## TP cours 3 : Optimisation sur base de krigeage

Ecole-chercheur Mexico, La Rochelle

N. Durrande - V. Picheny

L'objectif du TP consiste à trouver les paramètres du simulateurs numérique du volcan qui minimisent l'erreur de prédiction par rapport aux données observées par satellite. On s'intéresse donc à un problème de calibration que l'on va traiter comme un problème d'optimisation.

Ce TP comprend deux parties : pour commencer il faudra obtenir un bon modèle de krigeage qui approche la fonction <code>compute\_wls</code> (deuxième partie du précédent TP - qu'on approfondira ici). La seconde partie consiste à utiliser l'algorithme EGO du package <code>DiceOptim</code> pour trouver les paramètres qui minimisent cette erreur.

## 1 Modélisation par krigeage

- **Q1.** Récupérer le meilleur plan d'expériences de 100 points en dimension 5 obtenu lors de la séance de lundi. Si vous n'êtes pas arrivé à un résultat convainquant vous pouvez utiliser le plan d'expériences et les observations fournies dans le fichier XY\_volcano.Rdata (à charger avec la fonction load).
- **Q2.** Tester différentes covariances et tendances en estimant les paramètres par maximum de vraisemblance. Les valeurs des paramètres estimés peuvent-elle nous renseigner sur la fonction que l'on approche? Proposer une interprétation. Si vous observez des portées très faibles, qu'est-ce que cela implique? Pour éviter ce problème, il est possible d'imposer des bornes lors de l'appel à km, par exemple dans notre cas lower=rep (0.1, 5).
- **Q3.** Tester la qualité de prédiction de la moyenne de krigeage de différents modèles en calculant le critère

$$Q_2 = 1 - \frac{\sum_{i=1}^{n} (y_i - m(x_i))^2}{\sum_{i=1}^{n} (y_i - mean(y_i)^2)}$$

sur des résidus obtenus par leave-one-out (cf fonction leaveOneOut.km). Vous avez peut-être constaté précédement qu'ajouter des termes de tendance augmente toujours la vraisemblance du modèle mais est-ce que cela augmente forcément le  $Q_2$ ?

**Q4.** Normaliser les résidus obtenus par leave-one-out et utiliser le code qui vous est fourni pour comparer leur distribution à une loi  $\mathcal{N}(0,1)$ . Le résultat vous parrait-il satisfaisant? Pour compléter, utiliser la fonction plot (model). Choisir le modèle qui vous parrait le meilleur, c'est celui-là que l'on utilisera par la suite pour l'optimisation.

## 2 Optimisation Globale avec EGO

- **Q5.** Charger la package DiceOptim et utiliser la fonction EGO.nstep pour effectuer nsteps=20 itérations de l'algorithme EGO. Cette fonction prend en entrée le modèle de krigeage ainsi que la fonction à optimiser compute\_wls. Par la suite, on notera res l'objet qui est retourné par la fonction EGO.nsteps.
- **Q6.** Observer les différents éléments contenus dans res. Tracer l'évolution des valeurs de la fonction objectif aux points visités par EGO en fonction de l'itération. Quelle est la plus petite valeur observée et quels sont les paramètres associés? Y a-t-il une amélioration par rapport à la meilleure valeur observée sur le plan d'expérience? Comment observe-t-on le compromis exploration / intensification?
- **Q7.** Représenter à l'aide d'un graphique pairs la distribution dans l'espace des paramètres testés par l'optimiseur. Identifier des zones d'exploration et d'intensification.
- **Q9.** Utiliser la fonction sectionview de DiceView pour représenter une vue en coupe du modèle (res\$lastmodel) centrée sur l'optimum.
- **Q10.** Reprendre les questions 5 à 9 en augmentant la valeur de nsteps. De manière alternative, on peut essayer de relancer EGO.nstep à partir du dernier modèle (res\$lastmodel), où d'un nouveau modèle bâti à partir du plan d'expériences enrichi des 20 points.
- **Q11 (bonus).** Reprendre les dernières questions sur l'analyse de sensibilité à l'aide de krigeage du TP précédent. Les résultats sont-il cohérents avec le comportement observé de l'algorithme EGO?

Il y a 2 solutions : soit faire l'AS sur la moyenne du krigeage, soit faire l'AS sur des trajectoires. Dans le premier cas, on a besoin d'encapsuler la sortie de la fonction predict (m). Dans le deuxième cas, on peut directement utiliser la fonction sobolge du package sensitivity. Se reporter au script d'aide. Comparer les deux résultats obtenus et les temps de calcul respectifs.