## **Definition**

- Urne enthält N Kugeln mit  $L \geq 2$  Farben

•  $N_i$  Kugeln mit Farben  $L_i$ 

 $\bullet \ N=N_1+\ldots+N_L$ 

• n mal Ziehen mit Zurücklegen

# Eigenschaften

$$\begin{array}{l} \bullet \ \Omega = \{(j_1,...,j_n) \in \{1,...,N\}^n\} \\ - \ |\Omega| = N^n \end{array}$$

•  $A = P(\Omega)$ 

• 
$$P(\{(j_1,...,j_n)\}) = N^{-n}$$
  
-  $P(A) = |A| \times N^{-n}$ 

# Berechnung

• mittels [[Multinomialverteilung]]

$$P(|\textit{Farbe i}| = k_i, 1 \leq i \leq L) = \underbrace{\binom{n}{k_1, k_2, \dots, k_L}}_{\frac{n!}{k_1! k_2! \dots k_L!}} \times p_1^{k_1} \times \dots \times p_L^{k_L}.$$

– 
$$p_i = \frac{N_i}{N}$$

• Spezialfall:

- [[Binomialverteilung]] bei L=2

$$p = N_1/N,$$
  
 $q = 1 - p = N_2/N.$ 

$$P(|Farbe\ 1|=k)=inom{n}{k} imes p^k imes q^{n-k}.$$

# Beispiele

Würfel

Wir würfeln mit 5 Würfel. Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit genau zwei 4er zu würfeln?

5x würfeln

$$N = 5$$
 $k = 2$ 
 $N_1 = 1$ 
 $N_2 = 5$ 
 $P = \frac{1}{6}$ 
 $Q = \frac{5}{6}$ 

# $\left(\frac{5}{2}\right)\left(\frac{1}{6}\right)^2\left(\frac{5}{6}\right)^3$ +

Flugbuchung

Es ist bekannt, dass im Mittel 5% aller Passagiere ihren Flug stornieren oder verpassen. Für einen Flug haben 200 Personen Plätze gebucht. Wie hoch ist die Wahrscheinlichkeit, dass weniger als 180 auftauchen?

Flugbuchungen: 
$$4, 2, 3, \dots, 7^{20}$$

$$N = 20$$
  $P_1 = P = 19/20 = 0.05$ 

$$k = 0, ..., 179$$

$$P(\text{genau k Posseyieu}) = {200 \choose k} {19 \choose 20}^k {1 \choose 20}^k$$

$$k = 0, ..., 179$$
 $P(\text{glarau } k \text{ Possegieu}) = {200 \choose k} {19 \choose 20}^k {1 \choose 20}^k$ 
 $P(\text{newger als } 180 \text{ Rossegieu}) = 179$ 
 $179$ 
 $P(\text{genon } k \text{ Possegieu})$ 
 $P(\text{genon } k \text{ Possegieu})$ 

P (notinger als 186) = 
$$1 - P( > 186)$$
  
=  $1 - P(k = 180 \text{ Poss}) + P(k = 181 \text{ Poss}) + P(k = 180 \text{ Poss}) + P(k = 180 \text{ Poss})$   
A = d'noteniger 1807 |  $P(A^c) = 1 - P(A)$   
 $A^c = 1 > 180 \text{ Possogieu}$  |  $A \cup A^c = \Omega$   
 $P(A \cup A^c) = P(\Omega) = 1$ 

[[Laplace-Experimente]] [[Binomische Lehrsatz]]