Paradigmas de Programación

Práctica 9

1. Descargue todos los ficheros proporcionados con este mismo enunciado, y eche un vistazo a bin_tree.mli y bin_tree.ml. Estos ficheros no deben ser modificados. Se trata de un módulo para el manejo de árboles binarios definidos de la siguiente manera:

```
type 'a bin_tree = Empty | Node of 'a * 'a bin_tree * 'a bin_tree;;
```

Para utilizar este módulo dentro del compilador interactivo de OCaml, compílelo antes desde la línea de comandos con:

```
ocamlc -c bin_tree.mli bin_tree.ml
```

Después ya puede cargarlo desde el compilador interactivo con la directiva:

```
#load "bin_tree.cmo";;
```

Y opcionalmente, para poder utilizar los nombres cortos de los valores y constructores definidos en el módulo (por ejemplo, Empty en lugar de Bin_tree.Empty), escriba también:

```
open Bin_tree;;
```

Sin embargo, para compilar un módulo o programa p que utilice el módulo Bin_tree, la orden de compilación desde la línea de comandos sería (probablemente sin referencia a la interfaz p.mli, si en vez de un módulo se trata de un programa ejecutable):

```
ocamlc bin_tree.cmo p.mli p.ml
```

Eso sí, tanto en p.mli como en p.ml, podría escribirse open Bin_tree.

En ambos casos, una vez que el módulo ha sido abierto, podríamos definir árboles de prueba de esta manera:

Observe ahora las dos siguientes funciones, que calculan la suma de todas las etiquetas de un int bin_tree y el producto de todas las etiquetas de un float bin_tree, respectivamente:

```
let rec sum = function
    Empty -> 0
    | Node (x, 1, r) -> x + (sum 1) + (sum r);;

let rec prod = function
    Empty -> 1.0
    | Node (x, 1, r) -> x *. (prod 1) *. (prod r);;
```

La única diferencia entre estas dos funciones radica en el valor que devuelven cuando el árbol es vacío, y en la función que aplican cuando no lo es. Por tanto, realice las siguientes implementaciones en un fichero de nombre ej91.ml:

• Implemente una función

```
fold_tree : ('a -> 'b -> 'b -> 'b) -> 'b -> 'a bin_tree -> 'b
```

que permita generalizar cualquier función de reducción sobre árboles binarios.

- Utilizando fold_tree, reimplemente sum y prod.
- Utilizando fold_tree, implemente también las funciones

```
num_nodes : 'a bin_tree -> int
in_order : 'a bin_tree -> 'a list
mirror : 'a bin_tree -> 'a bin_tree
```

que, dado un árbol binario, devuelven, respectivamente, su número de nodos, la lista de las etiquetas de todos sus nodos recorridos en "in-order", y el árbol binario correspondiente a su imagen especular.

• En el caso de la función prod, la operación recorre todo el árbol. Pero si algún nodo tuviera valor 0.0, ya sabríamos que el resultado va a ser 0.0 y no sería necesario seguir multiplicando los valores de los restantes nodos. Así pues, reimplemente dicha función con nombre prod2, de tal forma que se incorpore el comportamiento que acabamos de describir. Sugerencia: active una excepción si aparece algún nodo con valor 0.0 y captúrela adecuadamente para devolver el resultado correcto.

El fichero ej91.ml debe compilar con el fichero de interfaz proporcionado ej91.mli mediante la siguiente orden:

```
ocamlc -c bin_tree.cmo ej91.mli ej91.ml
```

2. Considere el siguiente algoritmo de ordenación de listas:

```
let insert_tree f x t = ... ;;
let sort f l =
  in_order (List.fold_left (fun a x -> insert_tree f x a) Empty l) ;;
```

Como se puede observar, el algoritmo inserta los elementos de la lista en un árbol binario ordenado (considerando la función f como criterio de ordenación) y posteriormente genera el recorrido en "in-order" de dicho árbol.

Complete en un fichero de nombre ej92.ml la definición de la función

```
insert_tree : ('a -> 'a -> bool) -> 'a -> 'a bin_tree -> 'a bin_tree
```

para que este algoritmo de ordenación funcione.

El fichero ej92.ml debe compilar con el fichero de interfaz proporcionado ej92.mli mediante la siguiente orden:

```
ocamlc -c bin_tree.cmo ej92.mli ej92.ml
```

3. (Ejercicio opcional) Eche un vistazo a los ficheros <code>g_tree.mli</code> y <code>g_tree.ml</code> proporcionados con este mismo enunciado. Estos ficheros no deben ser modificados. Se trata de un módulo para el manejo de árboles generales definidos de la siguiente manera:

```
type 'a g_tree = Gt of 'a * 'a g_tree list;;
```

Este módulo puede ser compilado y utilizado de manera similar al módulo Bin_tree de los ejercicios anteriores. Una vez compilado, cargado y abierto el módulo, podríamos definir árboles generales de prueba como sigue:

Considere ahora la función que, dado un árbol de este tipo, devuelve la lista de nodos resultante de efectuar un recorrido por niveles sobre dicho árbol:

```
let rec breadth_first = function
   Gt (x, []) -> [x]
| Gt (x, (Gt (y, t2))::t1) -> x :: breadth_first (Gt (y, t1@t2));;
```

En un fichero de nombre ej93.ml escriba lo siguiente:

- Defina con nombre breadth_first_t una versión terminal de breadth_first.
- Defina un valor t : int g_tree tal que no sea posible calcular breadth_first t, pero sí sea posible calcular breadth_first_t t.

El fichero ej93.ml debe compilar con el fichero de interfaz proporcionado ej93.mli mediante la siguiente orden:

```
ocamlc -c g_tree.cmo ej93.mli ej93.ml
```

4. (Ejercicio opcional) Eche un vistazo al fichero st_tree.mli proporcionado con este mismo enunciado. Este fichero no debe ser modificado. Se trata de la interfaz de un módulo St_tree que a través de un tipo de dato 'a st_tree permite el manejo de árboles estrictamente binarios, en los cuales, de cada nodo que no sea hoja cuelgan exactamente dos ramas, y además no existen árboles estrictamente binarios vacíos (los más sencillos tienen un solo nodo que es raíz y hoja a la vez).

Este módulo puede ser compilado y utilizado de manera similar a los módulos de los ejercicios anteriores. Pero dado que la implementación del tipo de dato 'a st_tree no ha sido exportada en la interfaz del módulo, no es posible acceder a los constructores de dicho tipo de dato. Por lo tanto, la manera de construir valores de prueba de este tipo de dato sería únicamente a través de las funciones declaradas en la interfaz. De esta forma, una vez que el módulo haya sido compilado, cargado y abierto, podríamos escribir lo siguiente:

Escriba en un fichero de nombre ej94.ml una función

```
breadth_first : 'a st_tree -> 'a list
```

que calcule el recorrido por niveles de un árbol estrictamente binario.

Recuerde que solo puede usar los valores definidos en la interfaz. En particular, le serán útiles las funciones root (que devuelve la raíz de un árbol) y branches (que devuelve las ramas izquierda y derecha de un árbol, o bien activa la excepción No_branches cuando se trata de un árbol sin ramas). Y por tanto quizás también le sea muy útil esta otra función, para saber si un árbol es sencillo, o si por el contrario tiene ramas:

```
let is_single t =
   try let _ = branches t in false
   with No_branches -> true;;
```

Escríbala en el fichero ej94.ml y tenga en cuenta que este fichero debe compilar con el fichero de interfaz proporcionado ej94.mli mediante la siguiente orden:

```
ocamlc -c st_tree.cmo ej94.mli ej94.ml
```