

$$\mathcal{H}_0 : \beta_1 = 0 \quad \text{vs.} \quad \mathcal{H}_1 : \beta_1 \neq 0.$$

Die zugehörige Teststatistik lautet

$$T = \frac{\hat{\beta}_1}{\sqrt{\frac{\hat{\sigma}^2}{(n-1)s_{xx}}}} \sim t_{n-2}.$$

•

verwirft die Nullhypothese  $\mathcal{H}_0$  zum Niveau  $\alpha$ , falls

$$|T| > t_{n-2, 1-\alpha/2}.$$

•

- wird  $H_0$  verworfen
  - Einfluss des Prädiktors signifikant

Kritische Bereiche

$$t = \frac{\hat{\beta}_1 - c}{\sqrt{\frac{\hat{\sigma}^2}{(n-1)s_{xx}}}}.$$

•

Hypothese	Verwerfe $\mathcal{H}_0$
$\mathcal{H}_0 : \beta_1 = c$	$ t  > t_{n-2, 1-\alpha/2}$
$\mathcal{H}_1 : \beta_1 \neq c$	
$\mathcal{H}_0 : \beta_1 \leq c$	$t > t_{n-2, 1-\alpha}$
$\mathcal{H}_1 : \beta_1 > c$	
$\mathcal{H}_0 : \beta_1 \geq c$	$t < t_{n-2, \alpha}$
$\mathcal{H}_1 : \beta_1 < c$	

•

## Beispiel

Geg.:

x	1	2	3	4	5	6	7
y	0.1	0.1	0.3	0.5	0.7	0.2	0.8

$$Y_i = \beta_0 + \beta_1 x_i + \epsilon_i$$

Frage: Ist  $\beta_1$  positiv ( $\alpha = 0.05$ )?

---

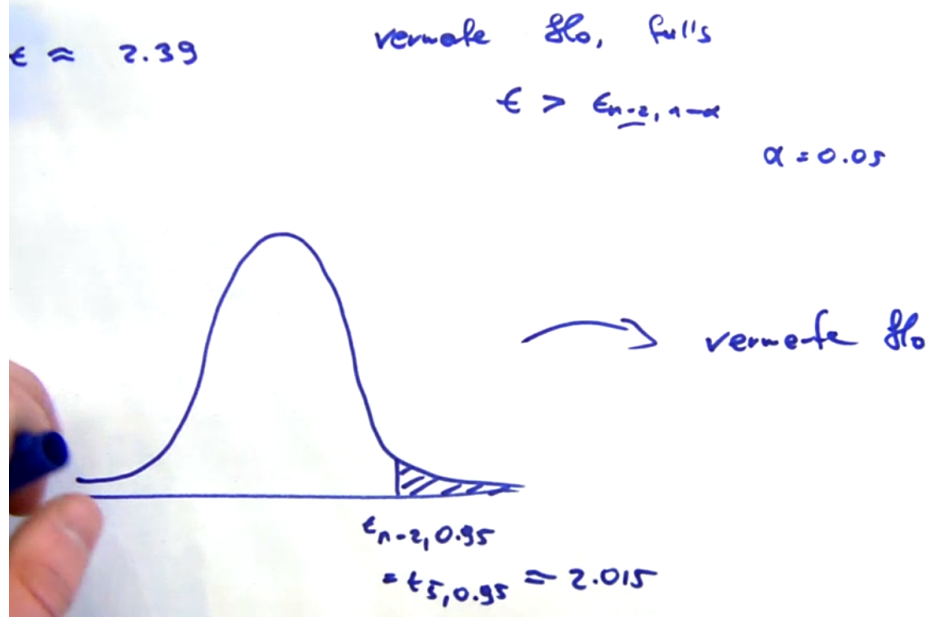
$H_0: \beta_1 \leq 0$  vs.  $H_1: \beta_1 > 0$

$n = 7$      $\alpha = 0.05$

$$t = \frac{\hat{\beta}_1 - c}{\sqrt{\frac{\hat{\sigma}^2}{(n-1)s_{xx}}}}$$

$\approx 2.39$

$c = 0$   
 $\hat{\beta}_1 = 0.1$   
 $\hat{\sigma}^2 = 0.05$   
 $(n-1)s_{xx}^2 = \sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2 = 28$



## Bestimmtheitsmaß $R^2$

- Gesamtstreuung der Response SST wird zerlegt in
  - durch Regressionsmodell erklärte Streuung SSR
  - Reststreuung SSE

$$\underbrace{\sum_{i=1}^n (Y_i - \bar{Y})^2}_{\text{SST}} = \underbrace{\sum_{i=1}^n (\hat{\mu}_i - \bar{Y})^2}_{\text{SSR}} + \underbrace{\sum_{i=1}^n (Y_i - \hat{\mu}_i)^2}_{\text{SSE}}.$$

$$R^2 = \frac{\text{SSR}}{\text{SST}} = 1 - \frac{\text{SSE}}{\text{SST}}.$$

- Es erfüllt  $0 \leq R^2 \leq 1$  und misst den Anteil der Gesamtstreuung, der durch das Regressionsmodell erklärt wird.

Beispiel

