Espacio Curricular: Lógica

Docente: Anabel N. Ruiz

Lógica Proposicional o Lógica de Enunciados

A) Ejercicios de Formalización de Argumentos

Expresar mediante fórmulas proposicionales los siguientes enunciados:

Ejemplo:

En los polos el frío es intenso únicamente si los planetas giran en torno al sol.

Respuesta:

Convenciones simbólicas:

- p: en los polos el frío es intenso
- q: los planetas giran en torno al sol

Formalización:

$$p \rightarrow q$$

- 1. Siempre que los herbívoros corren o el frío en los polos es intenso, los planetas giran en torno al sol.
- 2. Si es cierto que Aristóteles nació en Estagira y que fue tutor de Alejandro Magno y, además, que si nació en Estagira era macedonio por su nacimiento, entonces era efectivamente macedonio.
- 3. Si el sol brilla hoy, entonces no brillará mañana.
- 4. O Roberto tiene celos de Chari o no está de buen humor hoy.
- 5. Cuando la presión atmosférica baja, entonces llueve o nieva.
- **6.** Si has leído los apuntes y has hecho los ejercicios, estás preparado para el examen. En caso contrario, tienes un problema.
- 7. No habrá cura para el cáncer salvo que se determine su causa y se encuentre un nuevo medicamento.
- 8. Si Pablo se encontró con Chari ayer, entonces tomaron café juntos o pasearon por el parque.
- 9. Juan duerme muchas horas y muy profundamente.
- 10. Mi hermana tiene un gato blanco y negro.

B) Tabla de Verdad

Construye la tabla de Verdad de las siguientes proposiciones.

- 1. $p \land q \rightarrow p$
- 2. $p \vee p \rightarrow r$
- 3. $(p \rightarrow q) \land (q \rightarrow r) \rightarrow (p \rightarrow r)$
- 4. $p \wedge q \rightarrow q \wedge p$
- 5. $(p \rightarrow q) \land \neg q \rightarrow \neg p$

Espacio Curricular: Lógica

Docente: Anabel N. Ruiz

Lógica Proposicional o Lógica de Enunciados

C) Ejercicios para Pensar

1. Si p y r son proposiciones verdaderas y q es falsa, determine el valor de verdad de:

a.
$$[(p \land \neg q) \lor \neg r] \rightarrow q$$

b.
$$[(\neg r \lor q) \land (r \lor \neg p)] \leftrightarrow \neg r$$

c.
$$[(\neg p \rightarrow q) \rightarrow \neg r] \lor [\neg q \rightarrow r]$$

2. ¿Qué condiciones debe satisfacer p y q para que la siguiente proposición sea:

a.
$$[(q \leftrightarrow p) \land \neg q] \rightarrow (p \land \neg q)$$
 Falsa

b.
$$[(\neg p \rightarrow q) \rightarrow \neg r] \lor [|q \rightarrow r]$$
 Falsa

c.
$$\{\neg p \land (p \lor q)\} \land [p \leftrightarrow q]$$
 Verdadera

- 3. Sean p, q, r, tres proposiciones tales que r es falsa, $\mathbf{p} \leftrightarrow \neg \mathbf{q}$ y $\mathbf{q} \to \mathbf{r}$ son verdaderas, deducir el valor de verdad de p.
- 4. Cuál de las siguientes expresiones son lógicamente equivalentes a $(\neg p \lor \neg q) \land r$

a.
$$p \rightarrow (\neg q \land r)$$

b.
$$(p \rightarrow q) \land r$$

c.
$$(p \rightarrow \neg q) \land r$$

d.
$$p \rightarrow (q \vee r)$$

- 5. ¿Cuáles de las siguientes proposiciones tienen la forma $(p \land q) \rightarrow r$?
 - a. Si no vas a la fiesta, entonces Chari, que ya está preparada, se enfadará contigo.
 - b. Haendel es un gran compositor y Vivaldi también.
 - c. Si la inflación sube y hay elecciones cerca, entonces las pensiones suben.
 - d. Llegará en el tren de las 8:15 o en el de las 9:15, si llega en el primero, entonces tendrá tiempo para visitarnos.