

# Trabajo Práctico Número 2

Algoritmos y Estructuras de Datos II

Grupo: 21

Integrante	LU	Correo electrónico
Langberg, Andrés	249/14	andreslangberg@gmail.com
Walter, Nicolás	272/14	nicowalter25@gmail.com
Sticco, Patricio Bernardo	337/14	pbsticco@hotmail.com
Len, Julián	467/14	julianlen@gmail.com



# Facultad de Ciencias Exactas y Naturales

Universidad de Buenos Aires

Ciudad Universitaria - (Pabellón I/Planta Baja) Intendente Güiraldes 2160 - C1428EGA Ciudad Autónoma de Buenos Aires - Rep. Argentina Tel/Fax: (54 11) 4576-3359

http://www.fcen.uba.ar

# 1. Diseño del Tipo CAMPUS

## 1.1. Especificación

Se usa el Tad Campus especificado por la cátedra.

## 1.2. Aspectos de la interfaz

## 1.2.1. Interfaz

Se explica con especificación de CAMPUS

Género campus

Operaciones básicas de Campus

```
CrearCampus(in c: nat, in f: nat) \longrightarrow res : campus
 Pre \equiv \{ true \}
 Post \equiv \{ res =_{obs} crearCampus(c, f) \}
 Complejidad: \mathcal{O}(1)
 Descripción: Crea un campus de c columnas y f filas.
FILAS?(in c: campus) \longrightarrow res : nat
 Pre \equiv \{ true \}
 Post \equiv \{ res =_{obs} filas(c) \}
 Complejidad: \mathcal{O}(1)
 Descripción: Devuelve la cantidad de filas en el campus.
Columnas?(in c: campus) \longrightarrow res: nat
 Pre \equiv \{ true \}
 Post \equiv \{ res =_{obs} columnas(c) \}
 Complejidad: \mathcal{O}(1)
 Descripción: Devuelve la cantidad de columnas en el campus.
OCUPADA?(in c: campus, in p: posicion) \longrightarrow res : bool
 Pre \equiv \{ posValida(p, c) \}
 Post \equiv \{ res =_{obs} ocupada?(p, c) \}
 Complejidad: \mathcal{O}(1)
 Descripción: Devuelve true sii p esta ocupada por un obstaculo.
AgregarObstaculo(in/out c: campus, in p: posicion) \longrightarrow
 \mathsf{Pre} \equiv \{ c =_{\mathsf{obs}} c_0 \land \mathsf{posValida}(\mathsf{p}, \mathsf{c}) \land_{\mathtt{L}} \neg \mathsf{ocupada}?(\mathsf{p}, \mathsf{c}) \}
 Post \equiv \{ c =_{obs} agregarObstaculo(p,c_0) \}
 Complejidad: \mathcal{O}(1)
 Descripción: Devuelve true sii p esta ocupada por un obstaculo.
PosValida?(in c: campus, in p: posicion) \longrightarrow res : bool
 Pre \equiv \{ true \}
 Post \equiv \{ res =_{obs} posValida?(p,c) \}
 Complejidad: \mathcal{O}(1)
 Descripción: Devuelve true sii p es parte del mapa.
EsIngreso?(in c: campus, in p: posicion) \longrightarrow res : bool
 Pre \equiv \{ true \}
 Post \equiv \{ res =_{obs} esIngreso?(p,c) \}
 Complejidad: \mathcal{O}(1)
 Descripción: Devuelve true sii p es un ingreso.
```

```
Vecinos(in c: campus, in p: posicion) \longrightarrow res : conj(posicion)
 Pre \equiv \{ posValida(p,c) \}
 Post \equiv \{ res =_{obs} vecinos(p, c) \}
 Complejidad: \mathcal{O}(1)
 Descripción: Devuelve el conjunto de posiciones vecinas a p.
VecinosComunes(in c: campus, in p: posicion, in p2: posicion) \longrightarrow res : conj(posicion)
 Pre \equiv \{ posValida(p, c) \land posValida(p2,c) \}
 \textbf{Post} \equiv \ \{ \ res =_{\text{obs}} \ vecinos(p, c) \cap \text{vecinos}(\text{p2,c}) \}
 Complejidad: \mathcal{O}(1)
 Descripción: Devuelve el conjunto de vecinos comunes. La complejidad es O(1) dado que los vecinos son
 a lo sumo 4, o sea, constantes
VecinosComunes(in c: campus, in p: posicion, in p2: posicion) \longrightarrow res : conj(posicion)
 Pre \equiv \{ posValida(p, c) \land posValida(p2, c) \}
 Post \equiv \{ res =_{obs} vecinos(p, c) \cap vecinos(p2, c) \}
 Complejidad: \mathcal{O}(1)
 Descripción: Devuelve el conjunto de vecinos comunes entre dos posiciones. La complejidad es O(1) dado
 que los vecinos son a lo sumo 4, o sea, constantes.
PROXPOSICION(in c: campus, in dir: direction, in p: posicion) \longrightarrow res: posicion
 Pre \equiv \{ posValida(p, c) \}
 Post \equiv \{ res =_{obs} proxPosicion(p, d, c) \}
 Complejidad: \mathcal{O}(1)
 Descripción: Devuelve la posicion vecina a p que esta en la direccion dir.
INGRESOSMASCERCANOS(in c: campus, in p: posicion) \longrightarrow res : conj(posicion)
 Pre \equiv \{ posValida(p, c) \}
 Post \equiv \{ res =_{obs} ingresosMasCercanos(p, c) \}
 Complejidad: \mathcal{O}(1)
 Descripción: Devuelve el conjunto de ingresos mas cercanos a p.
```

## 1.3. Pautas de implementación

#### 1.3.1. Estructura de representación

```
campus se representa con estr
donde\ estr es
tupla(
filas: nat \times
columnas: nat \times
mapa: vector(vector(bool))
)
```

#### 1.3.2. Justificación

## 1.3.3. Invariante de Representación

## Informal

1. El mapa debe tener tantas filas como indica la estructura, lo mismo con las columnas.

#### **Formal**

```
Rep : estr \longrightarrow boolean (\forall e : estr)
```

$$\begin{aligned} & \operatorname{Rep}(e) \equiv (true \iff \\ & (1) \text{ e.filas} = \operatorname{longitud}(e.mapa) \wedge_{\scriptscriptstyle L} (\forall \text{ i : nat}) \\ & (i \leq e.filas \implies \operatorname{longitud}(e.mapa[i]) \\ & = \operatorname{e.columnas})) \end{aligned}$$

## 1.3.4. Función de Abstracción

$$\begin{aligned} & \text{Abs: estr } e \longrightarrow \text{campus} \\ & (\forall \ e \text{:estr}) \ \text{Abs}(e) =_{\text{obs}} \ c : \text{campus} \ / \\ & \left( \text{filas}(c) = \text{e.filas} \land \text{columnas}(c) = \text{e.columnas} \land_{\text{L}} \ (\forall \ p : \text{posicion})(\text{p.X} \le \text{e.filas} \land \\ & \text{p.Y} \le \text{e.columnas} \Rightarrow_{\text{L}} \text{ocupada?}(\text{p,c}) \Leftrightarrow (\text{e.mapa[f]})[\text{c}] \right) \end{aligned}$$

## 1.3.5. Algoritmos

3: end function

```
\rhd \mathcal{O}(f^2*c^2)
 1: function iCrearCampus(in c: nat, in f: nat)\longrightarrow res : estr
           var vector(vector(bool)) mapa \leftarrow vacia(vacia())
                                                                                                                                                                                    \triangleright \mathcal{O}(1)
 2:
           var nat i \leftarrow 0
                                                                                                                                                                                    \triangleright \mathcal{O}(1)
 3:
           while i<f do
                                                                                                                                                                                   \triangleright \mathcal{O}(f)
 4:
                                                                                                                                                                                    \triangleright \mathcal{O}(1)
                var vector(bool) nuevo \leftarrow vacia()
 5:
                var nat j \leftarrow 0
                                                                                                                                                                                    \triangleright \mathcal{O}(1)
 6:
                                                                                                                                                                                    \triangleright \mathcal{O}(c)
 7:
                while j≤c do
 8:
                     AgregarAtras(nuevo, false)
                                                                                                                                                                                    \triangleright \mathcal{O}(c)
                     j++
                                                                                                                                                                                    \triangleright \mathcal{O}(1)
 9:
                end while
10:
                AgregarAtras(mapa, nuevo)
                                                                                                                                                                                   \triangleright \mathcal{O}(f)
11:
                i++
                                                                                                                                                                                   \triangleright \mathcal{O}(1)
12:
          end while
13:
           res \leftarrow < f, c, mapa >
                                                                                                                                                                                    \triangleright \mathcal{O}(1)
14:
15: end function
                                                                                                                                                   \triangleright \mathcal{O}(longitud(e.mapa[p.X])
 1: function iAGREGAROBSTACULO(in/out e: estr, in p: posicion) \longrightarrow res : estr
           Agregar(e.mapa[p.X], p.Y, true)
                                                                                                                                                  \triangleright \mathcal{O}(longitud(e.mapa[p.X]))
```

```
1: function iFILAS?(in e: estr) \longrightarrow res: nat \rhd \mathcal{O}(1)
2: res \leftarrow e.filas \rhd \mathcal{O}(1)
3: end function
```

```
1: function iCOLUMNAS?(in e: estr)\longrightarrow res : nat
                                                                                                                                                                            \triangleright \mathcal{O}(1)
          res \leftarrow e.columnas
                                                                                                                                                                            \triangleright \mathcal{O}(1)
 3: end function
 1: function iOCUPADA?(in e: estr, in p: posicion) \longrightarrow res : bool
                                                                                                                                                                           \triangleright \mathcal{O}(1)
          res \leftarrow (e.mapa[p.X])[p.Y]
                                                                                                                                                                           \triangleright \mathcal{O}(1)
 3: end function
 1: function iPosValida?(in e: estr, in p: posicion) \longrightarrow res: bool
                                                                                                                                                                           \triangleright \mathcal{O}(1)
          res \leftarrow (0 < p.X) \land (p.X \le e.filas) \land (0 < p.Y) \land (p.Y \le e.columnas)
                                                                                                                                                                           \triangleright \mathcal{O}(1)
 3: end function
                                                                                                                                                                            \triangleright \mathcal{O}(1)
 1: function iEsIngreso?(in e: estr, in p: posicion)\longrightarrow res : bool
          res \leftarrow (p.Y = 1) \lor (p.Y = e.filas)
                                                                                                                                                                           \triangleright \mathcal{O}(1)
 3: end function
                                                                                                                                                                            \triangleright \mathcal{O}(1)
 1: function iVecinos(in \ e: estr, in \ p: posicion) \longrightarrow res : conj(posicion)
                                                                                                                                                                           \triangleright \mathcal{O}(1)
          var conj(posicion) nuevo \leftarrow vacio()
 2:
 3:
          Agregar(nuevo, (p.X+1,p.Y))
          Agregar(nuevo, (p.X-1,p.Y))
 4:
          Agregar(nuevo, (p.X,p.Y+1))
 5:
          Agregar(nuevo, (p.X,p.Y-1))
 6:
          var\ itConj(posicion)\ it \leftarrow crearIt(nuevo)
 7:
          while haySiguiente(it) do
                                                                                                                                                                            \triangleright \mathcal{O}(c)
 8:
               if iPosValida?(e,siguiente(it)) then
                                                                                                                                                                            \triangleright \mathcal{O}(1)
 9:
10:
                     avanzar(it)
                                                                                                                                                                           \triangleright \mathcal{O}(1)
               else
11:
                     eliminarSiguiente(it)
                                                                                                                                                                           \triangleright \mathcal{O}(1)
12:
               end if
13:
          end while
14:
15:
          res \leftarrow nuevo
                                                                                                                                                                           \triangleright \mathcal{O}(1)
16: end function
 1: function iVecinosComunes(in e: estr, in p: posicion, in p2: posicion) \longrightarrow res: conj(posicion)
                                                                                                                                                                            \triangleright \mathcal{O}(1)
 2:
          var conj(posicion) v \leftarrow vecinos(e,p)
                                                                                                                                                                            \triangleright \mathcal{O}(1)
          var\ conj(posicion)\ v2 \leftarrow vecinos(e,p2)
                                                                                                                                                                            \triangleright \mathcal{O}(1)
 3:
          var conj(posicion) nuevo \leftarrow vacio()
                                                                                                                                                                            \triangleright \mathcal{O}(1)
 4:
          var\ itConj(posicion)\ it \leftarrow crearIt(v)
                                                                                                                                                                            \triangleright \mathcal{O}(1)
 5:
          while haySiguiente(it) do
                                                                                                                                                                           \triangleright \mathcal{O}(1)
 6:
               if Pertenece?(v2,Siguiente(it)) then
                                                                                                                                                                            \triangleright \mathcal{O}(1)
 7:
                     Agregar(nuevo, Siguiente(it))
                                                                                                                                                                           \triangleright \mathcal{O}(1)
 8:
               end if
 9:
               Avanzar(it)
                                                                                                                                                                           \triangleright \mathcal{O}(1)
10:
          end while
11:
          res \leftarrow nuevo
                                                                                                                                                                           \triangleright \mathcal{O}(1)
12:
13: end function
```

```
\triangleright \mathcal{O}(1)
 1: function iVECINOSVALIDOS(in e: estr, in ps: conj(posicion)) \longrightarrow res : conj(posicion)
                                                                                                                                                                                    \triangleright \mathcal{O}(1)
           var conj(posicion) nuevo \leftarrow vacio()
 2:
           var\ itConj(posicion)\ it \leftarrow crearIt(ps)
                                                                                                                                                                                    \triangleright \mathcal{O}(1)
 3:
           while haySiguiente(it) do
                                                                                                                                                                                    \triangleright \mathcal{O}(1)
 4:
                if PosValida?(e,siguiente(it)) then
                                                                                                                                                                                   \triangleright \mathcal{O}(1)
 5:
                      Agregar(nuevo, siguiente(it))
                                                                                                                                                                                   \triangleright \mathcal{O}(1)
 6:
 7:
                end if
                avanzar(it)
                                                                                                                                                                                    \triangleright \mathcal{O}(1)
 8:
           end while
 9:
           res \leftarrow nuevo
                                                                                                                                                                                   \triangleright \mathcal{O}(1)
10:
11: end function
```

```
1: function iDistancia(in e: estr, in p: posicion, in p2: posicion) \longrightarrow res : nat \triangleright \mathcal{O}(1)
2: res \leftarrow |p.X - p2.X| + |p.Y - p2.Y|
3: end function
```

```
1: function iProxPosicion(in e: estr, in d: direction, in p: posicion) \longrightarrow res: posicion
                                                                                                                                                                                                \triangleright \mathcal{O}(1)
           var posicion p2 \leftarrow p
 2:
 3:
           if d==izq then
 4:
                 p2 \leftarrow \langle p2.X+1, p2.Y \rangle
                                                                                                                                                                                                \triangleright \mathcal{O}(1)
           else
 5:
                 if d==der then
 6:
 7:
                       p2 \leftarrow \langle p2.X, p2.Y \rangle
                                                                                                                                                                                                \triangleright \mathcal{O}(1)
 8:
                       if d==arriba then
                                                                                                                                                                                                \triangleright \mathcal{O}(1)
 9:
                             p2 \leftarrow \langle p2.X, p2.Y-1 \rangle
                                                                                                                                                                                                \triangleright \mathcal{O}(1)
10:
                       else
11:
                             p2 \leftarrow \langle p2.X, p2.Y+1 \rangle
                                                                                                                                                                                                \triangleright \mathcal{O}(1)
12:
                       end if
13:
                 end if
14:
           end if
15:
                                                                                                                                                                                                \triangleright \mathcal{O}(1)
           res \leftarrow p2
16:
17: end function
```

```
1: function iIngresosMasCercanos(in e: estr, in p: posicion) \longrightarrow res : conj(posicion)
                                                                                                                                                                                      \triangleright \mathcal{O}(1)
           var conj(posicion) nuevo \leftarrow Vacio()
                                                                                                                                                                                      \triangleright \mathcal{O}(1)
 2:
 3:
           if distancia(e, p, \langle p.x, 1 \rangle) < distancia(e, p, \langle p.x, e.filas \rangle) then
                                                                                                                                                                                      \triangleright \mathcal{O}(1)
                Agregar(nuevo, < p.x, 1>)
                                                                                                                                                                                      \triangleright \mathcal{O}(1)
 4:
 5:
           else
 6:
                if distancia(e, p, \langle p.x, 1 \rangle) > distancia(e, p, \langle p.x, filas(e) \rangle) then
                                                                                                                                                                                      \triangleright \mathcal{O}(1)
 7:
                      Agregar(nuevo, < p.x, e.filas >)
                                                                                                                                                                                      \triangleright \mathcal{O}(1)
                else
 8:
                                                                                                                                                                                      \triangleright \mathcal{O}(1)
                      Agregar(nuevo, < p.x, 1>)
 9:
                                                                                                                                                                                      \triangleright \mathcal{O}(1)
                      Agregar(nuevo, < p.x, e.filas >)
10:
                end if
11:
           end if
12:
                                                                                                                                                                                      \triangleright \mathcal{O}(1)
           res \leftarrow nuevo
13:
14: end function
```