

Algoritmos y Estructuras de Datos II

Departamento de Computación
Facultad de Ciencias Exactas y Naturales
Universidad de Buenos Aires

Trabajo Práctico Nro. 2

Diseño - AED2-TEG

Grupo 11

Integrante	LU	Correo electrónico
Abásolo, Nicolás	310/08	nicolasabasolo@gmail.com
Menéndez, Emiliano	374/99	emystein@gmail.com
Méndez, Federico Martín	487/05	fmm.ab@hotmail.com
Otero, Guillermo	702/08	guillermo.otero@gmail.com

Reservado para la cátedra

Instancia	Docente	Nota
Primera entrega		
Segunda entrega		

TP2: Diseño - AED2-TEG

Índice

1. Tablero	3
1.1. Interfaz	3
1.2. Representación	5
1.2.1. Estructura de Representación	5
1.2.2. Invariante de Representación	5
1.2.3. Función de Abstracción	5
1.3. Algoritmos	6
2. TEG	10
2.1. Interfaz	10
2.2. Representación	10
2.2.1. Estructura de Representación	10
2.2.2. Invariante de Representación	11
2.2.3. Función de Abstracción	11
2.3. Algoritmos	11

1. Tablero

1.1. Interfaz

interfaz Tablero

parámetros formales

géneros μ
 COPIAR($\text{in } m: \mu$) $\rightarrow res: \mu$
 $\{\text{Pre} \equiv \text{true}\}$
 $\{\text{Post} \equiv res =_{\text{obs}} m\}$
Complejidad: $O(\text{copy}(m))$

se explica con Tablero(μ)

géneros $\text{tablero}(\mu)$

Operaciones

INICIAL() $\rightarrow res: \text{tablero}$

$\{\text{Pre} \equiv \text{true}\}$
 $\{\text{Post} \equiv res = \text{Inicial}()\}$
Complejidad: $O(1)$
Aliasing: no hay

CONTENER($\text{inout } t: \text{tablero}(\mu)$, $\text{inc}: \text{casilla}$, $\text{in } m_i: \mu$, $\text{in } m_v: \mu$)

$\{\text{Pre} \equiv t = t_0 \wedge c \in \text{Casillas}(t) \wedge m_v \notin \text{Salidas}(t, c)\}$
 $\{\text{Post} \equiv t = \text{Contener}(t_0, c, m_i, m_v)\}$
Complejidad: $O(f(\text{ProxCasilla}(t_0)) + \text{copy}(m_i) + \text{copy}(m_v))$
Aliasing: no hay

AGREGAR($\text{inout } t: \text{tablero}(\mu)$, $\text{inc}: \text{casilla}$, $\text{in } m_i: \mu$, $\text{in } m_v: \mu$)

$\{\text{Pre} \equiv t = t_0 \wedge c \in \text{Casillas}(t) \wedge m_v \notin \text{Salidas}(t, c)\}$
 $\{\text{Post} \equiv t = \text{Agregar}(t_0, c, m_i, m_v)\}$
Complejidad: $O(f(\text{ProxCasilla}(t)) + f(\text{ProxCasilla}(t)) + \text{copy}(m_i) + \text{copy}(m_v))$
Aliasing: no hay

MOVILIZAR($\text{inout } t: \text{tablero}(\mu)$, $\text{inc}_1: \text{casilla}$, $\text{inc}_2: \text{casilla}$, $\text{in } m: \mu$)

$\{\text{Pre} \equiv t = t_0 \wedge \{c_1, c_2\} \subseteq \text{Casillas}(t) \wedge c_1 \neq c_2 \wedge \neg \text{Conectadas}(t, c_1, c_2) \wedge m \notin \text{Salidas}(t, c_1)\}$
 $\{\text{Post} \equiv t = \text{Movilizar}(t_0, c_1, c_2, m)\}$
Complejidad: $O(\text{copy}(m))$
Aliasing: no hay

CONECTAR($\text{inout } t: \text{tablero}(\mu)$, $\text{inc}_1: \text{casilla}$, $\text{inc}_2: \text{casilla}$, $\text{in } m_i: \mu$, $\text{in } m_v: \mu$)

$\{\text{Pre} \equiv t = t_0 \wedge \{c_1, c_2\} \subseteq \text{Casillas}(t) \wedge c_1 \neq c_2 \wedge \neg \text{Conectadas}(t, c_1, c_2) \wedge m_i \notin \text{Salidas}(t, c_1) \wedge m_v \notin \text{Salidas}(t, c_2)\}$
 $\{\text{Post} \equiv t = \text{Conectar}(t_0, c_1, c_2, m_i, m_v)\}$
Complejidad: $O(\text{copy}(m_i) + \text{copy}(m_v))$
Aliasing: no hay

CASILLAS($\text{in } t: \text{tablero}(\mu)$) $\rightarrow res: \text{conj}(\text{casilla})$

$\{\text{Pre} \equiv \text{true}\}$
 $\{\text{Post} \equiv res = \text{Casillas}(t)\}$
Complejidad: $O(1)$
Aliasing: alias(res , $\text{Casillas}(t)$)

CONTINENTE($\text{in } t: \text{tablero}(\mu)$, $\text{inc}: \text{casilla}$) $\rightarrow res: \text{continente}$

$\{\text{Pre} \equiv c \in \text{Casillas}(t)\}$
 $\{\text{Post} \equiv res = \text{Continente}(t, c)\}$
Complejidad: $O(1)$
Aliasing: alias(res , $\text{Continente}(t, c)$)

ORIGENES($\text{in } t: \text{tablero}(\mu)$, $\text{in } c: \text{casilla}$, $\text{in } m: \mu$) $\rightarrow \text{res}: \text{conj}(\text{casilla})$
 {**Pre** $\equiv c \in \text{Casillas}(t)$ }
 {**Post** $\equiv \text{res} = \text{Origenes}(t, c, m)$ }
Complejidad: $O(\#\text{Origenes}(t, c, m))$
Aliasing: no hay

CONTINENTES($\text{in } t: \text{tablero}(\mu)$) $\rightarrow \text{res}: \text{conj}(\text{continente})$
 {**Pre** $\equiv \text{true}$ }
 {**Post** $\equiv \text{res} = \text{Continentes}(t)$ }
Complejidad: $O(1)$
Aliasing: $\text{alias}(\text{res}, \text{Continentes}(t))$

CONECTADAS($\text{in } t: \text{tablero}(\mu)$, $\text{in } c_1: \text{casilla}$, $\text{in } c_2: \text{casilla}$) $\rightarrow \text{res}: \text{bool}$
 {**Pre** $\equiv \{c_1, c_2\} \subseteq \text{Casillas}(t)$ }
 {**Post** $\equiv \text{res} = \text{Conectadas}(t, c_1, c_2)$ }
Complejidad: $O(\#\text{Casillas}(t))$
Aliasing: no hay

SALIDAS($\text{in } t: \text{tablero}(\mu)$, $\text{in } c: \text{casilla}$) $\rightarrow \text{res}: \text{conj}(\mu)$
 {**Pre** $\equiv c \in \text{Casillas}(t)$ }
 {**Post** $\equiv \text{res} = \text{Salidas}(t, c)$ }
Complejidad: $O(1)$
Aliasing: $\text{alias}(\text{res}, \text{Salidas}(t, c))$

ORIGENESR($\text{in } t: \text{tablero}(\mu)$, $\text{in } c: \text{casilla}$, $\text{in } m: \mu$) $\rightarrow \text{res}: \text{conj}(\text{casilla})$
 {**Pre** $\equiv c \in \text{Casillas}(t)$ }
 {**Post** $\equiv \text{res} = \text{OrigenesR}(t, c, m)$ }
Complejidad: $O(\#\text{Origenes}(t, c, m))$
Aliasing: no hay

CASILLASDE($\text{in } t: \text{tablero}(\mu)$, $\text{in } cc: \text{continente}$) $\rightarrow \text{res}: \text{conj}(\text{casilla})$
 {**Pre** $\equiv cc \in \text{Continentes}(t)$ }
 {**Post** $\equiv \text{res} = \text{CasillasDe}(t, cc)$ }
Complejidad: $O(1)$
Aliasing: $\text{alias}(\text{res}, \text{CasillasDe}(t, cc))$

DESTINOS($\text{in } t: \text{tablero}(\mu)$, $\text{in } c: \text{casilla}$) $\rightarrow \text{res}: \text{itConj}(\text{conj}(\text{tupla}(\text{casilla}, \mu)))$
 {**Pre** $\equiv c \in \text{Casillas}(t)$ }
 {**Post** $\equiv \text{res} = \text{CrearIt}(\text{Destinos}(t, c))$ }
Complejidad: $O(1)$
Aliasing: $\text{alias}(\text{res}, \text{Destinos}(t, c))$

PROXCASILLA($\text{in } t: \text{tablero}(\mu)$) $\rightarrow \text{res}: \text{casilla}$
 {**Pre** $\equiv \text{true}$ }
 {**Post** $\equiv \text{res} = \#\text{Casillas}(t) + 1$ }
Complejidad: $O(1)$
Aliasing: no hay

PROXCONTINENTE($\text{in } t: \text{tablero}(\mu)$) $\rightarrow \text{res}: \text{continente}$
 {**Pre** $\equiv \text{true}$ }
 {**Post** $\equiv \text{res} = \#\text{Continentes}(t) + 1$ }
Complejidad: $O(1)$
Aliasing: no hay

fin interfaz

1.2. Representación

1.2.1. Estructura de Representación

tablero(μ) se representa con **t**

donde **t** es tupla(casillas: dicc(casilla, datosCasilla), continentes: dicc(continente, conj(casilla)))

donde **datosCasilla** es tupla(salidas: conj(μ),
origenes: conj(tupla(casilla:casilla, movimiento: μ)),
destinos: conj(tupla(casilla:casilla, movimiento: μ)),
continente: continente)

1.2.2. Invariante de Representación

1. Para todo datosCasilla dc en t.datosCasilla, dc.continente está contenido en las claves de t.continentes.
2. Para todo conjunto de casillas cs en t.continentes, cs está incluido en claves de t.casillas.
3. Toda casilla en claves de t.casillas pertenece a uno solo de los conjuntos de casillas en t.continentes.
4. Para todo datosCasilla dc en t.datosCasilla, para toda tupla tup en dc.origenes: tup.casilla pertenece a t.casillas
5. Para todo datosCasilla dc en t.datosCasilla, para toda tupla tup en dc.destinos: tup.casilla pertenece a t.casillas
6. Para todo datosCasilla dc en t.datosCasilla, para toda tupla tupd en dc.destinos, tupd.movimiento pertenece a dc.salidas
7. Para todo datosCasilla dc en t.datosCasilla, Para todo movimiento m en t.salidas, existe una tupla en dc.destinos que tiene a m como segunda componente
8. Cada casilla c2 que aparece en las tuplas de destinos de c1, tiene una tupla en origenes donde la primer componente es c1 y la segunda componente es el mismo movimiento que el de destino de c1
9. Cada casilla c2 que aparece en las tuplas de origenes de c1, tiene una tupla en destinos donde la primer componente es c1 y la segunda componente es el mismo movimiento que el de origen de c1

```

Rep : t  -> bool
Rep(t) ≡ true ⇔
(∀ c:casilla)(def?(c, t.casillas) ⇒
  (∀ dc:datosCasilla)(dc = Obtener(c, t.casillas) ⇒
    (dc.continente ∈ claves(t.continentes)) [1] ∧
    ((∀ cc:continente)(def?(cc, t.continentes) ⇔
      ((∀ cs:conj(casilla))(cs = Obtener(cc, t.continentes) ⇔ (cs ∈ claves(t.casillas)) [2] ∧ ((∃! cs2:conj(casilla))(cs2
= cs ∧ c ∈ cs2)) [3])))) ∧
    ((∀ tup:tupla(casilla, μ))((tup ∈ dc.origenes ⇒
      tup.casilla ∈ claves(t.casillas)) [4] ∧
      (tup ∈ dc.destinos ⇒ tup.casilla ∈ claves(t.casillas) ∧ tup.movimiento ∈ dc.salidas) [5 y 6])) ∧
    ((∀ ms:μ)(m ∈ dc.salidas ⇒ ((∃ tupd:tupla(casilla, μ))(tupd ∈ dc.destinos ∧ tupd.movimiento = m)))) [7] ∧
    ((∀ c2:casilla)(def?(c2, t.casillas) ∧ c2 ≠ c ⇒
      ((∀ dc2:datosCasilla)(dc2 = Obtener(c2, t.casillas) ⇒
        ((∀ tup:tupla(casilla, μ))((tup ∈ dc.destinos ⇒
          ((∃ tupo:tupla(casilla, μ))(tupo ∈ dc2.origenes ∧
            tupo.casilla = c ∧ tupo.movimiento = tup.movimiento))) [8] ∧
          (tup ∈ dc.origenes ⇒
            ((∃ tupd:tupla(casilla, μ))(tupd ∈ dc2.destinos ∧
              tupd.casilla = c ∧ tupd.movimiento = tup.movimiento)) [9]
          ))
        ))
      ))
    ))
  )
)

```

1.2.3. Función de Abstracción

$$\text{Abs} : \text{e:t} \longrightarrow \text{tablero}(\mu) \qquad \{\text{Rep}(\text{e})\}$$

```

Abs(e)  $\equiv$  t:tablero( $\mu$ ) /
  Casillas(t) = claves(e.casillas)  $\wedge$ 
  (( $\forall$  c:casilla)(c  $\in$  Casillas(t)  $\Rightarrow$ 
    ( $\exists$  dc:datosCasilla)(dc = (Obtener(c, e.casillas))  $\wedge$ 
      Continente(t, c) = dc.continente  $\wedge$ 
      (( $\forall$  m: $\mu$ )(Origenes(t, c, m) = OrigenesAux(dc.origenes, m))))))
  ))

OrigenesAux : conj(tupla<casilla  $\times$   $\mu$ >) os  $\times$   $\mu$  m  $\longrightarrow$  conj(casilla)
OrigenesAux(os, m)  $\equiv$  if( $\emptyset?$ (os)) then
   $\emptyset$ 
else
  if( $\Pi_2$ (damUno(os)) = m) then
    Ag( $\Pi_1$ (dameUno(os)), OrigenesAux(sinoUno(os), m))
  else
    OrigenesAux(sinUno(os), m)
  fi
fi

```

1.3. Algoritmos

INICIAL() \rightarrow res : tablero

```

1 var continenteCero : continente
2 continenteCero  $\leftarrow$  0
3 var casillaCero : casilla
4 casillaCero  $\leftarrow$  0
5 var diccCasillas : dicc(casilla, datosCasilla)
6 diccCasillas  $\leftarrow$  Vacio()//O(1)
7 var datosCasilla : datosCasilla
8 datosCasilla  $\leftarrow$  < Vacio(), Vacio(), Vacio(), continenteCero > //O(1)
9 DefinirRapido(casillaCero, datosCasilla, diccCasillas) //O(1)
10 var diccContinentes : dicc(continente, conj(casilla))
11 diccContinentes  $\leftarrow$  Vacio()//O(1)
12 var conjCasillas : conj(casilla)
13 conjCasillas  $\leftarrow$  Vacio()//O(1)
14 AgregarRapido(conjCasillas, casillaCero) //O(1)
15 DefinirRapido(continenteCero, conjCasillas, diccContinentes) //O( $\#$ (conjCasillas)), en este caso hay una sola casilla
16 res  $\leftarrow$  < diccCasillas, diccContinentes > //O(1) por referencia

```

CONTENER(inout t: tablero(μ), in c: casilla, in m_i : μ , in m_v : μ)

```

1 var datosCasillaExistente : datosCasilla
2 datosCasillaExistente  $\leftarrow$  Obtener(c, t.casillas) //O(1) por referencia
3 var continente : continente
4 continente  $\leftarrow$  datosCasillaExistente.continente //O(1) por referencia
5 var nuevaCasilla : casilla
6 nuevaCasilla  $\leftarrow$  iProxCasilla(t) //O(1)
7 var datosNuevaCasilla : datosCasilla
8 //armo tupla de datos de la nueva casilla
9 datosNuevaCasilla  $\leftarrow$  < AgregarRapido( $\emptyset$ , copy( $m_i$ )), //O(copy( $m_i$ ))
10   AgregarRapido( $\emptyset$ , < c, copy( $m_v$ ) >), //O(copy( $m_v$ ))
11   AgregarRapido( $\emptyset$ , < c, copy( $m_i$ ) >), continente > //O(copy( $m_i$ ))
12 DefinirRapido(nuevaCasilla, datosNuevaCasilla, t.casillas) //O(copy(nuevaCasilla) + copy(datosNuevaCasilla))
13 //, en este caso es f(ProxCasilla(t)) por la expansion del vector en caso de que esté completo.
14 var conjCasillasContinente : conj(casilla)
15 conjCasillasContinente  $\leftarrow$  Obtener(continente, t.continentes) //O(1) por referencia
16 AgregarRapido(conjCasillasContinente, nuevaCasilla) //O(1) //agrego casilla nueva como origen de c,  $m_i$ 
17 AgregarRapido(datosCasillaExistente.origenes, < nuevaCasilla, copy( $m_i$ ) >) //O(copy( $m_i$ ))
18 //agrego casilla nueva como destino de c,  $m_v$ 
19 AgregarRapido(datosCasillaExistente.destinos, < nuevaCasilla, copy( $m_v$ ) >) //O(copy( $m_v$ ))

```

IAgregar(*inout* t : tablero(μ), *in* c : casilla, *in* m_i : μ , *in* m_v : μ)

```

1  var datosCasillaExistente : datosCasilla
2  datosCasillaExistente ← Obtener( $c, t.casillas$ )// $O(1)$  por referencia
3  var continente : continente
4  continente ← datosCasillaExistente.continente// $O(1)$  por referencia
5  var nuevoContinente : continente
6  nuevoContinente ← iProxContinente( $t$ )// $O(1)$ 
7  var nuevaCasilla : casilla
8  nuevaCasilla ← iProxCasilla( $t$ )// $O(1)$ 
9  var datosNuevaCasilla : datosCasilla
10 //armo tupla de datos de la nueva casilla
11 datosNuevaCasilla ←< AgregarRapido( $\emptyset, copy(m_i)$ ),
12   AgregarRapido( $\emptyset, < c, copy(m_v) >$ )// $O(copy(m_v))$ 
13   AgregarRapido( $\emptyset, < c, copy(m_i) >$ ), nuevoContinente > // $O(copy(m_i) + copy(m_v))$ 
14 DefinirRapido(nuevaCasilla, datosNuevaCasilla,  $t.casillas$ )// $O(copy(m_i) + copy(m_v)) + f(ProxCasilla(t))$ 
15 //, en este caso es  $f(ProxCasilla(t))$  por la expansion del vector en caso de que esté completo.
16 var conjCasillasContinente : conj(casilla)
17 conjCasillasContinente ← AgregarRapido(nuevaCasilla,  $\emptyset$ )// $O(1)$ 
18 DefinirRapido(nuevoContinente, conjCasillasContinente,  $t.continentes$ )
19 // $O(f(ProxContinente(t))$  por la expansion del vector en caso de que esté completo.
20 //agrego casilla nueva como origen de  $c, m_i$ 
21 AgregarRapido(datosCasillaExistente.origenes, < nuevaCasilla,  $copy(m_i)$  >)// $O(copy(m_i))$ //agrego casilla nueva como destino
22 AgregarRapido(datosCasillaExistente.destinos, < nuevaCasilla,  $copy(m_v)$  >)// $O(copy(m_v))$ 

```

IMovilizar(*inout* t : tablero(μ), *in* c_1 : casilla, *in* c_2 : casilla, *in* m : μ)

```

1  var datosCasilla1 : datosCasilla
2  datosCasilla1 ← Obtener( $c_1, t.casillas$ )// $O(1)$  por referencia
3  AgregarRapido(datosCasilla1.salidas,  $m$ )// $O(1)$ 
4  AgregarRapido(datosCasilla1.destinos, <  $c_2, copy(m)$  >)// $O(copy(m))$ 
5  var datosCasilla2 : datosCasilla
6  datosCasilla2 ← Obtener( $c_2, t.casillas$ )// $O(1)$  por referencia
7  //agrego casilla nueva como origen de  $c_2, m$ 
8  AgregarRapido(datosCasilla2.origenes, <  $c_1, copy(m)$  >)// $O(copy(m))$ 

```

IConectar(*inout* t : tablero(μ), *in* c_1 : casilla, *in* c_2 : casilla, *in* m_i : μ , *in* m_v : μ)

```

1  var datosCasilla1 : datosCasilla
2  datosCasilla1 ← Obtener( $c_1, t.casillas$ )// $O(1)$  por referencia
3  AgregarRapido(datosCasilla1.salidas,  $m_i$ )// $O(1)$ 
4  //agrego  $c_2$  como origen de  $c_1, m_v$ 
5  AgregarRapido(datosCasilla1.origenes, <  $c_2, copy(m_v)$  >)// $O(copy(m_v))$ 
6  AgregarRapido(datosCasilla1.destinos, <  $c_2, copy(m_i)$  >)// $O(copy(m_i))$ 
7  var datosCasilla2 : datosCasilla
8  datosCasilla2 ← Obtener( $c_2, t.casillas$ )// $O(1)$  por referencia
9  AgregarRapido(datosCasilla2.salidas,  $copy(m_v)$ )// $O(1)$ 
10 //agrego casilla nueva como origen de  $c_2, m_i$ 
11 AgregarRapido(datosCasilla2.origenes, <  $c_1, copy(m_i)$  >)// $O(copy(m_i))$ 
12 AgregarRapido(datosCasilla2.destinos, <  $c_1, copy(m_v)$  >)// $O(copy(m_v))$ 

```

ICasillas(*in* t : tablero(μ))→ res : conj(casilla)

```

1   $res$  ← claves( $t.casillas$ )// $O(1)$  por referencia
2  return  $res$ 

```

IContinente(*in* t : tablero(μ), *in* c : casilla)→ res : continente

```

1  var datosCasilla : datosCasilla
2  datosCasilla ← Obtener( $c, t.casillas$ )// $O(1)$  por referencia
3   $res$  ← datosCasilla.continente// $O(1)$  por referencia
4  return  $res$ 

```

```

IORIGENES(in t: tablero( $\mu$ ), in c: casilla, in m:  $\mu$ )  $\rightarrow$  res: conj(casilla)
1  res  $\leftarrow \emptyset$ 
2  var datosCasilla : datosCasilla
3  datosCasilla  $\leftarrow$  Obtener(c, t.casillas) // O(1) por referencia
4  var it : itConj
5  it  $\leftarrow$  CrearIt(datosCasilla.origenes) // O(1) creo el iterador de conj
6  var cm : tupla(casilla : casilla, movimiento : movimiento)
7  while HaySiguiente(it)
8      cm  $\leftarrow$  Siguiente(it)
9      if cm.movimiento = m
10         then AgregarRapido(cm.casilla, res)
11         Avanzar(it)
12  return res
13  //recorro todas los origenes O(#Origenes(t, c, m))

ICONTINENTES(in t: tablero( $\mu$ ))  $\rightarrow$  res: conj(continente)
1  res  $\leftarrow$  claves(t.continentes) // O(1) por referencia
2  return res

ICONECTADAS(in t: tablero( $\mu$ ), in c1: casilla, in c2: casilla)  $\rightarrow$  res: bool
1  //c2 es destino de c1?
2  var datosCasilla : datosCasilla
3  datosCasilla  $\leftarrow$  Obtener(c1, t.casillas) // O(1) por referencia
4  var it : itConj
5  it  $\leftarrow$  CrearIt(datosCasilla.destinos) // O(1) creo el iterador de conj
6  var cm : tupla(casilla : casilla, movimiento : movimiento)
7  res  $\leftarrow$  true
8  while res  $\wedge$  HaySiguiente(it)
9      cm  $\leftarrow$  Siguiente(it)
10     res  $\leftarrow$  (cm.casilla = c2)
11     Avanzar(it)
12     //recorro todos los destinos de c1 O(#Casillas(t))
13  //si c2 no es destino de c1, c1 es destino de c2?
14  if  $\neg$ res
15     then datosCasilla  $\leftarrow$  Obtener(c2, t.casillas) // O(1) por referencia
16     it  $\leftarrow$  CrearIt(datosCasilla.destinos) // O(1) creo el iterador de conj
17     res  $\leftarrow$  true
18     while res  $\wedge$  HaySiguiente(it)
19         cm  $\leftarrow$  Siguiente(it)
20         res  $\leftarrow$  cm.casilla = c1
21         Avanzar(it) //recorro todos los destinos de c2 O(#Casillas(t))
22  return res
23  //complejidad total: O(#Casillas(t))

ISALIDAS(in t: tablero(movimiento), in c: casilla)  $\rightarrow$  res: conj(movimiento)
1  var datosCasilla : datosCasilla
2  datosCasilla  $\leftarrow$  Obtener(c, t.casillas) // O(1) por referencia
3  res  $\leftarrow$  datosCasilla.salidas // O(1) por referencia
4  return res

IORIGENESR(in t: tablero( $\mu$ ), in c: casilla, in m:  $\mu$ )  $\rightarrow$  res: conj(casilla)
1  res  $\leftarrow$  Vacio() // O(1)
2  var it : itConj(conj(casilla))
3  it  $\leftarrow$  crearIt(iOrigenes(t, c, m))
4  var c' : casilla
5  while HaySiguiente(it)
6      c'  $\leftarrow$  Siguiente(it)

```



```

7      AgregarRapido(res, c')
8      Avanzar(it)
9      //O(#Origenes(t, c, m))
10   if EsVacio?(res)
11     then AgregarRapido(res, c)
12   return res
13

```

ICASILLASDE($\text{int } t: \text{tablero}(\mu), \text{in } cc: \text{continente}$) $\rightarrow res: \text{conj}(\text{casilla})$

```

1  res  $\leftarrow$  Obtener(cc, t.continentes) //O(1) por referenciar return res

```

IDESTINOS($\text{int } t: \text{tablero}(\mu), \text{in } c: \text{casilla}$) $\rightarrow res: \text{itConj}(\text{conj}(\text{tupla}(\text{casilla}, \text{movimiento})))$

```

1  var datosCasilla : datosCasilla
2  datosCasilla  $\leftarrow$  Obtener(c, t.casillas)
3  var destinos : conj(tupla(casilla, movimiento))
4  destinos  $\leftarrow$  datosCasilla.destinos
5  res  $\leftarrow$  crearIt(destinos) //O(1) por referencia al primer elemento
6  return res

```

IPROXCASILLA($\text{int } t: \text{tablero}(\text{movimiento})$) $\rightarrow res: \text{casilla}$

```

1  res  $\leftarrow$  #iCasillas(t) //O(1) tamaño del conj.
2  return res

```

IPROXCONTINENTE($\text{int } t: \text{tablero}(\text{movimiento})$) $\rightarrow res: \text{continente}$

```

1  res  $\leftarrow$  #iContinentes(t) //O(1) tamaño del conj.
2  return res

```

2. TEG

2.1. Interfaz

interfaz TEG

se explica con $\text{Tablero}(\mu)$

géneros $\text{tablero}(\mu)$

Operaciones

$\text{INICIAR}(\text{in } t: \text{tablero}(\mu), \text{in } cs: \text{secu}(\text{casilla}), \text{in } ms: \text{secu}(\text{mision})) \rightarrow res: \mathbf{TEG}$

$\{\mathbf{Pre} \equiv cs \neq \emptyset \wedge \text{long}(cs) = \text{long}(ms) \wedge (\forall c : \text{casilla})(\text{Esta?}(c, cs) \Rightarrow c \in \text{Casillas}(t)) \wedge (\forall m : \text{mision})(\text{Esta?}(m, ms) \Rightarrow m \in \text{Continentes}(t)) \wedge \text{SinRepetidos}(cs)\}$

$\{\mathbf{Post} \equiv res = \text{Iniciar}(t, cs, ms)\}$

Complejidad: O(FALTA)

Aliasing: FALTA

fin interfaz

2.2. Representación

2.2.1. Estructura de Representación

$\text{tablero}(\mu)$ se representa con t

donde t es tupla

<

$\text{tablero: datosTablero},$
 $\text{países: dicc}(\text{casilla}, \text{datosCasilla}),$
 $\text{jugadores: dicc}(\text{jugador}, \text{datosJugador}),$
 $\text{jugadoresJugando: conj}(\text{jugador}),$
 $\text{casillasDisputadas: conj}(\text{casilla})$

>

datosTablero es $\text{ad}(\text{tupla} < \text{conj}(\text{tupla} < \mu, \text{casilla} >), \text{continente} >)$

datosCasilla es tupla

<

$\text{disputan: conjA}(\text{jugador}),$
 $\text{fichas: mconj}(\text{jugador}),$
 $\text{disputantes: heap}(\text{nodo})$

>

datosJugador es tupla

<

$\text{fichasHistoria: nat},$
 $\text{mision: continente},$
 $\text{fichasEnJuego: nat},$
 $\text{porDominar: nat},$
 $\text{dominadas: conj}(\text{casilla})$

>

nodo es tupla

<

$\text{rep: nat},$
 $\text{jugador: jugador},$
 $\text{izq: *nodo},$
 der: *nodo

>

2.2.2. Invariante de Representación

Rep : $t \rightarrow \text{bool}$
 Rep(t) $\equiv \text{true} \Leftrightarrow$

2.2.3. Función de Abstracción

Abs : $t \rightarrow \text{TEG}$ {Rep(t)}
 Abs(t) \equiv

2.3. Algoritmos

INICIAR($\text{int} : \text{tablero}(\mu), \text{in cs} : \text{secu}(\text{casilla}), \text{in ms} : \text{secu}(\text{mision})$) $\rightarrow \text{res} : \text{TEG}$

```

1  var itCasillas : itSecu
2  var itMisiones : itSecu
3  var diccCasillas : dicc(casilla, datosCasilla)
4  diccCasillas  $\leftarrow \text{Vacio}() // O(1)$ 
5  var diccJugadores : dicc(jugador, datosJugador)
6  diccJugadores  $\leftarrow \text{Vacio}() // O(1)$ 
7  var conjJugadoresJugando : conj(jugador)
8  conjJugadoresJugando  $\leftarrow \text{Vacio}() // O(1)$ 
9  var casillaActual : casilla
10 var datosCasillaActual : datosCasilla
11 var jugadorActual : jugador
12 jugadorActual  $\leftarrow 0$ 
13 var datosJugadorActual : datosJugador
14 var disputan : conjA(jugador)
15 var fichas : mconj(jugador)
16 var disputantes : heap(nodo)
17 var nodoActual : nodo
18 //copiar tablero (origenes y continente de cada casilla)
19 itCasillas  $\leftarrow \text{CrearIt}(cs) // O(1)$  creo el iterador de conj
20 itMisiones  $\leftarrow \text{CrearIt}(ms) // O(1)$  creo el iterador de conj
21 while HaySiguiente(itCasillas)
22   casillaActual  $\leftarrow \text{Siguiente}(itCasillas)$ 
23   misionActual  $\leftarrow \text{Siguiente}(itMisiones)$ 
24   disputan  $\leftarrow \text{Vacio}() // O(\text{long}(cs))$ 
25   fichas  $\leftarrow \text{Vacio}() // O(\text{long}(cs))$  mconj sobre arreglo indexado por jugador,  $\text{long}(cs) = \text{cant. de jugadores}$ 
26   AgregarRapido(fichas, jugadorActual) // O(1)
27   disputantes  $\leftarrow \text{Vacio}() // O(\text{long}(cs))$  creo heap vacio sobre un arreglo con  $\text{long. cant. de jugadores}$ 
28   datosCasillaActual  $\leftarrow \langle \text{disputan}, \text{fichas}, \text{disputantes} \rangle // O(1)$ 
29   DefinirRapido(casillaActual, datosCasillaActual, diccCasillas) // O(1)
30   //armo datosJugadorActual datosJugadorActual  $\leftarrow \text{iCrearDatosJugador}(t, \text{jugadorActual}, \text{casillaActual}, \text{misionActual}) // O(1)$ 
31   DefinirRapido(jugadorActual, datosJugadorActual, diccJugadores) // O(1)
32   AgregarRapido(conjJugadoresJugando, jugadorActual) // O(1)
33   jugadorActual  $\leftarrow \text{jugadorActual} + 1$ 
34   Avanzar(itCasillas)
35   Avanzar(itMisiones)
36
37 res.tablero  $\leftarrow \text{iCopiarTablero}(t)$ 
38 res.países  $\leftarrow \text{diccCasillas} // O(1)$  por referencia
39 res.jugadores  $\leftarrow \text{diccJugadores} // O(1)$  por referencia
40 res.jugadoresJugando  $\leftarrow \text{conjJugadoresJugando} // O(1)$  por referencia
41 res.casillasDisputadas  $\leftarrow \text{Vacio}() // O(1)$ 
42 return res

```

ICREARDATOSJUGADOR($\text{int} : \text{tablero}(\mu), \text{in } j : \text{jugador}, \text{in } c : \text{casilla}, \text{in } m : \text{continente}$) $\rightarrow \text{res} : \text{datosJugador}$

```

1  var porDominar : nat
2  porDominar  $\leftarrow \text{iPorDominarTablero}(t, j, c, m) // O(1)$ 

```

```

3  var cs : conj(casilla)
4  cs ← AgregarRapido(Vacio(), c) //  $O(1)$ 
5  res ← < 1, m, 1, porDominar, cs > //  $O(1)$  por referencia
6  return res

```

IPORDOMINARTABLERO(*in t*: tablero(μ), *in j*: jugador, *in c*: casilla, *in m*: continente) → *res* : nat

```

1  var cantPaisesContinente : nat
2  cantPaisesContinente ← #CasillasDe(t, m) // cardinal de conj. lineal es  $O(1)$ 
3  res ← cantPaisesContinente
4  // Continente es  $O(1)$ 
5  if Continente(t, c) = m
6    then
7      res ← res - 1
8  return res
9  // complejidad total  $O(1)$ 

```

ICOPIARTABLERO(*in t*: tablero(μ)) → *res* : ad(< conj(< casilla, movimiento >), continente >)

```

1  res ← CrearArreglo(#(Casillas(t))) //  $O(\#(Casillas(t)))$ 
2  var itCasillas : itConj
3  var casillaActual : casilla
4  var itDestinos : itConj
5  var cm : tupla < casilla,  $\mu$  >
6  var casillaDestino : casilla
7  var m :  $\mu$ 
8  // defino el continente y defino un conj. vacío en las tuplas {conj(casilla, movimiento), continente} de res
9  itCasillas ← CrearIt(Casillas(t)) //  $O(1)$  creo el iterador de conj
10 while HaySiguiente(itCasillas)
11   casillaActual ← Siguiente(itCasillas)
12   res[casillaActual] ← < Vacio(), Continente(t, casillaActual) > // Continente(t, c) tiene complejidad  $O(1)$ 
13   Avanzar(itCasillas)
14   // complejidad del ciclo  $O(\#Casillas(t))$ 
15 // lleno cada posición de res con orígenes
16 itCasillas ← CrearIt(Casillas(t)) //  $O(1)$  creo el iterador de conj
17 while HaySiguiente(itCasillas)
18   casillaActual ← Siguiente(itCasillas)
19   itDestinos ← Destinos(t, casillaActual) //  $O(1)$ 
20   // para cada destino casillaDestino, m de casillaActual, agrego casillaActual, m a orígenes de casillaDestino
21   while HaySiguiente(itDestinos)
22     cm ← Actual(itDestinos)
23     casillaDestino ←  $\Pi_1(cm)$ 
24     m ←  $\Pi_2(cm)$ 
25     datosCasillaDestino ← res[casillaDestino] //  $O(1)$  por referencia
26     conjOrigenes ←  $\Pi_1(datosCasillaDestino)$  //  $O(1)$  por referencia
27     AgregarRapido(conjOrigenes, < casillaActual, m >)
28     Avanzar(itDestinos)
29   // complejidad del ciclo  $O(\#Destinos(t, casillaActual))$ 
30   Avanzar(itCasillas) // complejidad del ciclo  $O(\#Casillas(t))$ 
31 return res

```

IJUGADORES(*in t*: TEG) → *res* : conj(jugador)

```

1  return claves(t.jugadores)

```

IFICHAS(*in t*: TEG, *in c*: casilla) → *res* : mconj(jugador)

```

1  return (obtener(c, t.países)).fichas

```

IMISION(*in t*: TEG, *in j*: jugador) → *res* : continente

```

1  return (obtener(j, t.jugadores)).mision

```

```

IFICHASAGREGADAS(int: TEG, in j: jugador) → res : nat
1  return (obtener(j, t.jugadores)).fichasHistoria

IDOMINADA?(int: TEG, in c: casilla) → res : bool
1  return ((obtener(c, t.países)).disputan) = 1)

IVACIA?(int: TEG, in c: casilla) → res : bool
1  return ((obtener(c, t.países)).disputan) = 0)

IDISPUTADA?(int: TEG, in c: casilla) → res : bool
1  return ((obtener(c, t.países)).disputan) > 0)

IDISPUTAN(int: TEG, in c: casilla) → res : conj(jugador)
1  return (obtener(c, t.países)).disputan

IDOMINADOR(int: TEG, in c: casilla) → res : jugador
1  return dameUno((obtener(c, t.países)).fichas)

IDOMINADAS(int: TEG, in j: jugador) → res : conj(casilla)
1  return (obtener(j, t.jugadores)).dominadas

IPORDOMINAR(int: TEG, in j: jugador) → res : nat
1  return (obtener(j, t.jugadores)).porDominar

IMISIONCUMPLIDA?(int: TEG, in j: jugador) → res : bool
1  return ((obtener(j, t.jugadores)).porDominar) = 0)

ITIENEFICHAS?(int: TEG, in j: jugador) → res : bool
1  return ((obtener(j, t.jugadores)).fichasEnJuego) > 0)

ICONFICHAS(int: TEG) → res : conj(jugador)
1  return t.jugadoresJugando

IELIMINADOS(int: TEG) → res : conj(jugador)
1  return (claves(t.jugadores) t.jugadoresJugando)

ICUMPLIERONMISION(int: TEG) → res : conj(jugador)
1  return (claves(t.jugadores) t.jugadoresJugando eliminados(t))

IGANADORES(int: TEG) → res : conj(jugador)
1  var res : conj(jugador)
2  if (#(conFichas(t)) = 1)
3    then conFichas(t)
4    else cumplieronMision(t)
5  fi
6  return res

IFINALIZADO?(int: TEG) → res : bool
1  return (ganadores(t) ≠ ∅)

ICASILLAS(int: TEG) → res : conj(casilla)
1  return claves(t.países)

IPUEDEAGREGAR?(int: TEG, in j: jugador, in c: casilla) → res : bool
1  return (¬Disputada(t, c) ∧ Pertenece(t.jugadoresJugando, j) ∧ ¬Finalizado?(t))

ICONTINENTES(int: TEG) → res : conj(continente)
1  var i : int

```

```
2   $i \leftarrow 0$ 
3  var  $res : conj(continente)$ 
4  while  $i < long(tablero)$ 
5       $Ag(res, \Pi_2(tablero[i]))$ 
6  return  $res$ 
```