

1.  $\lim_{(x,y) \rightarrow (0,0)} f(x,y)$

### Pruebo por curvas

- iterado  $x = 0$   
 $\lim_{y \rightarrow 0} f(0, y)$
- iterado  $y = 0$   
 $\lim_{x \rightarrow 0} f(x, 0)$
- rectas  $y = mx$   
 $\lim_{x \rightarrow 0} f(x, mx)$
- curvas  $y = x^2$   
 $\lim_{x \rightarrow 0} f(x, x^2)$

### Intento demostrar por sandwich

$$\exists g(x, y) : \lim_{(x,y) \rightarrow (0,0)} g(x, y) = 0 \wedge 0 \leq |f(x, y)| \leq |g(x, y)|$$

### Pruebo por definición

$$\exists \epsilon, \delta(\epsilon) > 0 : \|(x, y) - (0, 0)\| < \delta \Rightarrow |f(x, y)| < \epsilon$$

2.  $\lim_{(x,y) \rightarrow (0,0)} f(x, y)$

### Pruebo por curvas

- iterado  $x = 0$   
 $\lim_{y \rightarrow 0} f(0, y)$
- iterado  $y = 0$   
 $\lim_{x \rightarrow 0} f(x, 0)$
- rectas  $y = mx$   
 $\lim_{x \rightarrow 0} f(x, mx)$
- curvas  $y = x^2$   
 $\lim_{x \rightarrow 0} f(x, x^2)$

### Intento demostrar por sandwich

$$\exists g(x, y) : \lim_{(x,y) \rightarrow (0,0)} g(x, y) = 0 \wedge 0 \leq |f(x, y)| \leq |g(x, y)|$$

### Pruebo por definición

$$\exists \epsilon, \delta(\epsilon) > 0 : \|(x, y) - (0, 0)\| < \delta \Rightarrow |f(x, y)| < \epsilon$$