SISTEMAS DE ENERGÍA ELÉCTRICA

F. Barrero

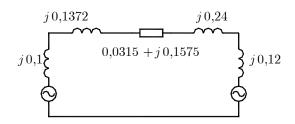
Paraninfo, 2004.

Resultados de los Problemas

Capítulo 2

2.1 AT en estrella, BT en triángulo.

2.2

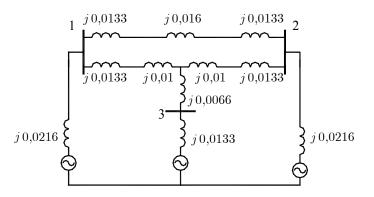


- $\begin{array}{ll} \textbf{2.3} & \text{(a)} & \vec{I}_{motor} = 0,615 \angle 31,79^{\rm o}\,; & \vec{U}_{Generador} = 0,851 \angle 19,88^{\rm o}\,; \\ \vec{U}_{linea} = 0,872 \angle 14,45^{\rm o}\,; & \vec{S}_{Generador} = 0,512-j0,108 \,. \end{array}$
 - (b) 771,9 A; 11,74 kV 120,33 kV 15,35 MW; -3,24 MVAr.
- **2.4** (a)--; (b) 22 kV; (c) 23,82 kV; 11,71 kV.

© Paraninfo

- **2.5** 13,346 kV.
- **2.6** 247,69 kV; 249,72 kV.
- **2.7** 27,07 kV.
- **2.8** 0,122 + j 0,252.
- **2.9** 126,5 kV; 27,6 kV.
- **2.10** 440 kV; 480 kV.
- **2.11** (a) 13,284 kV. (b) 2,175 + j 1,631 p.u.; 378,08 + j 284,21 Ω

2.12



2.13 15,15 kV.

Capítulo 3

- $\vec{E}_a = 2,015 \angle 29,74^{\rm o} \, .$
- **3.2** (a) 1.835,7 A; 88,8 %. (b) 1,718 p.u.

© Paraninfo

- **3.3** (a) 40,8 kV (línea-línea); 17,5° (b) 807,48 A; 0,596 inductivo. (c) 136 MW; 3.248,85 A.
- **3.4** (a) 21,8°; 769,8 A con factor de potencia unidad; 29,75°; 962,3 A con factor de potencia 0,8 capacitivo. (b) 12 kV (línea-línea).
- **3.5** (a) 2.440 V; 6,12 %. (b) 2.200,4 V; -4,33 %.
- **3.6** (a) 44,9 kV; 7,676°. (b) 288 MW. (c) 547,47 A; 0,7306 inductivo.
- **3.7** (a) 12,806 kV. (b) 80,4 MW. (c) $3.344 \angle 36,76^{\circ}$ A
- **3.8** (a) 12 kV (línea-línea), 61.9° . (b) 12 kV (línea-línea). (c) 2 kA.

- 4.1 --
- **4.2** $-I/(3\pi d)$.
- **4.3** 0,565 V/km.
- **4.4** L = 1,10211 mH/km; C = 0,010325 μF/km; $X_L = 0,346$ Ω/km; $X_C = 0,308$ MΩ·km; $B_C = 3,24$ μS/km.
- 4.5 $L = 0.4543 \text{ mH/km}; C = 0.02590 \,\mu\text{F/km}.$
- 4.6 --
- **4.7** $X_C = 8.515 \cdot 10^3 \ \Omega \cdot \text{km}.$
- **4.8** $C_{ab} = \pi \varepsilon / (\ln {\sl D_{\! / \! r}}) \, ; \, 71.39 \ {\rm kV}$ (valor de pico).

- **4.10** 200 kV/m; 43,93 V/m.
- **4.11** 1,894 cm.

- **5.1** 12,3 kV; 23 %.
- **5.2** 85,6 kV; 12,5 %.
- **5.3** (a) 151,33 A; 241,2 kV. (b) 331,69 km. (c) 58,51 Hz.
- **5.4** (a) 251,32 kV; 164,02 A; 0,745 en retraso. (b) 238,07 kV; 128,14 A; 0,988 en adelanto. (c) 237,39 kV; 128,86 A; 0,987 en adelanto.
- **5.5** 57,09 MVAr.
- **5.6** (a) 355 kV; (b) 552,3 MW; (c) 308,86 MVAr.
- **5.7** 36,4 %; 85 %.
- **5.8** (a) 17,39 MVAr. (b) 3,52 MW.
- **5.9** (a) 0,002 rad/km; $500,48 \Omega$. (b) 1000Ω ; 176,4 MVAr.
- **5.10** 400 kV.
- **5.11** (a) 622 15 kV; 794,65 A; 44,68 %. (b) $\vec{A}' = \vec{D}' = 0,96$; $\vec{B}' = j39,2 \Omega$; $\vec{C}' = j0,002 \Omega^{-1}$.

- **6.1** $0,9702\angle -14,93^{\circ}$.
- **6.2** $0,4999 + j0,0635; 0,0633; -14,4771^{\circ}.$
- **6.3** $1,1007 \angle -2,0825^{\circ}; 0,9556 \angle -13,3092^{\circ}.$
- **6.4** $1\angle -2,2906^{\circ}$; $0,9066\angle -14,0413^{\circ}$.
- $$\begin{split} \vec{U}_1 &= 1,010 \angle 0^\circ \qquad \vec{U}_2 = 0,9861 \angle -0,5673^\circ \qquad \vec{U}_3 = 1,0013 \angle -1,3264^\circ \\ \vec{U}_4 &= 0,9915 \angle -1,6406^\circ \qquad \vec{U}_5 = 1 \angle 0,1834^\circ \,. \end{split}$$
- **6.6** $x_1 = x_2 = 1,6195$ con error menor que 0,01.
- **6.7** (b) $1,05\angle 1,5782^{\circ}$; $0,9231\angle -6,1790^{\circ}$.
- **6.8** $1,0533 \angle -10,6952^{\circ}; 0,9067 \angle -16,8068^{\circ}.$
- **6.9** $1 \angle -10,6952^{\circ};$ $0,8800 \angle -16,8068^{\circ}.$
- $$\begin{split} \textbf{6.10} & \quad \vec{U}_1 = 1,010 \angle 0^\circ & \quad \vec{U}_2 = 0,9868 \angle -1,80^\circ & \quad \vec{U}_3 = 1,0016 \angle -2,36^\circ \\ & \quad \vec{U}_4 = 0,9911 \angle -2,10^\circ & \quad \vec{U}_5 = 1 \angle -0,74^\circ \,. \end{split}$$
- $\begin{array}{lll} \textbf{6.11} & \text{(a)} \;\; \vec{U}_A = 1 \angle 0,5730^{\rm o}\,; \;\; \vec{U}_B = 1 \angle 0^{\rm o}\,; \;\; \vec{U}_C = 1 \angle -1,7189^{\rm o}\,. \\ & \text{(b)} \;\; 50 \;\; \text{MW}; \;\; -1,05 \;\; \text{MVAr. (c)} \;\; 49,7 \;\; \text{MVAr. (d)} \;\; 0,85 \;\; \text{MVAr.} \\ \end{array}$
- $\begin{array}{lll} \textbf{6.12} & \vec{U}_X = 1,0 \angle 0^\circ & \vec{U}_Y = 1,0926 \angle -3,3278^\circ & \vec{U}_Z = 1,1 \angle 1,0166^\circ \\ & Q_{GX} = -263 \ \mathrm{MVAr}; & Q_{GZ} = 187 \ \mathrm{MVAr} \,. \end{array}$
- **6.13** $1,0218\angle -10,6952^{\circ}; 0,8667\angle -16,8068^{\circ}.$
- **6.14** $1,0 \angle -10,6952^{\circ}; 0,8558 \angle -16,8068^{\circ}.$

$$\begin{aligned} \textbf{6.15} & \quad \vec{U}_1 = 1,010 \angle 0^\circ & \quad \vec{U}_2 = 0,9863 \angle -1,82^\circ & \quad \vec{U}_3 = 1,0010 \angle -2,38^\circ \\ & \quad \vec{U}_4 = 0,9907 \angle -2,12^\circ & \quad \vec{U}_5 = 1 \angle -0,76^\circ \,. \end{aligned}$$

6.16 Con la numeración de nudos M = 1; B = 2; A = 3; C = 4 y potencia base $S_B=100~{
m MVA}$.

$$\mathbf{Y_{BUS}} = \begin{pmatrix} 16,9185\angle - 80,3^{\circ} & 11,2791\angle 99,66^{\circ} & 5,6395\angle 99,67^{\circ} & 0 \\ 11,2791\angle 99,66^{\circ} & 18,7984\angle - 80,33^{\circ} & 7,5193\angle 99,67^{\circ} & 0 \\ 5,6395\angle 99,67^{\circ} & 7,5193\angle 99,67^{\circ} & 28,2099\angle - 85,5 & 16,0788\angle 90 \\ 0 & 0 & 16,0788\angle 90 & 17,0458\angle - 90 \end{pmatrix}$$

$$\mathbf{J}^{(0)} = \begin{pmatrix} 18,53 & -7,41 & 0 & | & -1,26 & 0 \\ -7,41 & 29,04 & -16,07 & | & 2,21 & 0 \\ 0 & -16,07 & 16,07 & | & 0 & 0 \\ \hline 1,26 & -2,21 & 0 & | & 27,20 & -16,07 \\ 0 & 0 & 0 & | & -16,07 & 18,02 \end{pmatrix}$$

6.17 20 MVAr, con una iteración.

- 7.1 $\Delta f = -0.2 \text{ Hz}; \quad \Delta P_1 = 40 \text{ MW}; \quad \Delta P_2 = 50 \text{ MW}.$
- 7.2 (a) $\Delta f = -0{,}0083~{\rm Hz}$; $\Delta P_{GA} = 133~{\rm MW}$; $\Delta P_{GB} = 160~{\rm MW}$; $\Delta P_{GC} = 107~{\rm MW}$. (b) ${\rm ECA_A} = 33{,}4~{\rm MW}$; ${\rm ECA_B} = -364{,}5~{\rm MW}$; ${\rm ECA_C} = 27{,}15~{\rm MW}$.
- **7.3** $\Delta f = -0.3077 \text{ Hz}; \quad \Delta P_{12} = -246.15 \text{ MW}; \quad \Delta P_{21} = 246.15 \text{ MW}.$
- **7.4** (a) $\Delta f = -0.3077$ Hz; $\Delta P_{21} = 246.15$ MW.(b) $\Delta f = 0$; $\Delta P_{21} = 0$.
- 7.5 (a) y (b) a partir de la tabla siguiente.

P_D (MW)	λ (UM/MWh)	P_{G1} (MW)	P_{G2} (MW)
40	35	20	20
76	44	20	56
130	50	50	80
175	55	75	100
220	60	100	120
231,25	61,25	106,25	125
250	65	125	125

- **7.6** 50,625 MW.
- **7.7** $\lambda = 9{,}375 \text{ UM/MWh}; L_1 = 1{,}5625; L_2 = 1{,}25.$
- **7.8** $P_{G1} = 0,5423; P_{G2} = 3,5461.$
- **7.9** (a) $P_{G1} = 100 \text{ MW}$; $P_{G2} = 100 \text{ MW}$; $P_D = 190 \text{ MW}$.
 - (b) Ahorro de 35,46 UM/h.

- **8.1** 1.756 A; 9,85 kV.
- **8.2** (a) 9.224,8 A. (b) 7.475,4 A. (c) 19.029,2 A.
- **8.3** (a) 5,56 kA. (b) 8,12 kA.
- **8.4** 6,17 kA.
- **8.5** (a) j 0,2656. (b) 3,95 p.u.; 4,56 kA.
- **8.6** (a) j 0,1733. (b) 5,77 p.u.; 22,21 kA. (c) Desde G2: 5 p.u. ; 19,24 kA. Desde T2: 0,77 p.u.; 2,97 kA.
- **8.7** (a) 625 MVA. (b) 0,2581 Ω .

- **8.8** 2,43.
- **8.9** 0,6.

- **9.1** 2 p.u.
- **9.2** (b) (i) Fase a: 6,73 p.u.; Fases b y c: 0. (ii) Fase a: 4,7 p.u.; Fase b: 0,2547 p.u.; Fase c: 0,2547 p.u.
- **9.3** 0,42 p.u.; 5,08 p.u.
- **9.4** Fase a: 2.761,2 A; Fase b: 0; Fase c: 2.761,2 A.
- **9.5** Fase a: 15,48 kV; Fase b: 9,249 kV; Fase c: 9,249 kV. (NOTA: Con neutro de G3 directamente a tierra)
- **9.6** $X_n < X^+/3$.
- **9.7** Corrientes de fallo:

$$\begin{bmatrix} \vec{I}_{a3}^f & \vec{I}_{b3}^f & \vec{I}_{c3}^f \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & -3,2075 & 3,2075 \end{bmatrix}.$$

Tensiones en nudos:

$$\begin{bmatrix} \vec{U}_{a1}^f \\ \vec{U}_{b1}^f \\ \vec{U}_{c1}^f \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 \angle 0^o \\ 0,6720 \angle -138,07^o \\ 0,6720 \angle 138,07^o \end{bmatrix}; \begin{bmatrix} \vec{U}_{a2}^f \\ \vec{U}_{b2}^f \\ \vec{U}_{c2}^f \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 \angle 0^o \\ 0,6939 \angle -136,10^o \\ 0,6939 \angle 136,10^o \end{bmatrix}; \begin{bmatrix} \vec{U}_{a3}^f \\ \vec{U}_{b3}^f \\ \vec{U}_{c3}^f \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 \angle 0^o \\ 0,5251 \angle -162,22^o \\ 0,5251 \angle 162,22^o \end{bmatrix}$$

Corrientes en la línea 1-2:

$$\left[\vec{I}_{a\ (1-2)}^f \quad \vec{I}_{b\ (1-2)}^f \quad \vec{I}_{c\ (1-2)}^f \right] = \left[\begin{array}{ccc} 0 & 0,2566 & -0,2566 \end{array} \right].$$

- **9.8** (a) 20 Ω . (b) Fase a: 730,41 A. Fase b: 124,34 A. Fase c: 124,34 A.
- **9.9** (a) $0.45/(0.35 + 3X_n)$. (b) 0.0319Ω .

9.10 (a) Todas las corrientes iguales a cero.

(b)
$$\vec{I}^f = -j1,875$$
; $\begin{vmatrix} \vec{I}_{aG}^f \\ \vec{I}_{bG}^f \\ \vec{I}_{cG}^f \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} -j1,2500 \\ j0,6250 \\ j0,6250 \end{vmatrix}$; $\begin{vmatrix} \vec{I}_{aT}^f \\ \vec{I}_{bT}^f \\ \vec{I}_{cT}^f \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} -j0,6250 \\ -j0,6250 \\ -j0,6250 \end{vmatrix}$

- **10.1** (a) 800 MJ. (b) 5,89 rad/s². (c) 0,1178 rad; 1.505,6 r.p.m.
- **10.2** 40,4 MJ/MVA.
- **10.3** (a) 1,79. (b) 0,693. (c) 1,265.

10.4
$$\frac{d^2\delta}{dt^2} = 39,27(1-0,694 \operatorname{sen} \delta); 24,08 \operatorname{rad/s^2}; 0,621 \operatorname{rad}$$

- **10.5** 52,76°.
- 10.6 Inestable.
- 10.7 --
- **10.8** (a)

$$\mathbf{Y_{BUS}} = \begin{pmatrix} -j30 & j20 & j10 & 0 & 0 & 0 \\ j20 & -j30 & 0 & j10 & 0 & 0 \\ j10 & 0 & -j50 & 0 & j40 & 0 \\ 0 & j10 & 0 & -j50 & j40 & 0 \\ 0 & 0 & j40 & j40 & -j100 & j20 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & j20 & -j20 \end{pmatrix}$$

(b)

10.9 (a)

$$\mathbf{Y}_{nn} = \begin{pmatrix} -j15 & 0 & j10 & 0 & 0 & 0\\ j20 & -j20 & 0 & j10 & 0 & 0\\ j10 & 0 & 3-j52 & 0 & j40 & 0\\ 0 & j10 & 0 & 2-j50,9 & j40 & 0\\ 0 & 0 & j40 & j40 & 1-j100,3 & j20\\ 0 & 0 & 0 & 0 & j20 & -j30 \end{pmatrix}$$

 \mathbf{Y}_{mm} ; \mathbf{Y}_{nm} quedan igual que en el Problema anterior.

(b)

$$\mathbf{Y}_{nn} = \begin{pmatrix} -j35 & j20 & j10 & 0 & 0 & 0\\ j20 & -j40 & 0 & j10 & 0 & 0\\ j10 & 0 & 3-j52 & 0 & j40 & 0\\ 0 & j10 & 0 & -j50 & j40 & 0\\ 0 & 0 & j40 & j40 & 1-j100, 3 & j20\\ 0 & 0 & 0 & 0 & j20 & -j30 \end{pmatrix}$$

 $\mathbf{Y}_{n\,m}\,;\;\mathbf{Y}_{n\,m}\,$ que dan igual que en el Problema anterior.