

Compressione di immagini tramite DCT

Confronto implementazioni e creazione applicazione grafica

<https://github.com/nicoripa/MCS-Project/>

Lorenzo Rovida, Nicolò Ripamonti
l.rovida1@campus.unimib.it, n.ripamonti@campus.unimib.it
817151, 816171

*Dipartimento di Informatica, Sistemi e Comunicazione, Università degli Studi di
Milano-Bicocca, Milano, Italia*

Abstract

Lo scopo di questo progetto è quello di utilizzare l'implementazione dell'operazione matematica denominata **DCT2** in un ambiente *open source* e di studiare gli effetti di un algoritmo di compressione di tipo jpeg (senza utilizzare una matrice di quantizzazione) su delle immagini in toni di grigio di formato *bitmap*. Il progetto si divide in due macro parti:

Parte 1 Implementare la DCT2 in un ambiente open source a scelta e confrontare i tempi di esecuzione con la DCT2 ottenuta usando la libreria dell'ambiente utilizzato.

In particolare, bisogna utilizzare array quadrati $N \times N$ con N crescente e rappresentare su un grafico i tempi di esecuzione dei due algoritmi.

Parte 2 Scrivere un software in grado di far scegliere all'utente un'immagine in formato bitmap e successivamente comprimere tale immagine utilizzando la DCT2, tagliare le frequenze che l'utente sceglie di eliminare, utilizzare l'inversa della DCT e far visualizzare a schermo l'immagine originale con quella ottenuta dopo aver modificato le frequenze.

Introduzione

Discrete Cosine Transform

La trasformata discreta del coseno o DCT, è la più diffusa funzione che provvede alla compressione spaziale, capace di rilevare le variazioni di informazione tra un'area e quella contigua di un'immagine digitale trascurando le ripetizioni.

È una trasformata simile alla trasformata discreta di Fourier (DFT), ma fa uso solo di numeri reali.

La variante più comune della trasformata discreta del coseno è la DCT tipo II che è spesso chiamata semplicemente DCT; la sua inversa, la DCT tipo III è, in corrispondenza, chiamata spesso DCT inversa o IDCT.

La DCT, e in particolare la DCT-II, è spesso usata nell'elaborazione dei segnali e delle immagini, specialmente per la compressione con perdita (compressione di tipo **lossy**). L'algoritmo JPEG è basato sulla Trasformata discreta del coseno bidimensionale (DCT2), che viene applicata su blocchi di 8x8 pixel, i cui risultati sono poi quantizzati e compressi con tecniche basate sull'entropia (come la Codifica di Huffman o la Codifica aritmetica).

La formula che descrive il funzionamento della DCT bidimensionale è la seguente:

$$c_{kl} = a_{kl} \sum_{i=0}^{N-1} \sum_{j=0}^{M-1} f_{ij} \cos\left(k\pi \frac{2i+1}{2N}\right) \cos\left(l\pi \frac{2j+1}{2M}\right)$$

Dove $a_{kl} = a_k^N a_l^M$:

$$a_{00} = \frac{1}{\sqrt{NM}}, \quad e \quad a_{k0} = a_{0l} = \sqrt{\frac{2}{NM}}, \quad a_{kl} = \frac{2}{\sqrt{NM}}, \quad k, l \geq 1.$$

Mentre f_{ij} sono gli indici bidimensionali:

$$\mathbf{f} = (f_{ij}), \quad i = 0, \dots, N-1, j = 0, \dots, M-1.$$

Formato .bitmap

Windows bitmap è un formato dati utilizzato per la rappresentazione di immagini **raster** sui sistemi operativi Microsoft Windows. Noto soprattutto come formato di file, fu introdotto con Windows 3.0 nel 1990. Le bitmap, come sono comunemente chiamati i file d'immagine di questo tipo, hanno generalmente l'estensione **.bmp**.

Sono state sviluppate tre versioni del formato bitmap. La prima e più comunemente utilizzata è la versione 3: non esistono versioni antecedenti. Le versioni successive 4 e 5 si incontrano piuttosto raramente.

Il formato di file Windows bitmap nella versione 3 permette operazioni di lettura e scrittura molto veloci e senza perdita di qualità, ma richiede generalmente una maggior quantità di memoria rispetto ad altri formati analoghi.

Le immagini bitmap possono avere una profondità di 1, 4, 8, 16, 24 o 32 bit per pixel. Le bitmap con 1, 4 e 8 bit contengono una tavolozza per la conversione dei (rispettivamente 2, 16 e 256) possibili indici numerici nei rispettivi colori. Nelle immagini con profondità più alta il colore non è indirizzato bensì codificato direttamente nelle sue componenti cromatiche RGB; con 16 o 32 bit per pixel alcuni bit possono rimanere inutilizzati.

Nel caso in esame le immagini in formato *.bmp* sono state scelte con colori in scala di grigi, ovvero immagini con una profondità di 8 bit. Tali bit servono per convertire gli indici numerici nei rispettivi bit, in questo caso da 0, che identifica il colore nero, a 255, che identifica il colore bianco. Tutti i valori tra l'1 e il 254 sono tutte le possibili varianti di grigio.

Calcolatore utilizzato

Per effettuare i calcoli sugli script è stato utilizzato un MacBook Pro 2016 con le seguenti caratteristiche hardware:

Processore 2 GHz Intel Core i5 dual-core

Architettura CPU x64

Memoria 8 GB 1867 MHz LPDDR3

Scheda grafica Intel Iris Graphics 540 1536 MB

Ambiente di sviluppo

L'ambiente di sviluppo scelto per il progetto, sia per la parte 1 che per la parte 2, è stato **Python**.

Versione: 3.7.3

Referenze: Sito - Documentazione



Python è un linguaggio di programmazione di più "alto livello" rispetto alla maggior parte degli altri linguaggi. È orientato a oggetti, ma non in maniera ferrea come ad esempio Java; adatto, tra gli altri usi, a sviluppare applicazioni distribuite, scripting, computazione numerica e system testing.

È un linguaggio multi-paradigma che ha tra i principali obiettivi: dinamicità, semplicità e flessibilità. Supporta il paradigma object oriented, la programmazione strutturata e molte caratteristiche di programmazione funzionale e riflessione.

Le caratteristiche più immediatamente riconoscibili di Python sono le variabili non tipizzate e l'uso dell'indentazione per la definizione delle specifiche.

Librerie

Nello specifico sono state utilizzate diverse librerie sia per l'implementazione del codice della parte 1 del progetto, sia per la parte 2.

Esse nello specifico sono:

TkInter Sito - Versione 3.8.3

È una libreria che permette di creare interfacce grafiche nella programmazione con Python, molto conosciuta e utilizzata per la sua leggerezza e stabilità.

SciPy Sito - Versione 1.19.0

È una libreria open source di algoritmi e strumenti matematici. Contiene moduli per l'ottimizzazione, per l'algebra lineare, elaborazione di segnali ed immagini e altri strumenti comuni nelle scienze e nell'ingegneria. Trova utilizzo in quei programmatori che usano anche MATLAB. All'interno di SciPy sono presenti diversi pacchetti tra cui **fftpack**, che contiene tutti gli algoritmi della trasformata discreta di Fourier e anche classi per l'implementazione della trasformata discreta del coseno (**DCT**);

NumPy Sito - Versione 1.18.4

È un pacchetto per l'elaborazione scientifica con Python. In particolare questo pacchetto è stato utilizzato per effettuare operazioni su array bidimensionali;

Matplotlib Sito - Versione 3.2.1

È una libreria completa per la creazione di visualizzazioni statiche, animate e interattive. Nel nostro interesse è stata usata per stampare le immagini nella conclusione dello script della seconda parte del progetto;

Random Sito - Versione 3.0

Questo modulo implementa generatori di numeri pseudo-casuali per varie distribuzioni. È stata utilizzata questa libreria per la generazione di matrici casuali per lo studio dei tempi di esecuzione delle DCT nella prima parte del progetto;

Time Sito - Versione 3.7

Questo modulo offre varie funzioni correlate al tempo. Utilizzata per la misurazione dei tempi di esecuzione delle CDT nella prima parte del progetto;

CV2 Sito - Versione 4.3.0

È un modulo facente parte della libreria OpenCV. CV2 è stata utilizzata all'interno dell'interfaccia grafica per poter far scegliere all'utente il file .bmp.

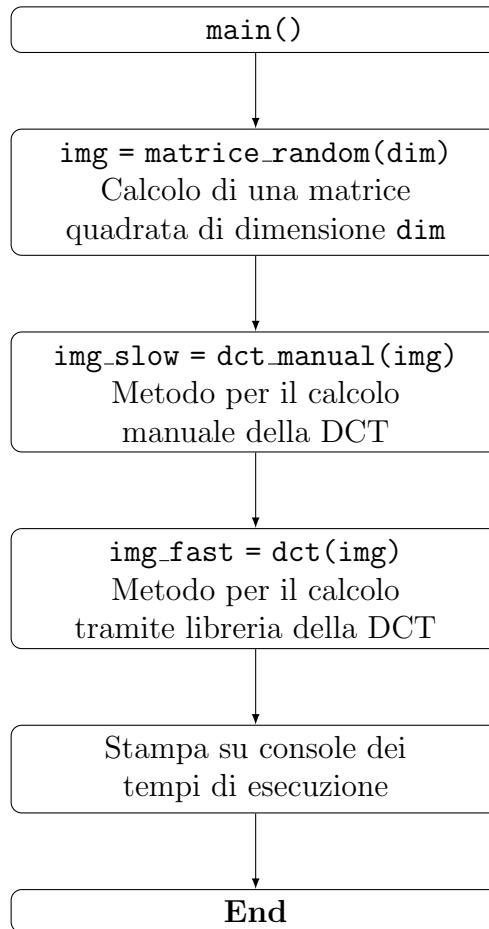
Confronto implementazioni DCT

Parte 1

Nella prima parte del progetto il compito è stato quello di creare un algoritmo di compressione del tipo DCT e confrontare i tempi di esecuzione con un algoritmo DCT implementato da una libreria che, nel nostro caso, sarà Scipy.

Diagramma

Viene presentato un diagramma a blocchi che riassume lo svolgimento dell'elaborazione.



Implementazione

Di seguito viene spiegato approfonditamente come opera lo script.

1. Nella funzione `main()` viene implementato un ciclo `while` dove avvengono tutte le operazioni. È stato scelto questo metodo per poter implementare uno script che faccia in automatico tutte le operazioni su matrici quadrate di dimensione sempre maggiore, ovvero la dimensione è di $100 \cdot n$, dove $n = 1, 2, \dots, 10$;

```
dim = 100
while (dim <= 1000):
    img = matrice_random(dim)

    time1 = time.time()
    dct_fftpack_2d(img)
    time2 = time.time()

    tempi_scipy.append(time2 - time1)

    time1 = time.time()
    dct_manual_2d(img)
    time2 = time.time()

    tempi_manual.append(time2 - time1)

    dimensioni.append(dim)

    dim += 100
```

2. Viene chiamata la funzione `matrice_random()` che crea un array bidimensionale di valori random compresi tra 0 e 255, ovvero i valori che corrispondono alla scala di grigi in formato bitmap. Questa funzione prende in ingresso il valore che corrisponde alla dimensione che si vuole dare alla matrice;

```
def matrice_random(dim):
    img = np.arange(dim * dim).reshape(dim, dim)

    m = img.shape[0]

    for i in range(0, m):
        for j in range(0, m):
            img[i][j] = random.randrange(256)

    return img
```

3. Viene calcolata la DCT della libreria Scipy e i tempi di esecuzione;

```
def dct_fftpack_2d(x):
    return dct(np.transpose(dct(np.transpose(x), type =
2, norm = 'ortho')), \
type = 2, norm='ortho')
```

4. Viene calcolata la DCT manuale e i tempi di esecuzione. La DCT viene implementata come segue;

```
def dct_manual_2d(x):
    return dct_manual(np.transpose(dct_manual(np.
transpose(x))))


def dct_manual(x):
    N = len(x)

    print(type(x[0]))
    c = []

    for k in range(0, N):
        somma = 0
        for i in range(0, N):
            somma = somma + (x[i] * math.cos(math.pi * k
* (2 * i + 1) / (2 * N)))

        if k == 0:
            alpha = math.sqrt(1 / N)
        else:
            alpha = math.sqrt(2 / N)

        c.append(somma * alpha)

    return c
```

5. Vengono stampati in console tutti i tempi di esecuzione delle due DCT per ogni dimensione dell'array bidimensionale e viene creato un semplice plot;

```
plot(dimensioni, tempi_manual, tempi_scipy)
print('Tempi Scipy: ')
print(tempi_scipy)
print('Tempi manual: ')
print(tempi_manual)
```

Test e risultati

I risultati della prima parte del progetto riguardano il confronto dei tempi d'esecuzione della DCT2. In particolare il confronto è stato fatto tra una DCT implementata a mano e la funzione DCT del pacchetto `scipy.fftpack`.

Gli array bidimensionali utilizzati di dimensione $N \times N$ sono stati creati in maniera casuale e sono state scelte dimensioni che variano da 100×100 a 1000×1000 . Non sono state scelte dimensioni maggiori, sia per motivi di eccessivo tempo di calcolo, sia perché un'array 1000×1000 rispecchia un'immagine di 1000×1000 pixel, definizione già abbastanza alta, paragonabile in termini di numero di pixel al formato HD a 720p.

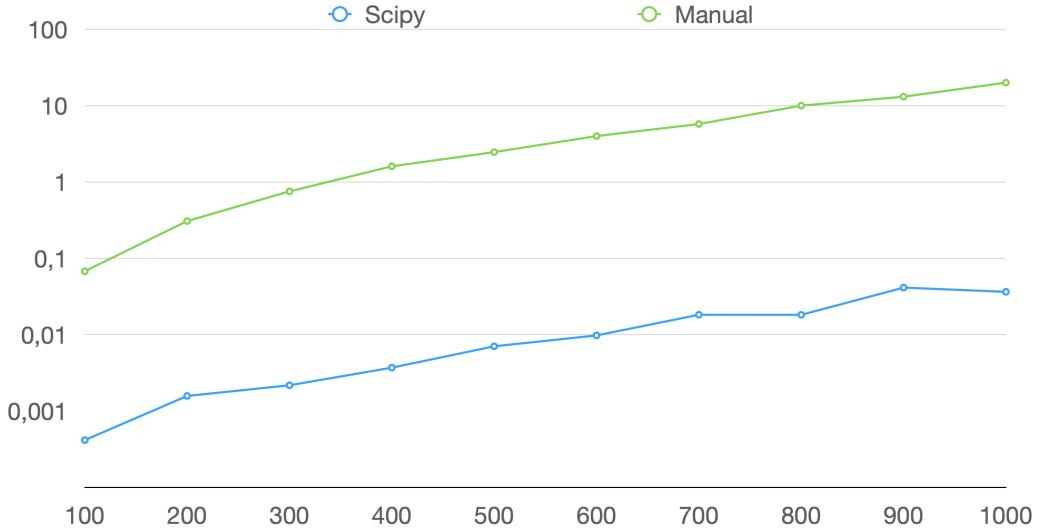
Durante l'implementazione abbiamo prestato molta attenzione al fatto che il nostro algoritmo venisse implementato correttamente confrontando sempre i risultati degli array dopo il calcolo di entrambe le DCT.

In particolare è stata effettuata una verifica basata su questo risultato (esatto per ipotesi):

$$\begin{array}{cccccccccc} 231 & 32 & 233 & 161 & 24 & 71 & 140 & 245 \\ & & & & \downarrow & & & & \\ 4.01e+02 & 6.60e+00 & 1.09e+02 & -1.12e+02 & 6.54e+01 & 1.21e+02 & 1.16e+02 & & \\ & & & & 2.88e+01 & & & & \end{array}$$

Assumiamo come *accettabili* le differenze con la soluzione dell'ordine di $0.01e+02$, ovvero 1. Il programma calcola la DCT in modo corretto, di seguito sono riportati i valori del test sull'accettabilità dei risultati:

$$\begin{array}{cccccccccc} 231 & 32 & 233 & 161 & 24 & 71 & 140 & 245 \\ & & & & \downarrow & & & & \\ 4.02e+02 & 6.60e+00 & 1.09e+02 & -1.13e+02 & 6.54e+01 & 1.22e+02 & 1.17e+02 & & \\ & & & & 2.88e+01 & & & & \end{array}$$



Nella figura sopra si possono notare come i tempi della DCT implementata a mano (`dct_manual()`) siano nettamente superiori rispetto alla DCT implementata in `scipy.fftpack.dct`. Questo è del tutto normale in quanto le librerie sono sicuramente implementate meglio e più efficienti.

Nella figura sotto sono riportati in una tabella tutti i tempi di esecuzione della DCT.

Tempo [Sec]		Dimensione array bidimensionale [Pixel]									
		100	200	300	400	500	600	700	800	900	1000
	Scipy	0,00041484	0,00157308	0,00217103	0,0036931	0,00703287	0,00976991	0,01821494	0,01818513	0,04131293	0,03638101
	Manual	0,06779313	0,30789494	0,75378012	1,6057541	2,46435403	3,99684786	5,74928379	10,0226428	13,1171091	20,0206999

Si ricorda che i tempi di un algoritmo per DCT2 implementato da una libreria sono di circa $O(N^2 \log N)$, mentre i tempi di esecuzione di una DCT2 manuale si aggirano intorno a $O(N^3)$, dove con N si intende ovviamente la dimensione della matrice.

Detto ciò, i risultati finali dei tempi rispecchiamo a pieno tale regola.

GUI per la compressione

Parte 2

Come spiegato all'inizio dell'elaborato, la seconda parte del progetto si occupa di implementare un interfaccia grafica che permetta all'utente di effettuare una compressione di un file .bmp

Come prima cosa, il programma si preoccupa di far scegliere all'utente un immagine .bmp e successivamente di scegliere due valori, F e d , che saranno il fulcro di tutta l'implementazione del programma.

In particolare, i valori F e d scelti dall'utente servono per l'elaborazione e la compressione dell'immagine nel seguente modo:

F è un intero che verrà utilizzato per la divisione in blocchi dell'immagine.

Tali blocchi avranno dimensione $F \times F$ ed è proprio su di essi che verrà calcolata la DCT.

d è il valore intero che serve per eliminare le frequenze all'interno dei blocchi una volta calcolata la DCT. Tale valore deve essere un numero intero compreso tra 0 e $2F - 2$, poiché le frequenze vengono eliminate sui blocchi $F \times F$, dove il valore che ha indici k ed l del blocco viene eliminato se $k + l \geq d$.

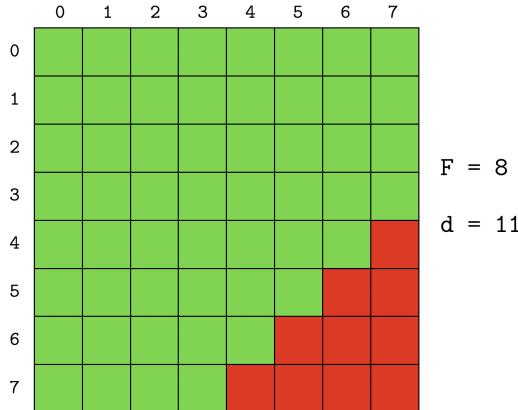
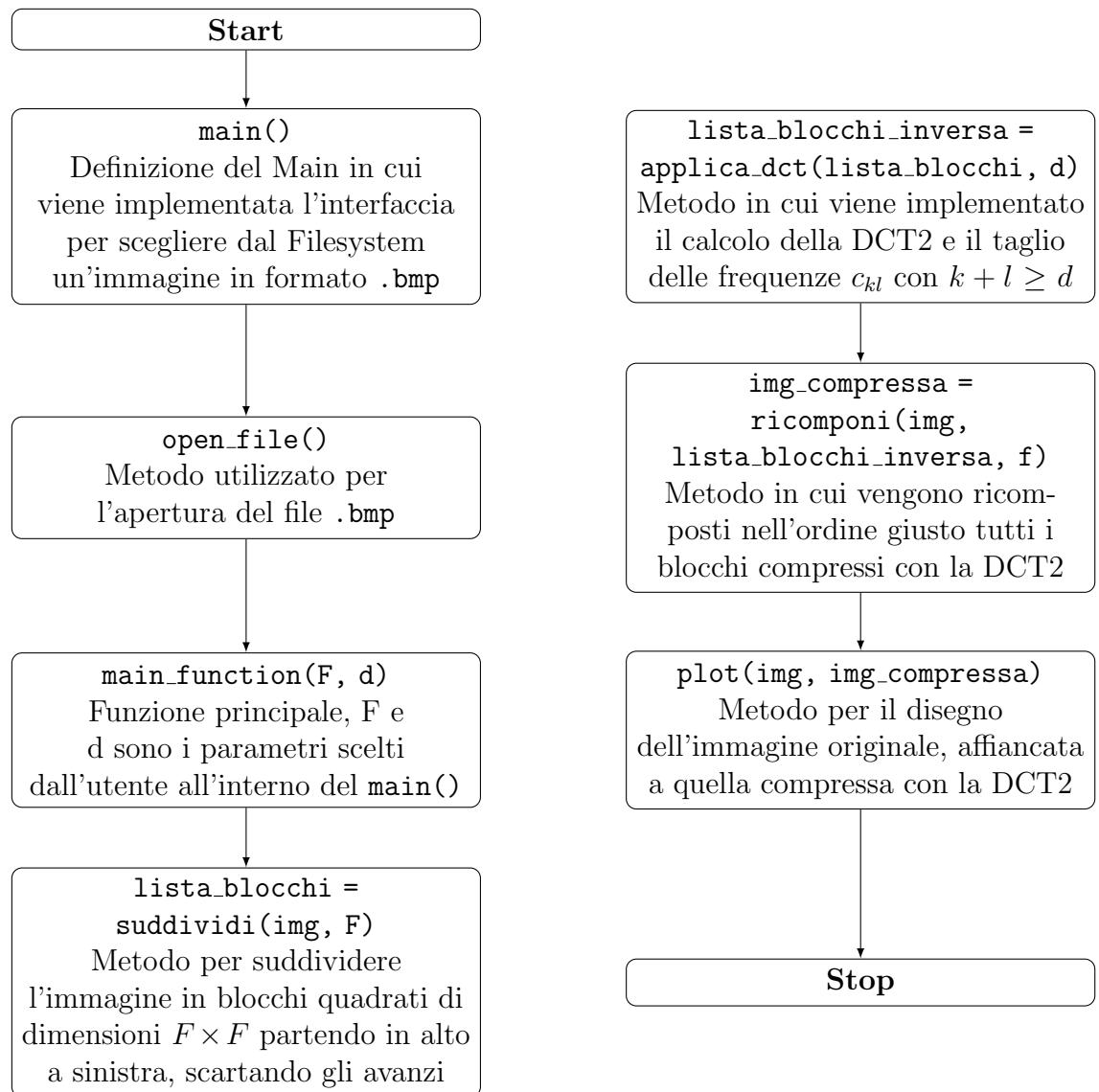


Figure 1: Blocco dove i quadrati rossi indicano le frequenze eliminate e i quadrati verdi indicano le frequenze che non vengono eliminate

Diagramma

Viene presentato un diagramma a blocchi che riassume lo svolgimento dell'elaborazione.



Implementazione

Di seguito viene spiegata approfonditamente la parte di codice che si occupa della compressione dell'immagine.

1. Crea una lista di blocchi $F \times F$ dell'immagine importata partendo dall'alto a sinistra, eliminando gli scarti sotto e a destra qualora ce ne siano;

```
while (i + f < img.shape[0]):  
    while(j + f < img.shape[1]):  
        blocco = img[i:i+f, j:j+f]  
        lista_blocchi.append(blocco)  
        j = j + f  
    i = i + f  
j = 0
```

2. Viene applicata la DCT ad ogni blocco;

```
for f in lista_blocchi:  
    c = dct(np.transpose(dct  
        (np.transpose(f), norm='ortho')), norm='ortho  
)
```

3. Vengono eliminate le frequenze utilizzando come valore d ;

```
for k in range(0, c.shape[0]):  
    for l in range(0, c.shape[1]):  
        if k + l >= d:  
            c[k, l] = 0
```

4. Viene applicata la DCT inversa ad ogni blocco;

```
ff = idct(np.transpose(idct  
    (np.transpose(c), norm='ortho')), norm='ortho')
```

5. Vengono arrotondati i valori di ogni blocco all'intero più vicino e, i valori minori di 0 vengono resi uguali a 0, mentre i valori maggiori di 255 vengono resi uguali a 255;

```
for i in range(0, ff.shape[0]):  
    for j in range(0, ff.shape[1]):  
        ff[i, j] = int(ff[i, j])  
  
        if ff[i, j] < 0:  
            ff[i, j] = 0  
  
        elif ff[i, j] > 255:  
            ff[i, j] = 255
```

6. Viene ricomposta l'immagine;

```
i = 0
j = 0
index = 1
while (i + f < img.shape[0]):
    while(j + f < img.shape[1]):
        j = j + f
        if j + f < img.shape[1]:
            col = np.hstack((col,
lista_blocchi_inversa[index]))
            index = index + 1

    i = i + f
    j = 0
    colonne.append(col)
    if index < len(lista_blocchi_inversa):
        col = lista_blocchi_inversa[index]
    index = index + 1

img_compressa = colonne[0]

for i in range(1, len(colonne)):
    img_compressa = np.vstack((img_compressa, colonne[i]))
```

7. Viene visualizzata a schermo l'immagine originale affiancata dall'immagine ottenuta dopo aver eliminato le frequenze.

```
fig = Figure(figsize=(5, 4), dpi=100)
t = np.arange(0, 3, .01)
fig.add_subplot(121).imshow(img)
fig.add_subplot(122).imshow(img_compressa)
```

Risultati

Il software creato permette di utilizzare la formula della DCT su immagini in formato bitmap in scala di grigi.

Tale programma si presenta con una semplice interfaccia grafica che facilita l'utente nella scelta dell'immagine .bmp da scegliere tra i propri file.



Figure 2: GUI principale dell'applicazione

Una volta caricato il file e scelti i valori F e d , l'utente può premere il tasto *Avvia* e aspettare che il programma elabori il risultato, per poi farlo visualizzare all'utente.

Se d non è compreso tra 0 e $2F - 2$, il programma mostra un messaggio di errore e termina l'esecuzione.



Figure 3: Messaggio di errore in caso di d incostistente

Verrà visualizzato un errore anche nel caso in cui l'utente scelga un valore di F maggiore di almeno una delle due dimensioni dell'immagine (righe e/o colonne).

Se i dati inseriti sono consistenti e l'immagine viene letta correttamente, il risultato sarà stampato su una schermata apposita in cui verrà visualizzata anche l'immagine originale. Le due immagini (originale a sinistra, compressa a destra) saranno quindi confrontabili a "occhio".

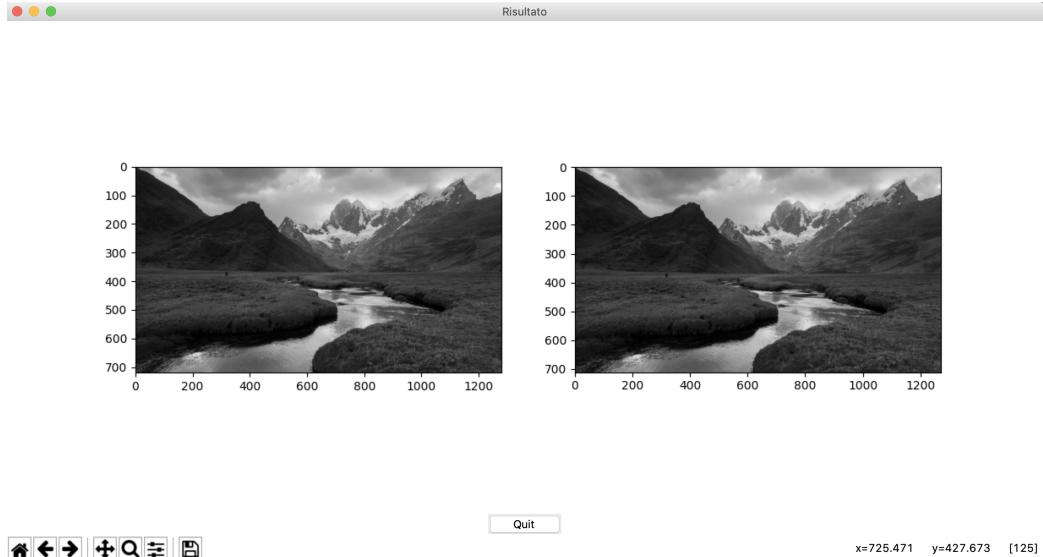


Figure 4: Risultato finale dell'elaborazione, presentato su due plot. A sinistra immagine originale, a destra immagine compressa

Il risultato verrà salvato in un'immagine di tipo .jpg all'interno della stessa cartella in cui si trova lo script.

Conclusioni

Parte 1 Il risultato dell'esperimento ha soddisfatto le aspettative, la DCT implementata "a mano" si è rivelata nettamente più lenta nell'esecuzione rispetto a quella disponibile su `scipy.fftpack.dct`. In particolare i test con i quali si verifica che i due algoritmi restituiscano i risultati corretti sono passati (si è assunto come vero il risultato della DCT mostrato nella traccia del progetto), e l'esperimento sulle matrici stocastiche di dimensioni crescenti ha avuto il riscontro previsto: l'algoritmo disponibile nella libreria è statisticamente migliore in termini di tempi di calcolo.

Parte 2 L'applicazione implementata, funziona in modo corretto e in linea con la richiesta.

In particolare, per ogni immagine bitmap che si sceglie, si nota che la compressione effettuata ha una perdita di qualità nel momento in cui si scelgono valori di d molto piccoli; questo è dovuto al gran numero di frequenze che vengono eliminate.

Coerentemente con quanto appena detto, aumentando il valore di d , stando attenti a non superare la soglia del $2F - 2$, l'immagine caricata nell'interfaccia risulterà molto simile all'originale e, nel caso in cui la d sia molto vicina alla soglia massima consentita, vengono persi solo i dettagli poco visibili ad occhio nudo.

Stabilito ciò, la dimensione dell'immagine in termini di spazio della memoria è molto minore all'originale anche quando i valori di d scelti sono vicini alla soglia massima ammissibile.

In conclusione il gruppo di lavoro si ritiene soddisfatto dei propri risultati.

Appendice A. Esperimenti



Figure A.5: Immagine compressa
 $F = 8, d = 10$



Figure A.6: Immagine compressa
 $F = 8, d = 6$



Figure A.7: Immagine compressa
 $F = 8, d = 2$

Appendice B. Codici

Appendice B.1. Parte 1

```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
import math
import random
import time
from scipy.fftpack import dct

"""
dct_manual(x)
funzione che prende in input una lista di int e ritorna
un'applicazione di DCT alla stessa
"""
def dct_manual(x):
    N = len(x)

    c = []

    for k in range(0, N):
        somma = 0
        for i in range(0, N):
            somma = somma + (x[i] * math.cos(math.pi * k * (2
                * i + 1) / (2 * N)))

        if k == 0:
            alpha = math.sqrt(1 / N)
        else:
            alpha = math.sqrt(2 / N)

        c.append(somma * alpha)

    return c

"""
dct_manual_2d(x)
funzione che prende in input una matrice 2D
e applica per righe e per colonne la DCT (DCT2)
"""
def dct_manual_2d(x):
```

```

    return dct_manual(np.transpose(dct_manual(np.transpose(x))
)))

"""

dct_fftpack_2d(x)
funzione che lancia la DCT implementata in scipy.fftpack
su matrici 2D
"""
def dct_fftpack_2d(x):
    return dct(np.transpose(dct(np.transpose(x), type = 2,
        norm = 'ortho')), \
               type = 2, norm='ortho')

"""

test1d()
metodo che effettua dei test sulla funzione implementata in
    dct_manual(x),
in particolare controlla che l'output su un vettore di prova
    sia
uguale a quello ritornato dalla funzione dct(x) di scipy.
    fftpack
"""
def test1d():
    test = [231, 32, 233, 161, 24, 71, 140, 245]

    test_dct = dct(test, type = 2, norm='ortho')

    print("1D - Libreria: ")

    for el in test_dct:
        print("{:.2e}".format(el))

    test_dct = dct_manual(test)

    print("Test 1D - Implementazione manuale: ")

    for el in test_dct:
        print("{:.2e}".format(el))

```

```

"""
test2d()
metodo che effettua dei test sulla funzione implementata in
    dct_manual_2d(x),
in particolare controlla che l'output su un vettore di prova
    sia
uguale a quello ritornato dalla funzione dct_fftpack_2d(x)
"""
def test2d():
    test = [[231, 32, 233, 161, 24, 71, 140, 245],
            [247, 40, 248, 245, 124, 204, 36, 107],
            [234, 202, 245, 167, 9, 217, 239, 173],
            [193, 190, 100, 167, 43, 180, 8, 70],
            [11, 24, 210, 177, 81, 243, 8, 112],
            [97, 195, 203, 47, 125, 114, 165, 181],
            [193, 70, 174, 167, 41, 30, 127, 245],
            [87, 149, 57, 192, 65, 129, 178, 228]]

    test_dct = dct_fftpack_2d(test)

    print("2D - Libreria: ")
    print(test_dct[0][0], test_dct[0][1])

    test_dct = dct_manual_2d(test)

    print("2D - Implementazione: ")
    print(test_dct[0][0], test_dct[0][1])


"""
matrice_random(dim)
funzione che ritorna una matrice composta da numeri casuali
    di dimensione dim
"""
def matrice_random(dim):
    img = np.arange(dim * dim).reshape(int(dim), int(dim))

    m = img.shape[0]

    for i in range(0, m):
        for j in range(0, m):
            img[i][j] = random.randrange(256)

    img[0][0] = random.randrange(256)

```

```

    return img

"""
plot(dimensioni, tempi_manual, tempi_scipy)
metodo che crea un plot confrontando i tempi di esecuzione
delle due funzioni
"""
def plot(dimensioni, tempi_manual, tempi_scipy):
    plt.plot(dimensioni, tempi_manual, label = 'Tempi manual')
    plt.plot(dimensioni, tempi_scipy, label = 'Tempi Scipy')
    plt.legend()
    plt.xlabel("Dimensione matrici")
    plt.ylabel("Tempo esecuzione")
    plt.xlim(dimensioni[0], dimensioni[len(dimensioni) - 1] + 10)
    plt.ylim(0, tempi_manual[len(tempi_manual) - 1] + 0.4)

from matplotlib import pyplot

pyplot.savefig('confronto_implementazioni.png',
bbox_inches='tight', dpi=200)

#####
##### main()

def main():
    test1d()
    test2d()

    tempi_scipy = []
    tempi_manual = []
    dimensioni = []

    dim = 100
    while (dim <= 1000):
        img = matrice_random(dim)

        time1 = time.time()
        dct_fftpack_2d(img)
        time2 = time.time()


```

```

tempi_scipy.append(time2 - time1)

time1 = time.time()
dct_manual_2d(img)
time2 = time.time()

tempi_manual.append(time2 - time1)

dimensioni.append(dim)

dim += 100

plot(dimensioni, tempi_manual, tempi_scipy)
print('Tempi Scipy: ')
print(tempi_scipy)
print('Tempi manual: ')
print(tempi_manual)

#
#####
#####
```

```

if __name__ == "__main__":
    main()
```

Appendice B.2. Parte 2

```
from tkinter import *
from tkinter import ttk
from tkinter.ttk import *
from tkinter.filedialog import askopenfile
from tkinter.messagebox import showerror
from PIL import Image, ImageTk
import numpy as np
import os
import cv2
from scipy.fftpack import dct, idct
import matplotlib.pyplot as plt
from matplotlib.backends.backend_tkagg import (
    FigureCanvasTkAgg, NavigationToolbar2Tk)
from matplotlib.backends_bases import key_press_handler
from matplotlib.figure import Figure

"""
suddivididi(img, f)
funzione che genera una lista di blocchi di f*f a partire
dall'immagine passata
in input (img dev'essere un numpy array 2d). Se le dimensioni
dell'immagine non
sono multipli di f verranno troncati eventuali pixel.
"""

def suddivididi(img, f):
    i = 0
    j = 0
    lista_blocchi = []

    while (i + f < img.shape[0]):
        while(j + f < img.shape[1]):
            blocco = img[i:i+f, j:j+f]
            lista_blocchi.append(blocco)
            j = j + f
        i = i + f
        j = 0

    return lista_blocchi

"""
applica_dct(lista_blocchi, d)
funzione che effettua una chiamata a scipy.fftpack.dct sui
vari blocchi passati

```

```

in input, effettua inoltre il taglio delle frequenze usando
la variabile d
"""
def applica_dct(lista_blocchi, d):
    lista_blocchi_inversa = []

    #Applico DCT per ogni blocco f:
    for f in lista_blocchi:
        c = dct(np.transpose(dct(np.transpose(f), norm='ortho')), norm='ortho')

        #Taglio delle frequenze c_kl con k+l>d
        for k in range(0, c.shape[0]):
            for l in range(0, c.shape[1]):
                if k + l >= d:
                    c[k, l] = 0

    #Applico IDCT per ogni blocco c:
    ff = idct(np.transpose(idct(np.transpose(c), norm='ortho')), norm='ortho')

    #Arrotondamento di ff all'intero piu' vicino:
    for i in range(0, ff.shape[0]):
        for j in range(0, ff.shape[1]):
            ff[i,j] = int(ff[i,j])

            if ff[i, j] < 0:
                ff[i,j] = 0
            elif ff[i,j] > 255:
                ff[i,j] = 255

    lista_blocchi_inversa.append(ff)

    return lista_blocchi_inversa

"""

ricomponi(img, lista_blocchi_inversa, f)
funzione inversa a suddividi: data una lista di blocchi (che
sarebbe la lista
di blocchi generata dalla idct), genera un immagine
appendendo in modo coerente
con la funzione suddividi i vari blocchi
"""
def ricomponi(img, lista_blocchi_inversa, f):
    col = lista_blocchi_inversa[0]

```

```

colonne = []

i = 0
j = 0
index = 1
while (i + f < img.shape[0]):
    while(j + f < img.shape[1]):
        j = j + f
        if j + f < img.shape[1]:
            col = np.hstack((col, lista_blocchi_inversa[
index]))
        index = index + 1

    i = i + f
    j = 0
    colonne.append(col)
    if index < len(lista_blocchi_inversa):
        col = lista_blocchi_inversa[index]
    index = index + 1

img_compressa = colonne[0]

for i in range(1, len(colonne)):
    img_compressa = np.vstack((img_compressa, colonne[i]))
)

img_compressa = img_compressa.astype(np.uint8)
global file_path
cv2.imwrite('img_compressa.jpg', img_compressa)

return img_compressa

"""
plot(img, img_compressa)
funzione che genera una nuova finestra nella quale sar
possibile confrontare
visivamente le differenze fra le due immagini: a sinistra
quella originale,
a destra quella compressa
"""
def plot(img, img_compressa):
    root = Tk()
    root.geometry('1280x720')
    root.wm_title("Risultato")

```

```

fig = Figure(figsize=(5, 4), dpi=100)
t = np.arange(0, 3, .01)
fig.add_subplot(121).imshow(img, cmap='gray', vmin=0, vmax=255)
fig.add_subplot(122).imshow(img_compressa, cmap='gray',
vmin=0, vmax=255)

canvas = FigureCanvasTkAgg(fig, master=root)
canvas.draw()

toolbar = NavigationToolbar2Tk(canvas, root)
toolbar.update()

def on_key_press(event):
    print("you pressed {}".format(event.key))
    key_press_handler(event, canvas, toolbar)

canvas.mpl_connect("key_press_event", on_key_press)

button = Button(master=root, text="Quit", command=root.quit)

button.pack(side=BOTTOM)
canvas.get_tk_widget().pack(side=TOP, fill=BOTH, expand=1)

mainloop()

"""

main_function(f, d)
metodo principale che lancia la DCT su un immagine scelta in precedenza tramite open_file(), effettua anche controllo sulla variabile d (in particolare controlla che d sia compresa in (0, 2F - 2))
"""

def main_function(f, d) :
    if d < 0 or d > 2 * f - 2:
        showerror("Errore", "ERRORE: d dev'essere compresa fra 0 e 2F-2")
    return

```

```

global img
#caricamento dell'immagine scelta dall'utente:
img = cv2.imread(file_path, 0)

if f > img.shape[0] or f > img.shape[1]:
    showerror("Errore", "ERRORE: f dev'essere minore o
uguale alla dimensione dell'immagine")
    return

#Suddivisione dell'immagine in blocchi F x F:
lista_blocchi = suddividi(img, f)

#Operazioni sui blocchi:
lista_blocchi_inversa = applica_dct(lista_blocchi, d)

#Composizione dei nuovi blocchi:
img_compressa = ricomponi(img, lista_blocchi_inversa, f)

#Stampa dell'immagine originale e di quella compressa:
plot(img, img_compressa)

"""

open_file(root, btn2)
metodo che permette di aprire un file e di salvarne il path,
successivamente
setta il bottone 'Avvia' ad 'enabled'
"""
def open_file(root, btn2):
    file = askopenfile(mode ='r', filetypes =[('Immagine bmp
- toni di grigio', '*.bmp')])
    w = Label(root, text="File caricato: " + os.path.basename
(file.name), justify=CENTER)
    w.pack()
    global file_path
    file_path = file.name
    btn2.configure(state=NORMAL)

#####
##### main
#####

def main():

```

```

root = Tk(className='Compressore JPG')
root.geometry('330x330')

w = Label(root, text="\nScegli un file .bmp, imposta le
voci \nsottostanti e premi Avvia", justify= CENTER)
w.pack()

btn = Button(root, text = 'Apri file', command = lambda:
open_file(root, btn2))

info = Label(root, text="", justify= CENTER)
info.pack()

btn.pack(side = TOP, pady = 10)

Label(root, text="F", justify= CENTER).pack()

#Scelta da parte dell'utente del valore F, macro-blocchi:
var_F = StringVar(root)
var_F.set("8")
spin_F = Spinbox(root, from_=0, to=100, width=5,
textvariable = var_F)

spin_F.pack()

Label(root, text="\nd", justify= CENTER).pack()
#Scelta da parte dell'utente di d, valore intero compreso
tra 0 e 2F-2:
var_d = StringVar(root)
var_d.set("3")
spin_d = Spinbox(root, from_=0, to=100, width=5,
textvariable = var_d)

spin_d.pack()

Label(root, text="\n", justify= CENTER).pack()

btn2 = Button(root, text = 'Avvia', state=DISABLED,
command = lambda:main_function(int(spin_F.get()), int(
spin_d.get()), ))

```

btn2.pack(side = TOP, pady = 10)

```
mainloop()

#
#####
##### if __name__ == "__main__":
    main()
```