Algoritmos Genéticos

Carolina Ribeiro Xavier

Outubro de 2020

1 Algoritmos genéticos com representação dos parâmetros por números reais

Os AGs para estimativa parâmetros reais se diferenciam dos AGs vistos anteriormente, principalmente, em dois aspectos: a representação do indivíduo e os operadores genéticos. No entanto, o fluxograma que vimos anteriormente ainda é válido.

2 Fluxograma

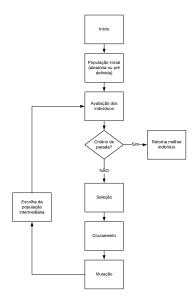


Figure 1: Fluxograma de um algoritmo genético básico

3 Questões de projeto

A mudança na representação reflete na mudança de implementação de detalhes de todos os operadores genéticos. Os principais focos de mudança são listadas a seguir:

- Função objetivo; (parâmetros não precisam de transformação)
- Cruzamento;
- Mutação;

3.1 Função objetivo

Para que possamos comparar os resultados das implementações, vamos manter a mesma função objetivo, e faremos a minimização da mesma.

$$f(x) = -20\epsilon^{-0.2\sqrt{\frac{1}{n}\sum x_i^2}} - \epsilon^{\frac{1}{n}\sum\cos(2\pi x_i)} + 20 + \epsilon \tag{1}$$

3.2 Tipo de representação Real

Para problemas de ajuste de parâmetros podemos usar um vetor números reais, que reflete exatamente conjunto de variáveis que queremos encontrar.

Para n=2 na 1, por exemplo, teríamos duas variáveis a serem ajustadas, ao escolhermos a representação real, o indivíduo do AG seria um vetor de duas posições do tipo real, daí cada vetor é exatamente a solução candidata e suas posições podem ser aplicadas diretamente como os parâmetros da função objetivo.

3.3 Uma nova estratégia de seleção de pais

Uma operação importante que antecede todas os outras é a seleção de pais. Na primeira implementação utilizamos a mais simples, o torneio. Agora utilizaremos um método mais elaborado, a roleta.

Para simulação de uma roleta devemos seguir os seguintes passos, considerando n_{pop} o número de indivíduos na população:

- 0 Caso o objetivo seja **minimização**, deve-se inverter os valores de fitness, caso o zero não seja um valor possível de fitness, 1/fitness é adequado, se zero for um valor possível, será necessário ajustar o caso do fitness=0. Nesse ponto pode-se fazer uma suavização dos valores também.
- 1 calcular a soma dos valores de fitness para cada indivíduo $total = \sum_{i=1}^{n_{pop}} fit[i]$
- 2 normalizar o valor de fitness, dividindo cada um dos valores de fitness pela soma calculada anteriomente e guardando esses valores em um novo vetor, assim, a soma dos elementos desse vetor será um $\forall_i, roleta[i] = \frac{fit[i]}{total}$.

- 3 para seleção de cada pai realizar os seguintes passos até que se tenha o número desejado de pais:
 - -3.1 sortear um número r = [0..1]
 - 3.2 percorrer o vetor roleta acumulando em uma variável a soma dos valores desse vetor até que, no passo j, o valor da soma acululada alcance ou ultrapasse o valor r, assim o j-ésimo indivíduo do vetor será selecionado como pai.
 - -3.3 voltar para o 3.1

3.4 Operadores genéticos

Os cruzamentos mais comuns para representações por números reais são os baseados em média ou os que envolvem o sorteio de valores em torno dos valores de cada característica dos pais, como o BLX- α e o BLX- $\alpha\beta$, que serão detalhados a seguir.

Algoritmo BLX- α

- selecione dois pais da geração anterior X e Y.
- crie dois filhos X' e Y' como segue:
- for i = 1 to dimensao faça d[i] = |X[i] Y[i]| sorteie um número real aleatório u no intervalo $(\min(X[i], Y[i]) \alpha * d[i], \max(X[i], Y[i]) + \alpha * d[i])$ u = rand $(\min(X[i], Y[i]) \alpha * d[i], \max(X[i], Y[i]) + \alpha * d[i])$ X'[i] = u sorteie um número real aleatório u no intervalo $(\min(X[i], Y[i]) \alpha * di, \max(X[i], Y[i]) + \alpha * di)$ u = rand $(\min(X[i], Y[i]) \alpha * di, \max(X[i], Y[i]) + \alpha * di)$ Y'[i] = u

 α - parâmetro positivo real, valor sugerido $\alpha=0.5$ Algoritmo BLX- $\alpha\beta$

- Selecione dois pais da geração anterior X e Y.
- Considerando que X é melhor do que Y (se não for trocar X com Y)
- Crie dois filhos X' e Y' como segue:

• for i = 1 to n do
$$d[i] = |X[i] - Y[i]|$$
 if $(X[i] \le Y[i])$ than sorteie um número real aleatório u no intervalo
$$(X[i] - \alpha * d[i], Y[i] + \beta * d[i])$$
 u = rand $(X[i] - \alpha * d[i], Y[i] + \beta * d[i])$ $X'[i] = u$ sorteie um número real aleatório u no intervalo
$$(X[i] - \alpha * d[i], Y[i] + \beta * d[i])$$
 u = rand $(X[i] - \alpha * d[i], Y[i] + \beta * d[i])$ $Y'[i] = u$ else sorteie um número real aleatório u no intervalo
$$(Y[i] - \beta * d[i], X[i] + \alpha * d[i])$$
 u = rand $(Y[i] - \beta * d[i], X[i] + \alpha * d[i])$ $X'[i] = u$ sorteie um número real aleatório u no intervalo
$$(Y[i] - \beta * d[i], X[i] + \alpha * d[i])$$
 u = rand $(Y[i] - \beta * d[i], X[i] + \alpha * d[i])$ $Y'[i] = u$

 α e β são parâmetros reais positivos, valores sugeridos $\alpha=0.75$ e $\beta=0.25$. A principal diferença entre os dois algoritmos é que no BLX- α , os valores a serem sorteados estão em torno dos valores dos dois pais indistitamente, enquanto no BLX- $\alpha\beta$ os valores estão mais próximos do pai com o melhor fitness, por isso os possíveis valores de α serão superiores aos valores de β .

Lembrem-se: Após a etapa de cruzamento, os indivíduos da população intermediária podem ser somente indivíduos novos, ou caso a taxa de cruzamento seja diferente de 100%, pode ter ainda indivíduos antigos, de outras gerações. Esses indivíduos estarão sujeitos a sofrer mutação de seus genes.

3.5 Mutação

A mutação mais comum para representação por número reais envolve a substituição da posição sorteada para ser mutada por um valor no intervalo definido para a variável, para essa implementação iremos fazer dessa forma, a posição sorteada para ser mutada terá seu valor substituído por um valor aleatório no intervalo definido inicialmente como limite do parâmetro que está sendo mutado.

3.6 Elitismo

O elitismo é uma estratégia de manutenção da(s) melhor(es) solução (ções) através das gerações. Essa estratégia deixa a solução do algoritmo mais elegante, pois a curva de convergência se torna, no mínimo, monótona, não oscilando quanto a aproximação da solução desejada.

Para implementação do elitismo iremos transferir o melhor indivíduo da geração atual para a população intermediária, em um posição aleatória.

4 Implementação

Agora vamos implementar um AG simples com representação real, sendo cada cromossomo exatamente os parâmetros da função da Equação 1. A implementação será de acordo com o fluxograma da Figura 1.

Defina a estrutura de dados que você irá armazenar os indivíduos e seus respectivos valores de fitness e inicie a sua implementação.

Outros valores a serem definidos são:

- Tamanho da população;
- Número máximo de gerações a serem executadas;
- Critério de seleção de pais (sugestão roleta)
- Taxa de cruzamento (Calibrar)
- Cruzamento por blend- $\alpha\beta$ crossover
- Taxa de mutação (Calibrar)
- Mutação (substituição do valor a ser mutado por um valor qualquer do intervalo)
- Sugere-se usar o elitismo, que compreende a sobrevivência do melhor indivíduo para geração seguinte.

Junto com essa implementação você fará a análise da eficiência da mesmo e um estudo dos parâmetros, descritos nas seções que seguem.

5 Avaliando a eficiência da execução

Vamos começar a avaliar a eficiência de nossos algoritmos. Para isso, iremos "salvar" alguns dados intermediários de nossas execuções para plotagem de gráficos e análises estatísticas básicas dos nossos experimentos.

Devemos ter em mente que o AG é um algoritmo probabilístico, e portanto, deve ser executado várias vezes com o mesmo conjunto de parâmetros para obtenção de resultados confiáveis. Cada execução pode ser avaliada pelo melhor indivíduo da última geração, a média dos indivíduos da última geração, ou ainda,

a evolução da população através das gerações. Para isso, a cada execução, vamos salvar em arquivos texto os dados necessários para plotar gráficos e construir tabelas para análises posteriores.

Executaremos o AG por diversas vezes (nesse caso, como a função não é muito complicada pode ser de 10 a 20 vezes), vamos arquivar os valores que devemos analisar a cada execução e por fim calcular, média aritmética, desvio padrão, identificar a melhor e a pior execução para um mesmo conjunto de parâmetros.

Para cada geração de cada execução, serão salvos o fitness do melhor indivíduo e a média dos valores de fitness de todos os indivíduos. Daí, poderemos plotar gráficos e desenhar tabelas que comparem a evolução de diferentes execuções para um determinado conjunto de parâmetros.

6 Calibragem dos parâmetros

Fazer um experimento fatorial completo variando taxas de mutação, os valores de tamanho de população e número de gerações e, por vezes, operadores genéticos e fazer um estudo estatístico que qual conjunto dentre todos os possíveis, melhor resolve o nosso problema.

Exemplo:

Taxa de mutação: 1% 5% 10%

Taxa de cruzamento: 60% 80% 100%Tamanho da população: 25 50 100Número de gerações: 25 50 100

Cruzamento: de ponto, média aritmética blend- $\alpha\beta$ Mutação: por perturbação ou por substituição de valor

Com ou sem elitismo

7 Comparação com implementação 1

Escreva sobre a diferença da eficiência da implementação 1 com essa implementação.