



[Nicolas Douillet]

**Introduction et existant : conjecture des nombres premiers jumeaux, (à démontrer)**

Il existe une infinité de nombre premiers dits jumeaux, c'est à dire de couples  $(p_A, p_B)$  de nombres premiers tels qu'il existe un unique  $n \in \mathbb{N}^* \setminus \{1\}$ ,  $p_A = n-1$ , et  $p_B = n+1$ , soit  $p_B - p_A = 2$ , que l'on peut donc aussi qualifier de nombres « 2-jumeaux ».

**Généralisation de la conjecture des nombres premiers jumeaux : conjecture de Polignac reformulée**

En reprenant et en étendant cette définition, on conjecture qu'il existe de même une infinité de nombres premiers « 4-jumeaux », « 6-jumeaux », ..., «  $2n$ -jumeaux », c'est à dire d'ensembles de couples  $(p_A, p_B)$  de nombres premiers tels que  $p_B - p_A = 2n$ , avec  $n \in \mathbb{N}^* \setminus \{1\}$ .

Chacun de ces ensembles, peut aussi être appelé plus précisément « ensemble des « nombres premiers frères à distance  $2n$  ». Pour  $n \in \mathbb{N}^*$ , il existe donc une infinité d'ensemble de nombres premiers frères à distance  $2n$ .

Le nombre 2, unique premier pair peut être alors défini comme son propre « 0-jumeau » ou « frère à distance 0 ».

**Conjecture de Nicolas : sur la réunion des  $n$  ensembles de « nombres premiers frères à distance  $2n$  »**

La réunion des  $n$  ensembles de « nombres premiers frères à distance  $2n$  »,  $n \in \mathbb{N}^*$  et du nombre 2 constitue l'ensemble des nombres premiers IP.

Cette réunion est aussi la réunion de l'intersection des  $n$  ensembles de « nombres premiers frères à distance  $2n$  »,  $n \in \mathbb{N}^*$  et du nombre 2.