

Équilibre d'un corps solide pouvant tourner autour d'un axe fix



Situation-problème

Selon le bilan des forces qui lui sont appliquées, la balançoire peut être en équilibre ou en rotation autour d'un axe fixe.

- Quelles conditions ces forces doivent-elles vérifiées pour assurer l'équilibre de la balançoire ?
- Quelle est la grandeur physique qui exprime l'effet rotatif d'une force ?

Objectifs

- 🂗 Définir le mouvement de rotation d'un corps solide autour d'un axe fix
- 🍄 Définir le moment d'une force et savoir le calculer.
- 🧐 Définir le couple de deux forces et savoir déterminer son moment .
- 🍄 Connaître l'expression du moment de torsion.
- Connaître les conditions d'équilibre d'un corps solide pouvant tourner autour d'un axe fixe.

	\wedge	
{	I	>

L'effet rotatif d'une force

① Le mouvement de rotation « rappel »

***** Exemples



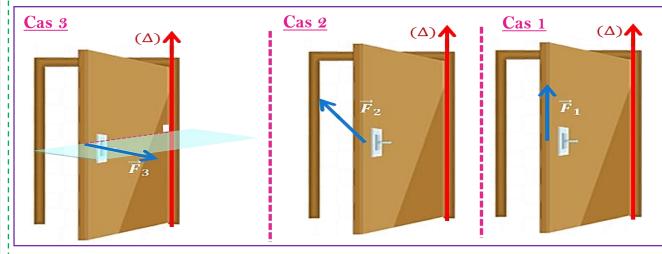
La grande roue
réalise un
mouvement de
rotation autour de
l'axe passant par son
centre



① L'effet rotatif d'une force

* Activité

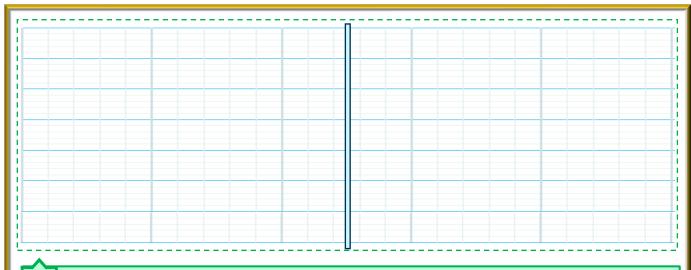
Pour mettre la porte en rotation autour de l'axe (Δ) passant par ses charnières, on lui applique une force \vec{F} . On change la direction de la force par rapport à l'axe (Δ) et on note les observations dans le tableau ci-dessous .



- 1 Compléter le tableau ci-dessous.
- 2 Quelle est la condition que doit vérifier la direction de la force pour que cette force a un effet rotatif sur un corps .

	Force	La position de la direction de la force par rapport (Δ)	L'effet de la force sur la rotation de la porte	
	\vec{F}_1			
	\vec{F}_2			
	\vec{F}_3			
	2) Concl	usion		
© Conclusion				
Le moment d'une force				
① Définition				

② L'expression du moment d'une force dont	t la direction est
perpendiculaire à l'axe de rotation	
	(Δ)
	$\vec{F}_{\cancel{A}}$
	0
	d .
	·····
	d=OH
❖ Remarque	
•	
Le moment d'une force est une grandeur algébrique tel c	que :
A 7	
❖ Application	
Un disque homogène de rayon $R = 20cm$, pouvant tour	ner autour d'un axe passant par
$ \frac{1}{ } $ son centre O. Le disque (D) est soumis à de forces \vec{F} et	
• F est tangente au disque au pont A et d'intensi	
• \vec{F}' est verticale et d'intensité : $F' = 12N$	_B (Δ)
On donne $OB = \frac{R}{2}$	O
Calculer le moment de la force F	
$ \cdot $ 2 Calculer le moment de la force \vec{F}'	=



III Équilibre d'un corps solide pouvant tourner autour d'un axe fixe

- ① Théorème de moments
- Activité

On réalise l'équilibre d'une barre AB homogène de longueur L et de masse m en la suspendant par de deux fils de deux dynamomètre (D_1) et (D_2) (Voir la figure ci-dessous) Les frottements sont supposées négligeables et la barre AB pouvant tourner autour d'un axe fixe (Δ) passant par son extrémité C

Données:

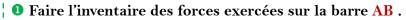
$$g = 10N. Kg^{-1}$$

•
$$L = 0.8m$$

$$m = 0,5Kg$$

$$AG = BC = \frac{L}{4}$$

•
$$\theta = 45^{\circ}$$

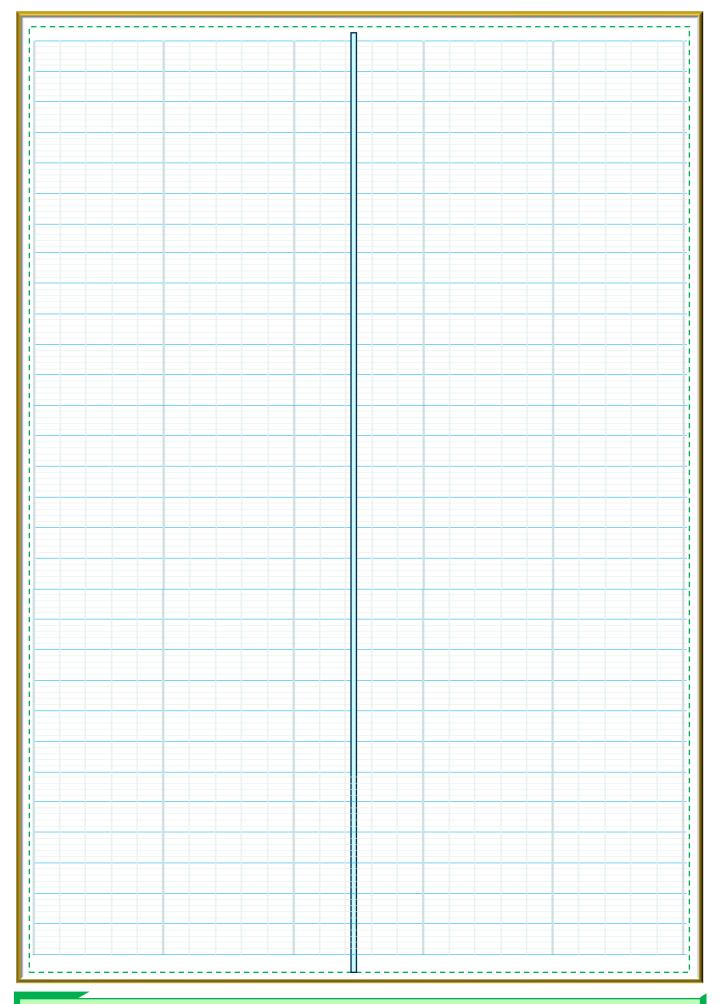


- 2 Calculer le moment de chacune des forces appliquées à la barre.
- 3 Calculer la somme des moments des forces appliquées à la barre . Que peut-on déduire?



	<u></u>
i	
	!
	1
i a a a a a a a a a a a a a a a a a a a	
li la	i
i	
	i
	i i
	1
li de la companya de	i i
	i i
	1
i	i
	i i
i a a a a a a a a a a a a a a a a a a a	i
	1
	'
A 0 1 1	
Conclusion	
••••	
••••	

Application Une barre homogène AB de masse $m = 2 kg$ et de lo (Δ) situé à son extrémité B. Cette barre est maintent (Δ) son extrémité A. Le	nue par un une corde inextensible et
Une barre homogène AB de masse $m=2~kg$ et de lo (Δ) situé à son extrémité B. Cette barre est mainter e masse négligeable attachée à son extrémité A. Le	nue par un une corde inextensible et
Une barre homogène AB de masse $m=2~kg$ et de lo Δ situé à son extrémité B. Cette barre est mainter e masse négligeable attachée à son extrémité A. Le Δ la figure ci-contre).	nue par un une corde inextensible et es frottements sont négligeables
Une barre homogène AB de masse $m = 2 kg$ et de lo (Δ) situé à son extrémité B. Cette barre est mainter e masse négligeable attachée à son extrémité A. Le (la figure ci-contre).	nue par un une corde inextensible et es frottements sont négligeables AB.
Ine barre homogène AB de masse $m = 2 kg$ et de lo (Δ) situé à son extrémité B. Cette barre est mainter e masse négligeable attachée à son extrémité A. Le la figure ci-contre). Faire l'inventaire des forces exercées sur la barre de Déterminer l'expression du moment de chaque fo	nue par un une corde inextensible et es frottements sont négligeables AB.
Ine barre homogène AB de masse $m = 2 kg$ et de lo (Δ) situé à son extrémité B. Cette barre est mainter e masse négligeable attachée à son extrémité A. Le la figure ci-contre). Faire l'inventaire des forces exercées sur la barre de Déterminer l'expression du moment de chaque fo	nue par un une corde inextensible et es frottements sont négligeables AB. Proce. AB. (Δ)
Ine barre homogène AB de masse $m = 2 kg$ et de lo (Δ) situé à son extrémité B. Cette barre est mainter e masse négligeable attachée à son extrémité A. Le la figure ci-contre). Faire l'inventaire des forces exercées sur la barre de Déterminer l'expression du moment de chaque fo Par application du théorème des moments, trouve	nue par un une corde inextensible et es frottements sont négligeables AB. Proce. AB. (Δ)
Ine barre homogène AB de masse $m = 2 kg$ et de lo (Δ) situé à son extrémité B. Cette barre est mainter e masse négligeable attachée à son extrémité A. Le (la figure ci-contre). Faire l'inventaire des forces exercées sur la barre de Déterminer l'expression du moment de chaque fo Par application du théorème des moments, trouve l'expression de T la tension de la corde en fonction de la	nue par un une corde inextensible et es frottements sont négligeables AB. orce. er on
Une barre homogène AB de masse $m = 2 kg$ et de lo (Δ) situé à son extrémité B. Cette barre est mainter e masse négligeable attachée à son extrémité A. Le (la figure ci-contre). Paire l'inventaire des forces exercées sur la barre de Déterminer l'expression du moment de chaque fo Par application du théorème des moments, trouve l'expression de T la tension de la corde en fonction de g et m. Calculer sa valeur	nue par un une corde inextensible et es frottements sont négligeables AB. Proce. er on G la barre et
Ine barre homogène AB de masse $m = 2 kg$ et de lo (Δ) situé à son extrémité B. Cette barre est mainter e masse négligeable attachée à son extrémité A. Le la figure ci-contre). Faire l'inventaire des forces exercées sur la barre de Déterminer l'expression du moment de chaque fo Par application du théorème des moments, trouve l'expression de T la tension de la corde en fonction de g et m. Calculer sa valeur Tracer la ligne polygonale des forces agissant sur	nue par un une corde inextensible et es frottements sont négligeables AB. Proce. er on G la barre et
Une barre homogène AB de masse $m = 2 kg$ et de lo (Δ) situé à son extrémité B. Cette barre est maintent e masse négligeable attachée à son extrémité A. Le (la figure ci-contre). Faire l'inventaire des forces exercées sur la barre de Déterminer l'expression du moment de chaque for l'expression du théorème des moments, trouve l'expression de T la tension de la corde en fonction de g et m. Calculer sa valeur Tracer la ligne polygonale des forces agissant sur Déduire l'intensité de la réaction \overrightarrow{R} de l'axe de manuel $g = 10N \cdot Kg^{-1}$	nue par un une corde inextensible et es frottements sont négligeables AB. Proce. er on G la barre et



IV)

Le moment du couple de deux forces

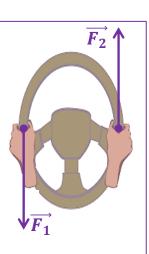
① Couple de deux forces

• • • • • • • •	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	 •

***** Exemples



Le conducteur
exerce sur le
volant de sa
voiture un
couple de deux
forces

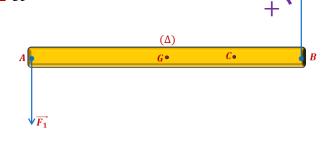


2 Moment du couple de deux forces

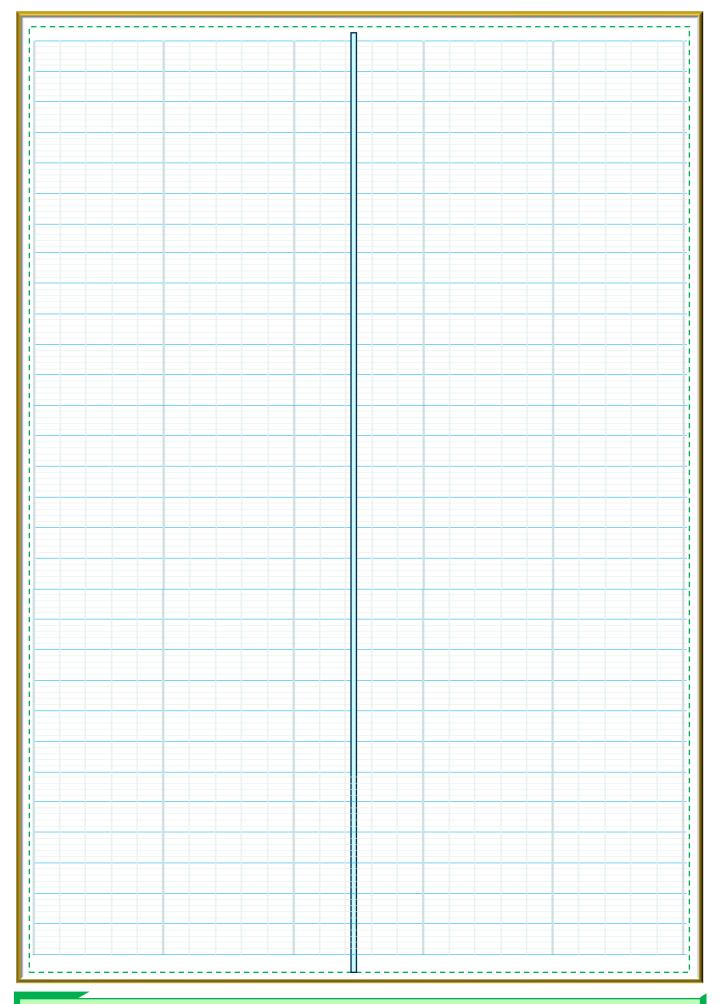
Activité

On considère une barre homogène de longueur L et pouvant autour d'un axe (Δ) situé à son centre d'inertie G. Cette barre est soumise à un couple de deux forces ($\overrightarrow{F_1}$; $\overrightarrow{F_2}$) (la figure ci-contre).

1 Trouver l'expression du moment du couple



- Trouver l'expression du moment du couple $(\overrightarrow{F_1}; \overrightarrow{F_2})$.
- ② On suppose que l'axe de rotation se trouve au point C tel que : $CB = \frac{L}{4}$. Trouver l'expression du moment du couple $(\overrightarrow{F_1}; \overrightarrow{F_2})$ dans ce cas. Que peut-on déduire ?



* Conclusion	
	$\overline{F_1}$ $+$ $\overline{F_2}$
V Le moment du couple de deux forces	
	Vio
	J. J.
	<i></i>
	θ
	0 1
	(\(\Delta \)

Application On considère un pendule de torsion composé d'une barre AB homogène de longueur L suspendue à un fil inextensible. La barre est soumise à un couple de deux forces $(\overrightarrow{F_1}; \overrightarrow{F_2})$ appliqués aux extrémités de la barre. (voir la figure ci-contre). À l'équilibre l'angle de torsion est : $\theta = 13,7^{\circ}$ 1 Calculer le moment du couple du torsion . 2 Par application du théorème des moments, calculer l'intensité du couple $(\overrightarrow{F_1}; \overrightarrow{F_2})$ Données: La constante de torsion du fil : $C = 4.8 \times 10^{-1} N. m. rad^{-1}$ La longueur de la barre : L = 18cm