Stroomruisberekening van de Stroombron Schakeling

1 Introductie

In deze berekening analyseren we de stroomruis van een stroombron schakeling met een NPN-transistor, opamp, en spanningsreferentie. De belangrijkste ruisbronnen zijn de 1/f-ruis en de witte ruis van zowel de spanningsreferentie als de opamp, en de thermische ruis van de weerstand.

2 Stap 1: Ruis van de spanningsreferentie

De spanningsreferentie heeft een 1/f-ruis die dominant is tot aan een cutoff frequentie $f_{\rm cutoff}=10\,{\rm Hz}$, met een witte ruis van $U_{\rm white,\ ref}=2\,\mu V/\sqrt{{\rm Hz}}$ boven deze frequentie.

We berekenen de 1/f-ruis met behulp van de volgende integratieformule:

$$U_{n,\text{ref, flicker}} = A_{\text{ref}} \cdot \ln \left(\frac{f_{\text{cutoff}}}{f_{\text{low}}} \right)$$
 (1)

waarbij $A_{\rm ref}=U_{\rm white,\ ref}\cdot f_{\rm cutoff}$ en $f_{\rm low}=0.1\,{\rm Hz}$ de lagere frequentiegrens is.

Substitueren geeft:

$$A_{\text{ref}} = 2 \times 10^{-6} \times 10 = 2 \times 10^{-5} \,\text{V}$$
 (2)

$$U_{n,\text{ref, flicker}} = 2 \times 10^{-5} \cdot \ln\left(\frac{10}{0.1}\right) = 2 \times 10^{-5} \cdot \ln(100) = 9.2103 \times 10^{-5} \,\text{V}$$
 (3)

3 Stap 2: Ruis van de opamp

De opamp heeft ook 1/f-ruis tot $f_{\text{cutoff}} = 10 \text{ Hz}$, met een witte ruis van $U_{\text{white, opamp}} = 90 \text{ nV}/\sqrt{\text{Hz}}$.

We berekenen de 1/f-ruis op dezelfde manier:

$$U_{n,\text{opamp, flicker}} = A_{\text{opamp}} \cdot \ln \left(\frac{f_{\text{cutoff}}}{f_{\text{low}}} \right)$$
 (4)

waarbij $A_{\rm opamp} = U_{\rm white,\ opamp} \cdot f_{\rm cutoff}$ en $f_{\rm low} = 0.01\,{\rm Hz}.$ Substitueren geeft:

$$A_{\text{opamp}} = 90 \times 10^{-9} \times 10 = 9 \times 10^{-7} \,\text{V}$$
 (5)

$$U_{n,\text{opamp, flicker}} = 9 \times 10^{-7} \cdot \ln\left(\frac{10}{0.01}\right) = 9 \times 10^{-7} \cdot \ln(1000) = 2.0723 \times 10^{-6} \,\text{V}$$
(6)

4 Stap 3: Omrekenen naar stroomruis

De spanningsruis van de spanningsreferentie en de opamp wordt nu omgezet naar stroomruis door de weerstand $R=24\,\mathrm{k}\Omega$ te gebruiken.

Voor de spanningsreferentie geldt:

$$I_{n,\text{ref}} = \frac{U_{n,\text{ref, flicker}}}{R} = \frac{9.2103 \times 10^{-5}}{24000} = 3.8376 \times 10^{-9} \,\text{A/VHz}$$
 (7)

Voor de opamp geldt:

$$I_{n,\text{opamp}} = \frac{U_{n,\text{opamp, flicker}}}{R} = \frac{2.0723 \times 10^{-6}}{24000} = 8.6346 \times 10^{-11} \,\text{A/VHz}$$
 (8)

5 Stap 4: Thermische ruis van de weerstand

De thermische ruis van de weerstand wordt berekend met de formule:

$$I_{n,\text{resistor}} = \sqrt{\frac{4k_BT}{R}} = \sqrt{\frac{4 \times 1.38 \times 10^{-23} \times 300}{24000}}$$
 (9)

$$I_{n,\text{resistor}} = \sqrt{\frac{1.656 \times 10^{-20}}{24000}} = \sqrt{6.9 \times 10^{-25}} = 8.3066 \times 10^{-13} \,\text{A}/\sqrt{\text{Hz}}$$
 (10)

6 Stap 5: Totale stroomruis

De totale stroomruis is de kwadratische som van de stroomruiscomponenten van de spanningsreferentie, de opamp, en de weerstand:

$$I_{n,\text{total}} = \sqrt{I_{n,\text{ref}}^2 + I_{n,\text{opamp}}^2 + I_{n,\text{resistor}}^2}$$
(11)

Substitueren geeft:

$$I_{n,\text{total}} = \sqrt{(3.8376 \times 10^{-9})^2 + (8.6346 \times 10^{-11})^2 + (8.3066 \times 10^{-13})^2}$$
 (12)

$$I_{n,\text{total}} = \sqrt{1.4727 \times 10^{-17} + 7.4557 \times 10^{-21} + 6.9 \times 10^{-25}} = \sqrt{1.4727 \times 10^{-17}} = 3.8377 \times 10^{-9} \,\text{A}/\sqrt{\text{Hz}}$$
(13)