

## Meromorphität

- Funktion  $f$  ist meromorph auf  $U$ , wenn
  - $A \cap U$  hat in  $U$  keine Häufungspunkte
  - $f$  holomorph auf  $U$  bis auf  $A$
  - $f$  hat in  $A$  höchstens Pole
  - $A$  Menge der Singularitäten in  $f$

## Residuensatz

- $\oint_C f(z) dz = 2\pi i \sum_{a \in A} \text{Ind}_C(a) \text{Res}_{z=a} f(z)$ , wenn
  - f meromorph auf U
  - U sternförmig
  - A die Menge der Singularitäten von f
  - C eine geschlossene Kurve in U, die nicht durch A verläuft
- Beispiel

[illegible]

## Bestimmung von Residuen

- Pole erster Ordnung
  - $\frac{p(z)}{q(z)}$ 
    - \*  $p(z)$  holomorph um  $z_0$
    - \*  $q(z_0) = 0, q'(z_0) \neq 0$
  - $Res_{z=z_0} \frac{p(z)}{q(z)} = \frac{p(z_0)}{q'(z_0)}$
- Pole höherer Ordnung  $m > 1$

$$\operatorname{Res}_{z=z_0} f(z) = \frac{1}{(m-1)!} \left( \frac{d}{dz} \right)^{m-1} [(z-z_0)^m f(z)] \Big|_{z=z_0}$$

[[Singularität]]