

# Trabajo Práctico Número 2

Algoritmos y Estructuras de Datos II

Grupo: 21

Integrante	LU	Correo electrónico
Langberg, Andrés	249/14	andreslangberg@gmail.com
Walter, Nicolás	272/14	nicowalter25@gmail.com
Sticco, Patricio Bernardo	337/14	pbsticco@hotmail.com
Len, Julián	467/14	julianlen@gmail.com



### Facultad de Ciencias Exactas y Naturales

Universidad de Buenos Aires

Ciudad Universitaria - (Pabellón I/Planta Baja) Intendente Güiraldes 2160 - C1428EGA Ciudad Autónoma de Buenos Aires - Rep. Argentina Tel/Fax: (54 11) 4576-3359

http://www.fcen.uba.ar

- 1. TAD POSICION ES TUPLA(X:NAT, Y:NAT)
- 2. TAD DIRECCION ES ENUM{ IZQ,DER,ARRIBA,ABAJO}
- 3. TAD AGENTE ES NAT
- 4. TAD NOMBRE ES STRING
- 5. Suponemos que contamos con el TAD DiccionarioM, donde la funcion vacio() toma como parámetro un 'k', cuyo valor acota superiormente a la cantidad de claves.
- 6. Asumimos a |Nm| como la longitud más larga entre todos los nombres del campusSeguro, Na la cantidad de agentes y Ne la cantidad de estudiante en el momento donde será usado y Nh la cantidad de hippies, en el momento donde va a ser usado.
- 7. Por consigna, se desestiman los costos de eliminación de elementos, con lo cual se pueden ignorar en el cálculo de complejidades.

# 1. Diseño del Tipo CAMPUS

### 1.1. Especificación

Se usa el Tad Campus especificado por la cátedra.

### 1.2. Aspectos de la interfaz

#### 1.2.1. Interfaz

Se explica con especificación de CAMPUS

Género campus

Operaciones básicas de Campus

```
CrearCampus(in c: nat, in f: nat) \longrightarrow res : campus
 Pre \equiv \{ true \}
 \textbf{Post} \equiv \ \{ \ res{=_{\text{obs}}} \ crearCampus(c,f) \ \}
 Complejidad: \mathcal{O}(f^2 * c^2)
 Descripción: Crea un campus de c columnas y f filas.
FILAS?(in c: campus) \longrightarrow res : nat
 Pre \equiv \{ true \}
 Post \equiv \{ res =_{obs} filas(c) \}
 Complejidad: \mathcal{O}(1)
 Descripción: Devuelve la cantidad de filas en el campus.
Columnas?(in c: campus) \longrightarrow res: nat
 Pre \equiv \{ true \}
 Post \equiv \{ res =_{obs} columnas(c) \}
 Complejidad: \mathcal{O}(1)
 Descripción: Devuelve la cantidad de columnas en el campus.
OCUPADA?(in c: campus, in p: posicion) \longrightarrow res : bool
 Pre \equiv \{ posValida(p, c) \}
 Post \equiv \{ res =_{obs} ocupada?(p, c) \}
 Complejidad: \mathcal{O}(1)
 Descripción: Devuelve true sii p esta ocupada por un obstaculo.
AgregarObstaculo(in/out c: campus, in p: posicion) \longrightarrow
 \mathsf{Pre} \equiv \{ c =_{\mathsf{obs}} c_0 \land \mathsf{posValida}(\mathsf{p}, \mathsf{c}) \land_{\mathtt{L}} \neg \mathsf{ocupada}?(\mathsf{p}, \mathsf{c}) \}
 Post \equiv \{ c =_{obs} agregarObstaculo(p,c_0) \}
 Complejidad: \mathcal{O}(1)
 Descripción: Devuelve true sii p esta ocupada por un obstaculo.
PosValida?(in c: campus, in p: posicion) \longrightarrow res : bool
 Pre \equiv \{ true \}
 Post \equiv \{ res =_{obs} posValida?(p,c) \}
 Complejidad: \mathcal{O}(1)
 Descripción: Devuelve true sii p es parte del mapa.
EsIngreso?(in c: campus, in p: posicion) \longrightarrow res : bool
 Pre \equiv \{ true \}
 Post \equiv \{ res =_{obs} esIngreso?(p,c) \}
 Complejidad: \mathcal{O}(1)
 Descripción: Devuelve true sii p es un ingreso.
```

```
Vecinos(in c: campus, in p: posicion) \longrightarrow res : conj(posicion)
  Pre \equiv \{ posValida(p,c) \}
 Post \equiv \{ res_{obs} \ vecinos(p, c) \}
 Complejidad: \mathcal{O}(1)
 Descripción: Devuelve el conjunto de posiciones vecinas a p.
VecinosComunes(in c: campus, in p: posicion, in p2: posicion) \longrightarrow res : conj(posicion)
  Pre \equiv \{ posValida(p, c) \land posValida(p2, c) \}
 \textbf{Post} \equiv \ \{ \ res =_{\text{obs}} \ vecinos(p, c) \cap \text{vecinos}(\text{p2,c}) \}
 Complejidad: \mathcal{O}(1)
  Descripción: Devuelve el conjunto de vecinos comunes entre dos posiciones. La complejidad es O(1) dado
 que los vecinos son a lo sumo 4, o sea, constantes.
PROXPOSICION(in c: campus, in dir: direction, in p: posicion) \longrightarrow res: posicion
  Pre \equiv \{ posValida(p,c) \}
 \textbf{Post} \equiv \ \{ \ res =_{\text{obs}} proxPosicion(p,d,c) \ \}
 Complejidad: \mathcal{O}(1)
  Descripción: Devuelve la posicion vecina a p que esta en la direccion dir.
INGRESOSMASCERCANOS(in c: campus, in p: posicion) \longrightarrow res : conj(posicion)
 Pre \equiv \{ posValida(p, c) \}
 Post \equiv \{ res =_{obs} ingresosMasCercanos(p, c) \}
 Complejidad: O(1)
  Descripción: Devuelve el conjunto de ingresos mas cercanos a p.
```

### 1.3. Pautas de implementación

#### 1.3.1. Estructura de representación

```
campus se representa con estr
donde\ estr es
tupla(
filas: nat \times
columnas: nat \times
mapa: vector(vector(bool))
)
```

#### 1.3.2. Justificación

### 1.3.3. Invariante de Representación

Informal

1. El mapa debe tener tantas filas como indica la estructura, lo mismo con las columnas.

#### **Formal**

```
Rep : estr \longrightarrow boolean 
 (\forall e : estr) 
 Rep(e) \equiv (true \iff 
 (1) e.filas = longitud(e.mapa) \land_L (\forall i : nat)(i \le e.filas \Rightarrow longitud(e.mapa[i]) = e.columnas))
```

#### 1.3.4. Función de Abstracción

```
Abs : estr e \longrightarrow \text{campus} \{\text{Rep}(e)\} (\forall e:\text{estr}) \text{ Abs}(e) =_{\text{obs}} c : \text{campus} /
```

```
\begin{split} & \left( \mathrm{filas}(c) = \mathrm{e.filas} \, \land \, \mathrm{columnas}(c) = \mathrm{e.columnas} \, \land_{\scriptscriptstyle L} \, (\forall \; p : \mathrm{posicion})(p.X \leq \mathrm{e.filas} \, \land \\ & p.Y \leq \mathrm{e.columnas} \Rightarrow_{\scriptscriptstyle L} \mathrm{ocupada?}(p,c) \Leftrightarrow (\mathrm{e.mapa}[f])[c] \right) \end{split}
```

### 1.3.5. Algoritmos

1: function $i$ CrearCampus(in $c$ : $nat$ , in $f$ : $nat$ ) $\longrightarrow$ res : estr	$\triangleright \mathcal{O}(f^2 * c^2)$
2: $\operatorname{var} \operatorname{vector}(\operatorname{vector}(\operatorname{bool})) \operatorname{mapa} \leftarrow \operatorname{vacia}(\operatorname{vacia}())$	$\triangleright \mathcal{O}(1)$
3: var nat $i \leftarrow 0$	
4: while $i \le f$ do	
5: $\operatorname{var} \operatorname{vector}(\operatorname{bool}) \operatorname{nuevo} \leftarrow \operatorname{vacia}()$	
6: $\operatorname{var} \operatorname{nat} \mathbf{j} \leftarrow 0$	
7: while j≤c do	
8: AgregarAtras(nuevo, false)	$\triangleright \mathcal{O}(c)$
9: j++	$\triangleright \mathcal{O}(1)$
10: end while	
11: AgregarAtras(mapa, nuevo)	$\triangleright \mathcal{O}(f)$
12: i++	$\triangleright \mathcal{O}(1)$
13: end while	7 0 (1)
14: $\operatorname{res} \leftarrow \langle f, c, \operatorname{mapa} \rangle$	$\triangleright \mathcal{O}(1)$
15: end function	
1: function $i$ AGREGAROBSTACULO(in/out $e$ : $estr$ , in $p$ : $posicion$ ) $\longrightarrow$ res : $estr$	$\triangleright \mathcal{O}(1)$
2: e.mapa[p.X][p.Y] $\leftarrow$ true	$\triangleright \mathcal{O}(1)$
3: end function	7 6 (1)
1: function $i$ FILAS?(in $e: estr) \longrightarrow res: nat$	$ ightharpoonup \mathcal{O}(1)$
2: $\operatorname{res} \leftarrow \operatorname{e.filas}$	$\triangleright \mathcal{O}(1)$
3: end function	` ,
1: function $i$ COLUMNAS?(in $e: estr$ ) $\longrightarrow$ res : nat	$\triangleright \mathcal{O}(1)$
2: res ← e.columnas	$\triangleright \mathcal{O}(1)$ $\triangleright \mathcal{O}(1)$
3: end function	
5. Cha function	
1: function $i$ OCUPADA?(in $e$ : $estr$ , in $p$ : $posicion$ ) $\longrightarrow$ res : bool	$\triangleright \mathcal{O}(1)$
2: $\operatorname{res} \leftarrow (\operatorname{e.mapa}[\operatorname{p.X}])[\operatorname{p.Y}]$	$\triangleright \mathcal{O}(1)$ $\triangleright \mathcal{O}(1)$
3: end function	
5. End function	
1: function $iPosValida?(in\ e:\ estr,\ in\ p:\ posicion) \longrightarrow res: bool$	$ ightharpoons \mathcal{O}(1)$
(0 77) ( 77 : 01 ) (0 77) ( 77 : 1	$\triangleright \mathcal{O}(1)$ $\triangleright \mathcal{O}(1)$
2: res $\leftarrow$ $(0 < p.X) \land (p.X \le e.filas) \land (0 < p.Y) \land (p.Y \le e.columnas)$ 3: <b>end function</b>	$\triangleright O(1)$
5: GHU TUHCHOH	
1: function $i$ EsIngreso?(in $e$ : $e$ st $r$ , in $p$ : $p$ osicion) $\longrightarrow$ res : bool	$\triangleright \mathcal{O}(1)$
2: res $\leftarrow$ (p.Y = 1) $\vee$ (p.Y = e.filas)	$\triangleright \mathcal{O}(1)$ $\triangleright \mathcal{O}(1)$
2: 1es ← (p.1 − 1) ∨ (p.1 − e.mas) 3: end function	VO(1)
o. Cha rancolon	

```
\triangleright \mathcal{O}(1)
 1: function iVecinos(in \ e: estr, in \ p: posicion) \longrightarrow res : conj(posicion)
          var conj(posicion) nuevo \leftarrow vacio()
                                                                                                                                                                                    \triangleright \mathcal{O}(1)
 2:
                                                                                                                                                                                    \triangleright \mathcal{O}(1)
 3:
          Agregar(nuevo, (p.X+1,p.Y))
          Agregar(nuevo, (p.X-1,p.Y))
                                                                                                                                                                                    \triangleright \mathcal{O}(1)
 4:
          Agregar(nuevo, (p.X,p.Y+1))
                                                                                                                                                                                    \triangleright \mathcal{O}(1)
 5:
          Agregar(nuevo, (p.X,p.Y-1))
                                                                                                                                                                                    \triangleright \mathcal{O}(1)
 6:
          var\ itConj(posicion)\ it \leftarrow crearIt(nuevo)
                                                                                                                                                                                   \triangleright \mathcal{O}(1)
 7:
          while haySiguiente(it) do
                                                                                                                                                                                    \triangleright \mathcal{O}(c)
 8:
                if iPosValida?(e,siguiente(it)) then
                                                                                                                                                                                    \triangleright \mathcal{O}(1)
 9:
                     avanzar(it)
                                                                                                                                                                                    \triangleright \mathcal{O}(1)
10:
                else
11:
                     eliminarSiguiente(it)
                                                                                                                                                                                   \triangleright \mathcal{O}(1)
12:
13:
                end if
          end while
14:
          res \leftarrow nuevo
                                                                                                                                                                                   \triangleright \mathcal{O}(1)
15:
16: end function
 1: function iVECINOSCOMUNES(in e: estr, in p: posicion, in p2: posicion) \longrightarrow res : conj(posicion)
                                                                                                                                                                                    \triangleright \mathcal{O}(1)
                                                                                                                                                                                    \triangleright \mathcal{O}(1)
          var conj(posicion) v \leftarrow vecinos(e,p)
 2:
                                                                                                                                                                                    \triangleright \mathcal{O}(1)
 3:
          var conj(posicion) v2 \leftarrow vecinos(e,p2)
          var conj(posicion) nuevo \leftarrow vacio()
                                                                                                                                                                                    \triangleright \mathcal{O}(1)
 4:
                                                                                                                                                                                    \triangleright \mathcal{O}(1)
          var\ itConj(posicion)\ it \leftarrow crearIt(v)
 5:
          while haySiguiente(it) do
                                                                                                                                                                                    \triangleright \mathcal{O}(1)
 6:
                if Pertenece?(v2,Siguiente(it)) then
                                                                                                                                                                                    \triangleright \mathcal{O}(1)
 7:
                      Agregar(nuevo, Siguiente(it))
                                                                                                                                                                                   \triangleright \mathcal{O}(1)
 8:
                end if
 9:
10:
                Avanzar(it)
                                                                                                                                                                                    \triangleright \mathcal{O}(1)
          end while
11:
          res \leftarrow nuevo
                                                                                                                                                                                   \triangleright \mathcal{O}(1)
12:
13: end function
 1: function iVECINOSVALIDOS(in e: estr, in ps: conj(posicion)) \longrightarrow res: conj(posicion)
                                                                                                                                                                                   \triangleright \mathcal{O}(1)
                                                                                                                                                                                   \triangleright \mathcal{O}(1)
          var conj(posicion) nuevo \leftarrow vacio()
 2:
                                                                                                                                                                                    \triangleright \mathcal{O}(1)
          var\ itConj(posicion)\ it \leftarrow crearIt(ps)
 3:
          while haySiguiente(it) do
                                                                                                                                                                                    \triangleright \mathcal{O}(1)
 4:
                if PosValida?(e,siguiente(it)) then
                                                                                                                                                                                    \triangleright \mathcal{O}(1)
 5:
                     Agregar(nuevo, siguiente(it))
                                                                                                                                                                                   \triangleright \mathcal{O}(1)
 6:
                end if
 7:
                avanzar(it)
                                                                                                                                                                                    \triangleright \mathcal{O}(1)
 8:
          end while
 9:
          res \leftarrow nuevo
                                                                                                                                                                                   \triangleright \mathcal{O}(1)
10:
11: end function
                                                                                                                                                                                   \triangleright \mathcal{O}(1)
 1: function iDistancia(in e: estr, in p: posicion, in p2: posicion) \longrightarrow res : nat
          res \leftarrow |p.X - p2.X| + |p.Y - p2.Y|
                                                                                                                                                                                   \triangleright \mathcal{O}(1)
 3: end function
```

 $res \leftarrow nuevo$ 

14: end function

13:

```
\triangleright \mathcal{O}(1)
 1: function iProxPosicion(in e: estr, in d: direction, in p: posicion) \longrightarrow res: posicion
 2:
            var posicion p2 \leftarrow p
            \quad \textbf{if} \ d{=}{=}\mathrm{izq} \ \mathbf{then}
 3:
                 p2 \leftarrow < p2.X + 1, p2.Y >
                                                                                                                                                                                                 \triangleright \mathcal{O}(1)
 4:
 5:
            else
 6:
                 if d==der then
                       p2 \leftarrow <\!\!p2.X,\,p2.Y\!\!>
                                                                                                                                                                                                 \triangleright \mathcal{O}(1)
 7:
                 else
 8:
                       \mathbf{if} d = = \operatorname{arriba} \mathbf{then}
                                                                                                                                                                                                 \triangleright \mathcal{O}(1)
 9:
                             p2 \leftarrow \langle p2.X, p2.Y-1 \rangle
                                                                                                                                                                                                 \triangleright \mathcal{O}(1)
10:
                       else
11:
                             p2 \leftarrow \langle p2.X, p2.Y+1 \rangle
                                                                                                                                                                                                 \triangleright \mathcal{O}(1)
12:
13:
                       end if
                 end if
14:
            end if
15:
                                                                                                                                                                                                 \triangleright \mathcal{O}(1)
           res \leftarrow p2
16:
17: end function
 1: function iINGRESOSMASCERCANOS(in e: estr, in p: posicion) \longrightarrow res : conj(posicion)
                                                                                                                                                                                                  \triangleright \mathcal{O}(1)
                                                                                                                                                                                                  \triangleright \mathcal{O}(1)
            var conj(posicion) nuevo \leftarrow Vacio()
 2:
            if distancia(e, p, \langle p.x, 1 \rangle) < distancia(e, p, \langle p.x, e.filas \rangle) then
                                                                                                                                                                                                  \triangleright \mathcal{O}(1)
 3:
                                                                                                                                                                                                 \triangleright \mathcal{O}(1)
                 Agregar(nuevo, < p.x, 1>)
 4:
            else
 5:
                 if distancia(e, p, \langle p.x, 1 \rangle) > distancia(e, p, \langle p.x, filas(e) \rangle) then
                                                                                                                                                                                                 \triangleright \mathcal{O}(1)
 6:
                       Agregar(nuevo, <p.x,e.filas>)
                                                                                                                                                                                                 \triangleright \mathcal{O}(1)
 7:
                 else
 8:
                                                                                                                                                                                                 \triangleright \mathcal{O}(1)
 9:
                       Agregar(nuevo, < p.x, 1>)
                                                                                                                                                                                                 \triangleright \mathcal{O}(1)
                       Agregar(nuevo, <p.x,e.filas>)
10:
                 end if
11:
            end if
12:
                                                                                                                                                                                                 \triangleright \mathcal{O}(1)
```

## 2. Diseño del Tipo RASTRILLAJE

### 2.1. Especificación

Se usa el Tad CampusSeguro especificado por la cátedra.

### 2.2. Aspectos de la interfaz

#### 2.2.1. Interfaz

Se explica con especificación de CampusSeguro

Género rastr

Operaciones básicas de Rastrillaje

```
Campus(in r: rastr) \longrightarrow res: campus
 Pre \equiv \{ true \}
 Post \equiv \{ res =_{obs} campus(r) \}
 Complejidad: O(1)
 Descripción: Devuelve el campus.
ESTUDIANTES(in r: rastr) \longrightarrow res : conj(nombre)
  Pre \equiv \{ true \}
 Post \equiv \{ res =_{obs} estudiantes(r) \}
 Complejidad: \mathcal{O}(1)
  Descripción: Devuelve el conjunto de estudiantes presentes en el campus.
Hippies(in \ r: \ rastr) \longrightarrow res : conj(nombre)
 Pre \equiv \{ true \}
 Post \equiv \{ res =_{obs} hippies(r) \}
 Complejidad: \mathcal{O}(1)
 Descripción: Devuelve el conjunto de hippies presentes en el campus.
Agentes(in r: rastr) \longrightarrow res : conj(agente)
 Pre \equiv \{ true \}
 Post \equiv \{ res =_{obs} agentes(r) \}
 Complejidad: \mathcal{O}(1)
 Descripción: Devuelve el conjunto de agentes presentes en el campus.
PosestudiantesYHippie(in r: rastr, in id: nombre) \longrightarrow res: posicion
 Pre \equiv \{ id \in (estudiantes(r) \cup hippies(cs)) \}
 Post \equiv \{ res =_{obs} posEstudianteYHippie(id, r) \}
 Complejidad: \mathcal{O}(|N_m|)
  Descripción: Devuelve la posición del estudiante/hippie pasado como parámetro.
PosAgente(in r: rastr, in a: agente) \longrightarrow res: posicion
 Pre \equiv \{ a \in posAgente(a,r) \}
```

```
Post \equiv \{ res =_{obs} posAgente(a, r) \}
 Complejidad: \mathcal{O}(1)
  Descripción: Devuelve la posición del agente pasado como parámetro. La complejidad se da en el caso
 promedio.
CantSanciones(in r: rastr, in a: agente) \longrightarrow res: nat
  Pre \equiv \{ a \in cantSanciones(a,r) \}
 Post \equiv \{ res =_{obs} cantSanciones(a, r) \}
 Complejidad: \mathcal{O}(1)
  Descripción: Devuelve la cantidad de sanciones recibidas por el agente pasado como parámetro. La
 complejidad se da en el caso promedio.
CanthippiesAtrapados(in r: rastr, in a: agente) \longrightarrow res: nat
 Pre \equiv \{ a \in agentes(r) \}
 Post \equiv \{ res =_{obs} cantHippiesAtrapados(a, r) \}
 Complejidad: \mathcal{O}(1)
  Descripción: Devuelve la cantidad de hippies atrapados por el agente pasado como parámetro. La com-
 plejidad se da en el caso promedio.
ComenzarRastrillaje(in c: campus, in d: dicc(agente, posicion)) \longrightarrow res : rastr
  \mathsf{Pre} \equiv \{ (\forall \ a : agente)(\mathsf{def}?(\mathsf{a},\mathsf{d}) \Rightarrow_\mathsf{L} (\mathsf{posValida}?(\mathsf{obtener}(\mathsf{a},\mathsf{d}))) \land \neg \mathsf{ocupada}?(\mathsf{obtener}(\mathsf{a},\mathsf{d}),\mathsf{c})) \land (\forall \ \mathsf{a}, \mathsf{d}) \} \}
 a_2: agente)((def?(a,d) \land def?(a_2,d) \land a \neq a_2) \Rightarrow_L obtener(a,d)\neq obtener(a_2,d))}
  Post \equiv \{ res =_{obs} comenzarRastrillaje(c, d) \}
 Complejidad: \mathcal{O}(1)
  Descripción: Crea un Rastrillaje.
INGRESARESTUDIANTE(in/out r: rastr, in e: nombre, in p: posicion) \longrightarrow
 \mathbf{Pre} \equiv \{ r = r_0 \land e \notin (\operatorname{estudiantes}(r) \cup \operatorname{hippies}(r)) \land \operatorname{esIngreso}(p, \operatorname{campus}(r)) \land \neg \operatorname{estaOcupada}(p,r) \}
 Post \equiv \{ r =_{obs} ingresarEstudiante(e, p, r_0) \}
 Complejidad: \mathcal{O}(|Nm|)
  Descripción: Modifica el rastrillaje, ingresando un estudiante al campus.
INGRESARHIPPIE(in/out r: rastr, in h: nombre, in p: posicion) \longrightarrow
  \mathbf{Pre} \equiv \{ r = r_0 \land h \notin (\operatorname{estudiantes}(r) \cup \operatorname{hippies}(r)) \land \operatorname{esIngreso}(p, \operatorname{campus}(r)) \land \neg \operatorname{estaOcupada}(p,r) \}
  Post \equiv \{ r =_{obs} ingresarHippie(h, p, r_0) \}
 Complejidad: \mathcal{O}(|Nm|)
  Descripción: Modifica el rastrillaje, ingresando un hippie al campus.
MOVERESTUDIANTE(in/out r: rastr, in e: nombre, in dir: direction) \longrightarrow
  Pre
                                                             \in
                                                                   estudiantes(r)
                                                                                                 (seRetira(e,dir,r)
                                                                                                                                   (pos-
                                                      \mathbf{e}
 Valida?(proxPosicion(posEstudianteYHippie(e,r),dir,campus(r)),campus(r))
 estaOcupada?(proxPosicion(posEstudianteYHippie(e,r),dir,campus(r)),r)))}
 \textbf{Post} \equiv \{ r =_{obs} moverEstudiante(e, d, r_0) \}
 Complejidad: \mathcal{O}(|Nm|)
  Descripción: Modifica el rastrillaje, al mover un estudiante del campus.
MoverHippie(in/out r: rastr, in h: nombre) \longrightarrow
 \mathbf{Pre} \equiv \{ r = r_0 \land h \in \text{hippies}(r) \land \neg \text{todasOcupadas?}(\text{vecinos}(\text{posEstudianteYHippie}(h,r),\text{campus}(r)),r) \}
```

```
\textbf{Post} \equiv \{ r =_{obs} moverHippie(r, r_0) \}
 Complejidad: \mathcal{O}(|Nm|) + \mathcal{O}(Ne)
 Descripción: Modifica el rastrillaje, al mover un hippie del campus.
MoverAgente(in/out r: rastr, in a: agente) \longrightarrow
 Pre
                                 =\mathbf{r}_0
                                                     \in
                                                                                 cantSanciones(a,r)
                                                                                                                 3
                         r
                                                           agentes(r)
                                                                          \Lambda_{\rm L}
 \neg todasOcupadas?(vecinos(posAgente(a,r),campus(r)),r)
 Post \equiv \{ r =_{obs} moverAgente(a, r_0) \}
 Complejidad: O(|Nm|) + O(logNa) + O(Ne)
 Descripción: Modifica el rastrillaje, al mover un agente del campus.
MasVigilante(in r: rastr) \longrightarrow res: agente
 Pre \equiv \{ true \}
 Post \equiv \{ res =_{obs} masVigilante(r) \}
 Complejidad: \mathcal{O}(1)
 Descripción: Devuelve el agente con mas capturas.
ConkSanciones(in r: rastr, in k: nat) \longrightarrow res : conj(agente)
 Pre \equiv \{ true \}
 Post \equiv \{ res =_{obs} conKSanciones(k, r) \}
 Complejidad: \mathcal{O}(Na)/\mathcal{O}(loqNa)
 Descripción: Devuelve el agente con mas capturas. La primera vez que se llama será O(Na) luego mientras
 no haya sanciones, O(logNa).
ConMismasSanciones(in r: rastr, in a: agente) \longrightarrow res: conj(agente)
 Pre \equiv \{ a \in agentes(r) \}
 Post \equiv \{ res =_{obs} conMismasSanciones(a, r) \}
 Complejidad: \mathcal{O}(1)
 Descripción: Devuelve el conjunto de agentes con la misma cantidad de sanciones que a.
```

### 2.3. Pautas de implementación

#### 2.3.1. Estructura de representación

```
campus se representa con estr
donde estr es
  tupla(
  campo: campus ×
  agentes: diccPromedio(agente ; datosAg) ×
  posAgentesLog: arreglo(tupla(placa;posicion)) ×
  hippies: conjLineal(datosHoE) ×
  estudiantes: conjLineal(datosHoE) ×
  posCiviles: diccString(nombre;posicion) ×
  posRapida: diccLineal(nombre;posicion) ×
  quienOcupa: vector(vector(datosPos)) ×
  masVigilante: itConj(agente) ×
  agregoEn1: lista(datosK)) ×
  hayNuevas: bool ×
```

```
buscoEnLog: vector(datosK)
{\bf donde} \,\, datos Ag \,\, {\bf es}
 tupla(
  QSanciones: nat \times
  premios: nat \times
  posActual: posicion \times
  grupoSanciones: itConj(agente) \times
  verK: itLista(datosK)
donde datosHoE es
 tupla(
  ID: nombre \times
  posActual: itDicc(nombre;posicion)
  )
\mathbf{donde}\ datos Pos\ \mathbf{es}
 tupla(
  ocupada?: bool ×
  que<br/>Hay: {\it clases} \times
  hayCana: itDicc(agente) \times
  hayHoE: itConj(nombre)
\textbf{donde} \ clases \ \textbf{es} \ \text{enum} \{ \text{``agente''}, \text{``estudiante''}, \text{``hippie''}, \text{``obstaculo''}, \text{``nada''} \}
\mathbf{donde}\ datosK\ \mathbf{es}
 tupla(
  K: nat \times
  grupoK: conjLineal(agente)
```

### 2.3.2. Justificación

#### 2.3.3. Invariante de Representación

#### Informal

- 1. Todos los agentes tienen distinta posicion.
- 2. La cantidad de sanciones se ve reflejada dos veces en la tupla DatosAg y debe ser la misma.
- 3. Si dos agentes tienen la misma cantidad de sanciones, pertenecen al mismo grupo. En caso contrario, sus grupos son disjuntos.
  - 4. Todas las posiciones estan dentro del rango permitido en el campus.
  - 5. El conjunto que contiene a todas las placas de posAgentesLog es igual al conjunto de claves de agentes.
- 6. Todas las posiciones de los agentes son los significados del diccionario "agentes" y tambien se ven en "posAgentesLog" y son las mismas.
  - 7. posAgentesLog y buscoEnLog estan en orden
  - 8. La union de los gruposK pertenecientes a "agregoEn1" es igual al conjunto de claves de agentes.
  - 9. Ningun hippie, estudiante o agente comparte posicion con otra persona u obstaculo.
  - 10. Los conjuntos hippies y estudiantes son disjuntos
- 11. La union de los conjuntos de nombres de estudiantes y nombres de hippies es igual al conjunto de claves del diccionario posCiviles
- 12. En todas las posiciones de quienOcupa que esten en rango, la primer coordenada indica si esa posicion esta ocupada o no. La segunda quien esta ocupandola, si hubiera alguien, y las otras dos tienen iteradores al conjunto correspondiente(el que contiene a quien esta ocupando esa posicion)
- 13. Todos los "K" pertenecientes a e.agregoEn1 y a e.buscoEnLog son iguales a la cantidad de sanciones de algun agente, y ese agente pertenece al grupo relacionado con K.
  - 14. El masVigilante es el agente con mas premios, en caso de haber mas de uno, es el de menor placa.
- 15. e.hayNuevas es falsa Sii la longitud de e.buscoEnLog y de e.agregoEn1 y tienen los mismos elementos en el mismo orden

#### **Formal**

```
Rep : estr \longrightarrow boolean (\forall e : \text{estr}) Rep(e) \equiv (true \iff (1)(2)(3)(4) \ (\forall \text{ a}, \text{a}2: \text{Agente}) \ (a \neq \text{a}2 \land \text{definido}?(\text{a}, \text{e}, \text{agentes}) \land \text{definido}?(\text{a}2, \text{e}, \text{agentes}) \land_{\text{L}} \text{ PosValida}(\text{e}, \text{campo}, \text{obtener}(\text{a}, \text{e}, \text{agentes}). \text{PosActual}) \land \text{PosValida}(\text{e}, \text{campo}, \text{obtener}(\text{a}2, \text{e}, \text{agentes}). \text{PosActual}))) \Rightarrow_{\text{L}} \text{ obtener}(\text{a}, \text{e}, \text{agentes}). \text{PosActual} \neq \text{obtener}(\text{a}2, \text{e}, \text{agentes}). \text{PosActual} \land (\text{obtener}(\text{a}, \text{e}, \text{agentes}). \text{Qsanciones} = \text{siguiente}(\text{obtener}(\text{a}, \text{e}, \text{agentes}). \text{verK}). \text{K} \land \text{obtener}(\text{a}, \text{e}, \text{agentes}). \text{grupoSanciones} = \text{siguiente}(\text{obtener}(\text{a}, \text{e}, \text{agentes}). \text{verK}). \text{grupoK} \land (\text{a}2 \in \text{obtener}(\text{a}, \text{e}, \text{agentes}). \text{grupoSanciones}) \iff (\text{obtener}(\text{a}, \text{e}, \text{agentes}). \text{Qsanciones} = \text{obtener}(\text{a}2, \text{e}, \text{agentes}). \text{Qsanciones}) \land (5) \text{ TodasLasPlacas}(\text{e}, \text{e}, \text{posAgentesLog}) = \text{claves}(\text{e}, \text{agentes}) \land (6) \ (\forall \text{ a}3: \text{agente}, \text{ t: tupla}(\text{agente}, \text{posicion}))(\text{t} \in \text{e}, \text{posAgentesLog} \land \text{a}3 = \Pi_1(\text{t}) \land_{\text{L}} \text{ definido}?(\text{a}3, \text{e}, \text{agentes}) \Rightarrow_{\text{L}} obtener(\text{a}3, \text{e}, \text{agentes}) = \Pi_2(\text{t})) \land (7) \text{ enOrden}(\text{e}, \text{posAgentesLog}) \land \text{enOrden}(\text{e}, \text{buscoEnLog})
```

```
\land (8) UnionConjuntos(e,e.agregoEn1)=claves(e.agentes)
         \land (9) (\forall h,h1:tupla(nombre,itDicc(nombre;posicion)))(h \in e.hippies \land h1 \in e.hippies \land \Pi_1(h) \neq \Pi_1(h1)) \Rightarrow_L (\Pi_2(h))
\neq \Pi_2(h1) \land (\forall es, es1: tupla(nombre, itDicc(nombre; posicion)))(es \in e.estudiantes \land es1 \in e.estudiantes \land \Pi_1(h) \neq \Pi_1(h1))
\Rightarrow_{\rm L} (\Pi_2(h) \neq \Pi_2(h1))
         \land e.posCiviles=e.posRapida \land (\forall hi:nombre,e:nombre)((hi \neq e \land definido?(hi,e.posCiviles) \land definido?(e,e.posCiviles))
\Rightarrow_{L} obtener(e,e.posCiviles) \neq obtener(hi,e.posCiviles)
        \land (\forall \text{ a:agente, civ:nombre})(\text{definido?(a,e.agentes)} \land \text{definido?(civ,e.posCiviles)})
         \Rightarrow_{L} (obtener(a,e.agentes) \neq obtener(civ,e.posCiviles)) \land (10) (e.hippies \cap e.estudiantes)= \emptyset
         ^ (11) JuntaNombres(e.estudiantes)∪JuntaNombres(e.hippies)=claves(e.posCiviles))
          \land (12) (\forall i:nat, j:nat)(i \ge 0 \land i < e.campo.filas \land j \ge 0 \land j < e.campo.columnas) \Rightarrow_L if \Pi_1(e.quienOcupa[i][j])=false
          then \Pi_2(e.quienOcupa[i][j]) = "nada"
          else if \Pi_2(e.quienOcupa[i][j]) = "hippie" \lor \Pi_2(e.quienOcupa[i][j]) = "estudiante" then
    \Pi_3(e.quienOcupa[i][j]) = crearIt(e.agentes) \land \Pi_4(e.quienOcupa[i][j]) \neq crearIt(e.diccString)
else
    \Pi_4(e.quienOcupa[i][j]) = crearIt(e.diccString) \land \Pi_3(e.quienOcupa[i][j]) \neq crearIt(e.agentes) fi
fi
         \land (\forall k:nat)((\exists i:nat)(i \ge 0 \land i < longitud(e.agregoEn1) \Rightarrow_{L} e.agregoEn1[i].K=k) \iff (\exists ag:agente)(definido?(ag,e.agentes))
\Rightarrow_{L} obtener(ag,e.agentes).Qsanciones=k \land ag \in e.agregoEn1[i].grupoK))
         \land (13) (\forall k:nat)((\exists i:nat)(i\geq0 \land i<longitud(e.buscoEnLog) \RightarrowL e.buscoEnLog[i].K=k) \iff
          (\exists ag:agente)(definido?(ag,e.agentes)) \Rightarrow_{L} obtener(ag,e.agentes).Qsanciones=k \land ag \in e.buscoEnLog[i].grupoK))
         \land (14) (\forall age:agente)(definido?(age,e.agentes) \land definido?(siguiente(e.masVigilante),e.agentes)
          \Rightarrow_{L} (obtener(age,e.agentes).premios < obtener(siguiente(e.masVigilante),e.agentes).premios
         ∧ obtener(age,e.agentes).premios=obtener(siguiente(e.masVigilante),e.agentes).premios
         \Rightarrow siguiente(e.masVigilante) < age )
         \land (15) e.hayNuevas=false \iff (longitud(e.agregoEn1)=longitud(e.buscoEnLog) \land<sub>L</sub> (\forall i\ge0 \land i< longitud(e.agregoEn1)
(e.agregoEn1[i]=e.buscoEnlog[i])) )
           Funciones Auxiliares
               TodasLasPlacas: secu(tupla(agente × posicion))
                                                                                \rightarrow conj(agente)
           TodasLasPlacas(s) \equiv if vacia ?(s)
                                                                                                      Ag(\Pi_1(prim(s)), TodasLasPlacas(fin(s)))
                                                               then
                                                                                         else
               enOrden : secu(tupla(nat \times \alpha) \longrightarrow bool
           enOrden(s) \equiv if vacia ?(s) \lor longitud(s)=1
                                                                                                           else
                                                                            then
                                                                                            true
                               (\Pi_1(\text{prim}(s)) \leq \Pi_1(\text{prim}(\text{fin}(s))) \wedge \text{enOrden}(\text{fin}(s))
               unionConjuntos : secu(tupla(nat \times conj(\alpha)))
                                                                              \rightarrow \operatorname{conj}(\alpha)
                                                                                                      \Pi_2(prim(s)) \cup \text{unionConjuntos}(\text{fin}(s))
           unionConjuntos(s) \equiv if vacia ?(s)
                                                               then
          Función de Abstracción
2.3.4.
           Abs : estr e \longrightarrow \text{CampusSeguro}
                                                                                                                                             \{\operatorname{Rep}(e)\}
           (\forall e:\text{estr}) \text{ Abs}(e) =_{\text{obs}} cs : \text{CampusSeguro} /
           (campus(cs) = e.campo \land estudiantes(cs) = juntaNombres(e.estudiantes) \land hippies(cs) = juntaNombres(e.hippies))
          \land agentes(cs)=claves(e.agentes)
         \land (\forall \text{ n:nombre}) (n \in \text{hippies}(cs) \cup \text{estudiantes}(cs) \Rightarrow_{\text{L}} \text{posEstudianteYHippie}(n,cs) = \text{obtener}(n,e.\text{posCiviles}))
        \land (\forall \text{ a:agente}) (a \in \text{agentes}(cs) \Rightarrow_{\text{L}} \text{posAgente}(a,cs) = \Pi_3(obtener(n,e.agentes))
        \land cantSanciones(a,cs)=\Pi_1(obtener(n, e.agentes))\land cantHippiesAtrapados(a,cs) =\Pi_2(obtener(n, e.agentes)))
           Funciones Auxiliares
               juntaNombres : conj(datosHoE) \longrightarrow conj(nombre)
                                                                                             aq(\Pi_1(dameUno(c)), juntaNombres(sinUno(c)))
           juntaNombres(c) \equiv if \emptyset?(c)
                                                       then
                                                                                else
```

# 2.3.5. Algoritmos

	(2.4.1)
1: <b>function</b> $i$ CAMPUS( <b>in</b> $e$ : $estr$ ) $\longrightarrow$ res : campus 2: res $\leftarrow$ e.campo	$\triangleright \mathcal{O}(1)$
3: end function	
1: function $i$ ESTUDIANTES(in $e: estr$ ) $\longrightarrow$ res : itConj(nombre)	$\triangleright \mathcal{O}(1)$
2: $\operatorname{res} \leftarrow \operatorname{crearIt}$ (e.estudiantes)	
3: end function	
1: function $i$ HIPPIES(in $e: estr) \longrightarrow res: itConj(nombre)$	$ ightharpoons \mathcal{O}(1)$
2: $res \leftarrow crearIt (e.hippies)$	(-)
3: end function	
	0(1)
<ol> <li>function iAGENTES(in e: estr) → res : itConj(agente)</li> <li>res ← claves(e.agentes)</li> </ol>	$\triangleright \mathcal{O}(1)$
3: end function	
	2/12-13
1: <b>function</b> $i$ POSESTUDIANTESYHIPPIE( <b>in</b> $e$ : $estr$ , <b>in</b> $n$ : $nombre$ ) $\longrightarrow$ res : posicion 2: res $\leftarrow$ obtener(n,e.posCiviles)	$ hd \mathcal{O}( N_m )$
3: end function	
1: function $iPOSAGENTE$ (in $e: estr$ in $a: agente$ ) $\longrightarrow$ res : posicion	$ ightharpoonup \mathcal{O}(1)(promedio)$
2: res ← obtener(a,e.agentes).posActual 3: end function	
5. end function	
1: function $i$ CANTSANCIONES(in $e$ : $estr$ , in $a$ : $agente$ ) $\longrightarrow$ res : nat	$ ightharpoonup \mathcal{O}(1)(promedio)$
2: $res \leftarrow obtener(a,e.agentes).Qsanciones$	
3: end function	
1: function $i$ CantHippiesAtrapados(in $e$ : $estr$ , in $a$ : $agente$ ) $\longrightarrow$ res : nat	$ ightharpoonup \mathcal{O}(1)(promedio)$
2: $res \leftarrow obtener(a,e.agentes).premios$	( ) ( ( ) ( ) ( ) ( ) ( ) ( )
3: end function	
1: function $i_{MASVIGILANTE}(in\ e:\ estr) \longrightarrow res:$ agente	$\triangleright \mathcal{O}(1)$
2: $res \leftarrow siguiente(e.masVigilante)$	· (1)
3: end function	
1: function $i$ CONMISMASSANCIONES(in $e$ : $estr$ in $a$ : $agente$ ) $\longrightarrow$ res : conj(agente)	<i>⊳ O</i> (1)
2: res ← siguiente(obtener(e.agentes,a).grupoSanciones) 3: end function	

```
\,\vartriangleright\, \mathcal{O}(Na)la primera vez, luego mientras no
 1: function iCONKSANCIONES(in e: estr in k: nat)\longrightarrow res : conj(agente)
     haya sanciones \mathcal{O}(logNa)
          if ¬e.hayNuevas then
                                                                                                                                                                              \triangleright \mathcal{O}(1)
 2:
               var nat i \leftarrow BusquedaBin(e.buscoEnLog, k)
                                                                                                                                                                      \rhd \, \mathcal{O}(logNa)
 3:
               res \leftarrow e.buscoEnLog_{[i]}.grupoK
                                                                                                                                                                              \triangleright \mathcal{O}(1)
 4:
 5:
                                                                                                                                                                              \triangleright \mathcal{O}(1)
                var itLista(datosK) itK \leftarrow crearIt(e.agregoEn1)
 6:
                while haySiguiente(it) do
                                                                                                                                                                              \triangleright \mathcal{O}(1)
 7:
                                                                                                                                                                              \triangleright \mathcal{O}(1)
                     buscoEnLog _{[i]} \leftarrow \text{siguiente(itK)}
 8:
                     avanzar(itK)
 9:
               end while
10:
               var nat i \leftarrow BusquedaBin (e.buscoEnLog, k)
                                                                                                                                                                      \triangleright \mathcal{O}(logNa)
11:
12:
               res \leftarrow e.buscoEnLog_{[i]}.grupoK
                                                                                                                                                                              \triangleright \mathcal{O}(1)
                                                                                                                                                                              \triangleright \mathcal{O}(1)
               e.hayNuevas \leftarrow false
13:
          end if
14:
15: end function
```

```
1: function iComenzarRastrillaje(in c: campus in d: dicc(placa, posicion)) <math>\longrightarrow res : estr
                                                                                                                                                                   \triangleright \mathcal{O}(1)
                                                                                                                                                     \triangleright \mathcal{O}(\#claves(d))
          var diccPromedio(placa,datosAg) dprom \leftarrow vacio(\#claves(d))
 2:
                                                                                                                                                                   \triangleright \mathcal{O}(1)
 3:
          var lista(datosK) Klista \leftarrow vacia()
          var vector(vector(datosPos)) map \leftarrow vacia()
                                                                                                                                                                   \triangleright \mathcal{O}(1)
 4:
                                                                                                                              \triangleright \mathcal{O}(columnas?(c)^2 * filas?(c)^2)
          for i=0 to filas?(c) do
 5:
          var vector(datosPos) filita \leftarrow vacia()
                                                                                                                                                                   \triangleright \mathcal{O}(1)
 6:
 7:
          for j=0 to columnas?(c) do
                                                                                                                                                  \triangleright \mathcal{O}(columnas?(c))
                                                                                                                                                                   \triangleright \mathcal{O}(1)
          if ocupada?(c,(j,i)) then
 8:
               AgAtras(filita, <true, "obstaculo", crearIt(), crearIt()>)
                                                                                                                                                 \triangleright \mathcal{O}(columnas?(c))
 9:
10:
          else
               AgAtras(filita, < false, "nada", crearIt(), crearIt()>)
                                                                                                                                                  \triangleright \mathcal{O}(columnas?(c))
11:
          end if
12:
          EndFor
13:
                                                                                                                                                        \triangleright \mathcal{O}(filas?(c))
          AgAtras(map,filita)
14:
15:
          EndFor
          var Arreglo(<placa,posicion>) arr \leftarrow crearArreglo[\#claves(d)]
                                                                                                                                                     \triangleright \mathcal{O}(\#claves(d))
16:
          var itDicc(placa, posicion) iter \leftarrow crearIt(d)
                                                                                                                                                                   \triangleright \mathcal{O}(1)
17:
                                                                                                                                                                   \triangleright \mathcal{O}(1)
          var itLista(datosK) itk \leftarrow AgregarAtras(Klista, <0, vacio>)
18:
          while haySiguiente(iter) do
                                                                                                                                                     \triangleright \mathcal{O}(\#claves(d))
19:
               AgregarOrdenado(arr, < SiguienteClave(iter), SiguienteSignificado(iter) > )
                                                                                                                                                 \triangleright \mathcal{O}((\#claves(d))^2)
20:
               var datosAg datosN \leftarrow <0.0,SiguienteSignificado(iter),Agregar(Siguiente(itK),grupoK,SiguienteClave(iter)),itK>
21:
22:
               map[SiguienteSignificado(iter.X)][SiguienteSignificado(iter.Y)] \leftarrow < true, "aqente", definirRapido(dprom,
23:
               SiguienteClave(iter),datosN),crearIt()>
                                                                                                                                                                   \triangleright \mathcal{O}(1)
24:
25:
               avanzar(iter)
                                                                                                                                                                   \triangleright \mathcal{O}(1)
26:
          end while
27:
          var conj(datosHoE) hip \leftarrow vacio()
                                                                                                                                                                   \triangleright \mathcal{O}(1)
28:
          var conj(datosHoE) est \leftarrow vacio()
                                                                                                                                                                   \triangleright \mathcal{O}(1)
29:
                                                                                                                                                                   \triangleright \mathcal{O}(1)
          var diccString(nombre, posicion) diccS \leftarrow vacio()
30:
          var diccLineal(nombre, posicion) diccL \leftarrow vacio()
                                                                                                                                                                   \triangleright \mathcal{O}(1)
31:
          var itConj(placa) masV \leftarrow crearIt(dprom)
                                                                                                                                                                   \triangleright \mathcal{O}(1)
32:
          var bool hayNuevasS \leftarrow true
                                                                                                                                                                   \triangleright \mathcal{O}(1)
33:
                                                                                                                                                                   \triangleright \mathcal{O}(1)
          var vector(datosK) paraLog \leftarrow vacia()
34:
          res \leftarrow <c,dprom,arr,hip,est,diccS,diccL,map,masV,kLista,paraLog,hayNuevasS>
                                                                                                                                                                   \triangleright \mathcal{O}(1)
35:
36: end function
```

```
\triangleright \mathcal{O}(|Nm|)
  1: function ingresarestudiante(in/out e: estr, in n: nombre, in p: posicion)
                 if esHippizable(e,p) then
                                                                                                                                                                                                                                                                                        \triangleright \mathcal{O}(1)
  2:
  3:
                         if esCapturable(e,p) then
                                                                                                                                                                                                                                                                                        \triangleright \mathcal{O}(1)
                                  var conj(posicion) v \leftarrow vecinos(e.campus, p)
                                                                                                                                                                                                                                                                                       \triangleright \mathcal{O}(1)
  4:
                                  var itConj(posicion) it \leftarrow crearIt(v)
                                                                                                                                                                                                                                                                                        \triangleright \mathcal{O}(1)
  5:
                                  while haySiguiente(it) do
  6:
                                           if e.quienOcupa<sub>[siguiente(it),X]</sub> [siguiente(it),Y].queHay == "agente" then
                                                                                                                                                                                                                                                                                        \triangleright \mathcal{O}(1)
  7:
                                                   recompensar(e, siguiente(it))
                                                                                                                                                                                                                                                                                       \triangleright \mathcal{O}(1)
  8:
                                           end if
  9:
                                                                                                                                                                                                                                                                                        \triangleright \mathcal{O}(1)
10:
                                          avanzar(it)
                                  end while
11:
                          else
12:
13:
                                  definir(e.posCiviles, n, p)
                                                                                                                                                                                                                                                                           \triangleright \mathcal{O}(|Nm|)
                                                                                                                                                                                                                                                                                        ▷ O(1)
                                  var itDicc(nombre, posicion) iterPos \leftarrow definirRapido(e.posRapida,n,p)
14:
                                  e.quienOcupa_{[p.X]-[p.Y]} \leftarrow < true,"hippie",crearIt(), agregarRapido(e.hippies, < n, iterPos>) >
                                                                                                                                                                                                                                                                                        \triangleright \mathcal{O}(1)
15:
                                  var conj(posicion) Ps \leftarrow vecinos(e.campus, p)
                                                                                                                                                                                                                                                                                        \triangleright \mathcal{O}(1)
16:
                                                                                                                                                                                                                                                                                        \triangleright \mathcal{O}(1)
                                  var itConj(posicion) it \leftarrow crearIt(Ps)
17:
                                  while haySiguiente(it) do
18:
                                           if esEstudiante(e,siguiente(it)) \( \chi \) esHippizable(e,siguiente(it)) then
                                                                                                                                                                                                                                                                                       \triangleright \mathcal{O}(1)
19:
                                                                                                                                                                                                                                                                                        \triangleright \mathcal{O}(1)
                                                   Hippizar(e, siguiente(it))
20:
                                                   if esCapturable(e,siguiente(it)) then
                                                                                                                                                                                                                                                                                        \triangleright \mathcal{O}(1)
21:
                                                                                                                                                                                                                                                                          \triangleright \mathcal{O}(|Nm|)
                                                            capturarHippie(e,siguiente(it))
22:
                                                   end if
23:
                                           else
24:
                                                   if esEstudiante(e, siguiente(it)) ∧ esCapturable(e, siguiente(it)) then
                                                                                                                                                                                                                                                                                        \triangleright \mathcal{O}(1)
25:
                                                           var itConj(posicion) itAg \leftarrow vecinos(e.campus, siguiente(it))
                                                                                                                                                                                                                                                                                        \triangleright \mathcal{O}(1)
26:
                                                                                                                                                                                                                                                                                       \triangleright \mathcal{O}(1)
                                                           while haySiguiente(itAg) do
27:
                                                                                                                                                                                                                                                                                       \triangleright \mathcal{O}(1)
                                                                    if esAgente(e, siguiente(itAg)) then
28:
29:
                                                                            sancionar(e, siguiente(itAg))
                                                                                                                                                                                                                                                                                       \triangleright \mathcal{O}(1)
                                                                    end if
30:
                                                                                                                                                                                                                                                                                        \triangleright \mathcal{O}(1)
                                                                    avanzar(itAg)
31:
                                                            end while
32:
                                                   else
33:
                                                            if esHippie(e, siguiente(it)) \lambda esCapturable(e, siguiente(it)) then
                                                                                                                                                                                                                                                                                        \triangleright \mathcal{O}(1)
34:
                                                                    capturarHippie(e,siguiente(it))
                                                                                                                                                                                                                                                                          \triangleright \mathcal{O}(|Nm|)
35:
                                                            end if
36:
                                                   end if
37:
                                           end if
38:
                                                                                                                                                                                                                                                                                       \triangleright \mathcal{O}(1)
39:
                                          avanzar(it)
                                  end while
40:
                         end if
41:
                 else
42:
                          definir(e.posCiviles, n, p)
                                                                                                                                                                                                                                                                           \triangleright \mathcal{O}(|Nm|)
43:
                          var itDicc(nombre, posicion) iterPos \leftarrow definirRapido(e.posRapida, n, p)
                                                                                                                                                                                                                                                                                        \triangleright \mathcal{O}(1)
44:
                         e.quienOcupa_{[p.X]}~_{[p.Y]} \leftarrow < true,"estudiante",crearIt(),~agregarRapido(e.estudiantes,< n,iterPos>)> (agregarRapido(e.estudiantes,< n,iterPos>) (agregarRapido(e.estudiantes,< n,it
45:
                          var conj(posicion) Ps \leftarrow vecinos(e.campus, p)
                                                                                                                                                                                                                                                                                        \triangleright \mathcal{O}(1)
46:
                                                                                                                                                                                                                                                                                       \triangleright \mathcal{O}(1)
                          var itConj(posicion) it \leftarrow crearIt(ps)
47:
48:
```

```
1: while haySiguiente(it) do
         if esHippie(e,siguiente(it)) \lambda esEstudiantizable(e,siguiente(it)) then
                                                                                                                                                               \triangleright \mathcal{O}(1)
 2:
 3:
              Estudiantizar(e, siguiente(it))
                                                                                                                                                               \triangleright \mathcal{O}(1)
         else
 4:
              if esEstudiante(e,siguiente(it)) \( \cdot \) esCapturable(e,siguiente(it)) then
                                                                                                                                                               \triangleright \mathcal{O}(1)
 5:
                   var itConj(posicion) itAg \leftarrow vecinos(e.campus, siguiente(it))
                                                                                                                                                               \triangleright \mathcal{O}(1)
 6:
                   while haySiguiente(itAg) do
 7:
                        if esAgente(e,siguiente(itAg)) then
                                                                                                                                                               \triangleright \mathcal{O}(1)
 8:
                                                                                                                                                               \triangleright \mathcal{O}(1)
                             Sancionar(e, siguiente(itAg))
 9:
                        end if
10:
                        avanzar(itAg)
                                                                                                                                                               \triangleright \mathcal{O}(1)
11:
                   end while
12:
13:
              else
                   if esHippie(e,siguiente(it) \lambda esCapturable(e,siguiente(it)) then
                                                                                                                                                               \triangleright \mathcal{O}(1)
14:
                        capturarHippie(e, siguiente(it))
                                                                                                                                                       \triangleright \mathcal{O}(|Nm|)
15:
                   end if
16:
              end if
17:
         end if
18:
19: end while
20: endFunction =0
```

```
\triangleright \mathcal{O}(|Nm|)
 1: function iINGRESARHIPPIE(in/out e: estr in p: posicion in h : nombre: )
                                                                                                                                                                   \triangleright \mathcal{O}(|Nm|)
          definir(e.posCiviles, h,p)
 2:
 3:
          var itDicc(nombre,posicion) iterPos \leftarrow definirRapido(e.posRapida,h,p)
                                                                                                                                                                         \triangleright \mathcal{O}(1)
          \text{e.quienOcupa}_{[p.X]-[p.Y]} \leftarrow < \text{true, "hippie", crearIt(), agregarRapido(e.hippies, < h, iterPos>)} > \\
 4:
                                                                                                                                                                         \triangleright \mathcal{O}(1)
          var conj(posicion) Ps \leftarrow vecinos(e.campus,p)
                                                                                                                                                                         \triangleright \mathcal{O}(1)
 5:
 6:
          var itConj(posicion) \leftarrow crearIt(ps)
                                                                                                                                                                         \triangleright \mathcal{O}(1)
          if esCapturable(e,p) then
                                                                                                                                                                         \triangleright \mathcal{O}(1)
 7:
               capturarHippie(e,p)
                                                                                                                                                                   \triangleright \mathcal{O}(|Nm|)
 8:
          else
 9:
                                                                                                                                                                         \triangleright \mathcal{O}(1)
                while haySiguiente(it) do
10:
                    if ocupada(e.campus, siguiente(it)) \vee \neg e.quienOcupa_{[siguiente(it).X]} [siguiente(it).Y].ocupada? then
                                                                                                                                                                        \triangleright \mathcal{O}(1)
11:
                          avanzar(it)
                                                                                                                                                                         \triangleright \mathcal{O}(1)
12:
                    else
13:
                         if esEstudiante(e,siguiente(it)) ∧ esHippizable(e,siguiente(it)) then
                                                                                                                                                                         \triangleright \mathcal{O}(1)
14:
                               Hippizar(e, siguiente(it))
                                                                                                                                                                         \triangleright \mathcal{O}(1)
15:
                               if esCapturable(e,siguiente(it) then
                                                                                                                                                                         \triangleright \mathcal{O}(1)
16:
                                    capturarHippie(e,siguiente(it))
                                                                                                                                                                   \triangleright \mathcal{O}(|Nm|)
17:
                               end if
18:
                          else
19:
                                                                                                                                                                         \triangleright \mathcal{O}(1)
                               if esEstudiante(e,siguiente(it)) \lambda esCapturable(e,siguiente(it)) then
20:
                                                                                                                                                                         \triangleright \mathcal{O}(1)
                                    var itConj(posicion) itAg \leftarrow vecinos(e.campus, siguiente(it))
21:
                                    while haySiguiente(itAg) do
                                                                                                                                                                         \triangleright \mathcal{O}(1)
22:
                                         if esAgente(siguiente(itAg) then
                                                                                                                                                                         \triangleright \mathcal{O}(1)
23:
                                              sancionar(e, siguiente(itAg))
                                                                                                                                                                         \triangleright \mathcal{O}(1)
24:
                                         end if
25:
                                         avanzar(itAg)
                                                                                                                                                                         \triangleright \mathcal{O}(1)
26:
                                    end while
27:
                               end if
28:
                          end if
29:
                    end if
30:
                                                                                                                                                                         \triangleright \mathcal{O}(1)
                    avanzar(it)
31:
                end while
32:
33:
          end if
34: end function
```

```
function imoverEstudiante(in/out e: estr, in d: direccion, in s: estudiante)
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                   \triangleright \mathcal{O}(|Nm|)
                         var posicion actual ← obtener(e.posCiviles,s)
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 \triangleright \mathcal{O}(1)
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 ▷ O(1)
  3:
                          var posicion prx ← proxPosicion(e.campus, d, actual)
  4:
                         if seFue?(e.campus,actual, prx) then
                                    \begin{array}{l} \text{borrar(e.posCiviles, s)} \\ \text{var itConj(datosHoE) dat} \leftarrow \text{copia(e.quienOcupa}_{[actual.X]} \text{ } [actual.X] \text{ } \text{hayHoE)} \end{array}
 5:
6:
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                   \, \triangleright \, \mathcal{O}(|Nm|)
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 \triangleright \mathcal{O}(1)
  7:
                                    eliminar Siguiente (dat, \, pos Actual) \\
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 \triangleright \mathcal{O}(1)
                                    eliminarSiguiente(dat)
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 \triangleright \mathcal{O}(1)
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 ▷ O(1)
 9:
                                     e.quienOcupa_{[actual.X]} _{[actual.Y]} \leftarrow < false, "nada", crearIt(), crearIt() >
10:
                                    var itConj(datosHoE) iterAHOI \leftarrow copia(e.quienOcupa_{[actual.X]} _ [actual.Y].hayHoE) eliminarSiguiente(siguiente(iterAHOI).posActual)
11:
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 ▷ O(1)
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 \triangleright \mathcal{O}(1)\triangleright \mathcal{O}(1)
12:
                                     \begin{array}{l} \text{siguiente(iterAHOI).posActual} \leftarrow \text{definirRapido(e.posRapida,s,prx)} \\ \end{array}
13:
                                    signification of the following significant content of the standard content of
14:
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 \triangleright \mathcal{O}(1)
15:
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 ▷ O(1)
16:
                                     \begin{array}{l} {\rm var\ conj(posicion)\ vc} \leftarrow {\rm vecinos(e.campus,\ prx)} \\ {\rm var\ itConj(posicion)\ it} \leftarrow {\rm crearIt(vc)} \end{array}
17:
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 ▷ O(1)
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 ▷ O(1)
18:
                                     if esHippizable(e,prx) then
19:
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 ▷ O(1)
                                                 hippizar(e, prx)
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 ▷ O(1)
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 ▷ O(1)
21:
                                                 while haySiguiente(it do
22:
                                                            \textbf{if} \ \text{ocupada}(e.\text{campus}, \ \text{siguiente}(\textbf{it})) \ \lor \ \neg e. \\ \\ \text{quienOcupa}_{[siguiente(\textbf{it}).X]} \ [siguiente(\textbf{it}).Y]. \\ \\ \text{ocupada?} \ \textbf{then}
23:
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 ▷ O(1)
24:
                                                             else
25:
                                                                        \mathbf{if} esEstudiante(e,siguiente(it)) \land esHippizable(e,siguiente(it)) \mathbf{then}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 ▷ O(1)
26:
                                                                                    Hippizar(e, siguiente(it))
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 D O(1)
                                                                                     if esCapturable(e, siguiente(it)) then
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                  ▷ O(1)
28.
                                                                                                capturarHippie(e, siguiente(it))
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                   \triangleright \mathcal{O}(|Nm|)
29:
                                                                                     end if
30:
                                                                        else
                                                                                   if esEstudiante(e,siguiente(it) \land esCapturable(e,siguiente(it) then var itConj(posicion) itAg \leftarrow vecinos(e.campus, siguiente(it))
31:
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 \triangleright \mathcal{O}(1)
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 \triangleright \mathcal{O}(1)
33:
                                                                                                 while haySiguiente(itAg) do
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 \triangleright \mathcal{O}(1)
34:
                                                                                                             if esAgente(e,siguiente(itAg) then
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 ▷ O(1)
35:
                                                                                                                        sancionar(e, siguiente(itAg))
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 \triangleright \mathcal{O}(1)
36:
                                                                                                             end if
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 ▷ O(1)
                                                                                                           avanzar(itAg)
37:
38:
                                                                                                end while
39:
                                                                                    else
40:
                                                                                                 if esHippie(e,siguiente(it)) \land esCapturable(s,siguiente(it)) then
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                  ▷ O(1)
41:
                                                                                                            capturarHippie(e,siguiente(it))
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                   \triangleright \mathcal{O}(|Nm|)
42:
                                                                                                 end if
43:
                                                                                    end if
44:
                                                                        end if
45:
                                                             end if
46:
                                                 end while
47:
                                                 \mathbf{while} \ \mathrm{haySiguiente(it)} \ \mathbf{do}
48:
                                                            \textbf{if} \ \text{ocupada}(\text{e.campus}, \ \text{siguiente}(\text{it})) \lor \ \neg \text{e.quienOcupa}_{[siguiente(it).X]} \ [\textit{siguiente}(it).Y]. \\ \textbf{ocupada?} \ \textbf{then} \\ \textbf{ocupada} = \textbf{then} \\ \textbf{ocupada} 
49:
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 ▷ O(1)
50:
                                                                        avanzar(it)
51:
                                                             else
                                                                         \textbf{if} \ esHippie(e, \ siguiente(it)) \ \land \ esEstudiantizable(e, siguiente(it)) \ \textbf{then}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 ▷ O(1)
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 ▷ O(1)
53:
                                                                                    Estudiantizar(e, siguiente(it))
54:
                                                                                    if esEstudiante(e,siguiente(it)) \land esCapturable(e, siguiente(it)) then var itConj(posicion) itAg2 \leftarrow vecinos(e.campus, siguiente(it))
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 ▷ O(1)
55:
56:
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 \triangleright \mathcal{O}(1)
                                                                                                 while haySiguiente(itAg2) do
57:
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 \triangleright \mathcal{O}(1)
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 \triangleright \mathcal{O}(1)
                                                                                                             if esAgente(e,siguiente(itAg2)) then
59:
                                                                                                                       sancionar(e, siguiente(itAg2))
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                  ▷ O(1)
60:
                                                                                                             end if
61.
                                                                                                             avanzar(itAg2)
62:
                                                                                                end while
63:
                                                                                    else
64:
                                                                                                if esHippie(e, siguiente(it)) \( \cap \) esCapturable(e, siguiente(it)) then
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                  ▷ O(1)
                                                                                                            capturarHippie(e, siguiente(it))
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                   \triangleright \mathcal{O}(|Nm|)
65:
66:
                                                                                                 end if
67:
                                                                                    end if
68:
                                                                        end if
69:
                                                            end if
70:
                                                            avanzar(it)
                                                 end while
                                     end if
73:
                         end if
74: end function
```

```
\triangleright \mathcal{O}(|Nm|) + \mathcal{O}(logNa) + \mathcal{O}(Ne)
 1: function iMOVERAGENTE(in/out e: estr in a: agente)
          var nat j \leftarrow BusquedaBin(e.AgentesLog,a)
                                                                                                                                                                    \triangleright \mathcal{O}(logNa)
 2:
 3:
          var posicion actual \leftarrow e.AgentesLog<sub>[i]</sub>
                                                                                                                                                                           \triangleright \mathcal{O}(1)
          var direccion d \leftarrow proxPosicionA(e,a)
                                                                                                                                                                         \triangleright \mathcal{O}(Ne)
 4:
          var posicion prx \leftarrow proxPosicion(e.campus, d, actual)
                                                                                                                                                                            \triangleright \mathcal{O}(1)
 5:
          var datosAg datAux \leftarrow obtener(e.agentes, a)
                                                                                                                                                                            \triangleright \mathcal{O}(1)
 6:
          datAux.posActual \leftarrow prx
                                                                                                                                                                            \triangleright \mathcal{O}(1)
 7:
          var\ itDicc(placa, datosAg)\ itA \leftarrow copia(e.quienOcupa_{[actual.X]}\ [actual.X]\ [actual.Y]. hayCana)
                                                                                                                                                                            \triangleright \mathcal{O}(1)
 8:
          e.quienOcupa_{[actual.X]} \ [actual.Y] \leftarrow < false, "nadie", crearIt(), crearIt() >
                                                                                                                                                                            \triangleright \mathcal{O}(1)
 9:
          e.quien<br/>Ocupa_{[prx.X]} _{[prx.Y]} \leftarrow <true, "agente", it<br/>A, crearIt()>
                                                                                                                                                                            \triangleright \mathcal{O}(1)
10:
          var itConj(posicion) \leftarrow crearIt(vecinos(e.campus, prx))
                                                                                                                                                                           \triangleright \mathcal{O}(1)
11:
          while haySiguiente(it) do
                                                                                                                                                                           \triangleright \mathcal{O}(1)
12:
13:
               if ocupada(e.campus, siguiente(it)) \vee \neg e.quienOcupa_{[siguiente(it).X]} [siguiente(it).Y].ocupada? then
                     avanzar(it)
                                                                                                                                                                            \triangleright \mathcal{O}(1)
14:
               else
15:
                                                                                                                                                                           \triangleright \mathcal{O}(1)
                     if esEstudiante(e, siguiente(it)) \lambda esCapturable(e, siguiente(it)) then
16:
                                                                                                                                                                            \triangleright \mathcal{O}(1)
                          var itConj(posicion) itAg \leftarrow vecinos(e.campus, siguiente(it))
17:
                          while haySiguiente(itAg) do
                                                                                                                                                                           \triangleright \mathcal{O}(1)
18:
                               if esAgente(e,siguiente(itAg)) then
                                                                                                                                                                           \triangleright \mathcal{O}(1)
19:
                                    sancionar(e, siguiente(itAg))
                                                                                                                                                                           \triangleright \mathcal{O}(1)
20:
                               end if
21:
                                                                                                                                                                           \triangleright \mathcal{O}(1)
                               avanzar(itAg)
22:
                          end while
23:
24:
                     else
                          if esHippie(e,siguiente(it)) \( \cdot \) esCapturable(e,siguiente(it)) then
                                                                                                                                                                            \triangleright \mathcal{O}(1)
25:
                               capturarHippie(e, siguiente(it))
                                                                                                                                                                     \triangleright \mathcal{O}(|Nm|)
26:
                          end if
27:
                     end if
28:
29:
                end if
               avanzar(it)
                                                                                                                                                                           \triangleright \mathcal{O}(1)
30:
          end while
31:
32: end function
```

```
1: function iMOVERHIPPIE(in/out e: estr in h: nombre)
                                                                                                                                                       \triangleright \mathcal{O}(|Nm|) + \mathcal{O}(Ne)
          var posicion actual \leftarrow obtener(e.posCiviles, h)
                                                                                                                                                                       \triangleright \mathcal{O}(|Nm|)
 2:
 3:
          var direccion d \leftarrow proxPosicionH(e,h)
                                                                                                                                                                          \triangleright \mathcal{O}(Ne)
          var posicion prx \leftarrow proxPosicion(e.campus, d, obtener(e.posCiviles,h))
 4:
                                                                                                                                                                                   \triangleright 1
                                                                                                                                                                       \triangleright \mathcal{O}(|Nm|)
          definir(e.posCiviles, h, prx)
 5:
          var itConj(nombre) itR \leftarrow e.quienOcupa_{[actual.X]} _{[actual.Y]}.hayHoe
                                                                                                                                                                             \triangleright \mathcal{O}(1)
 6:
          eliminarSiguiente(siguiente(itR).posActual)
                                                                                                                                                                             \triangleright \mathcal{O}(1)
 7:
          siguiente(itR).posActual \leftarrow definirRapido(e.posRapida, h, prx)
                                                                                                                                                                             \triangleright \mathcal{O}(1)
 8:
                                                                                                                                                                             \triangleright \mathcal{O}(1)
          e.quienOcupa<sub>[prx.X]</sub> [prx.Y] \leftarrow <true, "hippie", crearIt(), itR>
 9:
          e.quienOcupa[actual.X] [actual.Y] \leftarrow <false, "nadie", crearIt(), crearIt()>
                                                                                                                                                                             \triangleright \mathcal{O}(1)
10:
          while haySiguiente(it) do
11:
                \textbf{if} \ \text{ocupada}(\text{e.campus}, \ \text{siguiente}(\text{it})) \ \lor \ \neg \text{e.quienOcupa}_{[siguiente(it).X]} \ [siguiente(it).Y]}. \\ \text{ocupada?} \ \textbf{then}
                                                                                                                                                                             \triangleright \mathcal{O}(1)
12:
13:
                     avanzar(it)
                                                                                                                                                                             \triangleright \mathcal{O}(1)
               else
14:
                     if esEstudiante(e, siguiente(it)) \( \chi \) esHippizable(e, siguiente(it)) then
                                                                                                                                                                             \triangleright \mathcal{O}(1)
15:
                                                                                                                                                                             \triangleright \mathcal{O}(1)
                          hippizar(e, siguiente(it))
16:
                          if esCapturable(e,siguiente(it) then
17:
                                                                                                                                                                       \triangleright \mathcal{O}(|Nm|)
                               capturarHippie(e,siguiente(it))
18:
                          end if
19:
                     else
20:
                          if esEstudiante(e, siguiente(it)) \lambda esCapturable(e, siguiente(it)) then
                                                                                                                                                                             \triangleright \mathcal{O}(1)
21:
                               var itConj(posicion) itAg \leftarrow vecinos(e.campus, siguiente(it))
                                                                                                                                                                             \triangleright \mathcal{O}(1)
22:
                               while haySiguiente(itAg) do
23:
                                    if esAgente(e,siguiente(itAg)) then
24:
                                          sancionar(e, siguiente(itAg))
                                                                                                                                                                             \triangleright \mathcal{O}(1)
25:
                                    end if
26:
                                    avanzar(itAg)
                                                                                                                                                                             \triangleright \mathcal{O}(1)
27:
                               end while
28:
29:
                          else
                               if esHippie(e,siguiente(it)) \lambda esCapturable(e,siguiente(it)) then
                                                                                                                                                                             \triangleright \mathcal{O}(1)
30:
                                                                                                                                                                       \triangleright \mathcal{O}(|Nm|)
                                     capturarHippie(e,siguiente(it))
31:
                               end if
32:
                          end if
33:
                     end if
34:
                end if
35:
                                                                                                                                                                             \triangleright \mathcal{O}(1)
               avanzar(it)
36:
          end while
37:
38: end function
                                                                                                                                                                             \triangleright \mathcal{O}(1)
 1: function iESESTUDIANTE(in e: estr in p: posicion)\longrightarrow res : bool
          \text{res} \leftarrow \text{e.quienOcupa}_{[p.X]} \ \text{[$p.Y$]}. \text{queHay} == \text{"estudiante'}
 3: end function
 1: function iESHIPPIE(in e: estr in p: posicion) \longrightarrow res: bool
                                                                                                                                                                             \triangleright \mathcal{O}(1)
          \operatorname{res} \leftarrow \operatorname{e.quienOcupa}_{[p.X]} \ _{[p.Y]}.\operatorname{queHay} == \operatorname{"hippie"}
 2:
 3: end function
                                                                                                                                                                             \triangleright \mathcal{O}(1)
 1: function iESAGENTE(in e: estr in p: posicion)\longrightarrow res : bool
          \operatorname{res} \leftarrow \operatorname{e.quienOcupa}_{[p.X]} [p.Y].\operatorname{queHay} == \operatorname{"agente"}
 3: end function
```

 $\triangleright \mathcal{O}(1)$ 

8:

9:

10:

end while

11: end function

 $res \leftarrow contador \geqslant 2$ 

```
1: function iESTUDIANTIZAR(in/out e: estr in p: posicion)
                                                                                                                                                                            \triangleright \mathcal{O}(1)
                                                           <Siguiente(e.quienOcupa<sub>[p.X]</sub>
                    {\rm datosHoE}
                                        dat
                                                                                                             [p.Y].hayHoE).ID,
                                                                                                                                            Siguiente(e.quienOcupa_{[p.X]}
 2:
                                                  \leftarrow
     [p.Y].hayHoe).posActual>
                                                                                                                                                                            \triangleright \mathcal{O}(1)
          eliminarSiguiente(e.quienOcupa[p.X] [p.Y].hayHoe)
                                                                                                                                                                            \triangleright \mathcal{O}(1)
 3:
          var itConj(nombre) it \leftarrow agregarRapido(e.estudiantes, dat)
                                                                                                                                                                            \triangleright \mathcal{O}(1)
 4:
          e.quien<br/>Ocupa_{[p.X]} _{[p.Y]} \leftarrow <true, "estudiante", crear<br/>It(), it>
                                                                                                                                                                            \triangleright \mathcal{O}(1)
 5:
 6: end function
 1: function iHippizar(in/out e: estr in p: posicion)
                                                                                                                                                                            \triangleright \mathcal{O}(1)
                                                                                                                                            {\bf Siguiente}({\bf e.quienOcupa}_{[p.X]}
                                                           <Siguiente(e.quienOcupa<sub>[p,X]</sub>
                                                                                                             [p.Y].hayHoE).ID,
          var
                    datosHoE
                                        dat
 2:
     [p.Y].hayHoe).posActual>
                                                                                                                                                                            \triangleright \mathcal{O}(1)
          eliminarSiguiente(e.quienOcupa_{[p,X]}_{[p,Y]}.hayHoe)
                                                                                                                                                                            \triangleright \mathcal{O}(1)
 3:
          var itConj(nombre) it \leftarrow agregarRapido(e.hippies, dat)
                                                                                                                                                                            \triangleright \mathcal{O}(1)
 4:
          e.quien<br/>Ocupa_{[p.X]} _{[p.Y]} \leftarrow <true, "hippie", crear<br/>It(), it>
                                                                                                                                                                            \triangleright \mathcal{O}(1)
 5:
 6: end function
 1: function iESCAPTURABLE(in e: estr in p: posicion) \longrightarrow res : bool
                                                                                                                                                                            \triangleright \mathcal{O}(1)
                                                                                                                                                                            \triangleright \mathcal{O}(1)
          var itConj(posicion) it \leftarrow crearIt(vecinos(e.campus, p))
 2:
                                                                                                                                                                            \triangleright \mathcal{O}(1)
          var nat Contador \leftarrow 0
 3:
 4:
          bool hayGuardia \leftarrow false
                                                                                                                                                                            \triangleright \mathcal{O}(1)
          while haySiguiente(it) do
 5:
                                                                                                                                                                            \triangleright \mathcal{O}(1)
               if e.quienOcupa_{[p.X]} _{[p.Y]}.ocupada? then
 6:
                                                                                                                                                                            \triangleright \mathcal{O}(1)
 7:
                    contador++
               end if
 8:
               if e.quienOcupa_{[siguiente(it).X]} [siguiente(it).Y].quienOcupa== "agente" then
                                                                                                                                                                            \triangleright \mathcal{O}(1)
 9:
                    hayGuardia \leftarrow true
                                                                                                                                                                            \triangleright \mathcal{O}(1)
10:
               end if
11:
               avanzar(it)
                                                                                                                                                                            \triangleright \mathcal{O}(1)
12:
          end while
13:
          res \leftarrow contador == 4 \land hayGuardia
                                                                                                                                                                            \triangleright \mathcal{O}(1)
14:
15: end function
 1: function iESHIPPIZABLE(in/out e: estr in p: posicion) \longrightarrow res : bool
                                                                                                                                                                            \triangleright \mathcal{O}(1)
 2:
          var itConj(posicion) it \leftarrow crearIt(vecinos(e.campus, p))
                                                                                                                                                                            \triangleright \mathcal{O}(1)
          var nat Contador \leftarrow 0
                                                                                                                                                                            \triangleright \mathcal{O}(1)
 3:
          while haySiguiente(it) do
                                                                                                                                                                            \triangleright \mathcal{O}(1)
 4:
                \textbf{if} \ e.quienOcupa}_{[siguiente(it).X]} \ [siguiente(it).Y]. \\ \textbf{quienOcupa} == "hippie" \ \textbf{then} \\ 
                                                                                                                                                                            \triangleright \mathcal{O}(1)
 5:
 6:
                    contador + +
                                                                                                                                                                            \triangleright \mathcal{O}(1)
               end if
 7:
               avanzar(it)
                                                                                                                                                                            \triangleright \mathcal{O}(1)
```

```
1: function iCAPTURARHIPPIE(in/out e: estr in p: posicion)
                                                                                                                                                                    \triangleright \mathcal{O}(|Nm|)
          var nombre n \leftarrow siguiente(e.quienOcupa<sub>[p,X]</sub> <sub>[p,Y]</sub>.hayHoE).ID
                                                                                                                                                                           \triangleright \mathcal{O}(1)
 2:
 3:
          eliminar
Siguiente<br/>(siguiente(e.quien
Ocupa_{[p,X]}<br/>_{[p,Y]}.hay<br/>HoE).pos
Actual)
                                                                                                                                                                           \triangleright \mathcal{O}(1)
                                                                                                                                                                           \triangleright \mathcal{O}(1)
          eliminarSiguiente(siguiente(e.quienOcupa[p,X] [p,Y].hayHoE)
 4:
                                                                                                                                                                    \triangleright \mathcal{O}(|Nm|)
          borrar(n, e.posCiviles)
 5:
          e.quienOcupa_{[p.X]} [p.Y] \leftarrow <false, nadie, crearIt(), crearIt() >
                                                                                                                                                                           \triangleright \mathcal{O}(1)
 6:
          while haySiguiente(it) do
                                                                                                                                                                           \triangleright \mathcal{O}(1)
 7:
                if \ e.quienOcupa_{[siguiente(it).X]} \ [siguiente(it).Y]. \\ quienOcupa == "agente" \ then \\ 
                                                                                                                                                                           \triangleright \mathcal{O}(1)
 8:
                     recompensar(e, siguiente(it))
                                                                                                                                                                           \triangleright \mathcal{O}(1)
 9:
               end if
10:
               avanzar(it)
                                                                                                                                                                           \triangleright \mathcal{O}(1)
11:
          end while
12:
13: end function
     function itodasOcupadas(in e: estr, in p: conj(posicion)) res:bool
                                                                                                                                                                           \triangleright \mathcal{O}(1)
                                                                                                                                                                           \triangleright \mathcal{O}(1)
 2:
          var itConj(posicion) it \leftarrow crearIt(p)
 3:
          var contador \leftarrow 0
                                                                                                                                                                           \triangleright \mathcal{O}(1)
          while haySiguiente(it) do
 4:
                                                                                                                                                                           \triangleright \mathcal{O}(1)
               if e.quienOcupa_{[siguiente(it).X]} [siguiente(it).Y].ocupada? then
 5:
                                                                                                                                                                           \triangleright \mathcal{O}(1)
                     contador + +
 6:
                end if
 7:
          end while
 8:
          res \leftarrow contador == 4
                                                                                                                                                                           \triangleright \mathcal{O}(1)
 9:
10: end function
                                                                                                                                                                           \triangleright \mathcal{O}(1)
function iRecompensar(in/out e: estr, in a: posicion)
     var placa p \leftarrow siguienteClave(quienOcupa<sub>[a,X]</sub> <sub>[a,Y]</sub>.hayCana
                                                                                                                                                                           \triangleright \mathcal{O}(1)
     var datosAgente dat \leftarrow obtener(e.agentes,p)
                                                                                                                                                                           \triangleright \mathcal{O}(1)
    dat.premios \leftarrow dat.premios+1
                                                                                                                                                                           \triangleright \mathcal{O}(1)
    if dat.premios > obtener(e.agentes, siguienteClave(e.masVigilante)).premios then
                                                                                                                                                                           \triangleright \mathcal{O}(1)
          e.masVigilante \leftarrow quienOcupa<sub>[a.X]</sub> [a.Y].hayCana
                                                                                                                                                                           \triangleright \mathcal{O}(1)
    else
                                                                                                                                                                           \triangleright \mathcal{O}(1)
          if dat.premios == obtener(e.agentes, siuienteClave(e.masVigilante)).premios then
               if p < siguienteClave(e.masVigilante)) then
                                                                                                                                                                           \triangleright \mathcal{O}(1)
                    e.masVigilante \leftarrow quienOcupa<sub>[a,X]</sub> <sub>[a,Y]</sub>.hayCana
                                                                                                                                                                           \triangleright \mathcal{O}(1)
               end if
          end if
    end if
end function
\overline{\text{function}} i \text{Sancionar}(\text{in/out } e: estr, \text{ in } a: posicion)
                                                                                                                                                                           \triangleright \mathcal{O}(1)
    var placa p <br/> \leftarrowsiguiente
Clave(quienOcupa_{[a.X]}_[a.Y].hayCana
                                                                                                                                                                           \triangleright \mathcal{O}(1)
                                                                                                                                                                           \triangleright \mathcal{O}(1)
    var datosAgente dat \leftarrow obtener(e.agentes,p)
    dat.Qsanciones \leftarrow dat.Qsanciones + 1
                                                                                                                                                                           \triangleright \mathcal{O}(1)
    eliminarSiguiente(dat.grupoSanciones)
                                                                                                                                                                           \triangleright \mathcal{O}(1)
    avanzar(dat.verK)
                                                                                                                                                                           \triangleright \mathcal{O}(1)
    e.havNuevas \leftarrow true
                                                                                                                                                                           \triangleright \mathcal{O}(1)
                                                                                                                                                                           \triangleright \mathcal{O}(1)
    if Siguiente(dat.verK).K == dat.Qsanciones then
          dat.grupoSanciones \leftarrow Agregar(siguiente(dat.verK).grupoK, p)
                                                                                                                                                                           \triangleright \mathcal{O}(1)
    else
          dat.grupoSanciones \leftarrow AgregarComoAnterior(dat.verK, < dat.Qsanciones, Agregar(Vacio(),p)>)
                                                                                                                                                                           \triangleright \mathcal{O}(1)
     end if
end function
```

```
1: function iProxPosicionH(in/out e: estr in h: nombre)
                                                                                                                                                                              \triangleright \mathcal{O}(N_e)
           var itConj(datosHoE) it← crearIt(e.estudiantes)
                                                                                                                                                                                \triangleright \mathcal{O}(1)
 2:
           var posicion menorD \leftarrow obtener(e.posRapida,h)
                                                                                                                                                                             \triangleright \mathcal{O}(N_e)
 3:
           var direccion direcc
                                                                                                                                                                                \triangleright \mathcal{O}(1)
 4:
           if (¬ haySiguiente(it)) then
                                                                                                                                                                                \triangleright \mathcal{O}(1)
 5:
                if (menor D.Y \le e.campus.filas/2) then
                                                                                                                                                                                \triangleright \mathcal{O}(1)
 6:
                     if (¬ocupadaD(e,p,abajo)) then
                                                                                                                                                                                \triangleright \mathcal{O}(1)
 7:
                           res←Abajo
 8:
                                                                                                                                                                                \triangleright \mathcal{O}(1)
 9:
                     else
                           if (\neg ocupadaD(e,p,derecha)) then
                                                                                                                                                                                \triangleright \mathcal{O}(1)
10:
                                res \leftarrow Derecha
11:
                           else
                                                                                                                                                                                \triangleright \mathcal{O}(1)
12:
13:
                                     (\neg ocupadaD(e,p,izquierda)) then
                                                                                                                                                                                \triangleright \mathcal{O}(1)
                                     res \leftarrow izquierda
14:
                                else
                                                                                                                                                                                \triangleright \mathcal{O}(1)
15:
                                                                                                                                                                                \triangleright \mathcal{O}(1)
                                     res←arriba
16:
                                end if
17:
                          end if
18:
                     end if
19:
                else
20:
                     if (\neg \text{ ocupadaD}(e,p,Arriba)) then
                                                                                                                                                                                \triangleright \mathcal{O}(1)
21:
                           res \leftarrow Arriba
22:
                     else
                                                                                                                                                                                \triangleright \mathcal{O}(1)
23:
24:
                           if (\neg ocupadaD(e,p,derecha)) then
                                                                                                                                                                                \triangleright \mathcal{O}(1)
                                res \leftarrow Derecha
25:
                           else
                                                                                                                                                                                \triangleright \mathcal{O}(1)
26:
                                if (¬ ocupadaD(e,p,izquierda)) then
                                                                                                                                                                                \triangleright \mathcal{O}(1)
27:
                                     res←izquierda
28:
29:
                                else
                                                                                                                                                                                \triangleright \mathcal{O}(1)
                                     res←Abajo
                                                                                                                                                                                \triangleright \mathcal{O}(1)
30:
                                end if
31:
                           end if
32:
                     end if
33:
                end if
34:
           else
35:
                menorD←SiguienteSignificado(siguiente(it).posActual)
                                                                                                                                                                                \triangleright \mathcal{O}(1)
36:
                var posicion otraPos
                                                                                                                                                                                \triangleright \mathcal{O}(1)
37:
                while haySiguiente(it) do
                                                                                                                                                                              \triangleright \mathcal{O}(N_e)
38:
                     otraPos \leftarrow SiguienteSignificado(siguiente(it).posActual)
                                                                                                                                                                                \triangleright \mathcal{O}(1)
39:
                     if (distancia(e,p,otraPos) < distancia(e,p,menorD)) then
                                                                                                                                                                                \triangleright \mathcal{O}(1)
40:
                           menorD←otraPos
                                                                                                                                                                                \triangleright \mathcal{O}(1)
41:
                     end if
42:
                end while
43:
                res \leftarrow VecinoMasCercanoA(e,p,menorD)
                                                                                                                                                                                \triangleright \mathcal{O}(1)
44:
           end if
45:
46: end function
```

```
1: function iProxPosicionA(in/out e: estr in a: placa)
                                                                                                                                                                                 \triangleright \mathcal{O}(N_h)
           var itConj(datosHoe) it \leftarrow crearIt(e.hippies)
                                                                                                                                                                                    \triangleright \mathcal{O}(1)
 2:
           var posicion menorD \leftarrow obtener(e.posRapida,a)
                                                                                                                                                                                 \triangleright \mathcal{O}(N_h)
 3:
           var direccion direcc
                                                                                                                                                                                    \triangleright \mathcal{O}(1)
 4:
           if (¬ haySiguiente(it)) then
                                                                                                                                                                                    \triangleright \mathcal{O}(1)
 5:
                if (menorD.Y \le e.campus.filas/2) then
                                                                                                                                                                                    \triangleright \mathcal{O}(1)
 6:
                      if (¬ocupadaD(e,p,abajo)) then
                                                                                                                                                                                    \triangleright \mathcal{O}(1)
 7:
                           res \leftarrow Abajo
 8:
                                                                                                                                                                                    \triangleright \mathcal{O}(1)
 9:
                      else
                           if (\neg ocupadaD(e,p,derecha)) then
                                                                                                                                                                                    \triangleright \mathcal{O}(1)
10:
                                 res \leftarrow Derecha
11:
                           else
                                                                                                                                                                                    \triangleright \mathcal{O}(1)
12:
                                      (¬ ocupadaD(e,p,izquierda)) then
13:
                                                                                                                                                                                    \triangleright \mathcal{O}(1)
                                      res \leftarrow izquierda
14:
                                 else
                                                                                                                                                                                    \triangleright \mathcal{O}(1)
15:
                                                                                                                                                                                    \triangleright \mathcal{O}(1)
                                      res \leftarrow arriba
16:
                                 end if
17:
                           end if
18:
                      end if
19:
                else
20:
                      if (\neg ocupadaD(e,p,Arriba)) then
                                                                                                                                                                                    \triangleright \mathcal{O}(1)
21:
                           res \leftarrow Arriba
22:
                      else
                                                                                                                                                                                    \triangleright \mathcal{O}(1)
23:
24:
                                (\neg ocupadaD(e,p,derecha)) then
                                                                                                                                                                                    \triangleright \mathcal{O}(1)
                                 res \leftarrow Derecha
25:
                           else
                                                                                                                                                                                    \triangleright \mathcal{O}(1)
26:
                                 if (¬ocupadaD(e,p,izquierda)) then
                                                                                                                                                                                    \triangleright \mathcal{O}(1)
27:
                                      res \leftarrow izquierda
28:
29:
                                 else
                                                                                                                                                                                    \triangleright \mathcal{O}(1)
                                      res \leftarrow Abajo
                                                                                                                                                                                    \triangleright \mathcal{O}(1)
30:
                                 end if
31:
                           end if
32:
                      end if
33:
                end if
34:
           else
35:
                menorD \leftarrow siguiente(it)
                                                                                                                                                                                    \triangleright \mathcal{O}(1)
36:
                var posicion otraPos
                                                                                                                                                                                    \triangleright \mathcal{O}(1)
37:
                while haySiguiente(it) do
                                                                                                                                                                                 \triangleright \mathcal{O}(N_h)
38:
                      otraPos \leftarrow SiguienteSignificado(siguiente(it).posActual)
                                                                                                                                                                                    \triangleright \mathcal{O}(1)
39:
                      if (distancia(e,p,otraPos)<distancia(e,p,menorD)) then
                                                                                                                                                                                    \triangleright \mathcal{O}(1)
40:
                           menorD \leftarrow otraPos
                                                                                                                                                                                    \triangleright \mathcal{O}(1)
41:
                      end if
42:
                end while
43:
                res \leftarrow VecinoMasCercanoA(e,p,menorD)
                                                                                                                                                                                    \triangleright \mathcal{O}(1)
           end if
45:
46: end function
```

```
1: function iVecinoMasCercano(in e: estr in p: posicion in p2: posicion) \longrightarrow res: direction
                                                                                                                                                                                        \triangleright \mathcal{O}(1)
           var conj(posicion) Ps \leftarrow vecinos(e.campus, p)
                                                                                                                                                                                        \triangleright \mathcal{O}(1)
 2:
           var itConj(posicion) it \leftarrow crearIt(Ps)
                                                                                                                                                                                        \triangleright \mathcal{O}(1)
 3:
           var posicion destino← siguiente(it)
                                                                                                                                                                                        \triangleright \mathcal{O}(1)
 4:
           while haySiguiente(it) do
                                                                                                                                                                                        \triangleright \mathcal{O}(1)
 5:
                if (¬e.quienOcupa[siguiente(it).X][siguiente(it).Y].ocupada?) then
                                                                                                                                                                                        \triangleright \mathcal{O}(1)
 6:
                      if (distancia(e,p,siguiente(it))<distancia(e,p,destino)) then
                                                                                                                                                                                       \triangleright \mathcal{O}(1)
 7:
                            destino← siguiente(it)
                                                                                                                                                                                        \triangleright \mathcal{O}(1)
 8:
                      end if
 9:
                end if
10:
                avanzar(it)
                                                                                                                                                                                       \triangleright \mathcal{O}(1)
11:
           end while
12:
                                                                                                                                                                                       \triangleright \mathcal{O}(1)
13:
           if (\text{destino.X} \neq \text{p.X}) then
                                                                                                                                                                                       \triangleright \mathcal{O}(1)
                if (destino.y>p.Y) then
14:
                      res \leftarrow Arriba
15:
                                                                                                                                                                                       \triangleright \mathcal{O}(1)
                 else
16:
                                                                                                                                                                                       \triangleright \mathcal{O}(1)
                      res← Abajo
17:
                end if
18:
           else
19:
                 \textbf{if} \ (\text{destino.x}{>}\text{p.x}) \ \ \textbf{then} \\
                                                                                                                                                                                        \triangleright \mathcal{O}(1)
20:
                      res← Derecha
21:
                                                                                                                                                                                       \triangleright \mathcal{O}(1)
22:
                 else
                      res \leftarrow Izquierda
                                                                                                                                                                                        \triangleright \mathcal{O}(1)
23:
24:
                 end if
           end if
25:
26: end function
```

```
1: function iSeFue(in e: estr in p: posicion in destino: posicion ) \longrightarrow res : bool

2: res \leftarrow (p.Y==e.campus.alto -1 \land destino.y==e.campus.alto) \lor(p.Y==0 destino.y== -1) \rhd \mathcal{O}(1)

3: end function
```

```
\triangleright \mathcal{O}(log_2(longitud(v)))
  1: function iBusquedaBin(in \ v: vector(datosK) \ in \ obj: nat) \longrightarrow res : nat
            var int i \leftarrow 0
                                                                                                                                                                                                          \triangleright \mathcal{O}(1)
 2:
            var int d \leftarrow longitud(v)-1
                                                                                                                                                                                                          \triangleright \mathcal{O}(1)
 3:
            while (i + 1 < d) do
                                                                                                                                                                              \triangleright \mathcal{O}(log_2(longitud(v)))
  4:
                  var int m \leftarrow (i+d)/2
                                                                                                                                                                                                          \triangleright \mathcal{O}(1)
 5:
                  if (v[m].k<obj) then
                                                                                                                                                                                                          \triangleright \mathcal{O}(1)
  6:
  7:
                         i← m
                  else
                                                                                                                                                                                                          \triangleright \mathcal{O}(1)
  8:
                                                                                                                                                                                                          \triangleright \mathcal{O}(1)
                         d \leftarrow m
 9:
                  end if
10:
            end while
11:
            if (v[i].k=obj) then
                                                                                                                                                                                                          \triangleright \mathcal{O}(1)
12:
                  res \leftarrow i
13:
                                                                                                                                                                                                          \triangleright \mathcal{O}(1)
            else
14:
                                                                                                                                                                                                          \triangleright \mathcal{O}(1)
15:
                  res \leftarrow d
            end if
16:
17: end function
```

```
\triangleright \mathcal{O}(1)
 1: function iOCUPADAD(in e: rastr in p: posicion in dir: direccion) \longrightarrow res : bool
           if dir = "Arriba" then
                                                                                                                                                                                \triangleright \mathcal{O}(1)
 2:
                res \leftarrow e.quienOcupa[p.X][p.Y +1].ocupada?
 3:
                                                                                                                                                                                \triangleright \mathcal{O}(1)
           else
 4:
                if dir== "Abajo" then
                                                                                                                                                                                \triangleright \mathcal{O}(1)
 5:
                     res \leftarrow e.quienOcupa[p.X][p.Y -1].ocupada?
 6:
                                                                                                                                                                                \triangleright \mathcal{O}(1)
                \mathbf{else}
 7:
                     \mathbf{if}\ \mathrm{dir}{=}{=}" izquierda" \mathbf{then}
                                                                                                                                                                                \triangleright \mathcal{O}(1)
 8:
                          res \leftarrow e.quienOcupa[p.X-1][p.Y].ocupada?
 9:
                                                                                                                                                                                \triangleright \mathcal{O}(1)
10:
                          res \leftarrow e. quien Ocupa[p.X+1][p.Y]. ocupada?
                                                                                                                                                                                \triangleright \mathcal{O}(1)
11:
                     end if
12:
                end if
13:
14:
           end if
15: end function
```

# 3. Diseño del Tipo DICCIONARIOSTRING $(\sigma)$

### 3.1. Especificación

Se usa el TAD DICCIONARIO $(\kappa, \sigma)$  especificado en el apunte de Tads básicos.

### 3.2. Aspectos de la interfaz

```
3.2.1. Interfaz
```

```
parámetros formales
  género \kappa, \sigma
  función \bullet = \bullet (in \ a_1: \kappa, in \ a_2: \kappa) \longrightarrow res:bool
      Pre \equiv \{ true \}
      Post \equiv \{ res =_{obs} (a_1 = a_2) \}
     Complejidad: \Theta(equals(a_1, a_2))
      Descripción: función de igualdad de \kappa's
  función COPIAR(in k: \kappa) \longrightarrow res : \kappa
      Pre \equiv \{ true \}
      Post \equiv \{ res =_{obs} k \}
      Complejidad: \Theta(copy(k))
      Descripción: función de copia de \kappa's
  función COPIAR(in s: \sigma) \longrightarrow res : \sigma
      Pre \equiv \{ true \}
      Post \equiv \{ res =_{obs} s \}
      Complejidad: \Theta(copy(s))
      Descripción: función de copia de \sigma's
Se explica con especificación de Diccionario(\kappa, \sigma), Iterador Bidireccional(\text{Tupla}(\kappa, \sigma))
Género diccString(\kappa,\sigma)
Operaciones básicas de diccionario
    DEFINIDO?(in d: diccString(\kappa, \sigma), in k: \kappa) \longrightarrow res:bool
      Pre \equiv \{ true \}
      Post \equiv \{ res =_{obs} def?(d,k) \}
     Complejidad: O(|k|) |k| es la longitud de la clave.
      Descripción: Devuelve true si y sólo si k está definido en el diccionario.
    Obtener(in d: diccString(\kappa, \sigma), in k: \kappa) \longrightarrow res: \sigma
      Pre \equiv \{ def?(d,k) \}
      \textbf{Post} \equiv \{ \ alias(res =_{obs} obtener(d, k)) \ \}
      Complejidad: O(|k|) |k| es la longitud de la clave.
      Descripción: Devuelve el significado de la clave k en d.
      Aliasing: res no es modificable.
    Vacio() \longrightarrow res : diccString(\kappa, \sigma)
      Pre \equiv \{ true \}
      Post \equiv \{ res =_{obs} vacio() \}
     Complejidad: \mathcal{O}(1)
      Descripción: Genera un diccionario vacío.
    DEFINIR(in/out d: diccString(\kappa, \sigma), in k: \kappa, in s: \sigma)
      \mathsf{Pre} \equiv \{ d =_{\mathsf{obs}} d_0 \}
      Post \equiv \{ d =_{obs} definir(k, s, d_0) \}
     Complejidad: O(|k|) |k| es la longitud de la clave.
```

**Descripción:** Define la clave k con el significado s en el diccionario.

```
BORRAR(in/out d: diccString(\kappa, \sigma), in k: \kappa) \longrightarrow res: bool
\mathsf{Pre} \equiv \{ \ d = \mathsf{d}_0 \land def?(k,d) \ \}
\mathsf{Post} \equiv \{ \ d =_{\mathrm{obs}} borrar(k,\mathsf{d}_0) \}
\mathsf{Complejidad:} \ \mathcal{O}(|k|) \ |k| \ es \ la \ longitud \ de \ la \ clave.
\mathsf{Descripción:} \ Elimina \ la \ clave \ k \ del \ diccionario.
```

### Operaciones básicas del iterador

```
\begin{aligned} & \text{CrearIT}(\textbf{in }d: diccString}(\kappa,\sigma)) \longrightarrow res: itdiccString}(\kappa,\sigma) \\ & \textbf{Pre} \equiv \ \{ \ true \ \} \\ & \textbf{Post} \equiv \ \{ \ alias(esPermutacion(SecuSuby(res),d)) \ \land vacia?(Anteriores(res)) \ \} \\ & \textbf{Complejidad:} \ \mathcal{O}(n) \ n \ es \ la \ cantidad \ de \ claves. \\ & \textbf{Descripción:} \ \text{Crea un iterador del diccionario de forma tal que se puedan recorrer sus elementos aplicando iterativamente \ SIGUIENTE(no \ ponemos \ la \ operacion \ SIGUIENTE \ en \ la \ interfaz \ pues \ no \ la \ usamos). \end{aligned}
```

```
HAYSIGUIENTE(in it: itdiccString(\kappa, \sigma)) \longrightarrow res : bool

Pre \equiv \{ true \}

Post \equiv \{ res=_{obs} HaySiguiente?(it) \}

Complejidad: \mathcal{O}(1)
```

Descripción: Devuelve true si y solo si en el iterador quedan elementos para avanzar.

```
SIGUIENTESIGNIFICADO(in it: itdiccString(\kappa, \sigma)) \longrightarrow res: \sigma

Pre \equiv \{ HaySiguiente?(it) \}

Post \equiv \{ alias(res=_{obs}Siguiente(it).significado) \}

Complejidad: \mathcal{O}(1)

Descripción: Devuelve el significado del elemento siguiente del iterador.

Aliasing: res no es modificable.

AVANZAR(in/out it: itdiccString(\kappa, \sigma))

Pre \equiv \{ it =_{obs} it_0 \land \text{HaySiguiente?(it)} \}
```

Post  $\equiv \{ it =_{obs} Avanzar(it_0) \}$ Complejidad:  $\mathcal{O}(1)$ 

Descripción: Avanza a la posicion siguiente del iterador.

### 3.3. Pautas de implementación

### 3.3.1. Estructura de representación

```
diccString(\kappa, \sigma) se representa con puntero(nodo) donde nodo es tupla( significado: Puntero(\sigma) \times caracteres: arreglo[256] de puntero(nodo) \times padre: Puntero(nodo)
```

### 3.3.2. Justificación

### 3.3.3. Invariante de Representación

### Informal

- Todas las posiciones del arreglo de caracteres están definidas.
- No hay claves de 0 caracteres. El significado de la raíz es NULL.
- No hay ciclos en la estructura. Es decir, existe una cota superior sobre la cantidad de niveles posibles del árbol.

■ Dado un nodo cualquiera del trie, existe un único camino desde la raíz hasta el nodo.

#### **Formal**

```
Rep : estr \longrightarrow boolean (\forall e : estr)

Rep(e) \equiv (true \iff (1)(\foralli : nat)(i < 256 \Rightarrow definido?(e \rightarrow caracteres,i)) \land_{\rm L} (2)(e \rightarrow significado = NULL) \land_{\rm L} (2)(\exists n:nat)(finaliza(e,n)) \land_{\rm L} (3)(\forall p,q: puntero(nodo))(p \in punteros(e) \landq \in (punteros(e) - {p}) \Rightarrow p\neq q) \land_{\rm L}
```

#### 3.3.4. Función de Abstracción

```
 \begin{array}{ll} \operatorname{Abs}: \operatorname{roseTree}(\operatorname{estrDato}) \ r \longrightarrow \operatorname{dicc\_trie}(\sigma) & \{\operatorname{Rep}(r)\} \\ (\forall \ r : \operatorname{roseTree}(\operatorname{estrDato})) \ \operatorname{Abs}(r) =_{\operatorname{obs}} d : \operatorname{dicc\_trie}(\sigma) \ / \\ (\forall \ k : \operatorname{secu}(\operatorname{letra}))(\operatorname{def?}(\mathbf{k}, \, \mathbf{d}) =_{\operatorname{obs}} \operatorname{esta?}(\mathbf{k}, \, \mathbf{r})) \wedge (\operatorname{def?}(\mathbf{c}, \, \mathbf{d}) \Rightarrow (\operatorname{obtener}(\mathbf{k}, \, \mathbf{d}) =_{\operatorname{obs}} \operatorname{buscar}(\mathbf{k}, \, \mathbf{r}))) \\ \end{array}
```

#### **Funciones Auxiliares**

#### 3.3.5. Algoritmos

```
1: function IVACIO()\longrightarrow res : estr
                                                                                                                                                                                    \triangleright \mathcal{O}(1)
         var arreglo(puntero(nodo)) letras \leftarrow crearArreglo[256]
2:
         for i \leftarrow 0 to 255 do
                                                                                                                                                                                    \triangleright \mathcal{O}(1)
3:
         letras[i] \leftarrow NULL
                                                                                                                                                                                    \triangleright O(1)
4:
         end for
5:
         var nodo nuevo \leftarrow < NULL, letras, NULL>
                                                                                                                                                                                    \triangleright \mathcal{O}(1)
6:
         res \leftarrow \&nuevo
                                                                                                                                                                                    \triangleright \mathcal{O}(1)
7:
8: end function
```

```
1: function IDEFINIR(in/out d: estr, in k: string, in s: \sigma)
                                                                                                                                                                                                                   \triangleright \mathcal{O}(1)
 2:
             nat i \leftarrow 0
             puntero(nodo) actual \leftarrow d
                                                                                                                                                                                                                   \triangleright \mathcal{O}(1)
 3:
             while (i < |k|) do
                                                                                                                                                                                                                 \triangleright \mathcal{O}(|k|)
 4:
                   if actual \longrightarrow caracteres[ord(k[i])] = NULL then
 5:
                                                                                                                                                                                                                   \triangleright \mathcal{O}(1)
 6:
                         puntero(nodo) anterior \leftarrow actual
                         actual \longrightarrow caracteres[ord(k[i])] \leftarrow iVacio()
                                                                                                                                                                                                                   \triangleright \mathcal{O}(1)
 7:
                         \operatorname{actual} \longrightarrow \operatorname{padre} \leftarrow \operatorname{anterior}
 8:
                   else
 9:
                         actual \leftarrow (actual \longrightarrow caracteres[ord(k[i])])
                                                                                                                                                                                                                   \triangleright \mathcal{O}(1)
10:
11:
                   end if
                   i \leftarrow i + 1
                                                                                                                                                                                                                   \triangleright \mathcal{O}(1)
12:
             end while
13:
                                                                                                                                                                                                                   \triangleright \mathcal{O}(1)
             \operatorname{actual} \longrightarrow \operatorname{significado} \leftarrow \& \operatorname{copiar}(s)
15: end function
```

```
1: function IOBTENER(in d: estr, in k: string) \longrightarrow res : \sigma
2:
          nat i \leftarrow 0
                                                                                                                                                                                              \triangleright \mathcal{O}(1)
3:
          puntero actual \leftarrow d
                                                                                                                                                                                              \triangleright \mathcal{O}(1)
                                                                                                                                                                                            \triangleright \mathcal{O}(|k|)
          while i < |k| do
4:
               actual \leftarrow (actual \longrightarrow caracteres[ord(k[i])])
                                                                                                                                                                                              \triangleright \mathcal{O}(1)
5:
               i \leftarrow i + 1
6:
          end while
7:
          res \leftarrow *(actual \longrightarrow significado)
8:
9: end function
```

```
1: function IBORRAR(in/out d: estr, in k: string)
 2:
          puntero(nodo) actual \leftarrow d
          for i \leftarrow 0 to |k|
                                                                                                                                                                \triangleright \mathcal{O}(1)
 3:
          actual \leftarrow (actual \longrightarrow caracteres[ord(k[i])])
                                                                                                                                                                \triangleright O(1)
 4:
          end for
 5:
          (actual \longrightarrow significado) \leftarrow NULL \ var \ puntero(nodo) \ camino \leftarrow NULL
 6:
          while (actual→significado = NULL) or todosNULL(actual→caracteres) do
                                                                                                                                                              \triangleright \mathcal{O}(|k|)
 7:
              camino \leftarrow actual
                                                                                                                                                               \triangleright \mathcal{O}(1)
 8:
              actual \leftarrow (actual \longrightarrow padre)
 9:
10:
              delete camino
          end while
11:
12: end function
```

```
1: function IDEFINIDO?(in d: estr, in k: string)\longrightarrow res : bool
 2:
             nat i \leftarrow 0
                                                                                                                                                                                                                          \triangleright \mathcal{O}(1)
             puntero\ actual \leftarrow d
                                                                                                                                                                                                                          \triangleright \mathcal{O}(1)
 3:
             bool \ def \leftarrow \mathsf{true}
                                                                                                                                                                                                                          \triangleright \mathcal{O}(1)
 4:
             while (i < |k| \text{ and } def) do
                                                                                                                                                                                                                        \triangleright \mathcal{O}(|k|)
 5:
                    \mathbf{if} \ \mathrm{actual} \longrightarrow \mathrm{caracteres}[\mathrm{ord}(k[i])] = \mathrm{NULL} \ \mathbf{then}
                                                                                                                                                                                                                           \triangleright \mathcal{O}(1)
 6:
                          def \leftarrow \mathsf{false}
                                                                                                                                                                                                                          \triangleright \mathcal{O}(1)
 7:
                    else
 8:
                                                                                                                                                                                                                          \triangleright \mathcal{O}(1)
                          actual \leftarrow actual \longrightarrow caracteres[ord(k[i])]
 9:
                                                                                                                                                                                                                          \triangleright \mathcal{O}(1)
10:
                          i \leftarrow i+1
                    end if
11:
             end while
12:
             res \leftarrow def \land \neg(actual \longrightarrow significado(NULL))
                                                                                                                                                                                                                          \triangleright \mathcal{O}(1)
13:
14: end function
```

### 3.4. Servicios Usados

### Requerimientos sobre el Tipo

- La función  $|\mathbf{x}|$  debe tener complejidad  $\mathcal{O}(1)$  en el caso peor.
- La función  $|\mathbf{x}|$  debe tener complejidad  $\mathcal{O}(1)$  en el caso peor.
- Las operaciones deben realizarse por referencia.
- Debe proveer una operación **Copia** que devuelve una nueva instancia de la secuencia pero que es independiente de la actual, con complejidad  $\mathcal{O}(n)$  en el caso peor.
- Debe proveer un iterador para avanzar que comienza en el primero elemento de la secuencia.
- Debe proveer un iterador para retroceder que comienza en el último elemento de la secuencia.
- Las operaciones CrearIt, Siguiente, Anterior, TieneSiguiente, TieneAnterior deben tener complejidad  $\mathcal{O}(1)$  en el caso peor.

Donde n es la longitud de la palabra.

# 4. Diseño del Tipo Diccionario Prom

### 4.1. Especificación

Se usa el Tad Diccionariom (Nota al corrector: leer observaciones).

### 4.2. Aspectos de la interfaz

### 4.2.1. Interfaz

```
Se explica con especificación de DICCIONARIOM(\kappa, \sigma)
Género diccProm(\kappa, \sigma)
Operaciones básicas de diccionario
    DEFINIDO?(in d: diccProm(\kappa, \sigma), in k: \kappa) \longrightarrow res : bool
     Pre \equiv \{ true \}
     Post \equiv \{ res =_{obs} def?(d,k) \}
     Complejidad: O(n) n es la cantidad de claves.
     Descripción: Devuelve true si y sólo si k está definido en el diccionario.
    Obtener(in d: diccProm(\kappa, \sigma), in k: \kappa) \longrightarrow res : \sigma
     Pre \equiv \{ def?(d,k) \}
     Post \equiv \{ alias(res =_{obs} obtener(d, k)) \}
     Complejidad: O(n) n es la cantidad de claves.
     Descripción: Devuelve el significado de la clave k en d.
     Aliasing: se devuelve una referencia al significado de la clave.
    CLAVES(in d: diccProm(\kappa, \sigma)) \longrightarrow res : itConj(\kappa)
     Pre \equiv \{ true \}
     \mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} claves(d) \}
     Complejidad: \mathcal{O}(1)
     Descripción: Devuelve el conjunto con las claves definidas en d.
    Vacio(in n: nat) \longrightarrow res : diccProm(\kappa, \sigma)
     Pre \equiv \{ true \}
     Post \equiv \{ res =_{obs} vacio(n) \}
     Complejidad: O(n)
     Descripción: Genera un diccionario vacío, donde n acota superiormente a la cantidad de claves.
    DEFINIR(in/out d: diccProm(\kappa, \sigma), in k: \kappa, in s: \sigma)
     Pre \equiv \{ d =_{obs} d_0 \}
     Post \equiv \{ d =_{obs} definir(k, s, d_0) \}
     Complejidad: \mathcal{O}(1)
     Descripción: Define la clave k con el significado s en el diccionario.
```

### 4.3. Pautas de implementación

#### 4.3.1. Estructura de representación

```
\begin{array}{l} diccProm(\kappa,\sigma) \text{ se representa con } estr\\ \textbf{donde } estr \textbf{ es}\\ \textbf{tupla}(\\ Cclaves: \textbf{conjLineal}(\kappa) \times\\ clavesMax: \textbf{ nat} \times\\ tabla: \textbf{ arreglo } de \ lista(datos)\\ )\\ \textbf{donde } datos \textbf{ es}\\ \textbf{tupla}(\\ clave: \kappa \times\\ \end{array}
```

```
significado: \sigma
```

#### 4.3.2. Justificación

#### 4.3.3. Invariante de Representación

#### Informal

- clavesMax es mayor que cero.
- La longitud del arreglo es igual a clavesMax.
- Todas las posiciones del arreglo estan definidas.
- Todos los elementos de Cclaves estan definidos en la tabla y viceversa.
- Todas las claves de la tabla estan definidos en Cclaves.

#### **Formal**

```
 \begin{array}{l} \operatorname{Rep}:\operatorname{estr}\longrightarrow\operatorname{boolean}\\ (\forall\;e\,:\operatorname{estr})\\ \operatorname{Rep}(e)\equiv(\operatorname{true}\Longleftrightarrow\\ (1)\;\operatorname{e.clavesMax}>0\;\wedge_{\operatorname{L}}\\ (2)\;\operatorname{longitud}(e.\operatorname{tabla})==\operatorname{e.clavesMax}\;\wedge\\ (3)\;(\forall\;i:\operatorname{nat})(i\leq\operatorname{e.clavesMax}\Rightarrow_{\operatorname{L}}\operatorname{definido?}(e.\operatorname{tabla},i))\;\wedge\\ (3)\;(\forall\;k:\;\kappa)(k\in\operatorname{e.Cclaves}\;\Rightarrow\;(\exists\;j:\operatorname{nat})(\operatorname{estaEn?}(e.\operatorname{tabla}[j],k)))\;\wedge\\ (4)\;(\forall\;i:\operatorname{nat})(\forall\;k:\;\kappa)(i\;\operatorname{e.clavesMax}\;\wedge_{\operatorname{L}}\operatorname{estaEn?}(e.\operatorname{tabla}[i],k)\;\Rightarrow\;k\in\operatorname{e.Ccclaves}\;)\;) \end{array}
```

#### **Funciones Auxiliares**

```
\begin{array}{ll} \textit{estaEn?} : \textit{lista}(\textit{datos}) \times \kappa & \longrightarrow \textit{bool} \\ \textit{estaEn?}(\textit{l,k}) \equiv (\exists \ i : \textit{nat})(\textit{i} < \textit{longitud}(\textit{l}) \Rightarrow_{\texttt{L}} \textit{l[i].clave} == k) \end{array}
```

### 4.3.4. Función de Abstracción

```
Abs: estr \ e \longrightarrow Diccionario Prom(\kappa, \ \sigma)   \{Rep(e)\}   (\forall \ e: estr) \ Abs(e) =_{obs} \ d: Diccionario Prom(\kappa, \ \sigma) \ /   cla
```

#### **Funciones Auxiliares**

#### 4.3.5. Algoritmos

```
\triangleright \mathcal{O}(clavesMax)
 1: function IVACIO(in n: nat) \longrightarrow res : estr
          var arreglo(lista(datos)) tabla \leftarrow crearArreglo[n]
                                                                                                                                                          \triangleright \mathcal{O}(clavesMax)
 2:
          for i \leftarrow 0 to n do
                                                                                                                                                          \triangleright \mathcal{O}(clavesMax)
 3:
          tabla[i] \leftarrow Vacia()
                                                                                                                                                                         \triangleright \mathcal{O}(1)
 4:
          end for
 5:
          res \leftarrow < n.tabla >
                                                                                                                                                                         \triangleright \mathcal{O}(1)
 6:
 7: end function
 1: function IDEFINIR(in/out d: estr, in k: nat, in s: \sigma)
                                                                                                                                                                         \triangleright \mathcal{O}(1)
          nat i \leftarrow \text{fHash(k, e.clavesMax)}
                                                                                                                                                                         \triangleright \mathcal{O}(1)
 2:
          e.tabla[i] \leftarrow AgregarAtras(e.tabla[i], < k, s >)
                                                                                                                                                                         \triangleright \mathcal{O}(1)
 3:
 4: end function
 1: function IOBTENER(in d: estr, in k: nat) \longrightarrow res : \sigma
                                                                                                                                                 \triangleright \mathcal{O}(longitud(tabla[i]))
          nat i \leftarrow \text{fHash(k, e.clavesMax)}
 2:
                                                                                                                                                                         \triangleright \mathcal{O}(1)
          var itLista(datos) it \leftarrow crearIt(tabla[i])
 3:
          while haySiguiente(it) do
 4:
               \mathbf{if} \ \mathrm{siguiente(it).clave} = k \ \mathbf{then}
 5:
 6:
                    res \leftarrow siguiente(it).significado
               end if
 7:
          end while
 8:
 9: end function
 1: function IDEFINIDO?(in d: estr, in k: nat)\longrightarrow res : bool
                                                                                                                                                 \triangleright \mathcal{O}(longitud(tabla[i]))
                                                                                                                                                                         \triangleright \mathcal{O}(1)
          nat i \leftarrow \text{fHash(k, e.clavesMax)}
 2:
          var itLista(datos) it \leftarrow crearIt(tabla[i])
 3:
          bool aux \leftarrow false
 4:
          while haySiguiente(it) do
 5:
               if siguiente(it).clave = k then
 6:
                    aux \leftarrow true
 7:
               end if
 8:
          end while
 9:
          res \leftarrow aux
10:
11: end function
 1: function FHASH(in k: nat, in clavesMax: nat) \longrightarrow res : nat
                                                                                                                                                                         \triangleright \mathcal{O}(1)
          res \leftarrow k \mod clavesMax
                                                                                                                                                                         \triangleright \mathcal{O}(1)
 3: end function
                                                                                                                                                          \triangleright \mathcal{O}(clavesMax)
 1: function ICLAVES(in d: estr) \longrightarrow res : itConj(\kappa)
          res \leftarrow crearIt(e.Cclaves)
 3: end function
```

# 4.4. Servicios Usados

 $\triangleright \mathcal{O}(1)$ 

# 5. Diseño del Tipo Iterador sobre Lista Extendido $(\alpha)$

### 5.1. Aspectos de la interfaz

#### 5.1.1. Interfaz

Se extiende la interfaz del Iterador sobre Lista dada en el apunte de módulos básicos, el cual recorrerá, una lista de tuplas, por lo que las operaciones Siguiente y Anterior, devuelven el primer elemento.

#### Operaciones básicas del Iterador Extendido

```
CREARIT (in l: lista(\alpha)) \longrightarrow res: itListaE(\alpha)

Pre \equiv \{ true \}

Post \equiv \{ alias(res =_{obs} crearItBi(<>, l) \land alias(SecuSuby(it) = l) \}

Complejidad: \mathcal{O}(1)
```

**Descripción:** Crea un iterador bidireccional de la lista, de forma tal que al pedir Siguiente se obtenga el primer elemento de l..

**Aliasing:** el iterador se invalida si y sólo si se elimina el elemento siguiente del iterador sin utilizar la función EliminarSiquiente.

```
SIGUIENTE (in it: itListaE(\alpha)) \longrightarrow res : \alpha

Pre \equiv { HaySiguiente?(it) }

Post \equiv { alias(res = _{obs}\Pi_1(Siguiente(it)))}
```

Complejidad:  $\mathcal{O}(1)$ 

Descripción: Devuelve el elemento siguiente a la posición del iterador.

Aliasing: Res es modificable si y sólo si it es modificable.

```
ANTERIOR(in it: itListaE(\alpha)) \longrightarrow res : \alpha

Pre \equiv \{ HayAnterior?(it) \}

Post \equiv \{ alias(res = _{obs}\Pi_1(Anterior(it))) \}
```

 $res \leftarrow \Pi_1(SiguienteReal(it) \rightarrow anterior \rightarrow dato)$ 

Complejidad: O(1)

Descripción: Devuelve el elemento siguiente a la posición del iterador.

**Aliasing:** Res es modificable si y sólo si it es modificable.

### 5.1.2. Algoritmos

3: end function

1: function $i$ CrearItE(in $l$ : $lista(\alpha)$ ) $\longrightarrow$ res: itListaE	$\triangleright \mathcal{O}(1)$
2: res ← <l.primero, l=""> 3: end function</l.primero,>	$\triangleright \mathcal{O}(1)$
1: function $i$ Siguiente(in $it: itListaE(\alpha)) \longrightarrow res: \alpha$	$\triangleright \mathcal{O}(1)$
2: res $\leftarrow \Pi_1(\text{it.siguiente} \rightarrow dato)$	$\triangleright \mathcal{O}(1)$
3: end function	,