

# Compte rendu TP2 Filtrage numérique

Nicolas Foin

## 8.2 Etude théorique

Q 8.2.1

$$\begin{aligned} X(f) &= M(f) * \left( \frac{1}{2} (\delta(f - f_0) + \delta(f + f_0)) \right) \\ &= \frac{M(f - f_0) + M(f + f_0)}{2} \end{aligned}$$

Q8.2.2

$$\begin{aligned} Y(f) &= M(f) * \left( \frac{1}{2} (1 + \cos(4\pi f_0 t)) \right) \\ &= \frac{M(f)}{2} (\delta(f) + \frac{1}{2} (\delta(f + 2f_0) + \delta(f - 2f_0))) \end{aligned}$$

Q8.2.3

a) On doit utiliser un filtre car le signal y est composé de la somme de m et d'un autre signal de fréquence différente. Or on veut seulement m.

b) En utilisant un filtre passe bas, on peut récupérer m à un facteur multiplicatif près, après avoir supprimé la composante en  $\cos(4\pi f_0 t)$ .

## 8.3 Implantation

Q8.3.2

b) Le tracé de la fft du signal modulé est conforme car on remarque bien les deux spectres de m (figure 2) placés en  $-f_0$  et  $f_0$ . C'est bien ce qu'on a obtenus avec le résultat théorique.

Q8.4.2

On remarque que le signal est composé de deux dirac en  $-400$  et  $400$  Hz ce qui correspond à  $-2f_0$  et  $2f_0$  comme obtenu dans l'expression théorique. De plus on retrouve aussi le dirac à l'origine.

Q8.4.3

b) Le filtre est bien de type passe bas car il est centré en 0.

c) Plus l'ordre est élevé, plus la réponse en fréquence se rapproche d'un filtre idéal c'est à dire d'une porte.

c) La fenêtre de troncature permet de lisser la réponse en fréquence, et ainsi de se rapprocher d'un filtre idéal sans avoir à augmenter l'ordre.