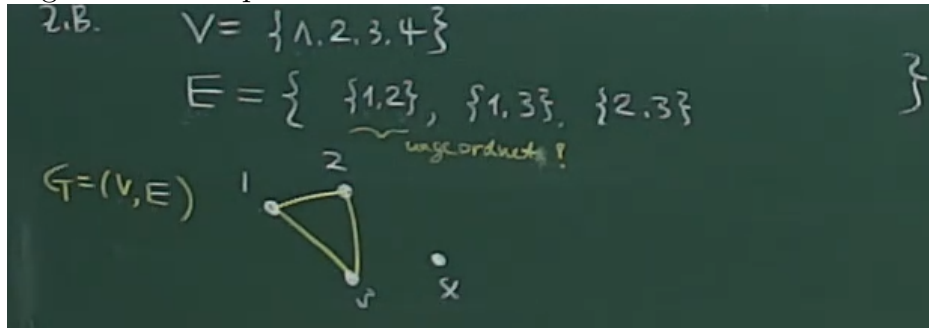
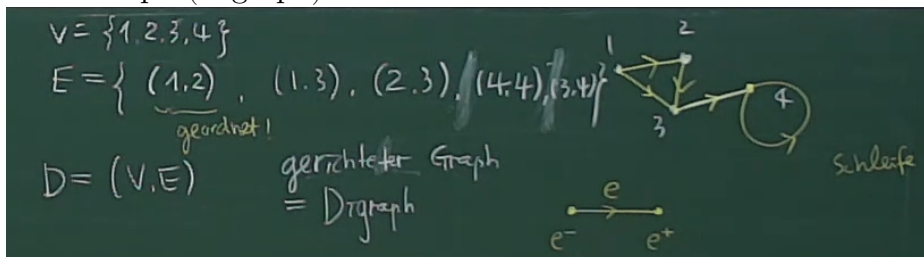


## Grundbegriffe

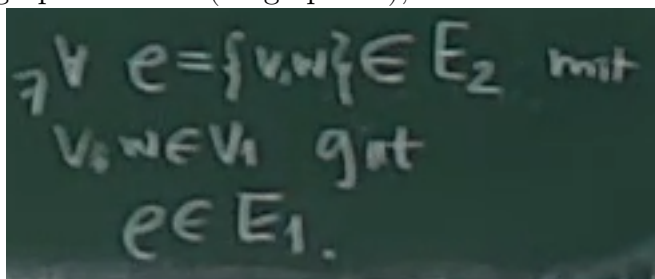
- Graph  $G = (V, E)$ 
  - Paar der Menge der Knoten  $V$  und Menge der Kanten  $E$
  - $E \subseteq (V, 2)$ 
    - \* Menge von 2-elementrige Teilmengen von  $V$
  - z.B. ungerichtete Graph

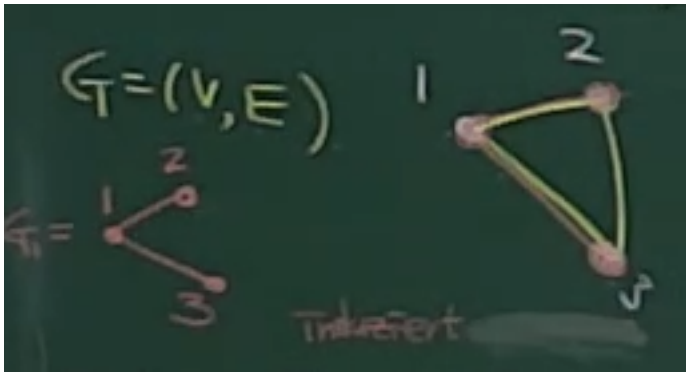


- gerichtete Graph (Digraph)



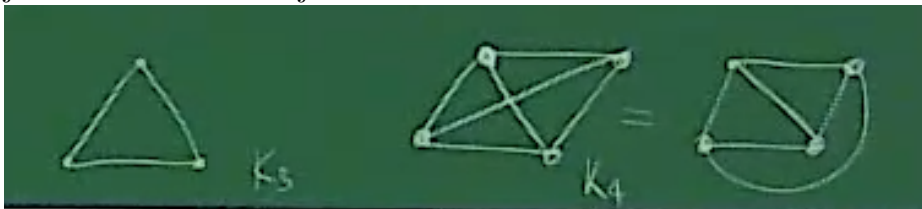
- Knoten A ist Nachbar von B, wenn verbunden durch Kante
- Knoten ist isoliert, wenn er keine Nachbarn hat
- Schleife
  - Knoten mit sich selbst verbunden
- $G_1$  ist Teilgraph von  $G_2$ , wenn
  - $G_1 = (V_1, E_1)$  und  $G_2 = (V_2, E_2)$
  - $V_1 \subseteq V_2$  und  $E_1 \subseteq E_2$
- Teilgraph induziert (aufgespannt), wenn



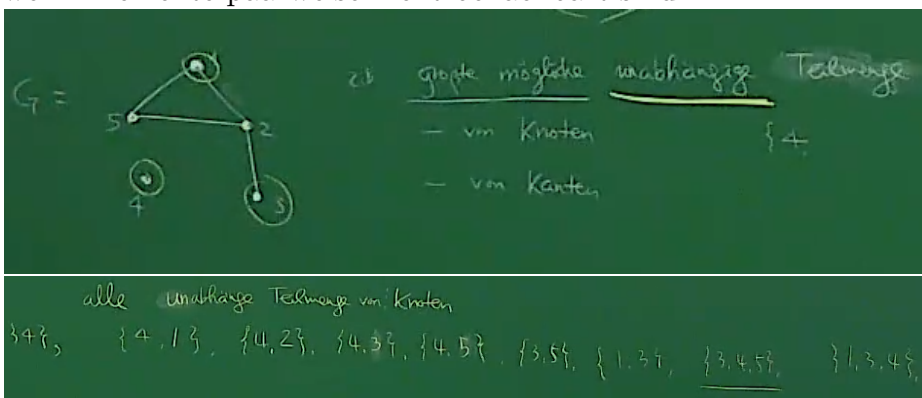


## Grad

- falls Knoten auf Kante liegt
  - V und E inzident
- falls e aus zwei unterschiedlichen Knoten v und w besteht
  - v und w sind adjazent/benachbart
- Graph ist vollständig, wenn je zwei Knoten benachbart
  - jeder Knoten ist mit jedem verbunden?



- Teilmenge von V und E sind unabhängig
  - wenn Elemente paarweise nicht benachbart sind



- Grad von Knoten = Anzahl von Nachbarn
  - $\deg(V) = |N_G(V)|$
- Gradarten

$$\delta(G) = \min \{ d(v) \mid v \in V \}$$

Minimalgrad von  $G$

$$\Delta(G) = \max \{ d(v) \mid v \in V \}$$

Maximalgrad von  $G$

$$\bar{d}(G) = \frac{\sum_{v \in V} d(v)}{|V|}$$

Durchschnittsgrad von  $G$

- Summe aller Grade in Graph = doppelte Kantenanzahl

$$\delta(G) \leq \bar{d}(G) \leq \Delta(G)$$

$$\bar{d}(G) |V| = \sum_{v \in V} d(v) = 2|E|$$

- gerichteter Graph ==> Unterscheidung in Ausgangs- und Eingangsgrad

$$\bar{d}(G) |V| = \sum_{v \in V} d(v) = 2|E|$$

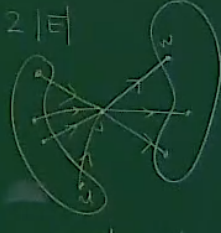
Def.  $D = (V, E)$  gerichteter Graph

$$d^+(v) = d_D^+(v) := \left| \{ w \in V \mid (v, w) \in E \} \right|$$

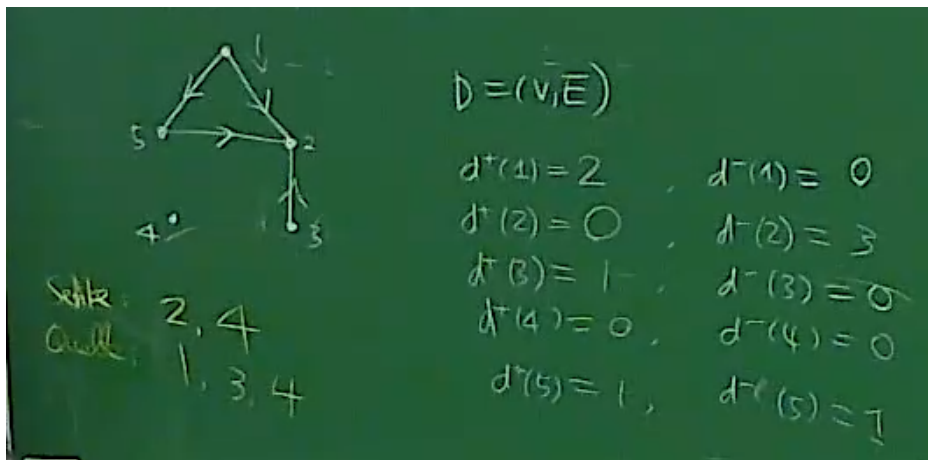
Ausgangsgrad von  $v$  (in  $D$ )

$$d^-(v) = d_D^-(v) := \left| \{ u \in V \mid (u, v) \in E \} \right|$$

Eingangsgrad von  $v$



- Knoten mit Ausgangsgrad 0 heißt Senke
- Knoten mit Eingangsgrad 0 heißt Quelle



[[Diskrete Mathematik]] [[Graphs KR]]