

## Eigenschaften

- worst-case optimal
- adaptiv

### Maß für Sortiertheit: #Fehlstände

– sei  $a_1, \dots, a_n$  eine (unsortierte) Zahlenfolge

–  $f_i = \#$  Fehlstände für  $a_i$

$$f_i = |\{a_j | j > i, a_j < a_i\}|$$

– Fehlstände der Zahlenfolge:  $F = \sum_{i=1}^n f_i$

– Es gilt:  $0 \leq F \leq \frac{n(n-1)}{2} = \binom{n}{2}$

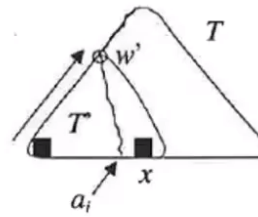
## Motivation

- Grundidee
  - Einfügen in verkehrter Reihenfolge
  - innere Knoten speichern Maximum des Teilbaums
- Baumsortieren
  - allgemein beim Einfügen von  $a_i$ 
    - $a_n, \dots, a_{i+1}$  sei bereits eingefügt (sind sortiert im Baum)
    - \*  $a_i$  wird jetzt eingefügt
    - Folge:  $a_1 \dots a_i \quad \underbrace{a_{i+1} \dots a_n}_{\substack{\text{bereits eingefügt,} \\ \text{davon } f_i \text{ Zahlen } < a_i}}$
    - Es folgt:**
    - \*  $a_i$  wird im Baum an der Stelle  $f_i + 1$  von links eingefügt.

$w'$  ... Wurzel von  $T'$

Idee: Wenn  $f_i$  klein, liegt

$w'$  tief.

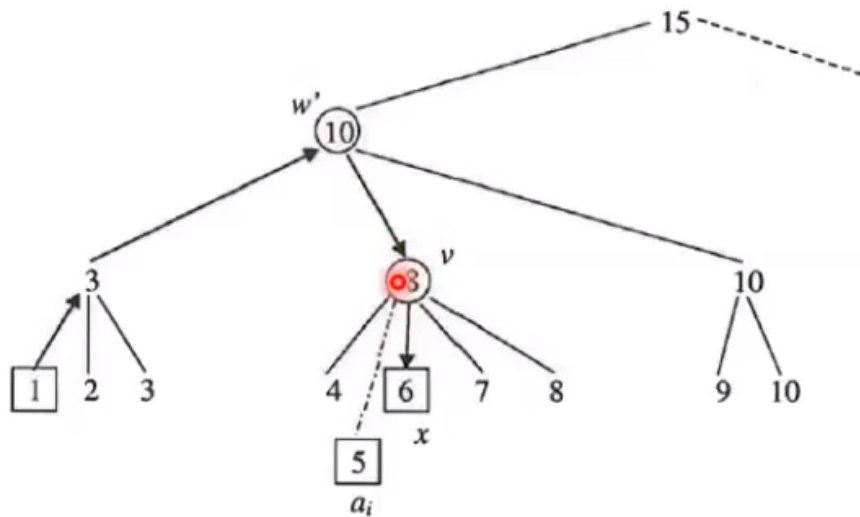


**Einfügen bottom up:**

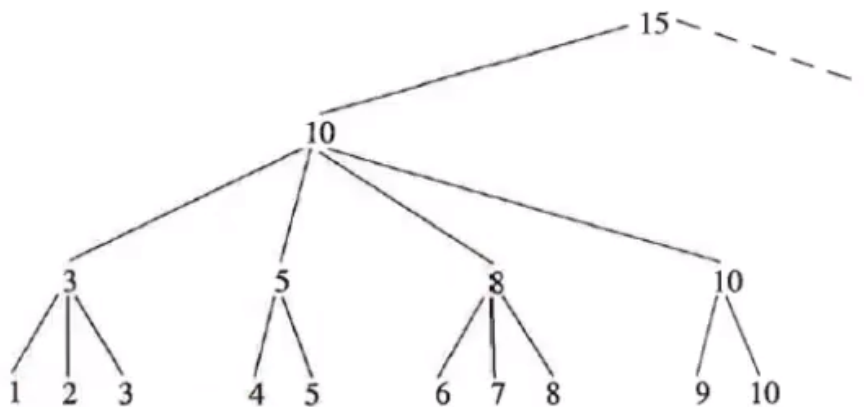
- Starte bei linkestem Blatt
- Laufe bis zu  $w'$ , d.i. erster innerer Knoten mit  $\text{Max} > a_i$ .
- Füge  $a_i$  in Teilbaum ein.

→ Anhängen von  $a_i$  in  $\theta(\log f_i)$  Zeit.

$a_i = 5$  eingefügt



SPALTE( $v$ ) liefert:



Laufzeit B-Sort:

$$T(n) = O\left(n \log\left(\frac{F}{n}\right) + n\right)$$

F...Anzahl der Fehlstände in Zahlenfolge

- $F=O(n) \rightarrow T(n) = O(n)$
- $F=O(n^2) \rightarrow T(n) = O(n \log n)$