

////////// Soluciones de los ejercicios de la Clase Practica 8 - Complejidad

```
/** Para el conteo de cantidad de operaciones elementales cuento:
 * - cada acceso a valor de variable
 * - cada inicialización de variable
 * - cada asignación
 * - cada evaluación de operador matemático-lógico/size/push_back
 * *** No cuento los "accesos" a constantes
 * *** cuento incrementos "i++" como 1 operación
 *
 * ejemplos:
 * i < n           : 2 accesos + 1 op. = 3
 * i == 0          : 1 acceso  + 1 op. = 2
 * v += m1[i][k]*m2[k][j] : 6 accesos + 2 op. + 1 asignacion
 *
 * whiles: En la línea que abre escribo el costo de la guarda
 *          y cuántas iteraciones va a ejecutar en peor caso.
 *          Escribo indentado el conteo de ops. del cuerpo del ciclo
 *          En la línea que cierra escribo la fórmula t(n) para todo ese ciclo
 *          t(n) = guarda + n*(guarda+t(cuerpo))
 *
 * fors : En la línea que abre escribo
 *         - el costo de la inicialización
 *         - el costo de evaluar la guarda
 *         - el costo del incremento
 *         Escribo indentado el conteo de ops. del cuerpo del for
 *         En la línea que cierra escribo la fórmula t(n) para todo ese for
 *         La fórmula de for es = inicializar + guarda + n*(t(cuerpo)+guarda+incremento)
 *
 * *** En la línea que cierra la función escribo la expresión del costo total, y calculo su O()
 */
```

*// Ejercicio 1*

```
int doble(int n) {  
    return 2*n;           // 2  
}                        //  $t(n) = 2 \rightarrow O(1)$ 
```

```
int doble2(int n) {  
    int res = 0;          // 1  
    int i = 0;            // 1  
    while (i < n) {       // 3, n iteraciones  
        res = res+2;      // 3  
        i = i+1;          // 3  
    }                    //  $t(n) = 3 + 9*n$   
    return res;           // 1  
} //                      //  $t(n) = 6 + 9*n \rightarrow O(n)$ 
```

*// Ejercicio 2a*

```
void f(vector<int> &v) {           // |v| = n
    int i = v.size() / 2;         // 3
    while (i >= 0) {              // 2, n/2 iteraciones
        v[v.size() / 2 - i] = i;   // 6
        v[v.size() / 2 + i] = i;   // 6
        i--;                       // 1
    }                               // t(n) = 2 + 15(n/2)
}                                  // t(n) = 5 + 15(n/2) -> O(n)
```

*// Ejercicio 2b*

*// PRE: e pertenece a v1*

```
int f(vector<int> &v1, int e) {
    int i = 0;                     // 1
    while (v1[i] != e) {           // 4, n iteraciones
        i++;                       // 1
    }                               // t(n) = 4 + 5n
    return i;                      // 1
}                                  // t(n) = 6 + 5n
```

*// Ejercicio 2c*

```
void f(vector<int> &v1, vector<int> &v2) { // |v1| = n, |v2| = m
    vector<int> res;                  // 1
    for (int i = 0; i < v1.size(); i++) { // init: 1, guarda: 3, incremento: 1, n iteraciones
        res.push_back(v1[i]);         // 3
    }                                  // t(n) = 4 + 7n
    for (int i = 0; i < v2.size(); i++) { // init: 1, guarda: 3, incremento: 1, m iteraciones
        res.push_back(v2[i]);         // 3
    }                                  // t(m) = 4 + 7m
    return res;                      // 1
}                                     // t(n,m) = 10 + 7n + 7m -> O(n + m)
```

*// Ejercicio 3*

```
vector<int> restarLosPares(vector<int> S, int x) { // |s| = n
    vector<int> res; // 1
    int i = 0; // 1
    int suma = 0; // 1
    while (i<S.size()) { // 3, n iteraciones
        if (S[i] % 2 == 0) // 4
            suma += S[i]; // 5
        res.push_back(x - suma); // 1
    } // t(n) = 3 + 13n
    return res; // 1
} // t(n) = 7 + 13n -> O(n)
```

// Ejercicio 4

```

int detTriangular(vector<vector<int> > M) { // |M| = n
    int i = 0; // 1
    int res = 1; // 1
    while (i<M.size()) { // 3, n iteraciones
        res = res * M[i][i]; // 6
    } // t(n) = 3 + 9n
    return res; // 1
} // t(n) = 6 + 9n -> O(n)
// En función de la cantidad de filas: n = sqrt(|M|)
// t(n) -> O(n) = O(sqrt(|M|))

bool esTriangular(vector<vector<int> > M) { // |M| = n
    res = true; // 1
    for (int i=0; i<M.size(); i++) { // init: 1, guarda: 3, incremento: 1, n iteraciones
        for (int j=0; j < i; j++) { // init: 1, guarda: 3, incremento: 1, (i-1) iteraciones
            res = res && M[i][j] == 0; // 7
        } // t(i) = 4 + 11i
    } // t(n) = 4 + suma(i=0,n-1)(4 + 11i)
    return res; // 1
} // t(n) = 4 + 4n + 11*(n*(n-1)/2) (suma de gauss 0...n-1)
// = 4 + 4n + (11n2-11n)/2 -> O(n2)
// En función de la cantidad de filas: n = sqrt(|M|)
// t(n) -> O(n2) = O(sqrt(|M|)2) = O(|M|)

```

// Ejercicio 5

// Pre: m1 y m2 son matrices, y  $|m1[0]| = |m2|$

```
vector<vector<int> > multiplicar(vector<vector<int> > m1, vector<vector<int> > m2) {
    // |m1|=n, |m1[0]|=|m2|=m, |m2[0]|=r
    // 1
    // init: 1, guarda: 3, incremento: 1, n iteraciones
    // 1
    // init: 1, guarda: 3, incremento: 1, r iteraciones
    // 1
    // init: 1, guarda: 3, incremento: 1, m iteraciones
    // 9
    //  $t(m) = 4 + 13m$ 
    // 2
    //  $t(r,m) = 4 + r*(4 + 13m)$ 
    // 2
    //  $t(n,r,m) = 4 + n*(4 + r*(4 + 13m))$ 
    // 1
    //  $t(n,r,m) = 6 + n*(4 + r*(4 + 13m)) = 6 + 4n + 4nr + 13nrm$ 
    //  $\rightarrow O(n*r*m)$ 
    // item 3.2)  $n=m=r$ 
    //  $t(n,r,m) = 6 + 4n + 4n^2 + 13n^3 \rightarrow O(n^3)$ 

    vector<vector<int> > res;
    for (int i=0; i < m1.size(); i++) {
        vector<int> fila;
        for (int j=0; j<m2[0].size(); j++) {
            int v=0;
            for (int k=0; k<m2.size(); k++) {
                v += m1[i][k]*m2[k][j];
            }
            fila.push_back(v);
        }
        res.push_back(fila);
    }
    return res;
}
```