

- gesucht Menge aller Lösungen $x \in \mathbb{Z}$ der simultanen Kongruenzen
 - $x \equiv c_1 \pmod{m_1}$
 - $x \equiv c_2 \pmod{m_2}$
 - ...
 - $x \equiv c_n \pmod{m_n}$
- Vorgehensweise
 - m_1 bis m_n sind teilerfremd
 - * ansonsten redundante Kongruenzen eliminieren
 - Produkt berechnen
 - * $M = \prod_{i=1}^n m_i$
 - $M_i = \frac{M}{m_i}$
 - euklidischen Alg. anwenden
 - * $a_i * m_i + b_i * M_i = 1$
 - Lösung
 - * $x = \sum_{i=1}^n x_i * s_i * M_i$
 - * Falls $a \notin \{0, \dots, m-1\}$, $b \in \{0, \dots, m-1\}$ sodass $a \equiv b \pmod{m}$
 - ♦ $L = \{x \in \mathbb{Z} : x \equiv C_l \pmod{m_l} \forall l = 1 \dots s\} = [b]_m = [a]_m$
- Beispiel:
 - gegeben:
 - * $c_1 = 1, c_2 = 2, c_3 = 3$
 - * $m_1 = 3, m_2 = 4, m_3 = 5$
 - $m = 3 * 4 * 5 = 60$
 - euklidische Alg.
 - * $l=1$
 - ♦ $A_1 = -1$

Für $l=1$: $\exists A_1, B_1 \in \mathbb{N}$ s.d.
 $A_1 \cdot 20 + B_1 \cdot 3 = 1$

i	-1	0	1	
a_i	1	0	1	-1
b_i	0	1	-6	7
c_i			0	1
r_i	20	3	2	1

$1 = (-1) \cdot 20 + 7 \cdot 3$
 $\therefore A_1 = -1$

- * $l=2$
 - ♦ $A_2 = -1$
- * $l=3$

- ♦ $A_3 = -2$
- $x = \sum_{l=1}^3 C_l * A_l * n_l = 1(-1)20 + 2(-1)15 + 3(-2)12 = -122$
 - * n_l ist Produkt aller m außer m_l
 - * $x \equiv -122 \text{ mod } 60 \implies x \equiv 58 \text{ mod } 60$
 - * Lösungsmenge $[58]_60$

[[Diskrete Mathematik]]