

Tabou

Avant propos

L'analyse de cette partie se base principalement sur le fichier moyenne des 30 premiers. Ce fichier contient la moyenne de chaque une des métriques pour chacun des fichiers d'entrée. Nous avons choisi d'analyser ce fichier plutôt que celui des 100 clients pour plusieurs raisons. D'abord, la quantité des données est bien supérieure. En effet, utiliser seulement les 30 premiers clients nous a permis de faire tourner 4 simulations pour chaque couple d'hyperparamètres. Ce point là est très important, car le résultat, particulièrement quand il y a peu d'itération ou bien beaucoup de camions, est très influencé par la solution aléatoire de départ. Ainsi, il est nécessaire de faire plusieurs simulations afin de lisser l'effet de l'aléatoire (bien que 4 soit assez peu, il est toujours préférable à l'unique solution trouvée pour les fichiers complets). Ensuite, les hyperparamètres choisis sont plus adaptés. En effet, les choix des hyperparamètres que nous allons utiliser ont été réalisés suite à une réflexion sur les premiers résultats. Or, ces premiers résultats ont été générés à partir des données des 30 premiers clients. Pour adapter les itérateurs

Les hyperparamètres que nous avons testés sont le produit cartésien de ces deux listes :

- taille de la liste tabou : [0, 4, 16, 64]
- nombre d'itération : [0, 40, 160, 640] Nous expliquerons dans la suite du rapport le choix de certaines de ces valeurs

Choix des opérateurs

Pour réaliser cet algorithme, nous avons décidé d'utiliser les opérateurs 2-opt et relocate. Ce choix des opérateurs doit être bien réalisé pour que l'algorithme fonctionne correctement.

Superposition

D'abord, il ne faut pas que deux opérateurs se superposent. En effet, si deux opérateurs peuvent donner une même solution à partir d'une solution idéale, alors la liste tabou ne pourra pas repérer que cette solution a déjà été exploitée. Ainsi, si les opérateurs sont mal choisis, l'algorithme se retrouvera dans des boucles beaucoup plus rapidement

Choix final

Au final, nous avons choisi d'utiliser le relocate et le 2-opt.

Relocate

Notre choix s'est porté sur le relocate car c'est celui qui s'est révélé le plus efficace dans le recuit. De plus, c'est un opérateur qui permet de supprimer des routes, ce qui est important pour atteindre les meilleurs optimaux.

2-opt

Nous avons choisi le 2-opt pour une autre raison : sa cohérence avec le time windows. En effet, bon nombre d'opérateurs ne sont pas pertinents dans ce cas, car ils donneront énormément de résultats invalides. Par exemple,

inverser tout l'ordre de la route sera dans la quasi totalité des cas impossible en respectant les time windows. Le 2-opt, quant à lui, est très cohérent car il échange deux clients proche, ce qui a de grande chance de fonctionner. De plus, il ne génère pas énormément de voisin, ce qui permet d'optimiser les temps de calcul

Un autre bon candidat : le 3-opt

Nous avons également développé l'opérateur 3-opt, qui fait la même chose que le 2-opt en rajoutant un client entre les deux qui sont inversés. Cet opérateur était un bon candidat pour les mêmes raisons que le 2-opt, mais s'avère moins efficace car il génère plus de solution incompatible avec les time window

Choix des hyper-parametres

Hyper paramètres particuliers

Nous avons sélectionné deux valeur d'hyperparamètre pour des raisons particulières

0 itérations

D'abord, nous avons choisi d'utiliser le paramètre 0 itérations. Ce choix est motivé par deux raisons :

- d'abord, il nous permettra de voir la fitness donné par la solution aléatoire. Cela nous donnera un ordre d'idée du fichier sur lequel nous travaillons
- ensuite, il permet de poser une base pour la matrice de corrélation. En effet, il permet de rajouter une valeur d'analyse permettant d'établir des corrélations sans devoir faire de calcul particulier. Ce choix est ainsi très intéressant dans notre contexte où les données sont précieuses

0 place dans la liste tabou

Nous avons également choisi d'inclure le paramètre de 0 pour la taille de la liste tabou. Ce paramètre peu sembler déconcertant, car il enlève tout le principe de cet algorithme, mais c'est justement ce que nous voulions faire. En effet, si nous plaçons la taille de la liste à 0, alors nous effectuons l'algorithme hill climbing. Grâce à cette valeur, nous pourrions ainsi comparer l'algorithme hill climbing et le tabou.

De même que pour la partie précédente, il permet également de poser une base pour les corrélations

Choix de la métrique

Comme vu précédemment, nous avons deux hyper-paramètres à sélectionner : la taille de la liste et le nombre d'itération visé. Pour trouver les hyper-paramètres les plus adaptés, il faut ainsi voir le couple qui donne les meilleur résultat en terme de fitness. Cependant, nous pouvons voir dans l'annexe 1 (**TODO : créer annexe 1, càd le fichier moyenne pour les tilles 30**) que, pour 30 éléments, la fitness avec les paramètres (16, 40) et (16, 160) donne des fitness moyenne très proche, mais que le deuxième couple prend beaucoup plus de temps à calculer. Ainsi, pour évaluer la qualité d'une solution, nous allons également mettre en jeu cette metrique de temps en faisant un ratio :

$q = \frac{1}{f \times 2 + d} \times 1000000$ avec :

- q la qualité de la solution
- f la fitness moyenne (à laquelle nous donnons deux fois plus de poid)
- d la durée moyenne
- la multiplication par 100000 nous permettant de revenir dans des unité plus simple à analyser

Analyse des résultats du ratio

Ainsi, avec ce calcul, nous obtenons ces résultats :

- (16, 40) :
- (16, 160) : Avec ce calcul, nous pouvons voir que la qualité des hyperparamètres (16, 40) est supérieur. Pour que ce ration s'inverse, il faut donner à la fitness un poid de 8. Nous pouvons donc interpréter les résultat comme cela : si la fitness est 8 fois plus important que le temps d'exécution, alors le couple (16, 160) est plus intéressant. Dans le cas contraire, nous choisirons plutot le couple (16, 40) **faire aussi pour le couple 64,640, et même peut être automatiser**

Détection de schéma

Mettre capture d'écran d'un schéma qui se répète Une fois le développement de la liste tabu achevé, nous avons remarqué que dans la quasi totalité de nos premiers tests, nous pouvions visuellement voir une répétition de fitness. Cette répétition arrivait assez rapidement et nous avons donc penser qu'il serait utile de réaliser une détection de schéma afin d'éviter un grand nombre d'itération inutile

Développement

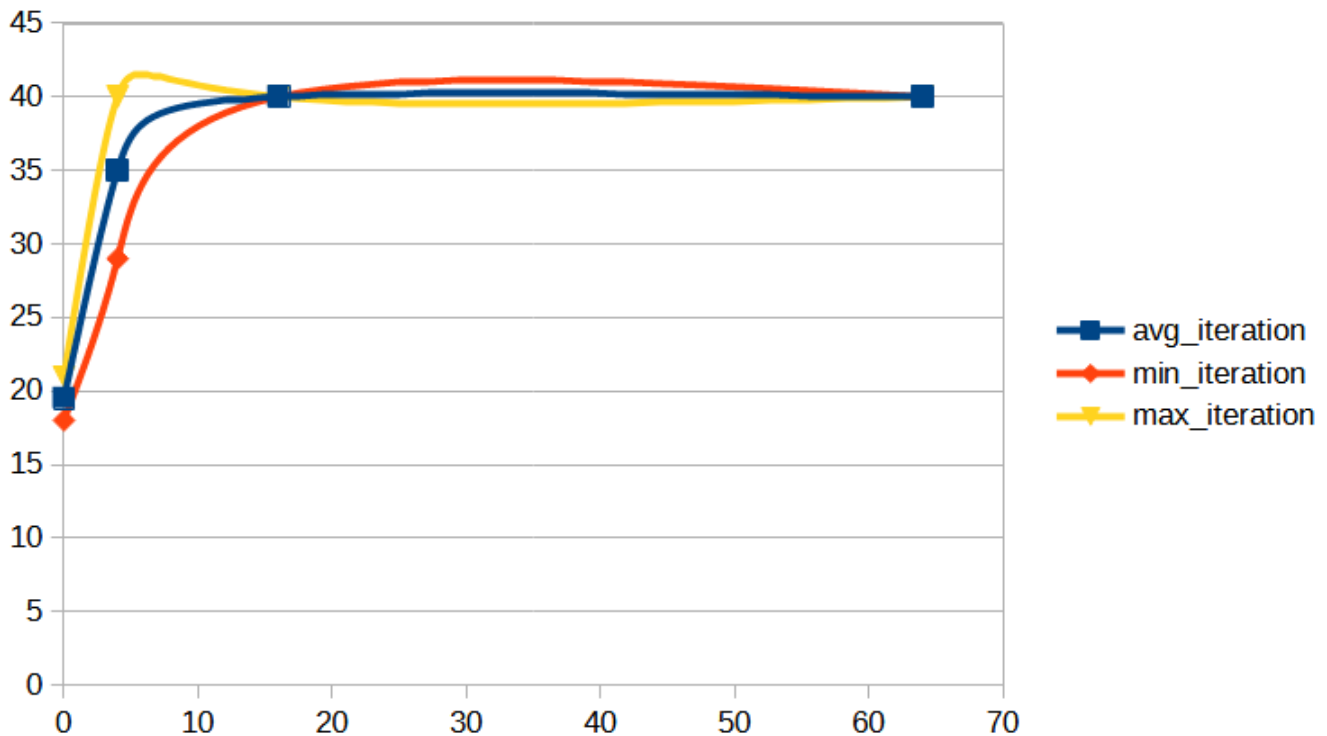
Pour réaliser cette détection, nous avons d'abord décider du système suivant : une liste contient des dictionnaire, qui eux même stockent en clé la fitness et en valeur la liste tabou converti en chaîne de caractère. L'idée derrière ce système était que si nous revenions à la même fitness avec la même liste tabou, alors nous somme dans le même état que le début du cycle, et donc que nous allons tourner en boucle. Toute cette idée repose sur le fait que la fitness est unique pour chaque solution. Or, nous nous somme rendu compte que ce n'était pas le cas et que deux solutions pouvaient avoir la même fitness. Ainsi, nous avons donc développer une fonctionne de hashage de la solution qui nous permet d'avoir une clé réellement unique et de rendre cette détection de schéma fonctionnel

Analyse des résultats liés

Cette fonctionnalité nous a ammené à la métrique suivante : le nombre d'itération réel (en opposition avec le nombre d'itération prévu au départ). Dans la suite du rapport, nous noterons les itération réelle avec la notation IR et le nombre d'itération prévu avec la notation IP

Nous pouvons remarqué un fait intéressant sur cette donnée. Dans le fichier de moyenne, nous remarquons d'abord que pour le hill climbing (càd taille tabu = 0), le nombre de ligne effective est globalement toujours le même, et toujours inférieur au nombre d'itération prévu (environ 23 IR). Cela est assez simplement interpretable : le hill climbing converge toujours en un nombre d'itération similaire sur ce jeu de données. Ainsi, nous pouvons déduire que le bon hyperparamètre pour le hill climbing est de 18 itérations.

Pour revenir au tabou, nous pouvons voir sur ce graphique que l'IR évolue en fonction de la taille de la liste.



Nous pouvons interpréter cela ainsi : plus la liste est grande, moins vite nous tomberons sur un cycle. Ainsi, la taille de la liste a une influence sur le niveau d'exploration. Nous reviendrons sur cette notion dans la partie suivante

Analyse des utilisation des opérateurs

Comme dit précédemment, nous avons décidé d'utiliser les opérateurs relocate et 2-opt. Ainsi, une métrique intéressante est la proportion de choix de chacun de ces opérateurs. En regardant la matrice de corrélation, nous pouvons observer un fort lien entre la proportion de 2 opt et le nombre d'IR et d'IP (0.48 et 0.86). Nous pouvons ainsi observer une évolution de la proportion de 2opt en fonction du nombre d'IP et de la taille de la liste **graphique evolution en fonction de la taille graphique evolution en fonction de l'IP**

potentiellement un seul graphe avec 4 courbes (3 courbes en fait, car on ne prend pas le hill climbing)

pourquoi quand on augmente la taille de la liste on a plus de pourcentage de 2opt : théorie, parce que les bonnes solutions du relocate sont dans la liste, donc impossible de les sélectionner. Cela se confirme si nous regardons le graphique de l'évolution en fonction de la taille. En effet, nous voyons que pour un même nombre d'itération, la proportion de 2-opt est plus grande. Ainsi, nous pouvons penser que toutes les bonnes solutions de relocate ont été sélectionnées et mise dans la liste, laissant plus de place au deuxième opérateur

Lien entre les choix d'opérateurs et les autres variables

Lien avec le nombre de camion

Dans la matrice de corrélation, nous pouvons également voir que le choix de l'opérateur relocate est très fortement corrélé avec le nombre de camion enlevé (0.96). Cette corrélation est logique, le relocate étant le seul opérateur pouvant enlever un camion.

Lien avec l'exploration

Une autre relation très marquée est celle entre le choix de l'opérateur relocate et la fitness. En effet, nous pouvons voir une relation corréllé dans le négatif (-0.97). Ainsi, quand la proportion de relocate augmente, la fitness diminue. Cette corrélation est liée à celle interprétée dans la partie précédente. En effet, la proportion de relocate diminue lorsque celle de 2-opt augmente. Or, la proportion de 2-opt augmente lorsque l'algorithme à le temps et la place de mettre les très bons voisins dans la liste. Ainsi, la proportion de 2-opt reflète le niveau d'exploration qui a été réalisé. Logiquement, plus l'exploration augmente, plus il y a d'opportunité de trouver une solution possédant une bonne fitness. Cette hypothèse se confirme grâce à une autre corrélation : celle entre la durée moyenne et la proportion de 2-opt (0.86). En effet, une durée plus haute nous indique une exploration plus profonde.

Analyse de la fitness

Nous allons maintenant voir quels variables sont en lien avec la fitness de la solution finale

Lien avec le nombre de camion

Nous pouvons d'abord constaté un lien très fort entre le nombre de camion de la solution finale et sa fitness (-0.99). En parallèle, nous pouvons également voir la même relation entre le nombre de camion enlevées et la fitness (0.99). Cette relation s'explique intuitivement par le fait que les meilleurs solutions ont en générale moins de camion que les solutions aléatoirement générées. **mettre graphique**

Lien avec le nombre d'IR

Nous pouvons ensuite voir un lien fort (mais toutefois moins que celui précédemment évoqué) entre la fitness et le nombre d'IR (-0.48). Ce lien nous montre que plus on réalise d'itération, moins la fitness sera haute (et donc meilleure sera la solution). Encore une fois, ce résultat est assez intuitif et ne nécessite pas une plus grande analyse. **mettre graphique**

Comparaison tabou / hill climbing

Comme dit précédement, le choix des hyper-paramètres (0, x) nous permettent d'avoir les résultat du hill climbing. Ainsi, nous allons comparer ces résultats avec ceux du tabou afin de voir si la mise en place d'une liste tabou à un impact notable.

Qualité

Nous allons réutiliser notre ratio précédent afin de comparer les qualités entre les deux algorithme. Nous pouvons voir dans l'annexe quality.csv **ajouter annexe** que la qualité est globalement constante pour 40, 160 et 640 IP. Cette valeur semble cohérente avec notre analyse précédente : l'algorithme converge rapidement et le nombre d'IP n'a donc que peu d'influence une fois cette converge passée. **graphe évolution qualité hill climbing**

La meilleure qualité est de 802. Pour le tabou, nous voyons des résultats plus disparatre de qualité. Nous voyons bien l'importance de la notion de temps dans la formule, car les score de qualité ne sont pas beaucoup plus élevé que pour le hill climbing. Le score maximum, comme vu précédement, est de 830. Toutefois, si on ne regard e que la fitness, les score sont beaucoup plus avantageux en faveur du tabou, avec une meilleure fitness à 578 contre 617 pour le hill climbing.

Ainsi, la méthode tabou est plus avantageuse que le hill climbing sur le plan de la fitness. Toutefois, le temps passé à faire tourner l'algo peut faire pencher la balance du côté du hillclimbing si les ressources et le temps disponible ne sont pas très élevés

Limites du tabou

La principale limite de l'algorithme tabou est la quantité de voisin à générer. En effet, à chaque itération, tous les voisins possibles avec les opérateurs choisis sont générés.

Croissance exponentielle (mettre calcul et graph)

Cette croissance liée au nombre peut nous pousser à limiter les opérateurs afin de limiter le nombre de voisin. De plus, une autre limite est le choix des opérateurs. En effet, comme vu précédemment, il n'est pas possible de choisir deux opérateurs qui ont une intersection non-nulle.

Une autre limite du tabou est la vision court terme. En effet, la décision de la solution choisie se base exclusivement sur sa fitness. Or, il serait pertinent que le choix se base plutôt sur la potentielle fitness que cette solution apportera dans le futur. Ce manque de vision long terme se reflète à travers le nombre de camion. En effet, nous avons remarqué que l'algorithme trouvait parfois des solutions non optimales et se retrouvait bloqué. Dans les fichiers de 30 éléments, nous avons par exemple remarqué qu'il s'arrêtait parfois alors qu'il restait un camion en trop par rapport à la solution optimale. La solution avec le camion en trop possédait une très bonne fitness, mais il était parfois impossible de sortir de ce minimum local et d'explorer jusqu'à enlever la route en trop. Nous pourrions penser que ce problème est mitigé par la liste, qui permet une certaine exploration. Cela est en partie vrai, mais pas totalement. En effet, il est possible que l'algorithme suive une direction d'exploration complètement opposée à la solution optimale totale (bien qu'une liste plus grande permet une plus grande exploration).

Solutions éventuelles

TODO

Difficultés rencontrées

Durant le développement de cet algorithme, nous nous sommes heurtés à de nombreuses difficultés

Le stockage dans la liste

Notre principale difficulté a été le stockage dans la liste tabou. En effet, dans notre première version, nous stockions l'action que nous venions d'effectuer. Cette interprétation de l'algorithme n'était pas la bonne. En effet, il faut stocker dans la liste l'action qui nous permettrait de revenir à l'état dans lequel nous étions précédemment. Cela s'est révélé assez simple pour le 2-opt, car les actions sont réversibles. Mais la difficulté a résidé dans le relocate. En effet, trouver l'action inverse d'un déplacement d'un client dans une autre route est une tâche plus compliquée. Ne voyant pas comment la réaliser, nous avons commencé le développement de l'algorithme hill climbing et avons décidé de nous contenter de celui-là. Mais nous avons fini par trouver la solution pour pouvoir implémenter le tabou correctement. **mettre schéma exalidraw**

Temps de génération

Une autre difficulté est apparue lorsqu'il a fallu générer les données. En effet, l'algorithme étant très lent pour les gros jeux de données, et en étant limité par le langage python, nous n'avons pas pu effectuer toutes les exécutions que nous aurions voulu pour avoir une analyse plus poussée.

Notes à développer

Mettre les graphes d'évolution de la fitness pour montrer que le tabu marche bien (et monter ce que ça donnait quand ça marchait pas)

regarder les anciens rapports d'autres élèves

si la taille de la tabu est trop grande, on ne trouve plus d'action possible

mettre dans les annexes le fichier `quality.csv`, `moyenne.csv`