

Eigenschaften

- worst-case optimal
- adaptiv

Maß für Sortiertheit: #Fehlstände

- sei a_1, \dots, a_n eine (unsortierte) Zahlenfolge
- $f_i = \# \text{ Fehlstände für } a_i$
 $f_i = |\{a_j | j > i, a_j < a_i\}|$
- Fehlstände der Zahlenfolge: $F = \sum_{i=1}^n f_i$
- Es gilt: $0 \leq F \leq \frac{n(n-1)}{2} = \binom{n}{2}$

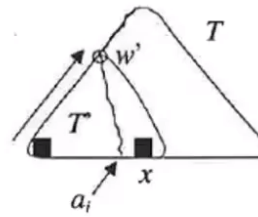
Motivation

- Grundidee
 - Einfügen in verkehrter Reihenfolge
 - innere Knoten speichern Maximum des Teilbaums
- Baumsortieren
 - allgemein beim Einfügen von a_i
 a_n, \dots, a_{i+1} sei bereits eingefügt (sind sortiert im Baum)
 - * a_i wird jetzt eingefügt
Folge: $a_1 \dots a_i \quad \underbrace{a_{i+1} \dots a_n}_{\substack{\text{bereits eingefügt,} \\ \text{davon } f_i \text{ Zahlen } < a_i}}$
 - Es folgt:**
 - * a_i wird im Baum an der Stelle $f_i + 1$ von links eingefügt.

w' ... Wurzel von T'

Idee: Wenn f_i klein, liegt

w' tief.

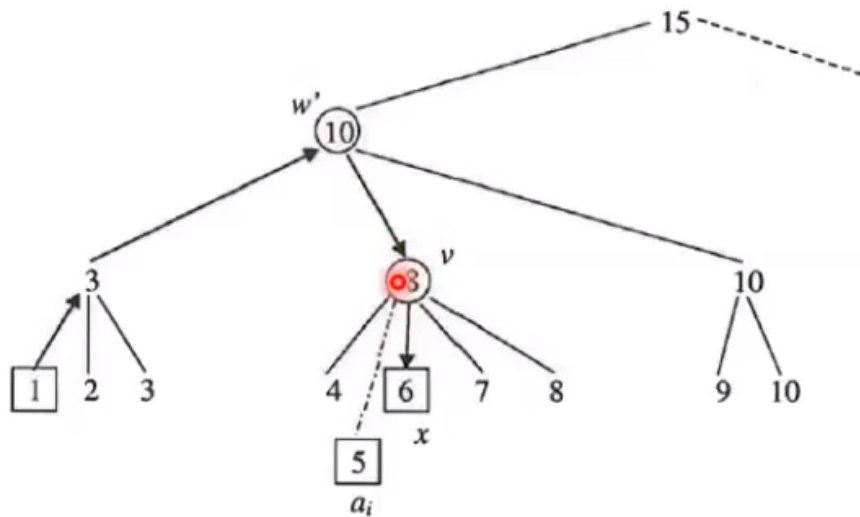


Einfügen bottom up:

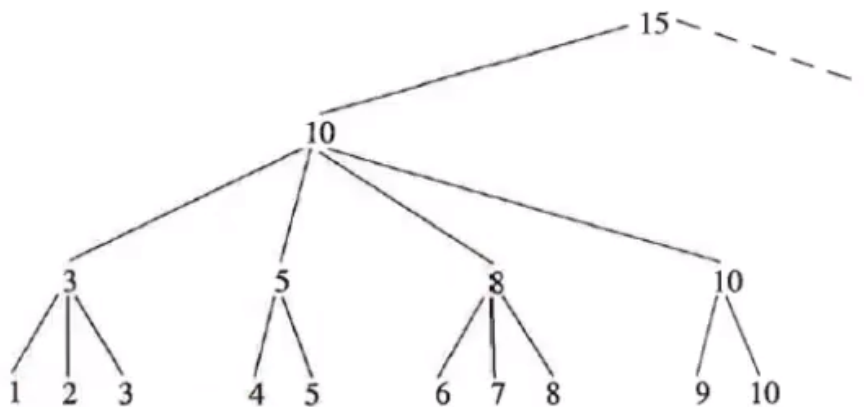
- Starte bei linkestem Blatt
- Laufe bis zu w' , d.i. erster innerer Knoten mit $\text{Max} > a_i$.
- Füge a_i in Teilbaum ein.

→ Anhängen von a_i in $\theta(\log f_i)$ Zeit.

$a_i = 5$ eingefügt



SPALTE(v) liefert:



Laufzeit B-Sort:

$$T(n) = O\left(n \log\left(\frac{F}{n}\right) + n\right)$$

F...Anzahl der Fehlstände in Zahlenfolge

- $F=O(n) \rightarrow T(n) = O(n)$
- $F=O(n^2) \rightarrow T(n) = O(n \log n)$