

## Trabajo Práctico Número 2

---

Algoritmos y Estructuras de Datos II

**Grupo: 21**

Integrante	LU	Correo electrónico
Langberg, Andrés	249/14	andreslangberg@gmail.com
Walter, Nicolás	272/14	nicowalter25@gmail.com
Sticco, Patricio Bernardo	337/14	pbsticco@hotmail.com
Len, Julián	467/14	julianlen@gmail.com



**Facultad de Ciencias Exactas y Naturales**  
Universidad de Buenos Aires

Ciudad Universitaria - (Pabellón I/Planta Baja)

Intendente Güiraldes 2160 - C1428EGA

Ciudad Autónoma de Buenos Aires - Rep. Argentina

Tel/Fax: (54 11) 4576-3359

<http://www.fcen.uba.ar>

1. **TAD PC ES NAT**
2. **TAD INTERFAZ ES NAT**
3. **TAD PRIORIDAD ES NAT**
4. **TAD PAQUETE ES TUPLA(NAT,PRIORIDAD,PC,PC)**

# 1. Diseño del Tipo CAMPUS

## 1.1. Especificación

Se usa el TAD CAMPUS especificado por la cátedra.

## 1.2. Aspectos de la interfaz

### 1.2.1. Interfaz

Se explica con especificación de CAMPUS

Género campus

Operaciones básicas de Campus

**CREARCAMPUS**(in  $c: nat$ , in  $f: nat$ )  $\rightarrow res: campus$

**Pre**  $\equiv \{ true \}$

**Post**  $\equiv \{ res =_{obs} crearCampus(c, f) \}$

**Complejidad:**  $\mathcal{O}(1)$

**Descripción:** Crea un campus de  $c$  columnas y  $f$  filas.

**FILAS?**(in  $c: campus$ )  $\rightarrow res: nat$

**Pre**  $\equiv \{ true \}$

**Post**  $\equiv \{ res =_{obs} filas(c) \}$

**Complejidad:**  $\mathcal{O}(1)$

**Descripción:** Devuelve la cantidad de filas en el campus.

**COLUMNAS?**(in  $c: campus$ )  $\rightarrow res: nat$

**Pre**  $\equiv \{ true \}$

**Post**  $\equiv \{ res =_{obs} columnas(c) \}$

**Complejidad:**  $\mathcal{O}(1)$

**Descripción:** Devuelve la cantidad de columnas en el campus.

**OCUPADA?**(in  $c: campus$ , in  $p: posicion$ )  $\rightarrow res: bool$

**Pre**  $\equiv \{ posValida(p, c) \}$

**Post**  $\equiv \{ res =_{obs} ocupada?(p, c) \}$

**Complejidad:**  $\mathcal{O}(1)$

**Descripción:** Devuelve *true* sii  $p$  esta ocupada por un obstaculo.

**AGREGAROBSTACULO**(in/out  $c: campus$ , in  $p: posicion$ )  $\rightarrow$

**Pre**  $\equiv \{ c =_{obs} c_0 \wedge posValida(p, c) \wedge_L \neg ocupada?(p, c) \}$

**Post**  $\equiv \{ c =_{obs} agregarObstaculo(p, c_0) \}$

**Complejidad:**  $\mathcal{O}(1)$

**Descripción:** Devuelve *true* sii  $p$  esta ocupada por un obstaculo.

**POSVALIDA?**(in  $c: campus$ , in  $p: posicion$ )  $\rightarrow res: bool$

**Pre**  $\equiv \{ true \}$

**Post**  $\equiv \{ res =_{obs} posValida?(p, c) \}$

**Complejidad:**  $\mathcal{O}(1)$

**Descripción:** Devuelve *true* sii  $p$  es parte del mapa.

**ESINGRESO?**(in  $c: campus$ , in  $p: posicion$ )  $\rightarrow res: bool$

**Pre**  $\equiv \{ true \}$

**Post**  $\equiv \{ res =_{obs} esIngreso?(p, c) \}$

**Complejidad:**  $\mathcal{O}(1)$

**Descripción:** Devuelve *true* sii  $p$  es un ingreso.

VECINOS(**in** *c: campus*, **in** *p: posicion*)  $\rightarrow res : conj(posicion)$

**Pre**  $\equiv \{ posValida(p, c) \}$

**Post**  $\equiv \{ res =_{obs} vecinos(p, c) \}$

**Complejidad:**  $\mathcal{O}(1)$

**Descripción:** Devuelve el conjunto de posiciones vecinas a p.

VECINOSCOMUNES(**in** *c: campus*, **in** *p: posicion*, **in** *p2: posicion*)  $\rightarrow res : conj(posicion)$

**Pre**  $\equiv \{ posValida(p, c) \wedge posValida(p2, c) \}$

**Post**  $\equiv \{ res =_{obs} vecinos(p, c) \cap vecinos(p2, c) \}$

**Complejidad:**  $\mathcal{O}(1)$

**Descripción:** Devuelve el conjunto de vecinos comunes. La complejidad es  $\mathcal{O}(1)$  dado que los vecinos son a lo sumo 4, o sea, constantes

VECINOSCOMUNES(**in** *c: campus*, **in** *p: posicion*, **in** *p2: posicion*)  $\rightarrow res : conj(posicion)$

**Pre**  $\equiv \{ posValida(p, c) \wedge posValida(p2, c) \}$

**Post**  $\equiv \{ res =_{obs} vecinos(p, c) \cap vecinos(p2, c) \}$

**Complejidad:**  $\mathcal{O}(1)$

**Descripción:** Devuelve el conjunto de vecinos comunes entre dos posiciones. La complejidad es  $\mathcal{O}(1)$  dado que los vecinos son a lo sumo 4, o sea, constantes.

PROXPOSICION(**in** *c: campus*, **in** *dir: direccion*, **in** *p: posicion*)  $\rightarrow res : posicion$

**Pre**  $\equiv \{ posValida(p, c) \}$

**Post**  $\equiv \{ res =_{obs} proxPosicion(p, d, c) \}$

**Complejidad:**  $\mathcal{O}(1)$

**Descripción:** Devuelve la posicion vecina a p que esta en la direccion dir.

INGRESOSMASCERCANOS(**in** *c: campus*, **in** *p: posicion*)  $\rightarrow res : conj(posicion)$

**Pre**  $\equiv \{ posValida(p, c) \}$

**Post**  $\equiv \{ res =_{obs} ingresosMasCercanos(p, c) \}$

**Complejidad:**  $\mathcal{O}(1)$

**Descripción:** Devuelve el conjunto de ingresos mas cercanos a p.

### 1.3. Pautas de implementación

#### 1.3.1. Estructura de representación

*campus* se representa con *estr*  
 donde *estr* es  
*tupla*(  
 filas: *nat*  $\times$   
 columnas: *nat*  $\times$   
 mapa: *vector(vector(bool))*  
 )

#### 1.3.2. Justificación

#### 1.3.3. Invariante de Representación

**Informal**

1. El mapa debe tener tantas filas como indica la estructura, lo mismo con las columnas.

**Formal**

Rep : *estr*  $\rightarrow$  *boolean*

( $\forall e : estr$ )

$\text{Rep}(e) \equiv (\text{true} \iff$   
 (1)  $e.\text{filas} = \text{longitud}(e.\text{mapa}) \wedge_L (\forall i : \text{nat})(i \leq e.\text{filas} \Rightarrow \text{longitud}(e.\text{mapa}[i]) = e.\text{columnas}))$

#### 1.3.4. Función de Abstracción

$\text{Abs} : \text{estr } e \longrightarrow \text{campus}$   $\{\text{Rep}(e)\}$   
 $(\forall e : \text{estr}) \text{ Abs}(e) =_{\text{obs}} c : \text{campus} /$   
 $\left( \text{filas}(c) = e.\text{filas} \wedge \text{columnas}(c) = e.\text{columnas} \wedge_L (\forall p : \text{posicion})(p.X \leq e.\text{filas} \wedge \right.$   
 $\left. p.Y \leq e.\text{columnas} \Rightarrow_L \text{ocupada?}(p, c) \Leftrightarrow (e.\text{mapa}[p.X])[p.Y]) \right)$

**1.3.5. Algoritmos**


---

```

1: function iCREARCAMPUS(in c: nat, in f: nat) → res : estr                                ▷  $\mathcal{O}(f^2 * c^2)$ 
2:   var vector(vector(bool)) mapa ← vacia(vacia())                                    ▷  $\mathcal{O}(1)$ 
3:   var nat i ← 0                                                                    ▷  $\mathcal{O}(1)$ 
4:   while i ≤ f do                                                                    ▷  $\mathcal{O}(f)$ 
5:     var vector(bool) nuevo ← vacia()                                              ▷  $\mathcal{O}(1)$ 
6:     var nat j ← 0                                                                    ▷  $\mathcal{O}(1)$ 
7:     while j ≤ c do                                                                    ▷  $\mathcal{O}(c)$ 
8:       AgregarAtras(nuevo, false)                                                  ▷  $\mathcal{O}(c)$ 
9:       j++                                                                            ▷  $\mathcal{O}(1)$ 
10:    end while
11:    AgregarAtras(mapa, nuevo)                                                        ▷  $\mathcal{O}(f)$ 
12:    i++                                                                                ▷  $\mathcal{O}(1)$ 
13:  end while
14:  res ← < f, c, mapa >                                                                ▷  $\mathcal{O}(1)$ 
15: end function

```

---



---

```

1: function iAGREGAROBSTACULO(in/out e: estr, in p: posicion) → res : estr          ▷  $\mathcal{O}(\text{longitud}(e.\text{mapa}[p.X]))$ 
2:   Agregar(e.mapa[p.X], p.Y, true)                                                  ▷  $\mathcal{O}(\text{longitud}(e.\text{mapa}[p.X]))$ 
3: end function

```

---



---

```

1: function iFILAS?(in e: estr) → res : nat                                           ▷  $\mathcal{O}(1)$ 
2:   res ← e.filas                                                                    ▷  $\mathcal{O}(1)$ 
3: end function

```

---



---

```

1: function iCOLUMNAS?(in e: estr) → res : nat                                       ▷  $\mathcal{O}(1)$ 
2:   res ← e.columnas                                                                ▷  $\mathcal{O}(1)$ 
3: end function

```

---



---

```

1: function iOCUPADA?(in e: estr, in p: posicion) → res : bool                     ▷  $\mathcal{O}(1)$ 
2:   res ← (e.mapa[p.X])[p.Y]                                                        ▷  $\mathcal{O}(1)$ 
3: end function

```

---



---

```

1: function iPOSVALIDA?(in e: estr, in p: posicion) → res : bool                   ▷  $\mathcal{O}(1)$ 
2:   res ← (0 < p.X) ∧ (p.X ≤ e.filas) ∧ (0 < p.Y) ∧ (p.Y ≤ e.columnas)             ▷  $\mathcal{O}(1)$ 
3: end function

```

---



---

```

1: function iESINGRESO?(in e: estr, in p: posicion) → res : bool                   ▷  $\mathcal{O}(1)$ 
2:   res ← (p.Y = 1) ∨ (p.Y = e.filas)                                              ▷  $\mathcal{O}(1)$ 
3: end function

```

---

---

```

1: function iVECINOS(in e: estr, in p: posicion)  $\rightarrow$  res : conj(posicion)  $\triangleright \mathcal{O}(1)$ 
2:   var conj(posicion) nuevo  $\leftarrow$  vacio()  $\triangleright \mathcal{O}(1)$ 
3:   Agregar(nuevo, (p.X+1,p.Y))
4:   Agregar(nuevo, (p.X-1,p.Y))
5:   Agregar(nuevo, (p.X,p.Y+1))
6:   Agregar(nuevo, (p.X,p.Y-1))
7:   var itConj(posicion) it  $\leftarrow$  crearIt(nuevo)
8:   while haySiguiente(it) do  $\triangleright \mathcal{O}(c)$ 
9:     if iPosValida?(e,siguiente(it)) then  $\triangleright \mathcal{O}(1)$ 
10:      avanzar(it)  $\triangleright \mathcal{O}(1)$ 
11:     else
12:       eliminarSiguiente(it)  $\triangleright \mathcal{O}(1)$ 
13:     end if
14:   end while
15:   res  $\leftarrow$  nuevo  $\triangleright \mathcal{O}(1)$ 
16: end function

```

---



---

```

1: function iVECINOSCOMUNES(in e: estr, in p: posicion, in p2: posicion)  $\rightarrow$  res : conj(posicion)  $\triangleright \mathcal{O}(1)$ 
2:   var conj(posicion) v  $\leftarrow$  vecinos(e,p)  $\triangleright \mathcal{O}(1)$ 
3:   var conj(posicion) v2  $\leftarrow$  vecinos(e,p2)  $\triangleright \mathcal{O}(1)$ 
4:   var conj(posicion) nuevo  $\leftarrow$  vacio()  $\triangleright \mathcal{O}(1)$ 
5:   var itConj(posicion) it  $\leftarrow$  crearIt(v)  $\triangleright \mathcal{O}(1)$ 
6:   while haySiguiente(it) do  $\triangleright \mathcal{O}(1)$ 
7:     if Pertenece?(v2,Siguiente(it)) then  $\triangleright \mathcal{O}(1)$ 
8:       Agregar(nuevo, Siguiente(it))  $\triangleright \mathcal{O}(1)$ 
9:     end if
10:    Avanzar(it)  $\triangleright \mathcal{O}(1)$ 
11:  end while
12:  res  $\leftarrow$  nuevo  $\triangleright \mathcal{O}(1)$ 
13: end function

```

---



---

```

1: function iVECINOSVALIDOS(in e: estr, in ps: conj(posicion))  $\rightarrow$  res : conj(posicion)  $\triangleright \mathcal{O}(1)$ 
2:   var conj(posicion) nuevo  $\leftarrow$  vacio()  $\triangleright \mathcal{O}(1)$ 
3:   var itConj(posicion) it  $\leftarrow$  crearIt(ps)  $\triangleright \mathcal{O}(1)$ 
4:   while haySiguiente(it) do  $\triangleright \mathcal{O}(1)$ 
5:     if PosValida?(e,siguiente(it)) then  $\triangleright \mathcal{O}(1)$ 
6:       Agregar(nuevo, siguiente(it))  $\triangleright \mathcal{O}(1)$ 
7:     end if
8:     avanzar(it)  $\triangleright \mathcal{O}(1)$ 
9:   end while
10:  res  $\leftarrow$  nuevo  $\triangleright \mathcal{O}(1)$ 
11: end function

```

---



---

```

1: function iDISTANCIA(in e: estr, in p: posicion, in p2: posicion)  $\rightarrow$  res : nat  $\triangleright \mathcal{O}(1)$ 
2:   res  $\leftarrow$  |p.X - p2.X| + |p.Y - p2.Y|  $\triangleright \mathcal{O}(1)$ 
3: end function

```

---

---

```

1: function iPROXPOSICION(in e: estr, in d: direccion, in p: posicion) → res : posicion           ▷  $\mathcal{O}(1)$ 
2:   var posicion p2 ← p
3:   if d==izq then
4:     p2 ← <p2.X+1, p2.Y>                                           ▷  $\mathcal{O}(1)$ 
5:   else
6:     if d==der then
7:       p2 ← <p2.X, p2.Y>                                           ▷  $\mathcal{O}(1)$ 
8:     else
9:       if d==arriba then                                           ▷  $\mathcal{O}(1)$ 
10:        p2 ← <p2.X, p2.Y-1>                                         ▷  $\mathcal{O}(1)$ 
11:      else
12:        p2 ← <p2.X, p2.Y+1>                                         ▷  $\mathcal{O}(1)$ 
13:      end if
14:    end if
15:  end if
16:  res ← p2                                                         ▷  $\mathcal{O}(1)$ 
17: end function

```

---



---

```

1: function iINGRESOSMASCERCANOS(in e: estr, in p: posicion) → res : conj(posicion)           ▷  $\mathcal{O}(1)$ 
2:   var conj(posicion) nuevo ← Vacio()                             ▷  $\mathcal{O}(1)$ 
3:   if distancia(e, p, <p.x,1>) < distancia(e, p, <p.x,e.filas>) then   ▷  $\mathcal{O}(1)$ 
4:     Agregar(nuevo, <p.x,1>)                                         ▷  $\mathcal{O}(1)$ 
5:   else
6:     if distancia(e, p, <p.x,1>) > distancia(e, p, <p.x,filas(e)>) then   ▷  $\mathcal{O}(1)$ 
7:       Agregar(nuevo, <p.x,e.filas>)                                   ▷  $\mathcal{O}(1)$ 
8:     else
9:       Agregar(nuevo, <p.x,1>)                                         ▷  $\mathcal{O}(1)$ 
10:      Agregar(nuevo, <p.x,e.filas>)                                   ▷  $\mathcal{O}(1)$ 
11:    end if
12:  end if
13:  res ← nuevo                                                       ▷  $\mathcal{O}(1)$ 
14: end function

```

---



## 2. Diseño del Tipo RASTRILLAJE

### 2.1. Especificación

Se usa el TAD CAMPUSSEGURO especificado por la cátedra.

### 2.2. Aspectos de la interfaz

#### 2.2.1. Interfaz

Se explica con especificación de CAMPUSSEGURO

Género *rastr*

Operaciones básicas de Rastrillaje

**CAMPUS**(*in r: rastr*)  $\rightarrow res: campus$

**Pre**  $\equiv \{ true \}$

**Post**  $\equiv \{ res =_{\text{obs}} campus(r) \}$

**Complejidad:**  $\mathcal{O}(1)$

**Descripción:** Devuelve el campus.

**ESTUDIANTES**(*in r: rastr*)  $\rightarrow res: conj(nombre)$

**Pre**  $\equiv \{ true \}$

**Post**  $\equiv \{ res =_{\text{obs}} estudiantes(r) \}$

**Complejidad:**  $\mathcal{O}(1)$

**Descripción:** Devuelve el conjunto de estudiantes presentes en el campus.

**HIPPIES**(*in r: rastr*)  $\rightarrow res: conj(nombre)$

**Pre**  $\equiv \{ true \}$

**Post**  $\equiv \{ res =_{\text{obs}} hippies(r) \}$

**Complejidad:**  $\mathcal{O}(1)$

**Descripción:** Devuelve el conjunto de hippies presentes en el campus.

**AGENTES**(*in r: rastr*)  $\rightarrow res: conj(agente)$

**Pre**  $\equiv \{ true \}$

**Post**  $\equiv \{ res =_{\text{obs}} agentes(r) \}$

**Complejidad:**  $\mathcal{O}(1)$

**Descripción:** Devuelve el conjunto de agentes presentes en el campus.

**POSESTUDIANTEYHIPPIE**(*in r: rastr, in id: nombre*)  $\rightarrow res: posicion$

**Pre**  $\equiv \{ id \in (estudiantes(r) \cup hippies(cs)) \}$

**Post**  $\equiv \{ res =_{\text{obs}} posEstudianteYHippie(id, r) \}$

**Complejidad:**  $\mathcal{O}(1)$

**Descripción:** Devuelve la posición del estudiante/hippie pasado como parámetro.

**POSAGENTE**(*in r: rastr, in a: agente*)  $\rightarrow res: posicion$

**Pre**  $\equiv \{ a \in posAgente(a, r) \}$

**Post**  $\equiv \{ res =_{\text{obs}} posAgente(a, r) \}$

**Complejidad:**  $\mathcal{O}(1)$

**Descripción:** Devuelve la posición del agente pasado como parámetro.

**CANTSANCIONES**(**in**  $r: rastr$ , **in**  $a: agente$ )  $\rightarrow res: nat$

**Pre**  $\equiv \{ a \in cantSanciones(a, r) \}$

**Post**  $\equiv \{ res =_{\text{obs}} cantSanciones(a, r) \}$

**Complejidad:**  $\mathcal{O}(1)$

**Descripción:** Devuelve la cantidad de sanciones recibidas por el agente pasado como parámetro.

**CANTHIPPIESATRAPADOS**(**in**  $r: rastr$ , **in**  $a: agente$ )  $\rightarrow res: nat$

**Pre**  $\equiv \{ a \in agentes(r) \}$

**Post**  $\equiv \{ res =_{\text{obs}} cantHippiesAtrapados(a, r) \}$

**Complejidad:**  $\mathcal{O}(1)$

**Descripción:** Devuelve la cantidad de hippies atrapados por el agente pasado como parámetro.

**COMENZARRASTRILLAJE**(**in**  $c: campus$ , **in**  $d: dicc(agente, posicion)$ )  $\rightarrow res: rastr$

**Pre**  $\equiv \{ (\forall a: agente)(def?(a, d) \Rightarrow_L (posValida?(obtener(a, d))) \wedge \neg ocupada?(obtener(a, d), c)) \wedge (\forall a, a_2: agente)((def?(a, d) \wedge def?(a_2, d) \wedge a \neq a_2) \Rightarrow_L obtener(a, d) \neq obtener(a_2, d)) \}$

**Post**  $\equiv \{ res =_{\text{obs}} comenzarRastrillaje(c, d) \}$

**Complejidad:**  $\mathcal{O}(1)$

**Descripción:** Crea un Rastrillaje.

**INGRESARESTUDIANTE**(**in/out**  $r: rastr$ , **in**  $e: nombre$ , **in**  $p: posicion$ )  $\rightarrow$

**Pre**  $\equiv \{ r = r_0 \wedge e \notin (estudiantes(r) \cup hippies(r)) \wedge esIngreso?(p, campus(r)) \wedge \neg estaOcupada?(p, r) \}$

**Post**  $\equiv \{ r =_{\text{obs}} ingresarEstudiante(e, p, r_0) \}$

**Complejidad:**  $\mathcal{O}(1)$

**Descripción:** Modifica el rastrillaje, ingresando un estudiante al campus.

**INGRESARHIPPIE**(**in/out**  $r: rastr$ , **in**  $h: nombre$ , **in**  $p: posicion$ )  $\rightarrow$

**Pre**  $\equiv \{ r = r_0 \wedge h \notin (estudiantes(r) \cup hippies(r)) \wedge esIngreso?(p, campus(r)) \wedge \neg estaOcupada?(p, r) \}$

**Post**  $\equiv \{ r =_{\text{obs}} ingresarHippie(h, p, r_0) \}$

**Complejidad:**  $\mathcal{O}(1)$

**Descripción:** Modifica el rastrillaje, ingresando un hippie al campus.

**MOVERESTUDIANTE**(**in/out**  $r: rastr$ , **in**  $e: nombre$ , **in**  $dir: direccion$ )  $\rightarrow$

**Pre**  $\equiv \{ r = r_0 \wedge e \in estudiantes(r) \wedge (seRetira(e, dir, r) \vee (posValida?(proxPosicion(posEstudianteYHippie(e, r), dir, campus(r)), campus(r)) \wedge \neg estaOcupada?(proxPosicion(posEstudianteYHippie(e, r), dir, campus(r)), r))) \}$

**Post**  $\equiv \{ r =_{\text{obs}} moverEstudiante(e, d, r_0) \}$

**Complejidad:**  $\mathcal{O}(1)$

**Descripción:** Modifica el rastrillaje, al mover un estudiante del campus.

**MOVERHIPPIE**(**in/out**  $r: rastr$ , **in**  $h: nombre$ )  $\rightarrow$

**Pre**  $\equiv \{ r = r_0 \wedge h \in hippies(r) \wedge \neg todasOcupadas?(vecinos(posEstudianteYHippie(h, r), campus(r)), r) \}$

**Post**  $\equiv \{ r =_{\text{obs}} \text{moverHippie}(r, r_0) \}$

**Complejidad:**  $\mathcal{O}(1)$

**Descripción:** Modifica el rastillaje, al mover un hippie del campus.

MOVERAGENTE(**in/out**  $r$ : *rastr*, **in**  $a$ : *agente*)  $\rightarrow$

**Pre**  $\equiv \{ r = r_0 \wedge a \in \text{agentes}(r) \wedge \text{cantSanciones}(a, r) \leq 3 \wedge \neg \text{todasOcupadas}(\text{vecinos}(\text{posAgente}(a, r), \text{campus}(r)), r) \}$

**Post**  $\equiv \{ r =_{\text{obs}} \text{moverAgente}(a, r_0) \}$

**Complejidad:**  $\mathcal{O}(1)$

**Descripción:** Modifica el rastillaje, al mover un agente del campus.

MASVIGILANTE(**in**  $r$ : *rastr*)  $\rightarrow res$ : *agente*

**Pre**  $\equiv \{ true \}$

**Post**  $\equiv \{ res =_{\text{obs}} \text{masVigilante}(r) \}$

**Complejidad:**  $\mathcal{O}(1)$

**Descripción:** Devuelve el agente con mas capturas.

CONKSANCIONES(**in**  $r$ : *rastr*, **in**  $k$ : *nat*)  $\rightarrow res$ : *conj(agente)*

**Pre**  $\equiv \{ true \}$

**Post**  $\equiv \{ res =_{\text{obs}} \text{conKSanciones}(k, r) \}$

**Complejidad:**  $\mathcal{O}(1)$

**Descripción:** Devuelve el agente con mas capturas.

CONMISMASANCIONES(**in**  $r$ : *rastr*, **in**  $a$ : *agente*)  $\rightarrow res$ : *conj(agente)*

**Pre**  $\equiv \{ a \in \text{agentes}(r) \}$

**Post**  $\equiv \{ res =_{\text{obs}} \text{conMismasSanciones}(a, r) \}$

**Complejidad:**  $\mathcal{O}(1)$

**Descripción:** Devuelve el conjunto de agentes con la misma cantidad de sanciones que a.

## 2.3. Pautas de implementación

### 2.3.1. Estructura de representación

*campus* se representa con *estr*

donde *estr* es

*tupla*(  
 campo: *campus*  $\times$   
 agentes: *diccPromedio(agente ; datosAg)*  $\times$   
 posAgentesLog: *arreglo(tupla(placa;posicion))*  $\times$   
 hippies: *conjLineal(datosHoE)*  $\times$   
 estudiantes: *conjLineal(datosHoE)*  $\times$   
 posCiviles: *diccString(nombre;posicion)*  $\times$   
 posRapida: *diccLineal(nombre;posicion)*  $\times$   
 quienOcupa: *vector(vector(datosPos))*  $\times$   
 masVigilante: *itConj(agente)*  $\times$   
 agregoEn1: *lista(datosK)*  $\times$   
 buscoEnLog: *vector(datosK)*  
 )

**donde** *datosAg* es

```
tupla(
  QSanciones: nat ×
  premios: nat ×
  posActual: posicion ×
  grupoSanciones: itConj(agente) ×
  verK: itLista(datosK)
)
```

**donde** *datosHoE* es

```
tupla(
  ID: nombre ×
  posActual: itDicc(nombre;posicion)
)
```

**donde** *datosPos* es

```
tupla(
  ocupada?: bool ×
  queHay: clases ×
  hayCana: itDicc(agente) ×
  hayHoE: itConj(nombre)
)
```

**donde** *clases* es `enum{“agente”, “estudiante”, “hippie”, “obstaculo”, “nada”}`

**donde** *datosK* es

```
tupla(
  K: nat ×
  grupoK: conjLineal(agente)
)
```

### 2.3.2. Justificación

**2.3.3. Invariante de Representación****Informal**

1. El mapa debe tener tantas filas como indica la estructura, lo mismo con las columnas.

**Formal**

$\text{Rep} : \text{estr} \longrightarrow \text{boolean}$

$(\forall e : \text{estr})$

$\text{Rep}(e) \equiv (\text{true} \iff$

$(1)(2)(3) (\forall a, a2 : \text{Agente})(\text{def?}(a, e.\text{agentes}) \wedge \text{def?}(a2, e.\text{agentes})) \Rightarrow_L$

$(\text{obtener}(a, e.\text{agentes}).\text{Qsanciones} = \text{siguiente}(\text{obtener}(a, e.\text{agentes}).\text{verK}).\text{K}$

$\wedge \text{obtener}(a, e.\text{agentes}).\text{grupoSanciones} = \text{siguiente}(\text{obtener}(a, e.\text{agentes}).\text{verK}).\text{grupoK}$

$\wedge (a2 \in \text{obtener}(a, e.\text{agentes}).\text{grupoSanciones}) \iff (\text{obtener}(a, e.\text{agentes}).\text{Qsanciones} = \text{obtener}(a2, e.\text{agentes}).\text{Qsanciones})$

$\wedge (4) \text{PosValida}(\text{obtener}(a, e.\text{agentes}).\text{PosActual}) )$

**2.3.4. Función de Abstracción**

$\text{Abs} : \text{estr } e \longrightarrow \text{campus}$

$\{\text{Rep}(e)\}$

$(\forall e : \text{estr}) \text{Abs}(e) =_{\text{obs}} c : \text{campus} /$

$(\text{filas}(c) = e.\text{filas} \wedge \text{columnas}(c) = e.\text{columnas} \wedge_L (\forall p : \text{posicion})(p.X \leq e.\text{filas} \wedge$

$p.Y \leq e.\text{columnas} \Rightarrow_L \text{ocupada?}(p, c) \Leftrightarrow (e.\text{mapa}[f])[c])$

**2.3.5. Algoritmos**


---

```

1: function iCAMPUS(in e: estr)  $\longrightarrow$  res : campus  $\triangleright \mathcal{O}(1)$ 
2:   res  $\leftarrow$  e.campo
3: end function

```

---



---

```

1: function iESTUDIANTES(in e: estr)  $\longrightarrow$  res : itConj(nombre)  $\triangleright \mathcal{O}(1)$ 
2:   res  $\leftarrow$  crearIt (e.estudiantes)
3: end function

```

---



---

```

1: function iHIPPIES(in e: estr)  $\longrightarrow$  res : itConj(nombre)  $\triangleright \mathcal{O}(1)$ 
2:   res  $\leftarrow$  crearIt (e.hippies)
3: end function

```

---



---

```

1: function iAGENTES(in e: estr)  $\longrightarrow$  res : itConj(agente)  $\triangleright \mathcal{O}(1)$ 
2:   res  $\leftarrow$  crearIt (e.agentes)
3: end function

```

---



---

```

1: function iPOSESTUDIANTESYHIPPIE(in n: nombre in e: estr)  $\longrightarrow$  res : posicion  $\triangleright \mathcal{O}(n_m)$ 
2:   res  $\leftarrow$  obtener(n,e.posCiviles)
3: end function

```

---



---

```

1: function iPOSAGENTE(in a: agente in e: estr)  $\longrightarrow$  res : posicion  $\triangleright \mathcal{O}(1)(promedio)$ 
2:   res  $\leftarrow$  obtener(a,e.agentes).posActual
3: end function

```

---



---

```

1: function iCANTSANCIONES(in a: agente in e: estr)  $\longrightarrow$  res : nat  $\triangleright \mathcal{O}(1)(promedio)$ 
2:   res  $\leftarrow$  obtener(a,e.agentes).Qsanciones
3: end function

```

---



---

```

1: function iCANTHIPPIESATRAPADOS(in a: agente in e: estr)  $\longrightarrow$  res : nat  $\triangleright \mathcal{O}(1)(promedio)$ 
2:   res  $\leftarrow$  obtener(a,e.agentes).premios
3: end function

```

---

### 3. Diseño del Tipo DICCIONARIOSTRING( $\sigma$ )

#### 3.1. Especificación

Se usa el TAD DICCIONARIO( $\kappa, \sigma$ ) especificado en el apunte de Tads básicos.

#### 3.2. Aspectos de la interfaz

##### 3.2.1. Interfaz

parámetros formales

género  $\kappa, \sigma$

función  $\bullet = \bullet(\text{in } a_1: \kappa, \text{in } a_2: \kappa) \rightarrow res: bool$

**Pre**  $\equiv \{ true \}$

**Post**  $\equiv \{ res =_{\text{obs}} (a_1 = a_2) \}$

**Complejidad:**  $\Theta(equals(a_1, a_2))$

**Descripción:** función de igualdad de  $\kappa$ 's

función COPIAR( $\text{in } k: \kappa \rightarrow res: \kappa$ )

**Pre**  $\equiv \{ true \}$

**Post**  $\equiv \{ res =_{\text{obs}} k \}$

**Complejidad:**  $\Theta(copy(k))$

**Descripción:** función de copia de  $\kappa$ 's

función COPIAR( $\text{in } s: \sigma \rightarrow res: \sigma$ )

**Pre**  $\equiv \{ true \}$

**Post**  $\equiv \{ res =_{\text{obs}} s \}$

**Complejidad:**  $\Theta(copy(s))$

**Descripción:** función de copia de  $\sigma$ 's

Se explica con especificación de DICCIONARIO( $\kappa, \sigma$ ), ITERADOR BIDIRECCIONAL(TUPLA( $\kappa, \sigma$ ))

Género diccString( $\kappa, \sigma$ )

Operaciones básicas de diccionario

DEFINIDO?( $\text{in } d: \text{diccString}(\kappa, \sigma), \text{in } k: \kappa \rightarrow res: bool$ )

**Pre**  $\equiv \{ true \}$

**Post**  $\equiv \{ res =_{\text{obs}} def?(d, k) \}$

**Complejidad:**  $\mathcal{O}(|k|)$   $|k|$  es la longitud de la clave.

**Descripción:** Devuelve true si y sólo si  $k$  está definido en el diccionario.

OBTENER( $\text{in } d: \text{diccString}(\kappa, \sigma), \text{in } k: \kappa \rightarrow res: \sigma$ )

**Pre**  $\equiv \{ def?(d, k) \}$

**Post**  $\equiv \{ alias(res =_{\text{obs}} obtener(d, k)) \}$

**Complejidad:**  $\mathcal{O}(|k|)$   $|k|$  es la longitud de la clave.

**Descripción:** Devuelve el significado de la clave  $k$  en  $d$ .

**Aliasing:** res no es modificable.

VACIO()  $\rightarrow res: \text{diccString}(\kappa, \sigma)$

**Pre**  $\equiv \{ true \}$

**Post**  $\equiv \{ res =_{\text{obs}} \text{vacio}() \}$

**Complejidad:**  $\mathcal{O}(1)$

**Descripción:** Genera un diccionario vacío.

**DEFINIR**(**in/out**  $d: \text{diccString}(\kappa, \sigma)$ , **in**  $k: \kappa$ , **in**  $s: \sigma$ )

**Pre**  $\equiv \{ d =_{\text{obs}} d_0 \}$

**Post**  $\equiv \{ d =_{\text{obs}} \text{definir}(k, s, d_0) \}$

**Complejidad:**  $\mathcal{O}(|k|)$   $|k|$  es la longitud de la clave.

**Descripción:** Define la clave  $k$  con el significado  $s$  en el diccionario.

**BORRAR**(**in/out**  $d: \text{diccString}(\kappa, \sigma)$ , **in**  $k: \kappa$ )  $\rightarrow res: \text{bool}$

**Pre**  $\equiv \{ d =_{\text{obs}} d_0 \wedge \text{def?}(k, d) \}$

**Post**  $\equiv \{ d =_{\text{obs}} \text{borrar}(k, d_0) \}$

**Complejidad:**  $\mathcal{O}(|k|)$   $|k|$  es la longitud de la clave.

**Descripción:** Elimina la clave  $k$  del diccionario.

### Operaciones básicas del iterador

**CREARIT**(**in**  $d: \text{diccString}(\kappa, \sigma)$ )  $\rightarrow res: \text{itdiccString}(\kappa, \sigma)$

**Pre**  $\equiv \{ true \}$

**Post**  $\equiv \{ \text{alias}(\text{esPermutacion}(\text{SecuSuby}(res), d)) \wedge \text{vacía?}(\text{Anteriores}(res)) \}$

**Complejidad:**  $\mathcal{O}(n)$   $n$  es la cantidad de claves.

**Descripción:** Crea un iterador del diccionario de forma tal que se puedan recorrer sus elementos aplicando iterativamente SIGUIENTE(no ponemos la operacion SIGUIENTE en la interfaz pues no la usamos).

**HAYSIGUIENTE**(**in**  $it: \text{itdiccString}(\kappa, \sigma)$ )  $\rightarrow res: \text{bool}$

**Pre**  $\equiv \{ true \}$

**Post**  $\equiv \{ res =_{\text{obs}} \text{HaySiguiente?}(it) \}$

**Complejidad:**  $\mathcal{O}(1)$

**Descripción:** Devuelve true si y solo si en el iterador quedan elementos para avanzar.

**SIGUIENTESIGNIFICADO**(**in**  $it: \text{itdiccString}(\kappa, \sigma)$ )  $\rightarrow res: \sigma$

**Pre**  $\equiv \{ \text{HaySiguiente?}(it) \}$

**Post**  $\equiv \{ \text{alias}(res =_{\text{obs}} \text{Siguiente}(it).significado) \}$

**Complejidad:**  $\mathcal{O}(1)$

**Descripción:** Devuelve el significado del elemento siguiente del iterador.

**Aliasing:**  $res$  no es modificable.

**AVANZAR**(**in/out**  $it: \text{itdiccString}(\kappa, \sigma)$ )

**Pre**  $\equiv \{ it =_{\text{obs}} it_0 \wedge \text{HaySiguiente?}(it) \}$

**Post**  $\equiv \{ it =_{\text{obs}} \text{Avanzar}(it_0) \}$

**Complejidad:**  $\mathcal{O}(1)$

**Descripción:** Avanza a la posición siguiente del iterador.

## 3.3. Pautas de implementación

### 3.3.1. Estructura de representación

$\text{diccString}(\kappa, \sigma)$  se representa con puntero(*nodo*)



donde *nodo* es

*tupla*(  
 significado: *Puntero*( $\sigma$ )  $\times$   
 caracteres: *arreglo*[256] de *puntero*(*nodo*)  $\times$   
 padre: *Puntero*(*nodo*)  
 )

### 3.3.2. Justificación

### 3.3.3. Invariante de Representación

#### Informal

- Todas las posiciones del arreglo de caracteres están definidas.
- No hay claves de 0 caracteres. El significado de la raíz es NULL.
- No hay ciclos en la estructura. Es decir, existe una cota superior sobre la cantidad de niveles posibles del árbol.
- Dado un nodo cualquiera del trie, existe un único camino desde la raíz hasta el nodo.

#### Formal

$\text{Rep} : \text{estr} \longrightarrow \text{boolean}$

$(\forall e : \text{estr})$

$\text{Rep}(e) \equiv (\text{true} \iff$

$(1)(\forall i : \text{nat})(i < 256 \Rightarrow \text{definido?}(e \rightarrow \text{caracteres}, i)) \wedge_L$

$(2)(e \rightarrow \text{significado} = \text{NULL}) \wedge_L$

$(2)(\exists n : \text{nat})(\text{finaliza}(e, n)) \wedge_L$

$(3)(\forall p, q : \text{puntero}(\text{nodo}))(p \in \text{punteros}(e) \wedge q \in (\text{punteros}(e) - \{p\}) \Rightarrow p \neq q) \wedge_L$

)

### 3.3.4. Función de Abstracción

$\text{Abs} : \text{roseTree}(\text{estrDato}) \ r \longrightarrow \text{dicc\_trie}(\sigma)$

$\{\text{Rep}(r)\}$

$(\forall r : \text{roseTree}(\text{estrDato})) \ \text{Abs}(r) =_{\text{obs}} d : \text{dicc\_trie}(\sigma) \ /$

$(\forall k : \text{secu}(\text{letra}))(\text{def?}(k, d) =_{\text{obs}} \text{esta?}(k, r)) \wedge (\text{def?}(c, d) \Rightarrow (\text{obtener}(k, d) =_{\text{obs}} \text{buscar}(k, r)))$

#### Funciones Auxiliares

**3.3.5. Algoritmos**


---

```

1: function iVACIO( )  $\rightarrow$  res : estr  $\triangleright \mathcal{O}(1)$ 
2:   var arreglo(puntero(nodo)) letras  $\leftarrow$  crearArreglo[256]
3:   for i  $\leftarrow$  0 to 255 do  $\triangleright \mathcal{O}(1)$ 
4:     letras[i]  $\leftarrow$  NULL  $\triangleright \mathcal{O}(1)$ 
5:   end for
6:   var nodo nuevo  $\leftarrow$  <NULL,letras,NULL>  $\triangleright \mathcal{O}(1)$ 
7:   res  $\leftarrow$  &nuevo  $\triangleright \mathcal{O}(1)$ 
8: end function

```

---



---

```

1: function iDEFINIR(in/out d: estr, in k: string, in s:  $\sigma$ )
2:   nat i  $\leftarrow$  0  $\triangleright \mathcal{O}(1)$ 
3:   puntero(nodo) actual  $\leftarrow$  d  $\triangleright \mathcal{O}(1)$ 
4:   while (i < |k|) do  $\triangleright \mathcal{O}(|k|)$ 
5:     if actual  $\rightarrow$  caracteres[ord(k[i])] = NULL then  $\triangleright \mathcal{O}(1)$ 
6:       puntero(nodo) anterior  $\leftarrow$  actual
7:       actual  $\rightarrow$  caracteres[ord(k[i])]  $\leftarrow$  iVacio()  $\triangleright \mathcal{O}(1)$ 
8:       actual  $\rightarrow$  padre  $\leftarrow$  anterior
9:     else
10:      actual  $\leftarrow$  (actual  $\rightarrow$  caracteres[ord(k[i])])  $\triangleright \mathcal{O}(1)$ 
11:    end if
12:    i  $\leftarrow$  i + 1  $\triangleright \mathcal{O}(1)$ 
13:  end while
14:  actual  $\rightarrow$  significado  $\leftarrow$  &copiar(s)  $\triangleright \mathcal{O}(1)$ 
15: end function

```

---



---

```

1: function iOBTENER(in d: estr, in k: string)  $\rightarrow$  res :  $\sigma$ 
2:   nat i  $\leftarrow$  0  $\triangleright \mathcal{O}(1)$ 
3:   puntero actual  $\leftarrow$  d  $\triangleright \mathcal{O}(1)$ 
4:   while i < |k| do  $\triangleright \mathcal{O}(|k|)$ 
5:     actual  $\leftarrow$  (actual  $\rightarrow$  caracteres[ord(k[i])])  $\triangleright \mathcal{O}(1)$ 
6:     i  $\leftarrow$  i + 1
7:   end while
8:   res  $\leftarrow$  *(actual  $\rightarrow$  significado)
9: end function

```

---



---

```

1: function iBORRAR(in/out d: estr, in k: string)
2:   puntero(nodo) actual  $\leftarrow$  d
3:   for i  $\leftarrow$  0 to |k|  $\triangleright \mathcal{O}(1)$ 
4:     actual  $\leftarrow$  (actual  $\rightarrow$  caracteres[ord(k[i])])  $\triangleright \mathcal{O}(1)$ 
5:   end for
6:   (actual  $\rightarrow$  significado)  $\leftarrow$  NULL var puntero(nodo) camino  $\leftarrow$  NULL
7:   while (actual  $\rightarrow$  significado = NULL) or todosNULL(actual  $\rightarrow$  caracteres) do  $\triangleright \mathcal{O}(|k|)$ 
8:     camino  $\leftarrow$  actual  $\triangleright \mathcal{O}(1)$ 
9:     actual  $\leftarrow$  (actual  $\rightarrow$  padre)
10:    delete camino
11:  end while

```

---

---

```

1: function IDEFINIDO?(in d: estr, in k: string)  $\longrightarrow$  res : bool
2:   nat i  $\leftarrow$  0  $\triangleright \mathcal{O}(1)$ 
3:   puntero actual  $\leftarrow$  d  $\triangleright \mathcal{O}(1)$ 
4:   bool def  $\leftarrow$  true  $\triangleright \mathcal{O}(1)$ 
5:   while (i < |k| and def) do  $\triangleright \mathcal{O}(|k|)$ 
6:     if actual  $\longrightarrow$  caracteres[ord(k[i])] = NULL then  $\triangleright \mathcal{O}(1)$ 
7:       def  $\leftarrow$  false  $\triangleright \mathcal{O}(1)$ 
8:     else
9:       actual  $\leftarrow$  actual  $\longrightarrow$  caracteres[ord(k[i])]  $\triangleright \mathcal{O}(1)$ 
10:      i  $\leftarrow$  i + 1  $\triangleright \mathcal{O}(1)$ 
11:    end if
12:  end while
13:  res  $\leftarrow$  def  $\wedge$   $\neg$ (actual  $\longrightarrow$  significado(NULL))  $\triangleright \mathcal{O}(1)$ 
14: end function=0

```

---

### 3.4. Servicios Usados

#### Requerimientos sobre el Tipo

- La función  $|x|$  debe tener complejidad  $\mathcal{O}(1)$  en el caso peor.
- La función  $|x|$  debe tener complejidad  $\mathcal{O}(1)$  en el caso peor.
- Las operaciones deben realizarse por referencia.
- Debe proveer una operación **Copia** que devuelve una nueva instancia de la secuencia pero que es independiente de la actual, con complejidad  $\mathcal{O}(n)$  en el caso peor.
- Debe proveer un **iterador** para avanzar que comienza en el primero elemento de la secuencia.
- Debe proveer un **iterador** para retroceder que comienza en el último elemento de la secuencia.
- Las operaciones **CrearIt**, **Siguiente**, **Anterior**, **TieneSiguiente**, **TieneAnterior** deben tener complejidad  $\mathcal{O}(1)$  en el caso peor.

Donde  $n$  es la longitud de la palabra.

## 4. Diseño del Tipo DICCIONARIO<sub>PROM</sub>( $\sigma$ )

### 4.1. Especificación

Se usa el TAD DICCIONARIO( $\kappa, \sigma$ ) especificado en el apunte de Tads básicos.

### 4.2. Aspectos de la interfaz

#### 4.2.1. Interfaz

parámetros formales

género  $\kappa, \sigma$

función  $\bullet = \bullet(\text{in } a_1: \kappa, \text{in } a_2: \kappa) \rightarrow res: bool$

**Pre**  $\equiv \{ true \}$

**Post**  $\equiv \{ res =_{\text{obs}} (a_1 = a_2) \}$

**Complejidad:**  $\Theta(equals(a_1, a_2))$

**Descripción:** función de igualdad de  $\kappa$ 's

función COPIAR( $\text{in } k: \kappa$ )  $\rightarrow res: \kappa$

**Pre**  $\equiv \{ true \}$

**Post**  $\equiv \{ res =_{\text{obs}} k \}$

**Complejidad:**  $\Theta(copy(k))$

**Descripción:** función de copia de  $\kappa$ 's

función COPIAR( $\text{in } s: \sigma$ )  $\rightarrow res: \sigma$

**Pre**  $\equiv \{ true \}$

**Post**  $\equiv \{ res =_{\text{obs}} s \}$

**Complejidad:**  $\Theta(copy(s))$

**Descripción:** función de copia de  $\sigma$ 's

Se explica con especificación de DICCIONARIO( $\kappa, \sigma$ )

Género  $\text{diccProm}(\kappa, \sigma)$

Operaciones básicas de diccionario

DEFINIDO?( $\text{in } d: \text{diccProm}(\kappa, \sigma), \text{in } k: \kappa$ )  $\rightarrow res: bool$

**Pre**  $\equiv \{ true \}$

**Post**  $\equiv \{ res =_{\text{obs}} \text{def?}(d, k) \}$

**Complejidad:**  $\mathcal{O}(Na)$   $Na$  es la cantidad de agentes.

**Descripción:** Devuelve true si y sólo si  $k$  está definido en el diccionario.

OBTENER( $\text{in } d: \text{diccString}(\kappa, \sigma), \text{in } k: \kappa$ )  $\rightarrow res: \sigma$

**Pre**  $\equiv \{ \text{def?}(d, k) \}$

**Post**  $\equiv \{ alias(res =_{\text{obs}} \text{obtener}(d, k)) \}$

**Complejidad:**  $\mathcal{O}(Na)$   $Na$  es la cantidad de agentes.

**Descripción:** Devuelve el significado de la clave  $k$  en  $d$ .

**Aliasing:** res no es modificable.

VACIO( $\text{in } \text{cantClaves}: nat$ )  $\rightarrow res: \text{diccString}(\kappa, \sigma)$

**Pre**  $\equiv \{ true \}$

**Post**  $\equiv \{ res =_{\text{obs}} \text{vacio}() \}$

**Complejidad:**  $\mathcal{O}(Na)$   $Na$  es la cantidad de agentes.

**Descripción:** Genera un diccionario vacío.

DEFINIR(**in/out**  $d$ :  $\text{diccProm}(\kappa, \sigma)$ , **in**  $k$ :  $\kappa$ , **in**  $s$ :  $\sigma$ )

**Pre**  $\equiv \{ d =_{\text{obs}} d_0 \}$

**Post**  $\equiv \{ d =_{\text{obs}} \text{definir}(k, s, d_0) \}$

**Complejidad:**  $\mathcal{O}(1)$

**Descripción:** Define la clave  $k$  con el significado  $s$  en el diccionario.

### 4.3. Pautas de implementación

#### 4.3.1. Estructura de representación

$\text{diccProm}(\kappa, \sigma)$  se representa con  $\text{estr}$

donde  $\text{estr}$  es

$\text{tupla}(\text{CantClaves: } \text{nat} \times \text{tabla: } \text{arreglo de lista}(\text{datos}))$

donde  $\text{datos}$  es

$\text{tupla}(\text{clave: } \kappa \times \text{significado: } \sigma)$

#### 4.3.2. Justificación

#### 4.3.3. Invariante de Representación

**Informal**

- Todas las posiciones del arreglo de caracteres están definidas.
- No hay claves de 0 caracteres. El significado de la raíz es NULL.
- No hay ciclos en la estructura. Es decir, existe una cota superior sobre la cantidad de niveles posibles del árbol.
- Dado un nodo cualquiera del trie, existe un único camino desde la raíz hasta el nodo.

**Formal**

$\text{Rep} : \text{estr} \rightarrow \text{boolean}$

$(\forall e : \text{estr})$

$\text{Rep}(e) \equiv (\text{true} \iff$

$(1)(\forall i : \text{nat})(i < 256 \Rightarrow \text{definido?}(e \rightarrow \text{caracteres}, i)) \wedge_L$

$(2)(e \rightarrow \text{significado} = \text{NULL}) \wedge_L$

$(2)(\exists n : \text{nat})(\text{finaliza}(e, n)) \wedge_L$

$(3)(\forall p, q : \text{puntero}(\text{nodo})) (p \in \text{punteros}(e) \wedge q \in (\text{punteros}(e) - \{p\}) \Rightarrow p \neq q) \wedge_L$

)

**4.3.4. Función de Abstracción**

$$\begin{aligned}
 &\text{Abs} : \text{roseTree}(\text{estrDato}) \ r \longrightarrow \text{dicc\_trie}(\sigma) && \{\text{Rep}(r)\} \\
 &(\forall r : \text{roseTree}(\text{estrDato})) \ \text{Abs}(r) =_{\text{obs}} d : \text{dicc\_trie}(\sigma) / \\
 &(\forall k : \text{secu}(\text{letra})) (\text{def?}(k, d) =_{\text{obs}} \text{esta?}(k, r)) \wedge (\text{def?}(c, d) \Rightarrow (\text{obtener}(k, d) =_{\text{obs}} \text{buscar}(k, r)))
 \end{aligned}$$
**Funciones Auxiliares**

## 4.3.5. Algoritmos

---

```

1: function IVACIO(in  $n: nat$ )  $\longrightarrow$   $res: estr$   $\triangleright \mathcal{O}(cantClaves)$ 
2:    $var$  arreglo(lista(datos))  $tabla \leftarrow$  crearArreglo[n]  $\triangleright \mathcal{O}(cantClaves)$ 
3:   for  $i \leftarrow 0$  to  $n$  do  $\triangleright \mathcal{O}(cantClaves)$ 
4:      $tabla[i] \leftarrow$  Vacía()  $\triangleright \mathcal{O}(1)$ 
5:   end for
6:    $res \leftarrow \langle n, tabla \rangle$   $\triangleright \mathcal{O}(1)$ 
7: end function

```

---



---

```

1: function IDEFINIR(in/out  $d: estr$ , in  $k: nat$ , in  $s: \sigma$ )  $\triangleright \mathcal{O}(1)$ 
2:    $nat\ i \leftarrow$  fHash( $k, e.cantClaves$ )  $\triangleright \mathcal{O}(1)$ 
3:    $e.tabla[i] \leftarrow$  AgregarAtras( $e.tabla[i], \langle k, s \rangle$ )  $\triangleright \mathcal{O}(1)$ 
4: end function

```

---



---

```

1: function IOBTENER(in  $d: estr$ , in  $k: nat$ )  $\longrightarrow$   $res: \sigma$   $\triangleright \mathcal{O}(longitud(tabla[i]))$ 
2:    $nat\ i \leftarrow$  fHash( $k, e.cantClaves$ )  $\triangleright \mathcal{O}(1)$ 
3:    $var\ itLista(datos)\ it \leftarrow$  crearIt( $tabla[i]$ )
4:   while haySiguiente(it) do
5:     if siguiente(it).clave =  $k$  then
6:        $res \leftarrow$  siguiente(it).significado
7:     end if
8:   end while
9: end function

```

---



---

```

1: function IDEFINIDO?(in  $d: estr$ , in  $k: nat$ )  $\longrightarrow$   $res: bool$   $\triangleright \mathcal{O}(longitud(tabla[i]))$ 
2:    $nat\ i \leftarrow$  fHash( $k, e.cantClaves$ )  $\triangleright \mathcal{O}(1)$ 
3:    $var\ itLista(datos)\ it \leftarrow$  crearIt( $tabla[i]$ )
4:    $bool\ aux \leftarrow false$ 
5:   while haySiguiente(it) do
6:     if siguiente(it).clave =  $k$  then
7:        $aux \leftarrow true$ 
8:     end if
9:   end while
10:   $res \leftarrow aux$ 
11: end function

```

---



---

```

1: function FHASH(in  $k: nat$ , in  $cantClaves: nat$ )  $\longrightarrow$   $res: nat$   $\triangleright \mathcal{O}(1)$ 
2:    $res \leftarrow k \bmod cantClaves$   $\triangleright \mathcal{O}(1)$ 
3: end function

```

---



#### 4.4. Servicios Usados

##### Requerimientos sobre el Tipo

- La función  $|x|$  debe tener complejidad  $\mathcal{O}(1)$  en el caso peor.
- La función  $|x|$  debe tener complejidad  $\mathcal{O}(1)$  en el caso peor.
- Las operaciones deben realizarse por referencia.
- Debe proveer una operación **Copia** que devuelve una nueva instancia de la secuencia pero que es independiente de la actual, con complejidad  $\mathcal{O}(n)$  en el caso peor.
- Debe proveer un **iterador** para avanzar que comienza en el primero elemento de la secuencia.
- Debe proveer un **iterador** para retroceder que comienza en el  $\tilde{\text{último}}$  elemento de la secuencia.
- Las operaciones **CrearIt**, **Siguiente**, **Anterior**, **TieneSiguiente**, **TieneAnterior** deben tener complejidad  $\mathcal{O}(1)$  en el caso peor.

Donde  $n$  es la longitud de la palabra.