BIG DATA TP - Page Rank

Nicolas Lagaillardie Paul Breugnot

11 octobre 2018

Table des matières

1	Objectif 1.1 Définitions	2
2	Installation de Spark	2
3	Fonctionnement de PageRank	2
4	Implémentation de PageRank	3
5	Résultats et bilan	4

1 Objectif

Implémenter une première version de PageRank en Scala sur Spark.

1.1 Définitions

Spark Framework open source de calcul distribué. Il s'agit d'un ensemble d'outils et de composants logiciels structurés selon une architecture définie.

Scala Langage de programmation multi-paradigme conçu pour exprimer les modèles de programmation courants dans une forme concise et élégante. Son nom vient de l'anglais Scalable language. Il peut être vu comme un métalangage.

PageRank Cet algorithme produit une distribution de probabilité utilisée pour représenter la probabilité qu'une personne cliquant au hasard sur des liens arrive sur une page particulière.

2 Installation de Spark

Sur Ubuntu, il n'y a pas réellement d'installation à réaliser. Il suffit de télécharger une version de Spark sur le site officiel http://spark.apache.org, puis de lancer des exemples ou la commande suivant :

spark-shell permet d'accéder au shell de Spark puis de lancer diverses commandes en langage Scala.

3 Fonctionnement de PageRank

PageRank tente de résoudre le problème suivant : à partir d'un ensemble de pages liées entre elles (cf Figure 1), on désire connaître la probabilité qu'un utilisateur tombe sur une page au hasard.

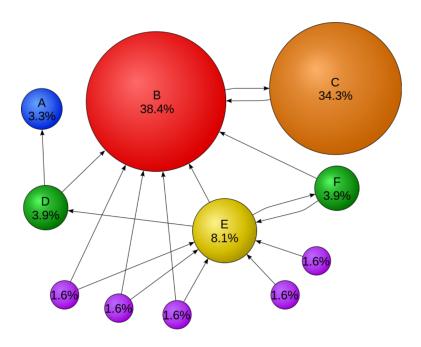


Fig. 1 – Schéma dún set d'URLs

Et voici le principe de fonctionnement de PageRank.

a.

$$PR(u) = \sum_{v \in B_{\mathbf{u}}} \frac{PR(v)}{L(v)}$$

La valeur du PageRank pour une page u dépend des valeurs du PageRank pour chaque page v contenue dans l'ensemble B_u (l'ensemble contenant toutes les pages liées à la page u), divisé par le nombre L(v) de liens de la page v.

b. L'algorithme itératif est le suivant :

A t = 0, une distribution de probabilité est initialisée de la sorte :

$$PR(p_{\rm i};0) = \frac{1}{N}$$

c. A chaque étape t, voici comment est calculée la nouvelle valeur du PageRank pour chaque page:

$$PR(p_i; t+1) = \frac{1-d}{N} + d\sum_{p_j \in M(p_j)} \frac{PR(p_i; t)}{L(p_j)}$$

Pour des raisons de précision et de facilité de code, nous avons décidé de tout multiplier par N.

4 Implémentation de PageRank

Nous avons écrit un script *Scala* qui, à partir des fichiers d'exemple *example_ arcs* et *example_ index*, ainsi qu'un nombre d'itérations, calcule le PageRank de chacune des pages recensées dans le second fichier.

a. Récupération du nombre d'itérations à réaliser

```
val iters = if (args.length > 1) args(2).toInt else 10
```

b. Récupération des arcs entre les différentes URLs

```
val lines = spark.read.textFile(args(0)).rdd
val links = lines.map{ s =>
   val parts = s.split("\\s+")
   (parts(0), parts(1))
}.distinct().groupByKey().cache()
```

c. Assignation des poids initiaux aux différents éléments

```
var ranks = links.mapValues(v => 1.0)
```

d. Récupération des URLs dans l'ordre

```
val linesIndex = spark.read.textFile(args(1)).rdd
val index = linesIndex.map{ s =>
   val parts = s.split("\\s+")
   (parts(0))
}.distinct().cache()
val URLs = index.collect()
```

e. Calcul de chaque nouvelles valeurs du PageRank pour l'ensemble des itérations

```
for (i <- 1 to iters) {
  val contribs = links.join(ranks).values.flatMap{ case (urls, rank) =>
    val size = urls.size
    urls.map(url => (url, rank / size))
  }
  ranks = contribs.reduceByKey(_ + _).mapValues(0.15 + 0.85 * _)
}
```

f. Affichage des résultats

```
val output = ranks.collect()
output.foreach{
  tup =>
  val element = URLs(tup._1.toInt)
  println(element + s" has rank: ${tup._2}.")
}
```

5 Résultats et bilan

Voici une partie des résultats lorsqu'on lance le script avec les fichiers exemples.

```
Lightsp-Fredstor.Cd:3711-/CHC/Alt/Sparks park-shell -1 testPagedamk.scala 2018-10-1112/99 MANN Uttluck-0 - Vour hostnown, Lap-Fredstor.Cd:3711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711-Cd:2711
```

Fig. 2 – Résultats de notre PageRank

Les résultats semblent concluants, en effet, "à la main", on constate que les pages qui possèdent le plus d'entrées sont le plus susceptible d'être visitées, et vice-versa. PageRank est donc un puissant outil, et nous commençons à comprendre le principe de fonctionnement des moteurs de recherche tels que *Google* ou *Ecosia*.