- $\bullet$  Eine Abbildung f: I  $-> \mathbb{R}$  (I $\subseteq \mathbb{R}$ , zumeist ein Intervall) heißt reelle Funktion
  - injektiv
    - \* Element der Zielmenge höchstens einmal von f(x) abgebildet
  - surjektiv
    - \* jedes Element in Zielmenge mindestens einmal von f(x) abgebildet
  - bijektiv
    - \* injektiv und surjektiv
    - \* jedes Element in Zielmenge genau einmal von f(x) abgebildet
- Graph von f
  - $\ \{(x,\!y){\in}I{\times}B \ | \ y{=}f(x)\}$
  - x und y=f(x) als Achsen des Graphen
- Beispiel
  - f:  $\mathbb{R} \mathbb{R}, x = \mathbb{R} = x^2 + 1$
  - Kurzform:  $f(x) = x^2 + 1$

## Eigenschaften von Funktionen

- x ist ein Fixpunkt, wenn f(x) = x
- Monotonie
  - monoton wachsend, wenn jedes  $f(xn) \le f(xn+1)$ 
    - \* streng, wenn f(xn) < f(xn+1)
  - monoton fallend, wenn jedes  $f(xn) \ge f(xn+1)$ 
    - \* streng, wenn f(xn) > f(xn+1)
  - strenge Monotonie impliziert Injektivität
- Gerade Funktion
  - symmetrisch zur y-Achse
  - f(x) = f(-x)
- $\bullet\,$  Ungerade Funktion
  - symmetrisch zum Ursprung
  - f(-x) = -f(x)