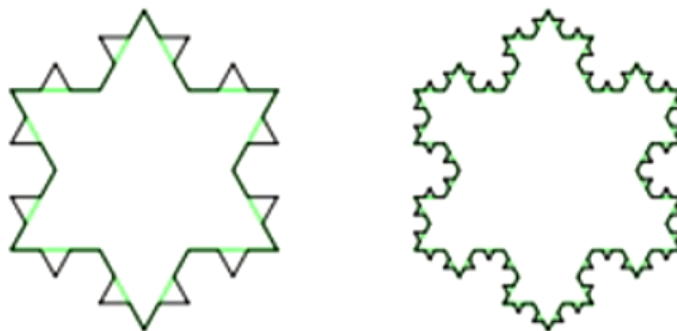
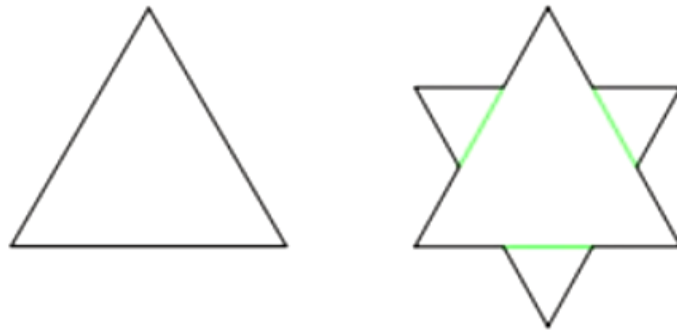


Eigenschaften Algorithmen

- Algorithmen, welche sich selbst mit veränderten Parametern aufrufen
- benötigt Abbruchbedingung
- oft höhere Komplexität (Time/Space) als [[Iterative Algorithmen]]
 - Optimierung durch Zwischenspeichern von Ergebnissen möglich
- Koch-Flocke
 - Eigenschaften
 - * unendlicher Umfang
 - * begrenzte Fläche



* Koch-Flocke
(source: Wikipedia)

*

Vergleich zwischen rekursiver und iterativer Implementation

- Koch Flocke

- rekursive Implementation

$L_0 = 1$ $n_0 = 1$, $l_0 = 1$
 $L_k = n_k \cdot l_k$
 $n_k = 4 \cdot n_{k-1}$
 $l_k = \frac{1}{3} l_{k-1}$
 $L_k = \frac{4}{3} n_{k-1} l_{k-1} = \frac{4}{3} L_{k-1}$

*

- iterative Implementation

$L_k = \left(\frac{4}{3}\right)^k \cdot L_0 = \left(\frac{4}{3}\right)^k$
 $\lim_{k \rightarrow \infty} \left(\frac{4}{3}\right)^k = \infty$

◆

- Fibonacci-Zahlen

- unterschiedliche Komplexität

- **Beispiel:** Fibonacci-Zahlen

$$f_n = f_{n-1} + f_{n-2}, \quad n \geq 3; \quad f_1 = f_2 = 1$$

$\Rightarrow 1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, \dots$

```

FIBONACCI(n)
1: fib ← 1
2: fib_prev ← 1
3: FOR i ← 3 TO n
4:   fib_pprev ← fib_prev
5:   fib_prev ← fib
6:   fib ← fib_prev + fib_pprev
7: RETURN fib
    
```

```

FIB_R(n)
1: IF n ≤ 2 THEN
2:   RETURN 1
3: ELSE
4:   RETURN FIB_R(n-1) + FIB_R(n-2)
    
```

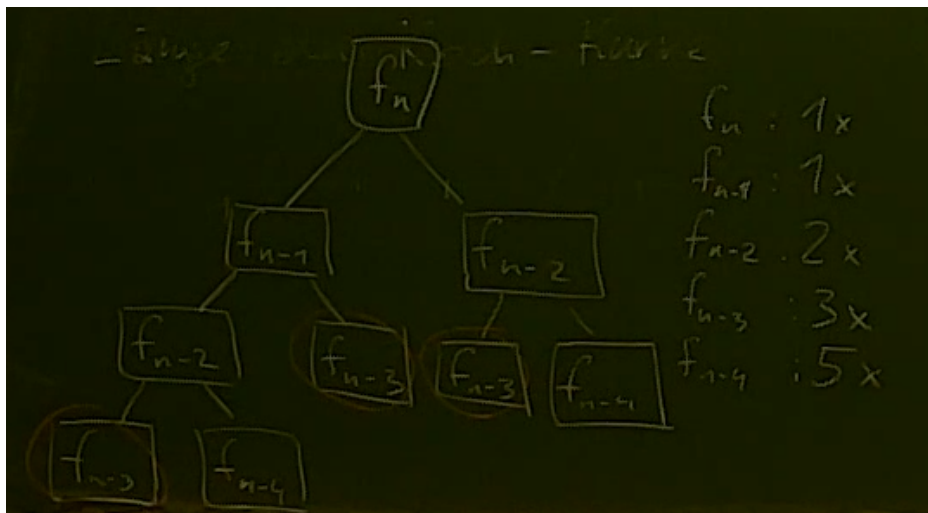
$$T(n) = O(n)$$

$$S(n) = O(1)$$

$$T(n) = \Omega\left((\sqrt{2})^n\right) \quad T(n) = O\left((\sqrt{3})^n\right)$$

$$S(n) = O(n) \text{ (entspricht Rekursionstiefe)}$$

–



- Optimierung durch Speichern von Zwischenergebnissen

Memorization

$A[i] \leftarrow \emptyset \quad \forall i \geq 2$
 $A[0] \leftarrow A[1] \leftarrow 1$

In $A[i]$ speichern wir f_{i+1}

FIB_M(n)

IF $A[n-1] = \emptyset$

$A[n-1] \leftarrow \text{FIB_M}(n-1) + \text{FIB_M}(n-2)$

RETURN $A[n-1]$

*