

## Folge

- Auflistung von (un)endlichen fortlaufend nummerierten Objekten (z.B. Zahlen)
- Konvergenz nachweisbar mit [[Cauchy-Kriterium]] oder [[Monotonie]] und [[Beschränktheit]]

## Reihe

- Reihe = Summe aller Folgeglieder
- Konvergenz nachweisbar mit [[Konvergenzkriterien für Reihen]]
- Sei  $a_n$  eine Folge reeller Zahlen:
  - Dann ist  $\sum_{n=1}^{\infty} a_n$  eine Reihe
- können scheinbar verschiedene Werte annehmen
  - z.B.  $s = \sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n = 0$  oder  $1$  oder  $0.5$ 
    - \*  $s = (1-1) + (1-1) + \dots = 0$
    - \*  $s = 1(-1 + 1) + (-1 + 1) + \dots = 1$
- Reihe  $s$  ist konvergent, wenn  $s_n$  konvergiert andernfalls divergent
  - $s_n = \sum_{k=1}^n a_k$ 
    - \*  $n$ -te Partialsumme
  - Grenzwert von  $s_n$  = tatsächlicher Wert der Reihe
- Reihe  $s$  ist absolut konvergent, wenn Summe über Absolutbeträge konvergiert
  - Summe über Absolutbeträge  $\implies$  Reihe mit positiven Gliedern  $\implies$  Anwendung von Kriterien für Reihen mit positiven Gliedern möglich
  - Ist Reihe absolut konvergent  $\implies$  Reihe konvergent
    - \* Ist Reihe konvergent ist sie nicht unbedingt absolut konvergent

[[test/a.md/Analysis]]