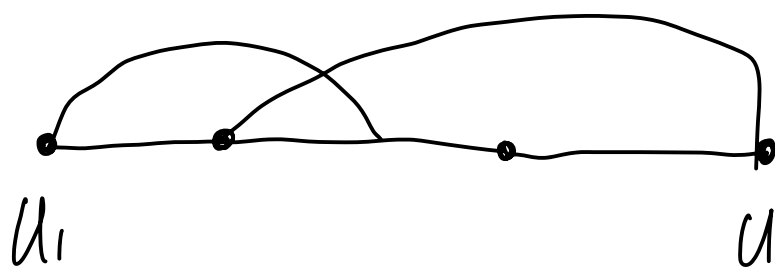


有可能是书上的定理(后面的题目)

① 欧拉图或哈密顿图考一题.

可能和第一章的 极大路径法联系起来
联合极大路径



(u_1 在外面没邻居)

$d(u_1) + d(u_n) \geq n \Rightarrow$ 这个路径里有一个圈把 u_1, \dots, u_n 都包含.

这条性质可能用来考.

用刚刚证明的方法证明这里得到圈.

② 边着色点着色

└ 第一类图 染色数 = 最大点的度数 (δ 的染色数)
└ 第二类图. 假设用 δ 种着色 \Rightarrow 矛盾.
(δ 的染色不够)
根据染色边的条数 \Rightarrow 矛盾

点着色: 比最大度+1 来的少.

图里任何奇数长度的圈都有公共顶点

\Rightarrow 证明点染色数 ≤ 5 .

反证: 6 或 6 以上.

把 1, 2, 3 导出子图设 G_1

4, 5, 6 导出子图设 G_2 .

G_1 的染色数不能变为 2.

$$\chi(G) \leq 5.$$

反证: $\chi(G) \geq 6$.

不妨设 $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_6$ 是染色数.

$$G_1 = G[\alpha_1, \alpha_2, \alpha_3]$$

$$G_2 = G[\alpha_4, \alpha_5, \alpha_6]$$


$$\chi(G_1) \geq 3.$$

(若 $\chi(G_1) \leq 2$, 整个 G 的染色数要降低).

$\rightarrow G_1, G_2$ 都不是二分图. 矛盾.

G_1 里、 G_2 里一定有奇圈.

③ 匹配

二分图的匹配 (Har 定理. )

⇒ 推论: 可证这两台图有完美匹配.

重点.

一般图的完美匹配 (定义, 有一个充要条件)

⇒ 五格点三正则图有完美匹配

k 正则 k 正则-1 的图有完美匹配 ^已 ~~有~~ 完美匹配 \square

要证 $M_k \geq 3$

④ 平面图、欧拉公式、极大平面图 (肯定考)

⑤ 树, 6 个等价定义, 书 31 页

树和欧拉图连一起.

从 V 出发 1 - 1 成欧拉图的充要条件: $G-v$ 为森林.

树存在完美匹配的充要条件

⑥ 回路圈两合图

54-49

生成子图的两合图

判断连通图的条件

极大路径法等等.

PPT上的题要会, 会延伸一点

书上没布置的不用看

48

第章所有题都在PPT出现.

pg. 18. 37 40 41

42 44 都在PPT

47. 49

51 52 53 54 55 讲一半.

有三个题在里面.

度序列的图面有可能要考