconstruida: señal) {
      (\forall i : \mathbb{Z}) \ 0 \leq i < |original| \longrightarrow_L
      (original[i] = 0) \wedge_L
      reconstruida[i] = promedioDeVecinosNoNulos(original[i], reconstruida[i])
      \texttt{fun promedioDeVecinosNoNulos} \ (\text{s: } se\~{n}al, \ \text{i: } \mathbb{Z}) : \mathbb{Z} \ = \ \frac{(s[elIndiceNoNuloMasCercano(s,i)] + s[el2doIndiceNoNuloMasCercano(s,i)])}{2} : \mathbb{Z} = \frac{(s[elIndiceNoNuloMasCercano(s,i)] + s[el2doIndiceNoNuloMasCercano(s,i)]}{2} : \mathbb{Z} = \frac{(s[elIndiceNoNuloMasCercano(s,i)] + s[
      fun elIndiceNoNuloMasCercano (s: se\tilde{n}al, i: \mathbb{Z}) : \mathbb{Z} =
      if dist(i, indiceSiguienteNoNulo(s, i)) < dist(i, indiceAnteriorNoNulo(s, i)) then
      indiceSiguienteNoNulo(s, i) else
      if dist(i, indiceSiquienteNoNulo(s, i)) > dist(i, indiceAnteriorNoNulo(s, i)) then
      indiceAnteriorNoNulo(s, i) else
      indiceAnteriorNoNulo(s, i) \lor indiceSiguienteNoNulo(s, i) fi fi;
      fun dist (x: \mathbb{Z}, y: \mathbb{Z}) : \mathbb{Z} = abs(x - y);
      fun el2doIndiceNoNuloMasCercano (s: se\tilde{n}al, i: \mathbb{Z}) : \mathbb{Z} =
```

 $elIndiceNoNuloMasCercano(setAt(s,elIndiceNoNuloMasCercano(s,i),0)) ; \\ \text{fun indiceAnteriorNoNulo} \text{ (s: } se\~nal, \text{ i: } \mathbb{Z}) : \mathbb{Z} = \sum_{p=0}^{i-1} \text{ if } esElPrimerAnteriorNoNulo}(s,i,p) \text{ then } p \text{ else } 0 \text{ fi}; \\ \text{pred esElPrimerAnteriorNoNulo} \text{ (s: } se\~nal, \text{ i: } \mathbb{Z}, \text{ p: } \mathbb{Z}) \text{ } \{(\forall j: \mathbb{Z}) \text{ } p \leq j < i \longrightarrow_L (s[j] = 0) \land_L (s[p] \neq 0)\} \\ \text{fun indiceSiguienteNoNulo} \text{ (s: } se\~nal, \text{ i: } \mathbb{Z}) : \mathbb{Z} = \sum_{p=i+1}^{|s|-1} \text{ if } esElPrimerSiguienteNoNulo}(s,i,p) \text{ then } p \text{ else } 0 \text{ fi}; \\ \text{pred esElPrimerSiguienteNoNulo} \text{ (s: } se\~nal, \text{ i: } \mathbb{Z}, \text{ p: } \mathbb{Z}) \text{ } \{(\forall j: \mathbb{Z}) \text{ } i \leq j < p \longrightarrow_L (s[j] = 0) \land_L (s[p] \neq 0)\} \\ \end{aligned}$