

- U ist ein Untervektor von V, wenn:
 - $U \subseteq V \neq \{\}$: $(V, +, *)$ ein K-VR
 - U erbt $+, *$ von V
 - U abgeschlossen bezüglich $+, *$
 - * kann Teilmenge U mit $+, *$ nicht verlassen
 - * $a + b \in U$
 - * $\lambda u \in U$
- Ist U ein Unter-K-VR von $(V, +, *) \implies (U, +, *)$ ist ein K-VR
- Geraden in \mathbb{R}^n durch den Ursprung sind lineare Teilräume von \mathbb{R}^n
 - $U: \{(a_1, a_2) \in \mathbb{R}^2 : 3a_1 - 4a_2 = 0\} \subseteq \mathbb{R}^2$
- Ebene:
 - $U: \{(a_1, a_2, a_3) \in \mathbb{R}^3 : 2a_1 - 2a_2 + a_3 = 0\} \subseteq \mathbb{R}^3$

Kriterien

1. Teilraumkriterium
 - $(U, +, *) \subseteq V$ und abg. bzgl. $+, *$ $\implies (U, +, *)$ ist K-VR
2. Abgeschlossenheit
 - kann zu $\lambda a + \mu b \in U$ zusammengefasst werden
3. $U = \{ \vec{0} \}$ ist Unter-VR jedes VR

Durchschnitt/Vereinigung/Summe von Teilräumen

- Der Durchschnitt zweier Teilräume von V ist Teilraum von V
- Die Vereinigung zweier Teilräume von V kann Teilraum von V sein
- Die Summe zweier Teilräume von V ist Teilraum von V

[[Allgemeine Vektorräume]]