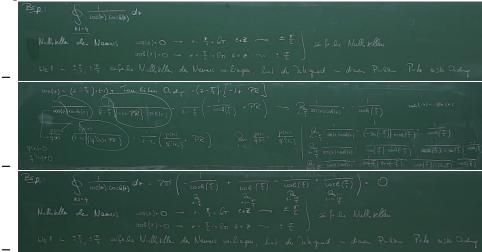
Meromorphität

- Funktion f ist meromorph auf U, wenn
 - A U hat in U keine Häufungspunkte
 - f holomorph auf U bis auf A
 - f hat in A höchstens Pole
 - A Menge der Singularitäten in f

Residuensatz

- + $\oint_C f(z) dz = 2\pi i \sum_{a \in A} Ind_C(a) Res_{z=a} f(z)$, wenn
 - f meromorph auf U
 - U sternförmig
 - A die Menge der Singularitäten von f
 - C eine geschlossene Kurve in U, die nicht durch A verläuft
- Beispiel



Bestimmung von Residuen

- Pole erster Ordnung
 - - * p(z) holomorph um z_0
 - $\begin{array}{c} * \ q(z_0) = 0, q'(z_0) \neq 0 \\ \ Res_{z=z_0} \frac{p(z)}{q(z)} = \frac{p(z_0)}{q'(z_0)} \end{array}$
- Pole höherer Ordnung m>1

Res_{z=z₀}
$$f(z) = \frac{1}{(m-1)!} \left(\frac{d}{dz} \right)^{m-1} [(z-z_0)^m f(z)] \Big|_{z=z_0}$$

[[Singularität]]