

- gesucht Menge aller Lösungen  $x$  der simultanen Kongruenzen
  - $x \equiv c_1 \pmod{m_1}$
  - $x \equiv c_2 \pmod{m_2}$
  - ...
  - $x \equiv c_n \pmod{m_n}$
- Vorgehensweise
  - $m_1$  bis  $m_n$  sind teilerfremd
    - \* ansonsten redundante Kongruenzen eliminieren
  - Produkt berechnen
    - \*  $M = \prod_{i=1}^n m_i$
  - $M_i = \frac{M}{m_i}$
  - euklidischen Alg. anwenden
    - \*  $a_i * m_i + b_i * M_i = 1$
  - Lösung
    - \*  $x = \sum_{i=1}^n x_i * s_i * A_i$
    - \* Falls  $a \in \{0, \dots, m-1\}$ ,  $b \in \{0, \dots, m-1\}$  sodass  $a \equiv b \pmod{m}$ 
      - ♦  $L = \{x \in \mathbb{Z} : x \equiv c_l \pmod{m_l} \forall l = 1 \dots s\} = [b]_m = [a]_m$
- Beispiel:
  - gegeben:
    - \*  $c_1 = 1, c_2 = 2, c_3 = 3$
    - \*  $m_1 = 3, m_2 = 4, m_3 = 5$
  - $m = 3 * 4 * 5 = 60$
  - euklidische Alg.
    - \*  $l=1$ 
      - ♦  $A_1 = -1$

Für  $l=1$ :  $\exists A_1, B_1 \in \mathbb{N}$  s.d.  
 $A_1 \cdot 20 + B_1 \cdot 3 = 1$

$i$	-1	0	1
$a_i$	1	0	-1
$b_i$	0	1	-6
$c_i$			6
$r_i$	20	3	2

$1 = (-1) \cdot 20 + 7 \cdot 3$   
 $\therefore A_1 = -1$

- \*  $l=2$ 
  - ♦  $A_2 = -1$
- \*  $l=3$

- ♦  $A_3 = -2$
- $x = \sum_{l=1}^3 C_l * A_l * n_l = 1(-1)20 + 2(-1)15 + 3(-2)12 = -122$ 
  - \*  $n_l$  ist Produkt aller  $m$  außer  $m_l$
  - \*  $x \equiv -122 \bmod 60 \Rightarrow x \equiv 58 \bmod 60$
  - \* Lösungsmenge  $[58]_6$

[[Diskrete Mathematik]]