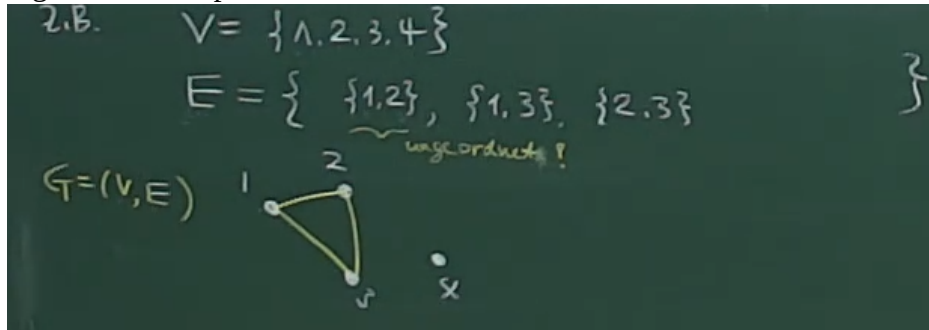
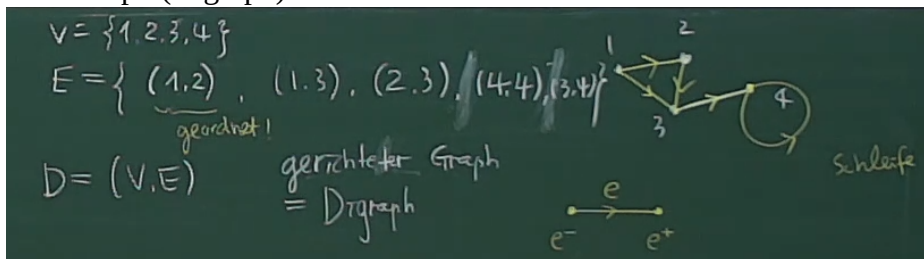


Grundbegriffe

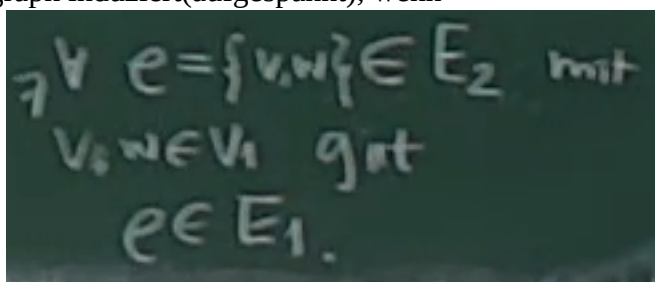
- Graph $G = (V, E)$
 - Paar der Menge der Knoten V und Menge der Kanten E
 - $E \subseteq \binom{V}{2}$
 - * Menge von 2-elementrige Teilmengen von V
 - z.B. ungerichtete Graph

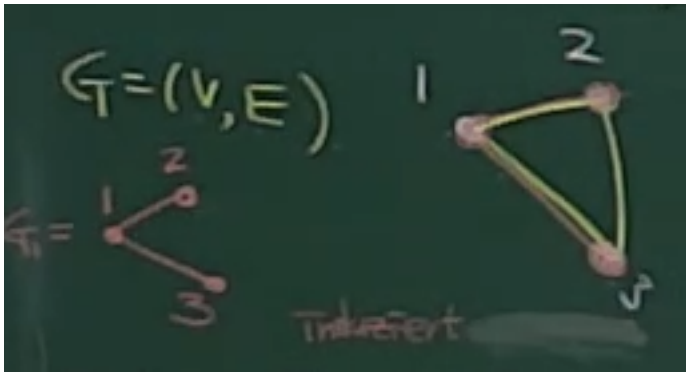


- gerichtete Graph (Digraph)



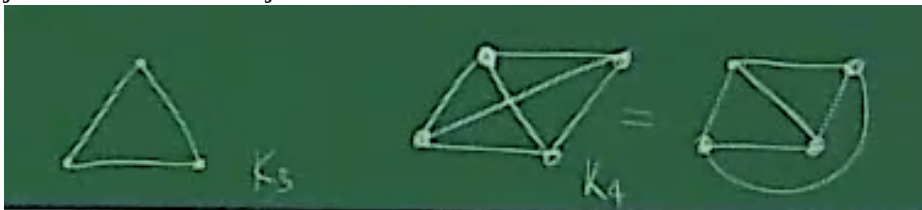
-
- Knoten A ist Nachbar von B , wenn verbunden durch Kante
- Knoten ist isoliert, wenn er keine Nachbarn hat
- Schleife
 - Knoten mit sich selbst verbunden
- G_1 ist Teilgraph von G_2 , wenn
 - $G_1 = (V_1, E_1)$ und $G_2 = (V_2, E_2)$
 - $V_1 \subseteq V_2$ und $E_1 \subseteq E_2$
- Teilgraph induziert (aufgespannt), wenn



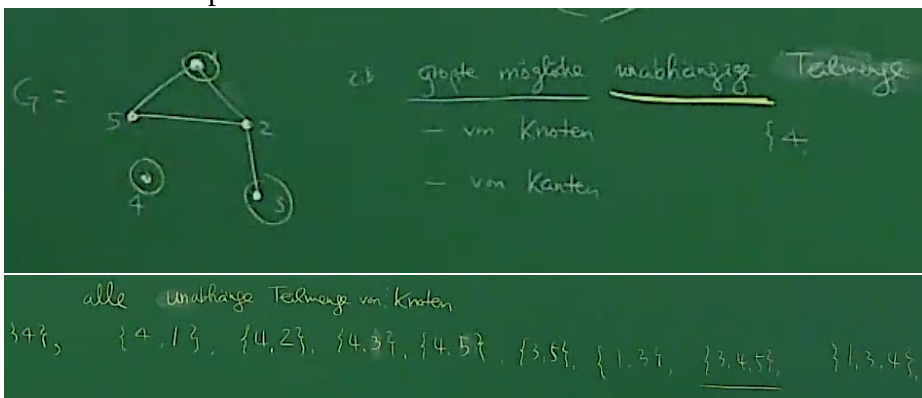


Grad

- falls Knoten auf Kante liegt
 - V und E inzident
- falls e aus zwei unterschiedlichen Knoten v und w besteht
 - v und w sind adjazent/benachbart
- Graph ist vollständig, wenn je zwei Knoten benachbart
 - jeder Knoten ist mit jedem verbunden?



- Teilmenge von V und E sind unabhängig
 - wenn Elemente paarweise nicht benachbart sind



- Grad von Knoten = Anzahl von Nachbarn
 - $\deg(V) = |N_G(V)|$
- Gradarten

$$\delta(G) = \min \{ d(v) \mid v \in V \}$$

Minimalgrad von G

$$\Delta(G) = \max \{ d(v) \mid v \in V \}$$

Maximalgrad von G

$$\bar{d}(G) = \frac{\sum_{v \in V} d(v)}{|V|}$$

Durchschnittsgrad von G

- Summe aller Grade in Graph = doppelte Kantenanzahl

$$\delta(G) \leq \bar{d}(G) \leq \Delta(G)$$

$$\bar{d}(G) |V| = \sum_{v \in V} d(v) = 2|E|$$

- gerichteter Graph ==> Unterscheidung in Ausgangs- und Eingangsgrad

$$\bar{d}(G) |V| = \sum_{v \in V} d(v) = 2|E|$$

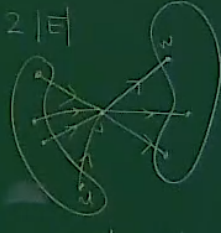
Def. $D = (V, E)$ gerichteter Graph

$$d^+(v) = d_D^+(v) = |\{ w \in V \mid (v, w) \in E \}|$$

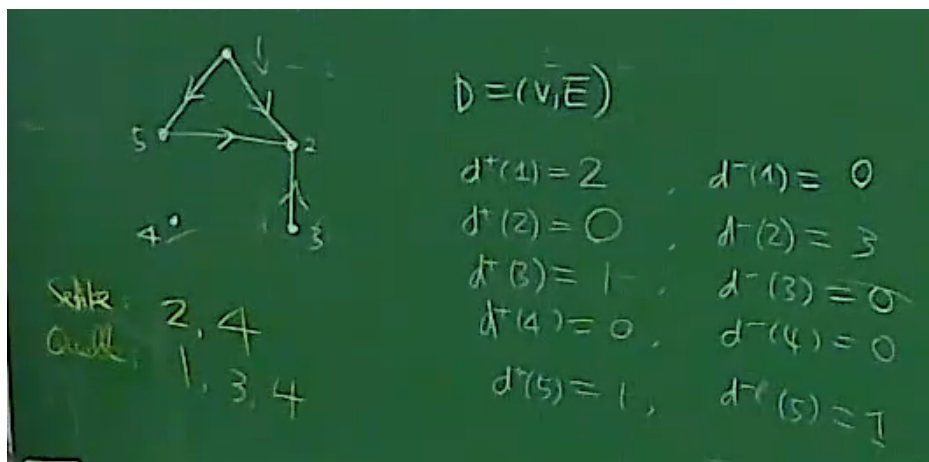
Ausgangsgrad von v (in D)

$$d^-(v) = d_D^-(v) = |\{ u \in V \mid (u, v) \in E \}|$$

Eingangsgrad von v



- Knoten mit Ausgangsgrad 0 heißt Senke
- Knoten mit Eingangsgrad 0 heißt Quelle



[[Diskrete Mathematik]] [[Graphs KR]]