## Lenguajes Formales y Computabilidad Definiciones y Convenciones: Combo 3

## Nicolás Cagliero

June 22, 2025

- 1. Defina cuando un conjunto  $S\subseteq\omega^n\times\Sigma^{*m}$  es llamado  $\Sigma$ -recursivamente enumerable (no hace falta que defina "función  $\Sigma$ -recursiva")
- 2. Defina  $s^{\leq}$
- 3. Defina ∗≤
- 4. Defina #≤

## Respuestas:

- 1. Diremos que un conjunto  $S\subseteq \omega^n\times \Sigma^{*m}$  es llamado  $\Sigma$ -recursivamente enumerable cuando sea vacío o haya una función  $F:\omega\to\omega^n\times \Sigma^{*m}$  tal que  $I_F=S$  y  $F_i$  sea  $\Sigma$ -recursiva, para cada  $i\in\{1,\ldots,n+m\}$
- $2. \ s^{\leq}: \Sigma^* \to \Sigma^*$

$$s^{\leq}((a_n)^m)=(a_1)^{m+1}, \text{ para cada } m\geq 0$$
 
$$s^{\leq}(\alpha a_i(a_n)^m)=\alpha a_{i+1}(a_1)^m$$

 $3. *\leq : \omega \to \Sigma^*$ 

$$\begin{split} *^{\leq} (0) &= \varepsilon \\ *^{\leq} (i+1) &= s^{\leq} (*^{\leq} (i)) \end{split}$$

4.  $\#^{\leq}: \Sigma^* \to \omega$ 

$$\#^{\leq}(\varepsilon) = 0$$

$$\#^{\leq}(a_{i_k}\dots a_{i_0})=i_k n^k+\dots+i_0 n^0$$
 para  $i_0,i_1,\dots,i_k\in\{1,\dots,n\}$