

- beschreibt das Volumen/die Fläche einer Matrix

## Vorgehensweise

...

## Determinantenvereinfachungen

- $\det$  -Matrix = Produkt der Hauptdiagonale =  $\prod$  von  $k=1$  bis  $n$  (akk)
- $\det I$ -Matrix = 1
- $\det A^T = \det A$
- $\det(\lambda A) = \lambda^n \det A$
- $\det(A \times B) = \det A \cdot \det B$
- $\det(A+B) \neq \det A + \det B$
- $\det(A^k) = (\det A)^k$
- $\det A^{-1} = 1/(\det A)$ , falls  $A$  regulär
  - $\det A^{-1} \cdot \det A = 1$
- Nullspalte/Zeile  $\implies \det = 0$
- zwei oder mehr Spalten/Zeilen gleich  $\implies \det = 0$

## Determinantenrechenregeln

$$z_i = \lambda x + \mu y$$

$$\det A = \lambda \det \begin{pmatrix} z_1 \\ \vdots \\ x \\ \vdots \\ z_n \end{pmatrix} + \mu \det \begin{pmatrix} z_1 \\ \vdots \\ y \\ \vdots \\ z_n \end{pmatrix}$$
 (Arrows indicate the replacement of row  $i$  in the second and third determinants with  $x$  and  $y$  respectively.)
   
 analog für Spalten

1. Linear in jeder Zeile/Spalte
2. Entsteht  $A'$  durch Zeilen/Spaltenvertauschung
  - $\det A' = -\det A$
3. Entsteht  $A'$  durch Multiplikation einer Zeile/Spalte mit  $\lambda$ 
  - $\det A' = \lambda \det A$
4. Entsteht  $A'$  durch Addieren des  $\lambda$ -fachen einer Zeile/Spalte
  - $\det A' = \det A$
  - Determinante ändert sich nicht!

[[Matrix]]