

Travaux dirigés et TP n° 4 et 5

Chiffrement

Exercice 1 (Chiffrement par décalage)

note : Tous les chiffreurs héritent de la classe CodeurCA.

Chiffrer par un décalage de 3 le mot "Bonjour"

Écrire le code des méthodes bincode et binDecode d'un chiffreur par décalage :

```
def binCode(self, monBinD: Binaire603) -> Binaire603:
    """
    >> ChiffreurParDecalage(2).binCode(Binaire603([ 0x01, 0x02, 0x03, 0x04, 0xFF]))
    Binaire603([ 0x03, 0x04, 0x05, 0x06, 0x01])
    >> Texte603(ChiffreurParDecalage(1).binCode(Texte603("Bonjour").toBinaire603()))
    Texte603("Cpokpvs")
    """
def binDecode(self, monBinC: Binaire603) -> Binaire603:
    """
    >> ChiffreurParDecalage(2).binDecode(Binaire603([1,2,3,4,255]))
    Binaire603([ 0xff, 0x00, 0x01, 0x02, 0xfd])
```

Exercice 2 (Chiffrement Affine)

La classe ChiffreurAffine n'a pas à être détaillée tant elle est évidente d'après le cours et l'exemple de ChiffreurParDecalage vu au TP précédent.

— Écrire à la main les sorties du script Python suivant :

```
monBin=Binaire603([0x00,0x01,0x02,0x010,0x20,0x40,0x80])
for monCodeur in [ChiffreurAffine(3,5),
ChiffreurAffine(1,1), ChiffreurAffine(1,0),
ChiffreurAffine(2,5)]:
    print(f"Codage avec monCodeur :")
    print(" Bin:",monBin)
    monBinC=monCodeur.binCode(monBin)
    print(" Bin Codé:",monBinC)
    monBinD=monCodeur.binDecode(monBinC)
    print(" Bin Décodé:",monBinD)
    print(" monBinD (décodé) est égal à Monbin
    ?",monBinD==monBin)
```

- Quel est l'espace des clés ? Son cardinal ?
- Comparer le chiffrement par décalage avec le chiffrement affine
- Écrire le code de cette classe : on gagnera à utiliser ElmtZnZ.
- Tester sur un Binaire603 mais aussi un Texte603 courts.
- Écrire un algorithme d'attaque de ce chiffre.

Exercice 3 (Permutations)

Afin de revoir les notions sur les permutations et préparer le chiffreur suivant, exécuter d'abord à la main les tests des codes suivants puis créer la classe `Permutation603` avec les méthodes habituelles dont :

```
def __pow__(self, n):
    """
    >> Permutation603([1,2,3,0])**2
    Permutation603([2, 3, 0, 1])
    >> Permutation603([1, 2, 3, 0])**4
    Permutation603([0, 1, 2, 3])
    >> Permutation603([1, 2, 3, 0])**(-1)
    Permutation603([3, 0, 1, 2])
def ordre(self): """Renvoie l'ordre de la permutation
    >> Permutation603([1,2,3,0]).ordre()
    4
    >> Permutation603([1,0,2,3]).ordre()
    2
def permutAlea(n=6):
    """Renvoie une permutation aléatoire sans utiliser shuffle, seulement randint"""
```

Et pour aller plus loin cet exercice facultatif : programmer les deux fonctions suivantes qui permettent de déterminer des clés de codage par permutation à partir d'un simple entier de $[0..n!]$.

```
def permutKieme(k,n=6):
    """Renvoie la kieme permutation de Sn ce qui permet d'associer des clés aux permutations
    >> lr=[Permutation603.permutKieme(k,n=3) for k in range(6)]
    >> le=[[0,1,2],[0,2,1],[1,0,2],[1,2,0],[2,1,0],[2,0,1]]
    >> sum([1 if Permutation603(l) in lr else 0 for l in le])
    6
def numPermutation(self):
    """Renvoie le numéro de la permutation
    >> Permutation603.permutKieme(100,n=5).numPermutation()
    100
```

Exercice 4 (Chiffrement par Permutation)

Exécuter d'abord à la main les tests des codes suivants puis créer la classe `ChiffreurParPermutation` avec les méthodes habituelles :

```
class ChiffreurParPermutation(CodeurCA):
    def __init__(self,lPermutation=[]):
        """par défaut (liste vitde) on construit une permutation choisie au hasard
        Si c'est un nombre entier on lui affecte la numérotation ayant ce numéro sinon ce
        doit être une permutation ou une liste sans redite de 256 octets différents de [0..255]
        >> mc=ChiffreurParPermutation([(k*0x51)
        >> mc.binCode(Binaire603([1,2,3,4,5]))
        Binaire603([ 0x51, 0xa2, 0xf3, 0x44, 0x95])
        >> mc.binDecode(mc.binCode(Binaire603([1,2,3,4,5])))
        Binaire603([ 0x01, 0x02, 0x03, 0x04, 0x05])
```

- Comparer le chiffrement par permutation avec le chiffrement affine
- Donner un algorithme d'attaque d'un tel chiffrement
- Réaliser cette attaque sur un long texte codé (idéalement donné par un autre groupe)

Exercice 5 (Chiffrement Vigenere)

Le principe de ce chiffrement est que la clé se présente comme un mot ou une phrase dont chaque caractère donne le décalage à appliquer aux caractères successifs.

- Programmer un chiffreur de Vigenere en utilisant la classe `Texte603`.
- Proposer une attaque pour déterminer la longueur de la clé.
- Réaliser une telle attaque sur une clé de 10 caractères
- Facultatif : Réaliser une attaque sans connaissance de la longueur de la clé.

Exercice 6 (Test des bijections sur les octets)

On se propose de tester différentes bijections sur des octets afin de voir leurs capacités à renvoyer un résultat statistiquement « plat », c'est-à-dire dont les caractéristiques générales du message source seront indétectables.

Pour cela, vous créer des classes, toutes dans un même fichier, héritées de la classe `fBijOctetsCA` définies comme suit :

```
class fBijOctetsCA(object):
    "Une classe abstraite de bijection de [0..255]"
    def __init__(self):
        raise NotImplementedError
    def __repr__(self):
        raise NotImplementedError
    def __call__(self, octet):
        """Renvoie l'image de octet par la bijection"""
        raise NotImplementedError
    def valInv(self, octetC):
        "Renvoie l'antécédent de octetC"
        raise NotImplementedError
```

- Programmer une classe `fBijParDecallage` et ajouter à `fBijOctetsCA` une méthode affichant un graphique.
- On pourra reprendre et adapter le code suivant pour construire un graphique illustrant la diffusion d'une bijection d'octets :

```
import matplotlib.pyplot as plt
lx=[-5+0.1*k for k in range(101)]
ly=[x**2 for x in lx]
plt.plot(lx,ly,"-") # où "." pour un graphique point par point
plt.title("La fonction carré")
plt.show()
```

- Faire le test sur une fonction affine.
- Une fonction appliquant un masque.
- Une fonction appliquant une permutation donnée.
- Une fonction affichant un schéma de Feistel sur un nombre d'itérations données. Les clés successives pourront être générées par `"random.randint"` et initialisées par une graine avec `"random.seed(k)"`.

On pourra aussi essayer de voir si ces fonctions possèdent une caractéristique très importante pour éviter les attaques par analyse différentielle : une légère modification de la clé ou du texte à chiffrer provoque des changements importants dans le texte chiffré.

Exercice 7 (Feistel)

Programmer un chiffreur de Feistel.

Exercice 8 (DES)

Crypter à la main, et sur un seul tour `p=0123456789ABCDEF` avec la clé `133457799BBCDFF1`.

Annexe :

Table de conversion de Texte603 <-> Binaire603

00:Ā	01:ā	02:Ă	03:ă	04:Ą	05:a	06:Ć	07:ć	08:Ĉ	09:ĉ	0a:Č	0b:č	0c:Č	0d:č	0e:Ď	0f:d
10:Đ	11:đ	12:Ě	13:ě	14:Ě	15:ě	16:Ě	17:ě	18:Ě	19:ě	1a:Ě	1b:ě	1c:Ĝ	1d:ĝ	1e:Ĝ	1f:ĝ
20:	21:!	22:"	23:#	24:\$	25:%	26:&	27:'	28:(29:)	2a:*	2b:+	2c:,	2d:-	2e:.	2f:/
30:0	31:1	32:2	33:3	34:4	35:5	36:6	37:7	38:8	39:9	3a::	3b:;	3c:<	3d:=	3e:>	3f:?
40:@	41:A	42:B	43:C	44:D	45:E	46:F	47:G	48:H	49:I	4a:J	4b:K	4c:L	4d:M	4e:N	4f:O
50:P	51:Q	52:R	53:S	54:T	55:U	56:V	57:W	58:X	59:Y	5a:Z	5b:[5c:\	5d:]	5e:^	5f:_
60:`	61:a	62:b	63:c	64:d	65:e	66:f	67:g	68:h	69:i	6a:j	6b:k	6c:l	6d:m	6e:n	6f:o
70:p	71:q	72:r	73:s	74:t	75:u	76:v	77:w	78:x	79:y	7a:z	7b:{	7c:	7d:}	7e:~	7f:f
80:b	81:B	82:B	83:B	84:b	85:b	86:O	87:C	88:c	89:Đ	8a:D	8b:Đ	8c:Đ	8d:q	8e:Đ	8f:Đ
90:E	91:F	92:f	93:G	94:Y	95:h	96:I	97:İ	98:K	99:k	9a:ı	9b:İ	9c:ı	9d:N	9e:ı	9f:θ
a0:Œ	a1:ı	a2:č	a3:£	a4:¤	a5:¥	a6:ı	a7:§	a8:¨	a9:©	aa:ª	ab:«	ac:¬	ad:ƒ	ae:®	af:¯
b0:º	b1:±	b2:²	b3:³	b4:´	b5:µ	b6:¶	b7:·	b8:¸	b9:¹	ba:º	bb:»	bc:¼	bd:½	be:¾	bf:¿
c0:À	c1:Á	c2:Â	c3:Ã	c4:Ä	c5:Å	c6:Æ	c7:Ç	c8:È	c9:É	ca:Ê	cb:Ë	cc:Ì	cd:Í	ce:Î	cf:Ï
d0:Ð	d1:Ñ	d2:Ò	d3:Ó	d4:Ô	d5:Õ	d6:Ö	d7:×	d8:Ø	d9:Ù	da:Ú	db:Û	dc:Ü	dd:Ý	de:Þ	df:ß
e0:à	e1:á	e2:â	e3:ã	e4:ä	e5:å	e6:æ	e7:ç	e8:è	e9:é	ea:ê	eb:ë	ec:ì	ed:í	ee:î	ef:ï
f0:ð	f1:ñ	f2:ò	f3:ó	f4:ô	f5:õ	f6:ö	f7:÷	f8:ø	f9:ù	fa:ú	fb:û	fc:ü	fd:ý	fe:þ	ff:ÿ