#### Definition

 $\bullet\,$  Urne enthält N<br/> Kugeln mit  $L\geq 2$  Farben

•  $N_i$  Kugeln mit Farben  $L_i$ 

 $\bullet \ \ N=N_1+\ldots+N_L$ 

• n mal Ziehen ohne Zurücklegen

## Eigenschaften

 $\begin{array}{l} \bullet \;\; \Omega = \{\{j_1,...,j_n\} \subseteq \{1,...,N\}\} \\ - \;\; |\Omega| = {N \choose n} \end{array}$ 

•  $A = P(\Omega)$ 

 $P(\{j_1, ..., j_n\}) = \frac{1}{\binom{N}{n}}$   $- P(A) = \frac{|A|}{\binom{N}{n}}$ 

## Berechnung

• mittels [[Hypergeometrische Verteilung]]

$$P(|\textit{Farbe i}| = k_i, 1 \leq i \leq L) = \frac{\binom{N_1}{k_1} \times \cdots \times \binom{N_L}{k_L}}{\binom{N}{n}},$$

# Beispiele

• Lotto

Wir wählen 6 Zahlen aus  $\{1, \ldots, 45\}$  ohne Zurücklegen. Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit, dass wir 4 richtig erraten? Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit für einen Lotto-Sechser?

Lotto: 
$$1, ..., 6, 7, ..., 45$$

o  $P(4 \text{ Riddigh}) = \frac{\binom{6}{4}\binom{39}{2}}{\binom{45}{6}}$ 
 $N = 45$   $P(4 \text{ Riddigh}) = \binom{6}{4}\binom{39}{6} \approx 8 \text{ Mis}$ 
 $P(4 \text{ Riddigh}) = \binom{45}{6} \approx 8 \text{ Mis}$ 
 $P(4 \text{ Riddigh}) = \binom{45}{6} \approx 8 \text{ Mis}$ 
 $P(4 \text{ Riddigh}) = \binom{45}{6} \approx 8 \text{ Mis}$ 
 $P(4 \text{ Riddigh}) = \binom{45}{6} \approx 8 \text{ Mis}$ 
 $P(4 \text{ Riddigh}) = \binom{45}{6} \approx 8 \text{ Mis}$ 
 $P(4 \text{ Riddigh}) = \binom{45}{6} \approx 8 \text{ Mis}$ 

#### • Fragenkatalog

Für eine Prüfung hat der Professor einen Fragenkatalog mit 32 Fragen aufgelegt. Zur Prüfung wählt er dabei jeweils 5 Fragen zufällig aus. Peter hat nur 20 Fragen gelernt. Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit, dass er mindestens 3 richtig hat?

Prüfung: 
$$1, ..., 20, 21, ..., 32$$
 $N_1 = 20$ 
 $N_2 = 12$ 
 $A_k = \{k \text{ Tryen ridby}\}$ 
 $A = \{3 \text{ S Tryes ridby}\}$ 
 $A = \{3 \text{ S Tryes ridby}\}$ 
 $P(A) = P(A_3) + P(A_4) + P(A_5)$ 
 $P(A_3) = \frac{\binom{20}{3}\binom{12}{2}}{\binom{32}{5}}$ 
 $P(A_4) = \frac{\binom{20}{3}\binom{12}{2}}{\binom{32}{5}}$ 

 $[[Laplace-Experimente]] \ [[Binomische \ Lehrsatz]] \\$