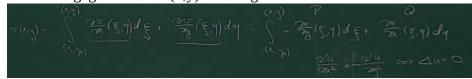
## **Potentialgleichung**

- $\triangle u = 0$ 
  - Lösung dieser Gleichung kommt mit zweiter Funktion v
    - \* v erfüllt ebenso Gleichung
    - \* v heißt konjugiert harmonische Funktion
    - \* v ist mit u über CR-Gleichungen verbunden
      - bzw. f(x + iy) = u(x, y) + iv(x, y)
  - jede Lösung ergibt quellenfreies Gradientenfeld grad(u)
    - \* grad(u) senkrecht auf  $grad(v) \le grad(u)$ , grad(v) > 0
    - \* Äquipotentiallinien (Niveaulinien) von u und v senkrecht aufeinander
      - ullet außer grad(v)=grad(u)=0

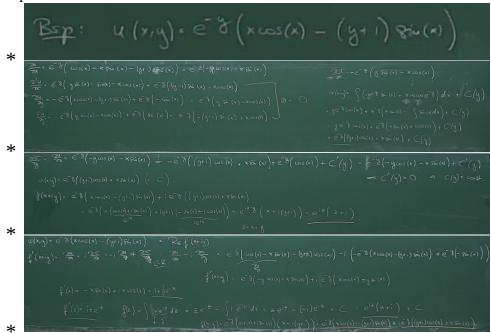


## Bestimmen von v(x,y)

• Gradientenfeld gegeben ==> v(x,y) als Integral



- - \*  $u_{xx} = u_{yy}$
- $-u_x=v_y$
- $-u_{y}=-v_{x}$
- Beispiel WTF?

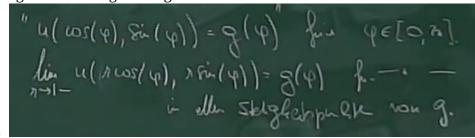


## Randwertaufgabe



# **Poissonsche Integralformel**

- sei g:  $[0, 2\pi]$ -> eine Funktion
  - $u(rcos(\varphi),rsin(\varphi))=\frac{1}{2\pi}\int_0^{2\pi}g(t)\frac{1-r^2}{1-2rcos(t-\varphi)+r^2}dt$
  - Lösung der Potentialgleichung  $\triangle u = 0$  mit



Beispiel



## Fourier-Reihe

- sei g: *I*->
  - I ... Intervall der Länge 2π
  - Koeffizienten

\* 
$$\alpha_0 = \frac{1}{2\pi} \int_I g(t) dt$$

\* 
$$\alpha_n = \frac{1}{\pi} \int_I g(t) cos(nt) dt$$

\* 
$$\beta_n = \frac{1}{\pi} \int_I g(t) sin(nt) dt$$

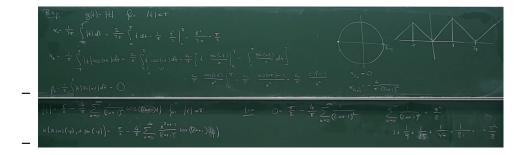
• wenn Reihe konvergiert, dann gilt in allen Stetigkeitspunkten von g

– 
$$g(\varphi) = \alpha_0 + \sum_{n=1}^{\infty} (\alpha_n cos(n\varphi) + \beta_n sin(n\varphi))$$

- · Lösung der Potentialgleichung



• Beispiele:



[[Komplexe Kurvenintegrale]]