```
proc esSeñal (in s: seq\langle \mathbb{Z} \rangle, in prof: \mathbb{Z}, in freq: \mathbb{Z}, out result: Bool) {
          Pre \{|s| \ge 0 \land prof > 0 \land freq > 0\}
          Post {
              result = frecuenciaEnRango(freq) \land_L
              profundidadCorrecta(s) \wedge_L
              ningunaMuestraSuperaLaProfundidad(s, prof) \land_L
              duraMasDeUnSegundo(s, freq)}
}
    pred profundidadCorrecta (prof: \mathbb{Z}) { freq \in [8, 16, 32] }
    pred frecuenciaEnRango (freq: \mathbb{Z}) { freq \in [8,32]}
    pred ningunaMuestraSuperaLaProfundidad (s: seq\langle \mathbb{Z}\rangle, p: \mathbb{Z}) {
    (\forall 0: \mathbb{Z}) \ i \leq 0 < |s|
    \longrightarrow_L (-2)^{p-1} \le s[i] \le 2^{p-1} - 1
    pred duraMasDeUnSegundo (s: seq\langle \mathbb{Z} \rangle, freq: \mathbb{Z}) \{\frac{|s|}{(freq:1000)} \geq 1\}
    pred esSeñalAux (s: seq\langle \mathbb{Z}\rangle, prof: \mathbb{Z}, freq: \mathbb{Z}) {
    |s| \geq 0 \wedge_L
    frecuenciaEnRango(freq) \wedge_L
    profundidadCorrecta(s) \wedge_L
    ningunaMuestraSuperaLaProfundidad(s, prof) \wedge_L
    duraMasDeUnSegundo(s, freq)
proc seEnojo? (in s. señal, in umbral: Z, in prof: Z, in freq: Z, out result: Bool) {
          Pre \{umbral > 0 \land_L esSe\tilde{n}alAux(s, prof, freq)\}
              result = umbralEnRango(umbral, prof) \land_L
              existeUnaSubsecuenciaQueSuperaUmbral(s, freq, umbral)
}
    pred umbralEnRango (umbral: \mathbb{Z}, p: \mathbb{Z}) {umbral \geq 2^{p-1} - 1}
    pred existeUnaSubsecuenciaQueSuperaUmbral (s: señal, freq: Z, u: Z) {
    (\exists d, h : \mathbb{Z}) \ 0 \le d, h < |s| \ \land (d < h) \land ((d + freq * 1000 * 5) < h) \land_L (
    (\forall i : \mathbb{Z}) \ 0 \le i < |subseq(s,d,h)| \longrightarrow_L abs(subseq(s,d,h)[i]) > umbral)
    fun abs (x: \mathbb{Z}) : \mathbb{Z} = \text{if } x > 0 \text{ then } x \text{ else } -x \text{ fi};
proc esReuniónVálida? (in r: reunion, in prof: Z, in freq: Z, out result: Bool) {
          \texttt{Pre}~\{|r|>0 \land prof>0 \land freq>0\}
          Post {
              result = contieneSe\tilde{n}alesValidas(r, prof, freq) \land_L
              lasLongitudesDeSe\tilde{n}alSonIguales(r) \wedge_L
              todosHablantesDistintos(r) \wedge_{L}
              losHablantesEstanEnRangosDe0ANMenos1(r)}
}
    pred contieneSeñalesValidas (r. reunion, prof. \mathbb{Z}, freq. \mathbb{Z}) \{(\forall i: \mathbb{Z}) \ 0 \le i < |r| \longrightarrow_L esSeñalAux(r[i]_0, prof, freq)\}
    pred lasLongitudesDeSeñalSonIguales (r: reunion) \{(\forall i,j:\mathbb{Z})\ 0\leq i,j<|r|\land i\neq j\ \longrightarrow_L (|r[i]_0|=|r[j]_0|)\}
    pred todosHablantesDistintos (r: reunion) \{(\forall i, j : \mathbb{Z}) \ 0 \le i, j < |r| \land i \ne j \longrightarrow_L (r[i]_1 \ne r[j]_1)\}
    pred losHablantesEstanEnRangosDeOANMenos1 (r: reunion) \{(\forall i: \mathbb{Z}) \ 0 \leq i < |r| \longrightarrow_L 0 \leq r[i]_1 < |r|\}
    pred esReuniónVálidaAux (r: reunion, prof: Z, freq: Z) {
    contieneSeñalesValidas(r, prof, freq) \wedge_L
    lasLongitudesDeSeñalSonIguales(r) \wedge_L
    todosHablantesDistintos(r) \wedge_L
    losHablantesEstanEnRangosDe0ANMenos1(r) }
proc acelerar (inout r: reunion, in prof: \mathbb{Z}, in freq: \mathbb{Z}) {
          Pre \{esReuni\acute{o}nV\acute{a}lidaAux(r,prof,freq) \land r_0 = r\}
              esReuni\'onV\'alidaAux(r,prof,freq) \land_L
              |r| = |r_0| \wedge_L
```

```
lasSe\tilde{n}alesTieneLaMitadDeMuestras(r, r_0) \wedge_L
                                    losImpares(r, r_0)}
}
           pred lasSeñalesTieneLaMitadDeMuestras (r: reunion, r_0 : reunion){
          (\forall i : \mathbb{Z}) \ 0 \le i < |r| \longrightarrow_L \text{if } esPar(|r[0]_0|) \text{ then } |r[i]_0| = \frac{|r[0]_0|}{2} \text{ else } |r[i]_0| = \frac{|r[0]_0|-1}{2} \text{ fi}
           pred losImpares (r: reunion, r_0 : reunion)\{(\forall i : \mathbb{Z}) \ 0 \le i < |r| \longrightarrow_L (i \in \mathbb{Z}) \}
           (\exists j : \mathbb{Z}) \ 0 \leq j < |r| \ \wedge_L(r[i]_1 = r[j]_1) \wedge_L(r[i]_1 = r[i]_1) \wedge_L(r[i]_1 = r[i]_1)
           (\forall q : \mathbb{Z}) \ 0 \le q < |r_0[i]_0| \land (\neg esPar(q)) \longrightarrow_L (r_0[i]_0[q] = r[j]_0[\frac{q-1}{2}])))
proc ralentizar (inout r: reunion, in prof: \mathbb{Z}, in freq: \mathbb{Z}) {
                         Pre \{esReuni\acute{o}nV\acute{a}lidaAux(r,prof,freq) \land r_0 = r\}
                         Post {
                                    esReuni\acute{o}nV\acute{a}lidaAux(r,prof,freg) \wedge_L
                                    |r|=|r_0|\wedge_L
                                    lasSe\tilde{n}alesTienenElDobleDeMuestras(r, r_0) \wedge_L
                                    promedioEntrePares(r, r_0)}
}
           pred lasSeñalesTienenElDobleDeMuestras (r: reunion, r_v : reunion){
           (\forall i : \mathbb{Z}) \ 0 \le i < |r_v| \longrightarrow_L (2 \cdot |r_v[i]_0|) = (|r[i]_0| + 1)
           pred promedioEntrePares (r: reunion, r_v: reunion){
           (\forall i : \mathbb{Z}) \ 0 \leq i < |r| \longrightarrow_L (
          (\exists j : \mathbb{Z}) \ 0 \le j < |r_0| \ \land_L(r[i]_1 = r_v[j]_1) \land_L(r[i]_1 = r_v[i]_1) \land_L(r[i]_1 =
           (\forall q: \mathbb{Z}) \ 0 \leq q < |r[i]_0| \longrightarrow_L
          if esPar(q) then r[j]_0[q] = r_v[i]_0[\frac{q}{2}] else r[j]_0[q] = \frac{r_v[i]_0[\frac{q-1}{2}] + r_v[i]_0[\frac{q+1}{2}]}{2} fi ) ) }
proc tonosDeVozElevados (inout r: reunion, in freq: \mathbb{Z}, in prof: \mathbb{Z}, out hablantes: seq\langle hablante\rangle) {
                         Pre \{esReuni\acute{o}nV\acute{a}lidaAux(r,prof,freq)\}
                         Post {
                                    siPertenecenAHablantesElPromedioDeAmplitudEsMasGrandeOIgualQueElResto(r, hablantes) \land_L
                                    losHablantesPertenecenALaReuni\acute{o}n(r, hablantes) \land_L
                                    losHablantesNoSeRepiten(hablantes)}
 }
           pred siPertenecenAHablantesElPromedioDeAmplitudEsMasGrandeOIgualQueElResto (r: reunion, hs: seq\langle hablante\rangle) {
           (\forall i : \mathbb{Z}) \ 0 \leq i < |hs| \longrightarrow_L
           (\mathbf{r}[\mathbf{i}]_1 \in hs \land elPromedioDeAmplitudEsMasGrandeOIgualQueElResto(r, r[i]_0))
           (r[i]_1 \notin hs \land \neg elPromedioDeAmplitudEsMasGrandeOIgualQueElResto(r, r[i]_0))
           pred losHablantesPertenecenALaReunión (r: reunion, hs: seq\langle hablante\rangle) {
           (\forall i : \mathbb{Z}) \ 0 \le i < |hs| \longrightarrow_L ((\exists j : \mathbb{Z}) \ 0 \le j < |r| \land_L (hs[i] = r[j]_1)) \}
           pred losHablantesNoSeRepiten (r: reunion, hs: seq\langle hablante\rangle) {
           (\forall i : \mathbb{Z}) \ 0 \le i < |hs| \longrightarrow_L (\#apariciones(hs, hs[i]) = 1) \}
           \verb|pred| elPromedioDeAmplitudEsMasGrandeOIgualQueElResto| (r: reunion, s: se\~nal) \{ | (r: reunion, s: se\~nal) \} 
           (\forall i : \mathbb{Z}) \ 0 \le i < |r| \longrightarrow_L (tonoDeVoz(s) \ge tonoDeVoz(r[i]_0))
           fun tonoDeVoz (s: señal) : \mathbb{Z} = sumaDelValorAbsolutoDeAmplitudes(s)div|s|;
           fun sumaDelValorAbsolutoDeAmplitudes (s: señal) : \mathbb{Z} = \sum_{i=0}^{|s|} abs(s[i]);
proc ordenar (inout r: reunion, in freq: \mathbb{Z}, in prof: \mathbb{Z}) {
                         Pre \{esReuni\acute{o}nV\acute{a}lidaAux(r,prof,freq) \land r_0 = r\}
                         Post {
                                    esReuni\acute{o}nV\acute{a}lidaAux(r,prof,freq) \wedge_L
                                    ordenadaDeMayorAMenorPorTonoDeVoz(r) \land_L
                                    esUnaPermutaci\'on(r_0, r)}
}
           pred ordenadaDeMayorAMenorPorTonoDeVoz (r: reunion) {
           (\forall i : \mathbb{Z}) \ 1 \leq i < |r| \longrightarrow_L tonoDeVoz(r[i-1]_0) \geq tonoDeVoz(r[i]_0)
           pred esUnaPermutación (x: reunion, y: reunion) {
```

```
|x| = |y| \wedge_L
       (\forall i : \mathbb{Z}) \ 0 \le i < |x| \longrightarrow_L (
       (\exists j : \mathbb{Z}) \ 0 \le j < |y| \ \land_L(x[i]_1 = y[j]_1) \land_L(x[i]_0 = y[j]_0))
       fun tonoDeVoz (s: señal) : \mathbb{Z} = sumaDelValorAbsolutoDeAmplitudes(s)div|s|;
       fun sumaDelValorAbsolutoDeAmplitudes (s. señal) : \mathbb{Z} = \sum_{i=0}^{|s|} abs(s[i]);
proc silencios (in s: señal, in freq: \mathbb{Z}, in prof: \mathbb{Z}, out intervalos: seq\langle intervalo \rangle) {
                Pre \{esSe\tilde{n}alAux(s,prof,freq) \land (umbral > 0)\}
                Post {
                noHayIntervalosRepetidos(intervalos) \wedge_L
                       (\forall i : \mathbb{Z}) \ 0 \leq i < |intervalos| \longrightarrow_L (
                       esSilencio(s, umbral, freq, intervalos[i]))
}
       pred noHayIntervalosRepetidos (ins: seq\langle intervalo \rangle) \{(\forall i : \mathbb{Z}) \ 0 \le i < |ins| \longrightarrow_L (\#apariciones(ins, e) = 1)\}
       pred finEsMayorQueInicio (inicio: \mathbb{Z}, fin: \mathbb{Z}) { fin > inicio}
       pred estaDentroDeLaSeñal (s: señal, inicio: \mathbb{Z}, fin: \mathbb{Z},) \{(inicio \geq 0) \land (fin < |s|)\}
       pred esAlMenosUnDecimoDeSegundo (freq: \mathbb{Z}, inicio: \mathbb{Z}, fin: \mathbb{Z}.) \{(fin-inicio+1) \geq (frecuencia*100)\}
       pred losAdyacentesSuperanElUmbral (s: señal, umbral: Z, inicio: Z, fin: Z) {
       ((inicio = 0) \lor_L((inicio - 1 \ge 0) \land_L (s[inicio - 1] \ge umbral))) \land ((inicio = 0) \lor_L((inicio - 1 \ge 0) \land_L (s[inicio - 1] \ge umbral))) \land ((inicio = 0) \lor_L((inicio - 1 \ge 0) \land_L (s[inicio - 1] \ge umbral))) \land ((inicio = 0) \lor_L ((inicio - 1 \ge 0) \land_L (s[inicio - 1] \ge umbral))) \land ((inicio = 0) \lor_L ((inicio - 1 \ge 0) \land_L (s[inicio - 1] \ge umbral))) \land ((inicio = 0) \lor_L ((inicio - 1 \ge 0) \land_L (s[inicio - 1] \ge umbral))) \land ((inicio = 0) \lor_L ((inicio - 1 \ge 0) \land_L (s[inicio - 1] \ge umbral)))) \land ((inicio = 0) \lor_L ((inicio - 1 \ge 0) \land_L (s[inicio - 1] \ge umbral)))) \land ((inicio = 0) \lor_L ((inicio - 1) \ge umbral)))) \land ((inicio = 0) \lor_L ((inicio - 1) \ge umbral)))) \land ((inicio = 0) \lor_L ((inicio - 1) \ge umbral)))) \land ((inicio = 0) \lor_L ((inicio - 1) \ge umbral)))) \land ((inicio = 0) \lor_L ((inicio 
       (\text{fin} = |s| - 1) \vee_L ((fin + 1 < |s|) \wedge_L (s[fin + 1] \ge umbral)))
       pred entreIndicesNoPasaCiertoUmbral (s: señal, umbral: Z, inicio: Z, fin: Z) {
       (\forall i : \mathbb{Z}) \ inicio \leq i < fin + 1 \longrightarrow_L (abs(s[i]) \leq umbral) \}
       pred esSilencio (s: senal, umbral: Z, freq: Z, in: intervalo) {
       finEsMayorQueInicio(in_0, in_1) \wedge_L
       estaDentroDeLaSeñal(s, in<sub>0</sub>, in_1)\wedge_L
       esAlMenosUnDecimoDeSegundo(freq, in<sub>0</sub>, in_1)\wedge_L
       entreIndicesNoPasaCiertoUmbral(s, umbral, in<sub>0</sub>, in_1)\wedge_L
       losAdyacentesSuperanElUmbral(s, umbral, in_0, in_1)
proc hablantesSuperpuestos (in r. reunion, in prof. Z, in freq. Z, in umbral. Z, out result: Bool) {
                Pre \{esReuni\acute{o}nV\acute{a}lidaAux(r,prof,freq)\}
                Post \{result = \neg noHayHablantesSuperpuestos(r, freq, umbral)\}
}
        \text{pred haySilencio} \text{ (s: se\~nal, umbral: } \mathbb{Z}, \text{ freq: } \mathbb{Z}) \text{ } \{(\exists i,j:\mathbb{Z}) \text{ } 0 \leq i,j < |s| \land (i < j) \land_L esSilencio(s,umbral,(i,j))\} \} 
       pred noHayHablantesSuperpuestos (r: reunion, freq: Z, umbral: Z) {
       (\forall i, j : \mathbb{Z}) \ 0 \leq i, j < |r| \land (i \neq j) \longrightarrow_L
       (\forall k, l : \mathbb{Z}) \ 0 \leq k, l < |r[i]_0| \ \land k < l \longrightarrow_L
       \neg haySilencio(subseq(r[i]_0,k,l),umbral,freq) \longrightarrow_L esSilencio(r[j]_0,umbral,freq,(k,l))\}
proc reconstruir (in s: se\tilde{n}al, in prof: \mathbb{Z}, in freq: \mathbb{Z}, out se\tilde{n}al: Bool) {
                Pre \{esSe\tilde{n}alAux(s,prof,freq)\}
               Post \{esSe\tilde{n}alAux(result) \land_L\}
                |s| = |result| \wedge_L
                enDondeNoSeaCeroDebenCoincidir(s, result) \land_L
                enDondeEsCeroDebeSerElPromedioDeSusVecinosNoNulos(s, result)
}
       pred enDondeNoSeaCeroDebenCoincidir (original: señal, reconstruida: señal) {
       (\forall i : \mathbb{Z}) \ 0 \leq i < |original| \longrightarrow_L
       (original[i] \neq 0) \land_L
       (original[i] = reconstruida[i]) }
       pred enDondeEsCeroDebeSerElPromedioDeSusVecinosNoNulos (original: señal, reconstruida: señal) {
       (\forall i : \mathbb{Z}) \ 0 \leq i < |original| \longrightarrow_L
       (original[i] = 0) \wedge_L
       reconstruida[i] = promedioDeVecinosNoNulos(original[i], reconstruida[i]) }
      \texttt{fun promedioDeVecinosNoNulos} \text{ (s: } se\~{n}al, \texttt{ i: } \mathbb{Z}) : \mathbb{Z} = \frac{(s[elIndiceNoNuloMasCercano(s,i)] + s[el2doIndiceNoNuloMasCercano(s,i)])}{2};
       fun elIndiceNoNuloMasCercano (s: se\tilde{n}al, i: \mathbb{Z}) : \mathbb{Z} =
       if dist(i, indiceSiguienteNoNulo(s, i)) < dist(i, indiceAnteriorNoNulo(s, i)) then
       indiceSiguienteNoNulo(s, i) else
       if dist(i, indiceSiguienteNoNulo(s, i)) > dist(i, indiceAnteriorNoNulo(s, i)) then
```

```
indiceAnteriorNoNulo(s,i) \text{ else} \\ indiceAnteriorNoNulo(s,i) \vee indiceSiguienteNoNulo(s,i) \text{ fi fi }; \\ \text{fun dist } (\mathbf{x} : \mathbb{Z}, \mathbf{y} : \mathbb{Z}) : \mathbb{Z} = abs(x-y) \text{ ;} \\ \text{fun el2doIndiceNoNuloMasCercano} (\mathbf{s} : se\~nal, \mathbf{i} : \mathbb{Z}) : \mathbb{Z} = elIndiceNoNuloMasCercano(setAt(s,elIndiceNoNuloMasCercano(s,i),0)) ; \\ \text{fun indiceAnteriorNoNulo} (\mathbf{s} : se\~nal, \mathbf{i} : \mathbb{Z}) : \mathbb{Z} = \sum_{p=0}^{i-1} \text{if } esElPrimerAnteriorNoNulo(s,i,p) \text{ then } p \text{ else } 0 \text{ fi }; \\ \text{pred esElPrimerAnteriorNoNulo} (\mathbf{s} : se\~nal, \mathbf{i} : \mathbb{Z}, \mathbf{p} : \mathbb{Z}) \ \{ (\forall j : \mathbb{Z}) \ p \leq j < i \longrightarrow_L (s[j] = 0) \land_L (s[p] \neq 0) \} \\ \text{fun indiceSiguienteNoNulo} (\mathbf{s} : se\~nal, \mathbf{i} : \mathbb{Z}) : \mathbb{Z} = \sum_{p=i+1}^{|s|-1} \text{if } esElPrimerSiguienteNoNulo} (s,i,p) \text{ then } p \text{ else } 0 \text{ fi }; \\ \text{pred esElPrimerSiguienteNoNulo} (\mathbf{s} : se\~nal, \mathbf{i} : \mathbb{Z}, \mathbf{p} : \mathbb{Z}) \ \{ (\forall j : \mathbb{Z}) \ i \leq j < p \longrightarrow_L (s[j] = 0) \land_L (s[p] \neq 0) \} \\ \end{aligned}
```