APELLIDO Y NOMBRE: DNI: CARRERA:

## EXAMEN FINAL DE ÁLGEBRA LINEAL II

- 1.- Defina producto mixto de **tres vectores**. Ejemplifique. Enuncie **cuatro propiedades** del mismo.
- 2.- Enuncie las distintas ecuaciones de una recta y de un plano. Determine las posiciones relativas entre dos planos.
- 3.- Deduzca la distancia entre un punto P y una recta  $\vec{r}$ .
- 4.- Defina espacio vectorial y subespacio vectorial. Ejemplifique cada uno.
- **5.-** Demuestre que la **intersección** de dos subespacios vectoriales, es otro subespacio. ¿Qué ocurre con la **unión** de dos subespacios?
- **6.-** Sean  $\{\vec{u}_1, \vec{u}_2, \dots, \vec{u}_k\}$  vectores de un espacio vectorial V. Demuestre que el conjunto generado por ellos es un subespacio vectorial de V.
- 7.- Demuestre que si  $T: V \to W$  es una transformación lineal, entonces  $\mathbf{Nuc}(T)$  es un subespacio de V.
- 8.- Defina **producto interno** de un espacio vectorial V. Dé un ejemplo.
- 9.- Defina autovalores y autovectores de una matriz A. ¿Cuándo resulta A una matriz diagonalizable?
- 10.- Defina parábola y deduzca su ecuación canónica.