

- Sei  $\vec{v}_1, \dots, \vec{v}_n \in V$  und  $\lambda_1, \dots, \lambda_n \in \mathbb{R}$ 
  - $\lambda_1 \vec{v}_1, \dots, \lambda_n \vec{v}_n$  ist Linearkombination von  $\vec{v}_1, \dots, \vec{v}_n$
- triviale Linearkombination  $\implies$  alle  $\lambda = 0$ 
  - nichttriviale Linearkombination  $\implies$  mindestens ein  $\lambda \neq 0$

## Span

- Sei  $U = \{\vec{v}_1, \dots, \vec{v}_n\} \subseteq V$
- $\text{Span}(U) = \{\lambda_1 \vec{v}_1, \dots, \lambda_n \vec{v}_n \mid \lambda_1, \dots, \lambda_n \in \mathbb{R}\}$ 
  - Menge aller Linearkombinationen von  $U$
  - der von den Vektoren aus  $U$  aufgespannte Raum
- $\text{Span}(U)$  ist Unterraum von  $V$
- $\text{Span}(\{e_1, e_2, e_3\}) = \mathbb{R}$

## Lineare Unabhängigkeit

- $\vec{v}_1, \dots, \vec{v}_n \in V$ 
  - $\vec{v}_1, \dots, \vec{v}_n$  sind linear abhängig, wenn es eine nichttriviale Linearkombination  $\lambda_1 \vec{v}_1, \dots, \lambda_n \vec{v}_n = \vec{0}$  gibt
  - $\vec{v}_1, \dots, \vec{v}_n$  sind linear unabhängig, wenn es NUR triviale Linearkombinationen  $\lambda_1 \vec{v}_1, \dots, \lambda_n \vec{v}_n = \vec{0}$  gibt
- Gleichsetzen mit 0 und Finden von Lösungen
  - $A = (\vec{v}_1, \dots, \vec{v}_n)$
  - $A * e_j = \vec{v}_j \implies A * (\lambda_1, \dots, \lambda_n)^T = (\vec{0})$ 
    - \* eindeutige Lösung  $\implies$  lineare Unabhängigkeit
    - \*  $\infty$  Lösung  $\implies$  lineare Abhängigkeit
- Lineare Abhängigkeit
  - mindestens ein Vektor  $v_j$  ist Linearkombination der übrigen
- Menge  $U$  ist linear unabhängig, wenn je endlich viele Vektoren aus  $U$  linear unabhängig
  - sonst linear abhängig

[[Untervektorräume]]