## Lenguajes Formales y Computabilidad Definiciones y Convenciones: Combo 2

## Nicolás Cagliero

June 23, 2025

Defina:

- 1.  $d\stackrel{n}{\vdash} d'$ y  $d\stackrel{*}{\vdash} d'$  (no hace falta que defina  $\vdash)$
- 2. L(M)
- 3. "f es una función de tipo (n, m, s)"
- 4. (x)
- 5.  $(x)_i$

## Respuestas:

1. Para  $d, d' \in Des$  y  $n \geq 0$ , escribiremos  $d \stackrel{n}{\vdash} d'$  si existen  $d_1, \dots, d_{n+1} \in Des$  tales que

$$d = d_1$$

$$d' = d_{n+1}$$

$$d_i \vdash d_{i+1}, \quad \text{para } i = 1, \dots, n$$

Por último:  $d \stackrel{*}{\vdash} d'$  si<br/>i $(\exists n \in \omega) \ d \stackrel{n}{\vdash} d'$ 

2. Diremos que una palabra  $\alpha \in \Sigma^*$  es aceptada por M por alcance de estado final cuando

$$|q_0B\alpha| \vdash^* d$$
, con  $d$  tal que  $St(d) \in F$ .

El lenguaje aceptado por M por alcance de estado final se define de la siguiente manera

 $L(M) = \{\alpha \in \Sigma^* : \text{es aceptada por } M \text{ por alcance de estado final} \}$ 

3.  $f: D_f \subseteq \omega^n \times \Sigma^{*m}$  y:

$$s = \# \ \mathbf{y} \ I_f \subseteq \omega$$
 
$$\mathbf{o}$$
 
$$\mathbf{o}$$
 
$$\mathbf{o}$$
 
$$\mathbf{o}$$
 
$$\mathbf{o}$$
 
$$\mathbf{o}$$

4. Dado  $x \in \mathbb{N}$ , usaremos (x) para denotar la única infinitupla  $(s_1, s_2, \dots) \in \omega^{\mathbb{N}}$  tal que

$$x = \langle s_1, s_2, \dots \rangle = \prod_{i=1}^{\infty} pr(i)^{s_i}$$

- 5. Para  $i \in \mathbb{N}$ , usaremos  $(x)_i$  para denotar a  $s_i$  de la infinitupla (x). Es decir que
  - (a)  $(x) = ((x)_1, (x)_2, \dots)$
  - (b)  $(x)_i$  es el exponente de pr(i) en la (única posible) factorización de x como producto de primos