Partition

· gegeben sind die Mengen

$$X_{0} = \{ x, -6, -3, 0, 3, 6, \dots \} = \{ x \in \mathbb{Z} : 3 \mid x \}$$

$$X_{1} = \{ x, -5, -2, 1, 4, 7, \dots \} = \{ x \in \mathbb{Z} : 3 \mid (x-1) \}$$

$$X_{2} = \{ x, -4, -1, 2, 5, 8, \dots \} = \{ x \in \mathbb{Z} : 3 \mid (x-2) \}$$

- ullet x_0, x_1, x_2 sind paarweise disjunkt
 - Schnittmenge ist leere Menge
- Vereinigung von $x_0, x_1, x_2 =$
 - $-x_0, x_1, x_2$ ist Partition von

Kongruenz

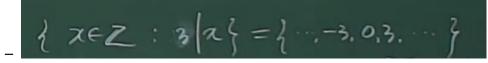
- Sei $a \in \mathbb{Z}$
- $\forall x,y \in \mathbb{Z} : \mathbf{x}$ ist Kongruenz zu y modulo, wenn

$$-a|(x-y) <==> x \equiv y \mod a <=> x \equiv_a y$$

- $R = (x, y) \in \mathbb{Z}^2 : x \equiv_a y$
 - Äquivalenzrelation auf

Partitionsklassen

gegeben ist die Menge



- deren Partitionsklassen

*
$$[0]_3 = [3]_3 = [-3]_3 = \dots$$

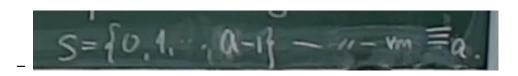
- · Partition von
 - $-[0]_3,[1]_3,[2]_3$
- Partition von X

Repräsentantensystem

- Sei ~ eine Äquivalenzrelation auf X
- Teilmenge S von X ist Repräsentantensystem von ~, wenn

$$- \ \forall x \in X \exists ! s \in S : x \sim s$$

• Beispiel:



[[Diskrete Mathematik]]