## Definition

• Menge von Funktionen für die gilt

$$(f,g:\mathbb{N}\to\mathbb{R}^+)$$

$$\Theta(g(n)) \stackrel{\text{def}}{=} \{f(n) | \exists c_1, c_2 \in \mathbb{R}^+, n_0 \in \mathbb{N}: c_1 \cdot g(n) \le f(n) \le c_2 \cdot g(n) \ \forall n \ge n_0 \}$$

- \* ab  $n_0$  gibt es für alle  $n \geq n_0$ zwei reelle Zahlen  $c_1$  und  $c_2,$  sodass  $c_1 * g(n) \leq c_2 * g(n)$
- Notation

$$f(n) \in \Theta(g(n)) \Leftrightarrow f(n) = \Theta(g(n))$$

- g(n) ist asymptotische exakte Schranke für f(n)

Beweisführung

$$\lim_{n\to\infty} \frac{f(n)}{g(n)} = K > 0 \Rightarrow f(n) = \Theta(g(n))$$

• Beispiel

