



#### Módulo IV

#### Nicolás Schmidt

nschmidt@cienciassociales.edu.uy

Departamento de Ciencia Política Unidad de Métodos y Acceso a Datos Facultad de Ciencias Sociales Universidad de la República

## Estructura de la presentación

#### 1 Matrices

- Creación de matrices
- Indexación
- rbind() y cbind()
- Funciones matriciales básicas
- Funciones básicas con matrices
- apply()
- matplot()

## Estructura de la presentación

#### 1 Matrices

- Creación de matrices
- Indexación
- rbind() y cbind()
- Funciones matriciales básicas
- Funciones básicas con matrices
- apply()
- matplot()

## Matriz y matrix()

$$M = \begin{bmatrix} x_{11} & x_{12} & x_{13} & \dots & x_{1n} \\ x_{21} & x_{22} & x_{23} & \dots & x_{2n} \\ x_{31} & x_{32} & x_{33} & \dots & x_{3n} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ x_{d1} & x_{d2} & x_{d3} & \dots & x_{dn} \end{bmatrix} M = \begin{bmatrix} 1 & 6 & 11 & 16 & 21 \\ 2 & 7 & 12 & 17 & 22 \\ 3 & 8 & 13 & 18 & 23 \\ 4 & 9 & 14 & 19 & 24 \\ 5 & 10 & 15 & 20 & 25 \end{bmatrix}$$

### Definición

Una matriz es un vector atómico con el atributo (attributes()) dim(). Las matrices son vectores con dos dimensiones: filas (nrow()) y columnas (ncol()).

```
vector.m <- 1:4
m <- matrix(vector.m)
m

## [,1]
## [1,] 1
## [2,] 2
## [3,] 3
## [4,] 4

dim(m)
## [1] 4 1</pre>
```

### dim()

La función dim() sirve para consultar la dimensión de un objeto o para crear una matriz a partir de un vector atómico. En ambos casos, la entrada, como la salida de la función (en el caso de una matriz) es un vector de dos números enteros que corresponden a la cantidad de filas y a la cantidad de columnas.

#### Ejemplo:

```
length(m) == dim(m)[1]*dim(m)[2]
## [1] TRUE
```

#### Modificando la dimensión de la matriz m

```
dim(m) <- c(2, 2)
m

## [,1] [,2]
## [1,] 1 3
## [2,] 2 4
```

### matrix()

nrow ncol byrow dimnames

data

Vector de datos. Si no se ingresan datos se genera una matriz de NA's Número entero que indica la cantidad de filas. Número entero que indica la cantidad de columnas. Valor lógico que indica si la matriz se completa por columnas o por filas. Lista de longitud 2 que contiene los nombres de filas y columnas.

Si en el argumento data se ingresa un vector de longitud 1, pero la dimensión de la matriz es mayor a c(1,1) R completa la totalidad de la matriz repitiendo los valores (reciclaje!).

```
matrix(1,2,2)
                              # matriz con un solo valor de entrada
## [,1] [,2]
## [1,] 1 1
## [2,] 1 1
matrix(nrow = 2, ncol = 2)  # matriz sin vector de entrada
## [,1] [,2]
## [1,] NA NA
## [2,] NA NA
matrix(1:4, 2, 2)
                          # matriz con vector de entrada por columna
## [,1] [,2]
## [1,] 1 3
## [2,] 2 4
matrix(1:4, 2, 2, byrow = TRUE) # matriz con vector de entrada por filas
## [,1] [,2]
## [1,] 1 2
## [2,] 3 4
```

### dimnames()

La función (y el argumento) dimnames () es para incorporar nombres a las filas y columnas de la matriz. Adicionalmente, también están las funciones rownames () y colnames ().

```
matrix(1:4, 2, 2, dimnames = list(c("Fila 1", "Fila 2"),
                              c("Columna 1", "Columna 2")))
## Columna 1 Columna 2
## Fila 1 1
## Fila 2 2
                         4
dimnames(m) <- list(c("Fila 1", "Fila 2"), c("Columna 1", "Columna 2")); m</pre>
## Columna 1 Columna 2
## Fila 1 1
## Fila 2 2
m2 \leftarrow matrix(c(100, 200), 1, 2)
colnames(m2) <- c("Columna 1", "Columna 2")</pre>
rownames(m2) <- "Fila 1"; m2</pre>
## Columna 1 Columna 2
## Fila 1 100
                       200
```

### Indexación

Al igual que la indexación con vectores, vamos a usar los corchetes '['. Pero como las matrices tienen el atributo dim()(dimensiones) hay que especificar si queremos indexar por filas, por columnas o por ambas.

```
nombre_de_la_matriz [ número_de_fila , número_de_columna ]
```

#### Detalles:

- Si dentro de los corchetes no hay una coma, se hará una indexación del vector que compone la matriz. Es la ubicación en el length().
- Si no se indica ningún valor en filas o en columnas R interprete que se refiere a todas las filas o todas las columnas.
- El número de filas y el de columnas son un vector numérico. Esto indica que se puede usar cualquier función que devuelva un vector numérico de números enteros dentro de los corchetes.

#### Ejemplos: indexar para seleccionar

## [2,] 96 89 58

```
(m <- matrix(sample(1:100, 12), 4, 3))
## [,1] [,2] [,3]
## [1.] 34 2 95
## [2,] 96 89 58
## [3.] 84 94 49
## [4,] 63 1 69
m[1,2]
                       # fila 1 y columna 2.
## [1] 2
m[1:2,]
                       # filas 1 y 2 y todas las columnas
      [,1] [,2] [,3]
## [1.] 34 2 95
## [2,] 96 89 58
m[-c(3:4),]
                      # quito fila 3 y 4
## [,1] [,2] [,3]
## [1,] 34 2 95
```

#### Ejemplos: indexar usando funciones

[,1] [,2] [,3] ## [1,] 96 89 58 ## [2,] 84 94 49

##

```
m
## [,1] [,2] [,3]
## [1,] 34 2 95
## [2,] 96 89 58
## [3,] 84 94 49
## [4,] 63 1 69
m[3:nrow(m), 2:ncol(m)]
## [,1] [,2]
## [1,] 94 49
## [2,] 1 69
m[m[,2] > 50,]
```

#### Ejemplos: indexar una matriz con otra matriz.

```
m2 <- matrix(1:20, 4, 5, byrow = TRUE)
m2
      [,1] [,2] [,3] [,4] [,5]
##
## [1,]
      1 2 3
                       5
## [2,] 6 7 8 9 10
## [3,] 11 12 13 14 15
## [4,] 16 17 18 19 20
i <- matrix(c(1:4,5:2), 4, 2)
```

```
##
              [,1] [,2]
## [1,] 1 5
## [2,] 2 4
## [3,] 3 3
## [4,] 4 2
```

```
m2[i]
## [1] 5 9 13 17
```

### Ejemplos: completar una matriz indexando valores de distintas maneras.

```
mat <- matrix(nrow = 4, ncol = 3)
mat
##
      [,1] [,2] [,3]
## [1,] NA NA NA
## [2.] NA NA NA
## [3,] NA NA NA
## [4.] NA NA NA
mat[1,1:3] <- 10:12 # usando ":"
mat[2,1:3] <- 20 # usando ":" y un solo valor (que se recicla)
mat[3,1:ncol(mat)] <- 30:32  # usando la función ncol()
i <-1:3
                          # creo un vector de las columnas de interés
mat[4,j] <- 40:42
                          # indexo con el objeto "j"
mat.
##
      [,1] [,2] [,3]
## [1,] 10 11 12
## [2,] 20 20 20
## [3,] 30 31 32
```

## [4,] 40 41 42

#### Ejemplos: indexar por los nombres de las filas o columnas.

```
M <- matrix(1:4, 2, 2, dimnames=list(c("Fila 1", "Fila 2"), c("Col. 1", "Col. 2")))
## Col. 1 Col. 2
## Fila 1 1 3
## Fila 2 2 4
M["Fila 1", "Col. 2"]
## [1] 3
M["Fila 1", 2]
## [1] 3
M["Fila 1", c("Col. 1", "Col. 2")]
## Col. 1 Col. 2
## 1 3
M[-c(rownames(M)=="Fila 1"),]
## Col. 1 Col. 2
## 2 4
```

**Recordar**: una matriz es una estructura de datos homogénea. Es decir, solo puede contener datos de un único tipo.

```
M <- matrix(1:4, 2, 2, dimnames=list(c("Fila 1", "Fila 2"), c("Col. 1", "Col. 2")))
## Col. 1 Col. 2
## Fila 1 1
## Fila 2 2 4
typeof(M)
## [1] "integer"
M[1,1] <- "1"  # Solo cambio un dato de los cuatro que tiene la matriz
  Col. 1 Col. 2
## Fila 1 "1" "3"
## Fila 2 "2" "4"
typeof(M)
## [1] "character"
```

## Función drop()

Si alguna de las dimensiones en la extracción va a tener una longitud de 1 se elimina el atributo dim().

#### Ejemplo.

```
j <- matrix(1:12, 3, 4)
j[1,]
## [1] 1 4 7 10
j[1,,drop = FALSE]
## [,1] [,2] [,3] [,4]
## [1,] 1 4 7 10
class(j[1,])
## [1] "integer"
class(j[1,,drop = FALSE])
## [1] "matrix"
```

## rbind() y cbind()

Una manera alternativa de crear funciones es *pegando* vectores. Los vectores se pueden pegar por filas (rbind()) o por columnas (cbind()). Estas funciones también permiten *pegar* matrices o un vector a una matriz.

#### Ejemplos con rbind() y cbind()

```
(mat2 <- cbind(vec1, vec2, vec3))</pre>
## vec1 vec2 vec3
## [1.] 1 6 11
## [2,] 2 7 12
## [3,] 3 8 13
## [4,] 4 9 14
## [5,] 5 10 15
(mat3 <- cbind(mat2, 1, 0))  # el 1 y el 0 se reciclan!</pre>
## vec1 vec2 vec3
## [1.] 1 6 11 1 0
## [2,] 2 7 12 1 0
## [3,] 3 8 13 1 0
## [4,] 4 9 14 1 0
## [5,] 5 10 15 1 0
colnames(mat3)[4:5] <- c("vec4", "vec5"); mat3</pre>
## vec1 vec2 vec3 vec4 vec5
## [1.] 1 6 11
                        1
## [2,] 2 7 12 1 0
## [3,] 3 8 13 1 0
## [4,] 4 9 14 1 0
        5 10
                   15 1
## [5,]
                                 0
```

#### Ejemplos con rbind() y cbind()

```
mat4 \leftarrow cbind(mat2, vec4 = 1, vec5 = 0)
mat4
        vec1 vec2 vec3 vec4 vec5
##
## [1,]
        1 6 11 1
## [2,] 2 7 12 1 0
## [3,] 3 8 13 1 0
## [4,] 4 9 14 1 0
## [5,] 5 10 15 1 0
mat5 <- cbind(0, rbind(1, 1:3, 21:23))
colnames(mat5) <- letters[1:ncol(mat5)]</pre>
rownames(mat5) <- paste(colnames(mat5)[1:nrow(mat5)], 1:nrow(mat5), sep = "-")</pre>
mat5
## a b c d
## a-1 0 1 1 1
## b-2 0 1 2 3
## c-3 0 21 22 23
```

#### Pregunta:

¿cuál es el problema con esta manera de nombrar filas y columnas?

## Funciones matriciales básicas

Función	Descripción
t(x)	Transpuesta de x
det(x)	Determinante de x
solve(A, b)	Resuelve la ecuación $Ax = b$ para $x$
solve(x)	Matriz inversa de x
eigen(x)	Valores propios y vectores propios de x
diag(A)	Crea una matriz identidad de A*A
diag(B)	Elementos de la diagonal de B
diag(X)	Crea una matriz diagonal a partir del vector X
lower.tri(x)	Matriz triangular inferior de x
upper.tri(x)	Matriz triangular superior de x

```
diag(3)
                              # devuelve una matriz identidad de 3*3
       [,1] [,2] [,3]
## [1,] 1 0 0
## [2,] 0 1 0
## [3,] 0 0 1
diag(c(1:4))
                              # devuelve una matriz con esos valores en la diagonal
        [,1] [,2] [,3] [,4]
## [1,]
        1 0 0
## [2,] 0 2 0 0
## [3,] 0 0 3 0
## [4,] 0 0 0 4
diag(matrix(1:20, 5 , 4)) # devuelve un vector con los valores de la diagonal
## [1] 1 7 13 19
```

```
(mat5 <- matrix(16, 4, 4))
##
       [,1] [,2] [,3] [,4]
## [1.] 16 16 16 16
## [2,] 16 16 16 16
## [3,] 16 16 16 16
## [4,] 16 16 16 16
lower.tri(mat5)
## [,1] [,2] [,3] [,4]
## [1,] FALSE FALSE FALSE FALSE
## [2.] TRUE FALSE FALSE FALSE
## [3,] TRUE TRUE FALSE FALSE
## [4.] TRUE TRUE TRUE FALSE
upper.tri(mat5)
## [,1] [,2] [,3] [,4]
## [1,] FALSE TRUE TRUE TRUE
## [2,] FALSE FALSE TRUE TRUE
## [3.] FALSE FALSE FALSE TRUE
## [4,] FALSE FALSE FALSE FALSE
```

## Funciones básicas con matrices

Función	Descripción
colSums(x)	Suma por columna de una matriz
rowSums(x)	Suma por fila de una matriz
colMeans(x)	Media por columna de una matriz
rowMeans(x)	Media por fila de una matriz
ncol(x)	Número de columnas de la matriz
nrow(x)	Número de filas de la matriz
colnames(x)	Nombres de las columnas
rownames(x)	Nombre de las filas

```
set.seed(2130)
mi_matriz <- matrix(sample(1:100, 20), 4, 5)
colnames(mi_matriz) <- LETTERS[1:ncol(mi_matriz)]</pre>
rownames(mi_matriz) <- paste("Fila", 1:nrow(mi_matriz))</pre>
mi_matriz2 <- mi_matriz</pre>
mi_matriz
## A B C D E
## Fila 1 69 51 17 68 18
## Fila 2 77 15 4 82 83
## Fila 3 60 41 37 45 56
## Fila 4 98 13 40 10 32
colSums(mi_matriz)
## A B C D E
## 304 120 98 205 189
rowSums(mi matriz)
## Fila 1 Fila 2 Fila 3 Fila 4
      223
            261
                   239 193
##
```

```
mi matriz <- rbind(mi matriz, Total = colSums(mi matriz))
mi_matriz
##
          A B C D E
## Fila 1 69 51 17 68 18
## Fila 2 77 15 4 82 83
## Fila 3 60 41 37 45 56
## Fila 4 98 13 40 10 32
## Total 304 120 98 205 189
mi_matriz <-cbind(mi_matriz, Total = rowSums(mi_matriz))</pre>
mi_matriz
##
         A B C D E Total
## Fila 1 69 51 17 68 18
                           223
## Fila 2 77 15 4 82 83 261
## Fila 3 60 41 37 45 56 239
## Fila 4 98 13 40
                   10 32 193
## Total 304 120 98 205 189 916
```

```
colMeans(mi_matriz)

## A B C D E Total
## 121.6 48.0 39.2 82.0 75.6 366.4

mi_matriz <- rbind(mi_matriz, Promedio = colMeans(mi_matriz))
mi_matriz

## A B C D E Total
## Fila 1 69.0 51 17.0 68 18.0 223.0
## Fila 2 77.0 15 4.0 82 83.0 261.0
## Fila 3 60.0 41 37.0 45 56.0 239.0
## Fila 4 98.0 13 40.0 10 32.0 193.0
## Total 304.0 120 98.0 205 189.0 916.0
## Promedio 121.6 48 39.2 82 75.6 366.4</pre>
```

```
addmargins(mi_matriz2)
      A B C D E Sum
##
## Fila 1 69 51 17 68 18 223
## Fila 2 77 15 4 82 83 261
## Fila 3 60 41 37 45 56 239
## Fila 4 98 13 40 10 32 193
## Sum 304 120 98 205 189 916
addmargins(mi_matriz2, c(1, 2), mean , quiet = TRUE)
         A B C D E mean
##
## Fila 1 69 51 17.0 68.00 18.00 44.6
## Fila 2 77 15 4.0 82.00 83.00 52.2
## Fila 3 60 41 37.0 45.00 56.00 47.8
## Fila 4 98 13 40.0 10.00 32.00 38.6
## mean 76 30 24.5 51.25 47.25 45.8
```

# apply()

### apply(X, MARGIN, FUN, ...)

X	Matriz. Si es un data.frame va a forzarlo al modo matrix
MARGIN	Vector que indica si la FUN se va a realizar por filas MARGIN = 1
	o por columnas MARGIN = 2 o por ambas MARGIN = c(1,2)
FUN	Número entero que indica la cantidad de columnas.
	Argumentos opcionales a FUN.

```
(matriz <- matrix(round(rnorm(21, 5, 3), 2), 3, 7))
## [,1] [,2] [,3] [,4] [,5] [,6] [,7]
## [1,] 8.58 13.80 0.43 7.79 4.81 3.09 5.83
## [2,] 5.88 6.86 4.04 1.09 7.76 4.92 5.87
## [3,] 6.86 6.10 7.20 9.64 6.44 3.64 3.27
apply(matriz, 1, median) # devuelve un vector
## [1] 5.83 5.87 6.44
apply(matriz, 1, fivenum) # devuelve una matriz
## [,1] [,2] [,3]
## [1,] 0.430 1.09 3.27
## [2.] 3.950 4.48 4.87
## [3,] 5.830 5.87 6.44
## [4.] 8.185 6.37 7.03
## [5.] 13.800 7.76 9.64
cbind(matriz, t(round(apply(matriz, 1, fivenum),2)))
       [,1] [,2] [,3] [,4] [,5] [,6] [,7] [,8] [,9] [,10] [,11] [,12]
## [1,] 8.58 13.80 0.43 7.79 4.81 3.09 5.83 0.43 3.95 5.83 8.19 13.80
## [2,] 5.88 6.86 4.04 1.09 7.76 4.92 5.87 1.09 4.48 5.87 6.37 7.76
## [3,] 6.86 6.10 7.20 9.64 6.44 3.64 3.27 3.27 4.87 6.44 7.03 9.64
```

## matplot()

```
m <- matrix(1:12, 4, 3)
matplot(m, cex = 1.5, ylim = c(0,15))
text(m[,3]+1, labels = paste("Fila", 1:4), cex = 0.9)</pre>
```

