7D 反应机理示例

在这一节中,我们将综合运用你的数学与化学知识来推导各种反应的速率方程,并加深你对**7C**中学习的理论知识的印象与实用的技巧.

Hint.

需要说明的是,一般我们给出的复杂反应的反应机理中的各步骤都是基元反应.因此你可以 大胆地将基元反应的性质与速率方程应用于它们.

7D.1 链反应动力学

链反应的基本概念

在化学动力学中有一类特殊的反应,只需用热,光或辐射等方法使反应引发,体系就能通过活性组分(通常是自由基或原子)相继发生一系列的连续反应,像链条一样自动地发展下去.

Definition 7D.1.1 链反应

链反应(又称连锁反应),是指反应的产物或副产物又可作为其他反应的原料,从而使反应反复发生.在化学中,链反应通常在光,热,辐射或引发剂作用下,反应中交替产生活性中间体(如自由原子或自由基),从而使反应一直进行下去.

按照活性物质数量的变化,链反应主要有三个过程.

Definition 7D.1.2 链反应的过程

在链反应中,产生活性中间体的过程称为**链引发**,活性中间体与反应物分子反复作用生成产物的过程称为**链增长或链传递**,活性中间体最后湮灭的过程称为**链终止**.

一般的链增长过程中,一个活性中间体产生一个新的活性中间体.例如Cl·与H2的反应:

$$Cl \cdot + H_2 \longrightarrow HCl + H \cdot$$

不过,在部分链增长过程中,一个活性中间体也可能产生数个活性中间体.例如 $H \cdot bO_2$ 的反应:

$$H \cdot + O_2 \longrightarrow HO \cdot + O \cdot$$

据此,我们可以按照链增长的性质对链反应进行分类.

Definition 7D.1.3 直链反应与支链反应

一个活性中间体只能产生一个新的活性中间体的反应称为**直链反应**,可以产生两个或多个新的活性中间体的反应称为**支链反应**.

我们将在接下来对这些链反应的速率方程进行详细地讨论.

简单直链反应——H2与卤素单质的自由基反应

对中间体与总反应速率的研究表明, H_2 与 X_2 (其中X=Cl,Br)在光照或加热下的化合反应的机理是不同的.我们先从最简单的 H_2 与 Cl_2 的反应开始. H_2 与 Cl_2 通过自由基反应生成HCl的反应机理如下.

$$\begin{aligned} \operatorname{Cl}_2 & \xrightarrow{k_1} 2 \operatorname{Cl} \cdot \\ \operatorname{Cl} \cdot & + \operatorname{H}_2 \xrightarrow{k_2} \operatorname{HCl} + \operatorname{H} \cdot \\ \operatorname{H} \cdot & + \operatorname{Cl}_2 \xrightarrow{k_3} \operatorname{HCl} + \operatorname{Cl} \cdot \end{aligned}$$

由于产物HCl十分稳定,因此忽略后两个反应的逆反应.现在我们来推导该体系的反应速率方程.

Derivation.

体系中的不稳定中间体为H·与Cl·,分别对它们稳态近似有

$$\frac{d[H \cdot]}{dt} = k_2[Cl \cdot][H_2] - k_3[H \cdot][Cl_2] = 0$$
 (1)

$$\frac{d[Cl \cdot]}{dt} = 2k_1[Cl_2] - 2k_{-1}[Cl \cdot]^2 - k_2[Cl \cdot][H_2] + k_3[H \cdot][Cl_2] = 0$$
 (2)

将(2)减去(1)可得

$$2k_1[Cl_2] - 2k_{-1}[Cl \cdot]^2 = 0 (3)$$

干是

$$[\operatorname{Cl} \cdot] = \sqrt{\frac{k_1}{k_{-1}}[\operatorname{Cl}_2]} \tag{4}$$

由(1)可得

$$\frac{d[HCl]}{dt} = k_2[Cl \cdot][H_2] + k_3[H \cdot][Cl_2] = 2k_2[Cl \cdot][H_2]$$
 (5)

将(4)代入(5)可得

$$\frac{d[HCl]}{dt} = 2k_2[Cl \cdot][H_2] = 2k_2 \sqrt{\frac{k_1}{k_{-1}}} [H_2][Cl_2]^{\frac{1}{2}}$$
(6)

因此反应对H2为一级,对Cl2为二分之一级.

而H。与Br。的反应就略微复杂一些.两者通过自由基反应生成HBr的反应机理如下.

$$\begin{array}{c} \operatorname{Br}_2 \xrightarrow{\overline{k_1}} 2\operatorname{Br} \cdot \\ \\ \operatorname{Br} \cdot + \operatorname{H}_2 \xrightarrow{\overline{k_2}} \operatorname{HBr} + \operatorname{H} \cdot \\ \\ \operatorname{H} \cdot + \operatorname{Br}_2 \xrightarrow{k_3} \operatorname{HBr} + \operatorname{Br} \cdot \end{array}$$

由于HBr相对不那么稳定,并且H·的能量很高,因此相比HCl需要额外考虑HBr与H·的反应.

Derivation.

体系中的不稳定中间体为H·与Br·,分别对它们稳态近似有

$$\frac{d[H \cdot]}{dt} = k_2[Br \cdot][H_2] - k_{-2}[H \cdot][HBr] - k_3[H \cdot][Br_2] = 0$$
 (1)

$$\frac{d[Br \cdot]}{dt} = 2k_1[Br_2] - 2k_{-1}[Br \cdot]^2 - k_2[Br \cdot][H_2] + k_{-2}[H \cdot][HBr] + k_3[H \cdot][Br_2] = 0$$
 (2)

将(2)减去(1)可得

$$2k_1[Br_2] - 2k_{-1}[Br \cdot]^2 = 0 (3)$$

于是

$$[\operatorname{Br}\cdot] = \sqrt{\frac{k_1}{k_{-1}}[\operatorname{Br}_2]} \tag{4}$$

将(4)代入(1)可得

$$[\mathbf{H} \cdot] = \frac{k_2[\mathbf{Br} \cdot][\mathbf{H}_2]}{k_{-2}[\mathbf{HBr}] + k_3[\mathbf{Br}_2]} = \frac{k_2 \sqrt{\frac{k_1}{k_{-1}}} [\mathbf{H}_2][\mathbf{Br}_2]^{\frac{1}{2}}}{k_{-2}[\mathbf{HBr}] + k_3[\mathbf{Br}_2]}$$
(5)

将(4)(5)代入 $\frac{d[HBr]}{dt}$ 可得

$$\frac{d[HBr]}{dt} = k_2[Br \cdot][H_2] + k_3[H \cdot][Br_2] - k_{-2}[HBr][H \cdot] = \frac{2k_2k_3\sqrt{\frac{k_1}{k_{-1}}}[H_2][Br_2]^{\frac{3}{2}}}{k_3[Br_2] + k_{-2}[HBr]}$$
(6)

$$\frac{d[HBr]}{dt} = \frac{k_a[H_2][Br_2]^{\frac{3}{2}}}{[Br_2] + k_b[HBr]}$$
(7)

这就是我们在7A.2中给出的速率方程.

而 H_2 与 F_2 或 I_2 的反应则比较复杂,我们在这里就不叙述了.如果你感兴趣,可以自行查阅相关资料.

复杂直链反应——自由基氧化

脂类物质的氧化是油脂保存过程中广泛存在的问题.如果反应物记作RH,那么总反应方程式如下.

$$RH + O_2 \longrightarrow ROOH$$

产生的过氧化物ROOH可以进一步催化体系中其余RH被O2氧化.反应的机理如下.

$$2 ROOH \xrightarrow{k_1} 2 R \cdot + 副产物$$

$$\begin{aligned} R \cdot + O_2 &\xrightarrow{k_2} ROO \cdot \\ ROO \cdot + RH &\xrightarrow{k_3} ROOH + R \cdot \\ & 2R \cdot \xrightarrow{k_4} R_2 \\ R \cdot + ROO \cdot \xrightarrow{k_5} ROOR \\ & 2ROO \cdot \xrightarrow{k_6} ROOR + O_2 \end{aligned}$$

实验表明有近似关系 $4k_4k_6 = k_5^2$.现在我们来考察这一自催化体系的速率方程(以 O_2 的消耗速率计).如果同时考虑三种链终止的方式,那么这对我们来说有些复杂,因此我们先从简单的情形入手.

Case I. O₂浓度较低.

Derivation.

这时,体系中主要存在的自由基为R·,链终止步骤主要为2R· \longrightarrow R_2 .对体系中的两种自由基R· 和ROO· 做稳态近似可得

$$\frac{d[R \cdot]}{dt} = 2k_1[ROOH]^2 - k_2[R \cdot][O_2] + k_3[ROO \cdot][RH] - 2k_4[R \cdot]^2 = 0$$
 (1)

$$\frac{\mathrm{d}[\mathrm{ROO} \cdot]}{\mathrm{d}t} = k_2[\mathrm{R} \cdot][\mathrm{O}_2] - k_3[\mathrm{ROO} \cdot][\mathrm{RH}] = 0 \tag{2}$$

(1) - (2)可得

$$2k_1[ROOH]^2 - 2k_4[R \cdot]^2 = 0$$
(3)

于是

$$[R \cdot] = \sqrt{\frac{k_1}{k_4}} [ROOH] \tag{4}$$

干是

$$-\frac{d[O_2]}{dt} = k_2[R \cdot][O_2] = k_2 \sqrt{\frac{k_1}{k_4}}[ROOH][O_2]$$
 (5)

此时,反应对ROOH和 O_2 均为一级.可以看到,反应的速率随着产物ROOH的增加而增加,因此随着反应进行,速率会逐渐加快.

Case II. O。浓度较高.

Derivation.

这时,体系中主要存在的自由基为ROO·,链终止步骤主要为 $2\,\mathrm{ROO}$ · \longrightarrow ROOR + O_2 .对体系中的两种自由基R·和ROO·做稳态近似可得

$$\frac{d[R \cdot]}{dt} = 2k_1[ROOH]^2 - k_2[R \cdot][O_2] + k_3[ROO \cdot][RH] = 0$$
 (1)

$$\frac{d[ROO \cdot]}{dt} = k_2[R \cdot][O_2] - k_3[ROO \cdot][RH] - 2k_6[ROO \cdot]^2 = 0$$
 (2)

(1) + (2)可得

$$2k_1[ROOH]^2 - 2k_6[ROO \cdot]^2 = 0$$
 (3)

于是

$$[ROO \cdot] = \sqrt{\frac{k_1}{k_6}} [ROOH] \tag{4}$$

由(2)亦可得

$$-\frac{d[O_2]}{dt} = k_2[R \cdot][O_2] - k_6[ROO \cdot]^2 = k_3[ROO \cdot][RH] + k_6[ROO \cdot]^2$$
 (5)

由于自由基ROO·的浓度很低,链终止的速率远小于链增长的速率,因此可以近似地忽略后一项.于是有

$$-\frac{\mathrm{d}[\mathrm{O}_2]}{\mathrm{d}t} = k_3 \sqrt{\frac{k_1}{k_6}} [\mathrm{ROOH}][\mathrm{RH}] \tag{6}$$

此时,反应对ROOH和RH均为一级.可以看到,反应的速率同样随着产物ROOH的增加而增加,因此随着反应进行,速率会逐渐加快.

在前面两种情况的推导过程中,我们都由稳态近似得出了一个重要的结论.

Theorem 7D.1.4 直链反应的性质

一般而言,如果对反应采取稳态近似处理,那么直链反应中链引发和链终止的速率相等.

这是因为我们总是假设体系内所有自由基的浓度随时间变化都不大,因而自由基的总浓度可以近似看作不变.对于直链反应而言,链转移不改变自由基数目,只有链引发和链终止可以改变,因而这两个反应的速率近似相同.

Case III. 一般情形.

Derivation.

我们仍然对R·和ROO·稳态近似可得

$$\frac{d[R \cdot]}{dt} = 2k_1[ROOH]^2 - k_2[R \cdot][O_2] + k_3[ROO \cdot][RH] - 2k_4[R \cdot]^2 - k_5[R \cdot][ROO \cdot] = 0 \quad (1)$$

$$\frac{\mathrm{d}[\mathrm{ROO}\cdot]}{\mathrm{d}t} = k_2[\mathrm{R}\cdot][\mathrm{O}_2] - k_3[\mathrm{ROO}\cdot][\mathrm{RH}] - k_5[\mathrm{R}\cdot][\mathrm{ROO}\cdot] - 2k_6[\mathrm{ROO}\cdot]^2 = 0 \qquad (2)$$

(1)+(2)可得

$$k_1[\text{ROOH}]^2 = k_4[\text{R} \cdot]^2 + k_5[\text{R} \cdot][\text{ROO} \cdot] + k_6[\text{ROO} \cdot]^2$$
 (3)

这也与7D.1.4的结论符合.

体系内的变量仍然太多,因此我们需要进一步做一些合理的近似.考虑到链引发和链终止的

速率应当远小于链转移的速率,于是对于(1)或(2)有

$$k_2[\mathbf{R} \cdot][\mathbf{O}_2] = k_3[\mathbf{ROO} \cdot][\mathbf{RH}] \tag{4}$$

即

$$[ROO \cdot] = \frac{k_2[O_2]}{k_3[RH]}[R \cdot]$$
 (5)

将(5)代入(3)可得

$$k_1[\text{ROOH}]^2 = \left(k_4 + \frac{k_2[O_2]}{k_3[\text{RH}]}k_5 + \left(\frac{k_2[O_2]}{k_3[\text{RH}]}\right)^2k_6\right)[\text{R}\cdot]^2$$
 (6)

我们迫切地希望大括号内也是完全平方式,这样就可以将两边开方以极大地化简.考虑该式的形式,将 $k_5 = 2\sqrt{k_4k_6}$ 代入(6)可得

$$k_1[\text{ROOH}]^2 = \left(k_4 + \frac{k_2[O_2]}{k_3[\text{RH}]} 2\sqrt{k_4 k_6} + \left(\frac{k_2[O_2]}{k_3[\text{RH}]}\right)^2 k_6\right) [\text{R} \cdot]^2$$
 (7)

这恰好可以改写为完全平方式,即

$$k_1[\text{ROOH}]^2 = \left(\sqrt{k_4} + \frac{k_2[O_2]}{k_3[\text{RH}]}\sqrt{k_6}\right)^2 [\text{R} \cdot]^2$$
 (8)

开方后整理可得

$$[\mathbf{R} \cdot] = \frac{\sqrt{k_1}[\mathbf{ROOH}]}{\sqrt{k_4} + \frac{k_2[\mathbf{O}_2]}{k_2[\mathbf{RH}]}\sqrt{k_6}}$$
(9)

于是消耗O2的速率

$$-\frac{d[O_2]}{dt} = k_2[R \cdot][O_2] = \frac{\sqrt{k_1} k_2[ROOH][RH][O_2]}{\sqrt{k_4} + \frac{k_2[O_2]}{k_2[RH]} \sqrt{k_6}}$$
(10)

令
$$k=k_3\sqrt{rac{k_1}{k_6}},\lambda=rac{k_2}{k_3}\sqrt{rac{k_4}{k_6}},$$
就有

$$-\frac{\mathrm{d}[\mathrm{O}_2]}{\mathrm{d}t} = k[\mathrm{ROOH}] \frac{[\mathrm{O}_2][\mathrm{RH}]}{[\mathrm{O}_2] + \lambda[\mathrm{RH}]}$$
(11)

这也与实验测得的速率方程相符合.

7D.2 聚合反应动力学

聚合反应是把低分子量的单体转化成高分子量的聚合物的过程,聚合物具有低分子量单体所不具备的可塑性等重要性能,可广泛地用作塑料,纤维,橡胶,涂料,黏合剂等用途.聚合物是由一种以上的结构单元(单体)构成的,由单体经重复反应合成的高分子化合物.

聚合反应最特殊的一点在于,我们一般不以产物浓度衡量反应进行的状况,转而用聚合度这一概念.

Definition 7D.2.1 聚合度

聚合度即每个聚合物分子中留存的单体的平均数目,记作DP.

根据机理的不同,我们可以将聚合反应分为如下两类.

Definition 7D.2.2 逐步聚合与链聚合

逐步聚合是指带有两个或多个官能团的单体相互反应,逐步生成二聚体,三聚体,寡聚物以最终形成高分子聚合物的聚合反应.缩聚反应一般通过逐步聚合进行.

链聚合是指中间体与单体反应,每次增长一个长度的聚合反应.加聚反应一般通过链聚合进行,这其中最典型的是自由基链聚合.

我们先来考虑逐步聚合的速率方程.为了简便考虑,假定只有一种单体参与逐步聚合.不妨假定是羟基羧酸HO-R-COOH发生缩聚反应.我们现在来推导这一聚合反应的速率方程.

Derivation.

直接考虑聚合过程显然有些麻烦,因为任意长度的两条链都有可能发生反应形成一条新的链.但有一点是可以确定的,即每一次反应都会使得-OH和COOH减少一个.因此,我们可以考虑用-COOH官能团(记作A)的浓度衡量反应的进度.

一般的酯化反应对于醇和羧酸均为一级,即

$$v = k[R_1OH][R_2COOH]$$

对于HO-R-COOH而言,每个分子(以及聚合形成的链)都有一个-COOH和-OH,因此有

$$v = -\frac{\mathrm{d}[\mathbf{A}]}{\mathrm{d}t} = k[\mathbf{A}]^2$$

这是一个典型的二级反应,由7B.1.5可知它的积分速率方程

$$[A] = \frac{[A]_0}{1 + k[A]_0 t}$$

由于每个聚合物分子都仅在端基含有一个-COOH,因此聚合物的平均链长与-COOH的数目的乘积应当是定值.反应开始时体系中均为单体,聚合度为1.于是就有

$$DP \cdot [A] = [A]_0$$

于是

$$DP = \frac{[A]_0}{[A]} = 1 + k[A]_0 t$$

可见聚合度随着时间线性增长.

我们也可以使用尚未参与反应的A的比例p衡量聚合反应进行的程度.这样就有

$$p = \frac{[\mathbf{A}]_0 - [\mathbf{A}]}{[\mathbf{A}]_0} = \frac{k[\mathbf{A}]_0 t}{1 + k[\mathbf{A}]_0 t}$$

以及

$$DP = \frac{1}{1 - p}$$

这样,我们就知道在这样的简单逐步聚合中,聚合度随时间线性增长这一事实.如果你对更加复杂的体系(例如有多种反应物)感兴趣,也可以用相似的步骤推导它们的速率方程.

我们在前面还给出了聚合度DP与反应程度p的关系,即 $D = \frac{1}{1-p}$.Carothers于1935年提出了在各种体系中DP与p的关系.

Theorem 7D.2.3 Carothers方程

逐步聚合中,两种等物质的量的单体形成完全线性的聚合物(或者一种单体自身聚合)时,聚合度DP与反应程度p满足

$$DP = \frac{1}{1 - p}$$

如果一种单体相对过量,则有

$$DP = \frac{1+r}{1+r-2rp}$$

其中r是较少量单体和较多单体的基团比或物质的量之比.

你可以自行推导上述结论,

现在,我们来考虑另一种聚合机理——链聚合.它的过程与我们在**7D.1**中提到的直链反应十分相似,我们假定引发剂为In,聚合单体为M.则反应机理可以表述如下.

$$\begin{split} & \text{In} \xrightarrow{k_i} 2 \, \mathbf{R} \, \cdot \\ & \mathbf{M} + \mathbf{R} \cdot \xrightarrow{\text{fast}} \mathbf{M}_1 \, \cdot \\ & \mathbf{M}_n \cdot + \mathbf{M} \xrightarrow{k_p} \mathbf{M}_{n+1} \, \cdot \\ & \mathbf{M}_n \cdot + \mathbf{M}_m \cdot \xrightarrow{k_t} \mathbf{M}_{n+m} \end{split}$$

引发剂形成的自由基R·由于其高活泼性,容易在与M反应之前就发生分解.因此,我们设参与第二个反应的R·的比例为f.同时,为了简化体系,我们在链终止中只考虑偶联终止.现在我们来推导体系的速率方程.

Derivation.

我们记M·为体系中任意长度的聚合物中间体(这是推导过程中最重要的一步,由于不同长度的中间体在动力学上并无显著不同,因此我们可以将它们视同一种物质).

引发过程的决速步为引发剂In的裂解;链增长步骤不改变M·的总浓度.因此,对M·稳态近似可得

$$\frac{\mathrm{d}[\mathrm{M}\,\cdot\,]}{\mathrm{d}t} = 2fk_i[\mathrm{In}] - 2k_t[\mathrm{M}\,\cdot\,]^2$$

从而

$$[\mathbf{M} \cdot] = \sqrt{\frac{f k_i [\mathbf{In}]}{k_t}}$$

M主要在链增长过程中被消耗,于是其消耗速率

$$-\frac{\mathrm{d}[\mathbf{M}]}{\mathrm{d}t} = k_p[\mathbf{M} \cdot][\mathbf{M}] = k_p \sqrt{\frac{fk_i}{k_t}}[\mathbf{M}][\mathbf{In}]^{\frac{1}{2}}$$

现在考虑聚合物的链长.我们先不考虑终止方式,仅考虑引发与增长过程.显然,在链增长时被消耗的M的数目与用于引发的R·的数目之比就是每个链在终止之前的平均长度.我们把它记为动力学链长λ,即有

$$\lambda = \frac{n \, (消耗的M)}{n \, (用于引发的R \cdot)} = \frac{v \, (链增长)}{v \, (链引发)} = \frac{v \, (链增长)}{v \, (链终止)} = \frac{k_p[M \cdot][M]}{2k_t[M \cdot]^2} = \frac{k_p[M]}{2k_t[M \cdot]}$$

代入[M·]的表达式即有

$$\lambda = \frac{k_p}{2\sqrt{fk_ik_t}}[M][In]^{-\frac{1}{2}}$$

由于这里的终止方式是偶联终止,因此产物事实上由两条链构成.于是聚合度

$$DP = 2\lambda = \frac{k_p}{\sqrt{fk_ik_t}}[M][In]^{-\frac{1}{2}}$$

这就是链聚合的聚合度的表达式.对于不同的引发剂和终止方式,上式略有不同,但整体上的推导方式是相似的.

从上式也可以看出,单体M的浓度越高,引发剂In的浓度越低,聚合度越大.

7D.3 酶促反应动力学

迄今为止,我们还没有系统地讨论有催化剂参与时反应的动力学特征.尽管在前面,我们已经讨论了一类自催化反应,但大多数时候催化剂都是额外加入的,在总反应中不会被消耗的物质.

我们在本节要讨论的催化剂,**酶**,就是一种高效专一的生物均相催化剂.关于酶的基本概念与特性,你可以查阅生物化学书.我们在这里主要关注酶催化的反应,即**酶促反应**的动力学特性.

简单酶促反应与米氏方程

最简单的酶催化反应的机理可由以下基元反应描述.

$$E + S \xrightarrow[k_{-1}]{k_1} ES \xrightarrow{k_2} E + P$$

其中E即参与催化的酶,S为底物(即反应物),ES为酶-底物复合中间体,P为产物.我们现在来推导该反应的速率方程.

Derivation.

对中间体ES做稳态近似可得

$$\frac{d[ES]}{dt} = k_1[E][S] - k_{-1}[ES] - k_2[ES] = 0$$

于是有

$$[ES] = \frac{k_1[E][S]}{k_{-1} + k_2}$$

根据催化剂的物料守恒可得

$$[E] + [ES] = [E]_0$$

于是

[E] =
$$\frac{[E]_0}{1 + \frac{k_1[S]}{k_{-1} + k_2}}$$
 [ES] = $\frac{k_1[E]_0[S]}{k_{-1} + k_2 + k_1[S]}$

于是反应的速率即为

$$\frac{d[P]}{dt} = k_2[ES] = \frac{k_1 k_2[E]_0[S]}{k_{-1} + k_2 + k_1[S]}$$

为了简化上式,我们不妨定义 $K_M = \frac{k_{-1} + k_2}{k_1}$,这样就有

$$[ES] = \frac{[E][S]}{K_M}$$

同理,最后可以得出

$$\frac{\mathrm{d[P]}}{\mathrm{d}t} = \frac{k_2[\mathrm{E}]_0}{1 + \frac{K_M}{[\mathrm{S}]}}$$

如果底物S大大过量,那么就有 $\frac{K_M}{[S]} \sim 0$,于是

$$\frac{\mathrm{d[P]}}{\mathrm{d}t} = \frac{k_2[\mathrm{E}]_0}{1 + \frac{K_M}{[\mathrm{S}]}} \approx k_2[\mathrm{E}]_0$$

这就是酶的总浓度一定时反应的最大速率,记作vmax.如此,速率方程亦可以写作

$$v = \frac{v_{\text{max}}}{1 + \frac{K_M}{[\mathbf{S}]}}$$

Theorem 7D.3.1 米氏方程

对于符合

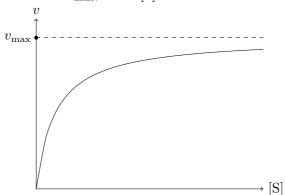
$$E + S \xrightarrow{k_1} ES \xrightarrow{k_2} E + P$$

机理的酶促反应,其速率方程为

$$v = \frac{v_{\text{max}}}{1 + \frac{K_M}{|S|}}$$

其中**米氏常数** $K_M = \frac{k_{-1} + k_2}{k_1}.v_{\text{max}} = k_2[\mathbf{E}]_0$,是该反应在酶的总浓度 $[\mathbf{E}]_0$ 一定时能达到的最大速率.

以下是v对[S]作图的结果.可以看出,当[S] $\ll K_M$ 时近似地有 $v=\frac{v_{\max}}{K_M}$ [S],反应对S为准一级.当[S] $\gg K_M$ 时,反应速率趋近于 v_{\max} ,反应对[S]为准零级.



反应速率常数 k_1, k_{-1}, k_2 是较难直接获取的,但米氏方程为我们提供了线性回归测定它们的方式.将米氏方程变形可得

$$\frac{1}{v} = \frac{1}{v_{\text{max}}} + \left(\frac{K_M}{v_{\text{max}}}\right) \frac{1}{[S]}$$

可以看到, $\frac{1}{v}$ 与 $\frac{1}{[\mathbf{S}]}$ 成一次函数关系.测定S在不同起始浓度 $[\mathbf{S}]_0$ 及其对应的速率 v_0 ,就可以通过线性回归的方式求出斜率 $\frac{K_M}{v_{\max}}$ 和截距 $^1\frac{1}{v_{\max}}$.这种方式就是**Lineweaver-Burk作图法** 2 .

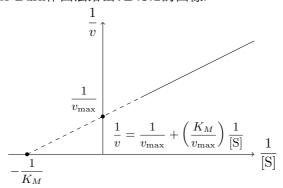
Theorem 7D.3.2 Lineweaver-Burk作图法

在符合米氏方程的酶促反应中,反应速率的倒数 $\frac{1}{v}$ 和底物浓度 $\frac{1}{[S]}$ 成一次函数关系,根据实验数据作图就可以求得米氏常数 K_M .因此,这一方法也被称作**双倒数法**.

 $^{^{1}}$ 如无特别说明,截距一般指y轴截距.

²分别译作"莱恩威弗-伯克作图法","哈尼斯-伍尔夫作图法"和"伊迪-霍夫斯蒂作图法".

下面是由Lineweaver-Burk作图法给出7D.3.1的图像.



通过x轴截距和y轴截距就能计算出 v_{max} 和 K_M .不过,这一方法仍不能给出 k_1 和 k_{-1} 的具体值.我们需要更复杂的手段进行测量,这里就不再赘述.

Lineweaver-Burk作图法仍然存在一些缺陷.只有当[S]相当小时,我们才能获取远离y轴的数据点.对于一般浓度的S,对应的数据大多靠近y轴,较为密集,在线性回归时容易引起误差.因此,可以对作图的直线表达式两端同乘[S],即有

$$\frac{[S]}{v} = \frac{[S]}{v_{\text{max}}} + \frac{K_M}{v_{\text{max}}}$$

通过 $\frac{[S]}{v}$ 对[S]作图,得到斜率为 $\frac{1}{v_{\max}}$,截距为 $\frac{K_M}{v_{\max}}$ 的直线.这就是**Hanes-Woolf作图法**². 当然,你还可以对**7D.3.1**变形得到

$$\frac{v}{[S]} = \frac{v_{\text{max}}}{K_M} - \frac{v}{K_M}$$

通过 $\frac{v}{[\mathrm{S}]}$ 对v作图,得到斜率为 $-\frac{1}{K_M}$,截距为 $\frac{v_{\mathrm{max}}}{K_M}$ 的直线.这就是 \mathbf{Eadie} -Hofstee作图法 2 .

竞争性抑制剂和非竞争性抑制剂

酶对反应体系是敏感的.一些物质可以与酶发生反应,进而降低其活性或使其完全失效.这就是抑制剂.

Definition 7D.3.3 抑制剂

酶抑制剂是一类特异性作用于或影响酶的活性中心或必需基团,导致酶活性下降或丧失,进 而降低酶促反应速率的物质.

按照抑制剂作用的机理不同,酶抑制剂可以简单地被分为如下两类.

Definition 7D.3.4 抑制剂的分类

竞争性抑制剂在结构上通常与底物相似.它和底物不能同时与酶结合,通常是由于它和底物 对酶的同一活性位点都具有亲和力,故底物和抑制剂竞争结合该位点,从而使得反应减缓. **非竞争性抑制剂**通常与酶的非活性部位结合,改变酶的结构,从而降低酶的活性,但不影响酶与底物结合.

反竞争性抑制剂仅与酶-底物复合物结合,导致其不能正常发生分解而生成产物.

复合抑制剂可以与酶或酶-底物复合物结合,使得反应的速率减缓.

以上四种抑制剂的结合都是可逆的.**不可逆抑制剂**通过与酶形成共价键,彻底改变其性质,从 而使得反应减缓,并且这一作用是不可逆的.

我们现在来推导竞争性抑制剂存在下反应的速率方程.这一反应的机理可以表述如下.

$$E + S \xrightarrow{k_1} ES \xrightarrow{k_2} E + P$$

$$E + I \xrightarrow{k_3} EI$$

Derivation.

对ES稳态近似,可知仍然满足米氏方程给出的关系

$$[ES] = \frac{[E][S]}{K_M}$$

另一方面,对EI稳态近似可得

$$\frac{d[EI]}{dt} = k_3[E][I] - k_{-3}[EI] = 0$$

令 $K_{\rm I} = \frac{k_{-3}}{k_3}$ 为抑制反应的平衡常数的倒数,则有

$$[EI] = \frac{[E][I]}{K_{I}}$$

由E的物料守恒有

$$\left(1 + \frac{[\mathbf{S}]}{K_M} + \frac{[\mathbf{I}]}{K_{\mathbf{I}}}\right)[\mathbf{E}] = [\mathbf{E}]_0$$

于是反应的速率即为

$$v = \frac{\mathrm{d[P]}}{\mathrm{d}t} = k_2[\mathrm{ES}] = \frac{k_2[\mathrm{E}][\mathrm{S}]}{K_M} = \frac{k_2[\mathrm{S}]}{K_M} \cdot \frac{[\mathrm{E}]_0}{1 + \frac{[\mathrm{S}]}{K_M} + \frac{[\mathrm{I}]}{K_\mathrm{I}}} = \frac{k_2[\mathrm{E}]_0[\mathrm{S}]}{[\mathrm{S}] + \left(1 + \frac{[\mathrm{I}]}{K_\mathrm{I}}\right)K_M}$$

我们按照Lineweaver-Burk作图法的形式对上式整理可得

$$\frac{1}{v} = \frac{1}{v_{\text{max}}} + \frac{K_M}{v_{\text{max}}} \left(1 + \frac{[\mathbf{I}]}{K_{\mathbf{I}}} \right) \frac{1}{[\mathbf{S}]}$$

$$\frac{1}{v} = \frac{1}{v_{\text{max}}} + \frac{\alpha K_M}{v_{\text{max}}} \frac{1}{[S]}$$

可见竞争性抑制剂不改变直线的截距,只改变直线的斜率.如果令 $\alpha K_M = K_{M, \mathrm{obs}}$ 为表观米氏常数,就可以知道竞争性抑制剂只改变 $K_{M, \mathrm{obs}}$,不改变 v_{max} .

反竞争性抑制剂的机理与竞争性抑制剂有些相似,可以表述如下.

$$E + S \xrightarrow[k_{-1}]{k_{1}} ES \xrightarrow{k_{2}} E + P$$

$$ES + I \xrightarrow[k_{-3}]{k_{3}} ESI$$

我们现在来推导该反应的速率方程.

Derivation.

综合前面的推导,我们可以容易地得出

$$[E] = \frac{K_M}{[S]}[ES]$$
 $[ESI] = \frac{[I]}{K_I}[ES]$

其中同样地有 $K_{\rm I} = \frac{k_{-3}}{k_3}$.于是反应的速率为

$$v = \frac{k_2[E]_0}{1 + \frac{[I]}{K_I} + \frac{K_M}{[S]}}$$

令 $\alpha = 1 + \frac{[\mathbf{I}]}{K_{\mathbf{I}}}$.我们按照Lineweaver-Burk作图法的形式对上式整理可得

$$\frac{1}{v} = \frac{\alpha}{v_{\text{max}}} + \frac{K_M}{v_{\text{max}}} \frac{1}{[S]}$$

可见反竞争性抑制剂只改变直线的截距,不改变直线的斜率.它同步地影响 $K_{M,\mathrm{obs}}$ 与 v_{max} .

非竞争性抑制剂的作用原理则稍复杂一些,它的机理可以表述如下.

$$\begin{aligned} \mathbf{E} + \mathbf{S} & \xrightarrow{\overline{k_1}} & \mathbf{ES} \xrightarrow{k_2} & \mathbf{E} + \mathbf{P} \\ \mathbf{E} + \mathbf{I} & \xrightarrow{\overline{k_3}} & \mathbf{EI} & \mathbf{ES} + \mathbf{I} & \xrightarrow{\overline{k_4}} & \mathbf{ESI} \\ & & \mathbf{EI} + \mathbf{S} & \xrightarrow{\overline{K}} & \mathbf{ESI} \end{aligned}$$

由于体系中的E,ES,EI和ESI处于快速平衡中,因此最后一个反应的平衡常数K可以由前面的速率常数求出,不是一个独立的量.我们现在来推导该反应的速率方程.

Derivation.

仍然有

$$[ES] = \frac{[E][S]}{K_M}$$

同样地,令 $K_1 = \frac{k_{-3}}{k_3}$, $K_2 = \frac{k_{-4}}{k_4}$ 分别为两个抑制反应的平衡常数的倒数,根据平衡态假设有

$$[EI] = \frac{[E][I]}{K_1} \qquad [ESI] = \frac{[ES][I]}{K_2}$$

根据催化剂的物料守恒可得

$$\left[\left(1 + \frac{[\mathbf{I}]}{K_1}\right) \frac{K_M}{[\mathbf{S}]} + 1 + \frac{[\mathbf{I}]}{K_2}\right] [\mathbf{E}\mathbf{S}] = [\mathbf{E}]_0$$

于是反应的速率为

$$v = \frac{d[P]}{dt} = k_2[ES] = \frac{k_2[E]_0}{1 + \frac{[I]}{K_2} + \left(1 + \frac{[I]}{K_1}\right) \frac{K_M}{[S]}}$$

一般情况下,抑制剂I由于结合的位点与活性位点无关,因此I与E和ES的结合能力应当相同,即 $K_1=K_2$.令 $K_{\rm I}=K_1=K_2$,再令 $\alpha=1+rac{[{
m I}]}{K_{
m I}}$,就有

$$v = \frac{k_2[E]_0}{\alpha \left(1 + \frac{K_M}{[S]}\right)}$$

我们按照Lineweaver-Burk作图法的形式对上式整理可得

$$\frac{1}{v} = \frac{\alpha}{v_{\text{max}}} + \frac{\alpha K_M}{v_{\text{max}}} \frac{1}{[S]}$$

如果令 $v'_{\text{max}} = \frac{v_{\text{max}}}{\alpha}$,就有

$$\frac{1}{v} = \frac{1}{v'_{\text{max}}} + \frac{K_M}{v'_{\text{max}}} \frac{1}{[S]}$$

可见非竞争性抑制剂不改变直线的x轴截距,即不改变 K_M ,而只改变 v_{\max} .

我们将这些抑制剂的作用总结如下.

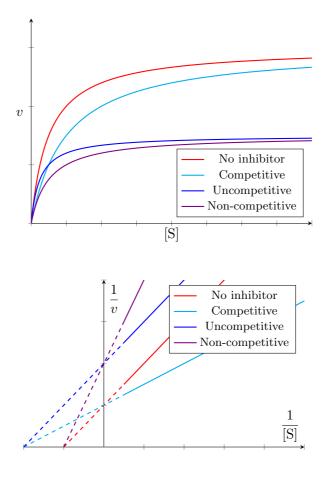
Theorem 7D.3.5 抑制剂的作用

竞争性抑制剂使得 $K_{M.obs}$ 减小,但不改变 v_{max} .

反竞争性抑制剂使得 $K_{M,\text{obs}}$ 和 v_{max} 都减小,但不改变 $\frac{K_{M,\text{obs}}}{v_{\text{max}}}$.

非竞争性抑制剂使得 v_{max} 减小,但不改变 $K_{M,\text{obs}}$.

我们在下面给出加入这几种抑制剂后的图像和对应的Lineweaver-Burk图以供你参考.



多底物酶促反应——单置换反应与双置换反应

实际情况中超过60%的酶促反应都涉及两个及以上的底物.对双底物酶促反应的研究表明有以下几种机理.

如果两种底物A和B需要按照顺序与E结合,然后生成产物,那么这样的机理被称为**单置换反** 应.我们可以将机理表述如下.

$$E + A \xrightarrow[k_{-1}]{k_{-1}} EA$$

$$EA + B \xrightarrow[k_{-2}]{k_{2}} EAB$$

$$EAB \xrightarrow{k_{3}} E + P + Q$$

现在我们来推导单置换反应的速率方程.

Derivation.

仿照米氏方程的推导方式,对EA和EAB稳态近似可得

$$\frac{d[EA]}{dt} = k_1[E][A] - k_{-1}[EA] - k_2[EA][B] + k_{-2}[EAB] = 0$$
 (1)

$$\frac{d[EAB]}{dt} = k_2[EA][B] - k_{-2}[EAB] - k_3[EAB] = 0$$
 (2)

不妨令 $K_{M,B} = \frac{k_{-2} + k_3}{k_2}$ 为该反应对B的米氏常数.由(2)可得

$$[EAB] = \frac{k_2[B]}{k_{-2} + k_3}[EA] = \frac{[B]}{K_{MB}}[EA]$$
 (3)

由(1)和(3)可得

$$[E] = \frac{(k_{-1} + k_{2}[B]) [EA] - k_{-2}[EAB]}{k_{1}[A]}$$

$$= \frac{k_{-1} + k_{2}[B] - \frac{k_{-2}[B]}{K_{M,B}}}{k_{1}[A]} [EA]$$

$$= \frac{k_{-1} + \frac{k_{3}}{K_{M,B}}[B]}{k_{1}[A]} [EA]$$
(4)

这里由中间量[EA]统一变量可以降低计算的难度.

这样,由(3)和(4),以及E的物料守恒[E] + [EA] + [EAB] = $[E_0]$ 可得

$$[EA] = \frac{[E]}{[E] + [EA] + [EAB]} [E]_0 = \frac{1}{\frac{k_{-1} + \frac{k_3}{K_{M,B}}[B]}{k_1[A]} + 1 + \frac{[B]}{K_{M,B}}} (5)$$

于是反应的速率即为

$$v = \frac{d[P]}{dt} = k_3[EAB] = \frac{k_2 k_3[B]}{k_{-2} + k_3}[EA]$$

$$= \frac{1}{\frac{K_{M,B}}{k_3[B]}} \cdot \frac{EB_0}{\frac{k_{-1} + \frac{k_3}{K_{M,B}}[B]}{k_1[A]} + 1 + \frac{EB_0}{K_{M,B}}}$$

$$= \frac{EB_0}{\left(\frac{1}{k_3} + \frac{1}{k_1[A]}\right) + \frac{K_{M,B}}{k_3}\left(1 + \frac{k_{-1}}{k_1[A]}\right) \frac{1}{[B]}}$$
(6)

我们按照Lineweaver-Burk作图法的形式对(6)整理可得

$$\frac{1}{v} = \frac{1}{[E]_0} \left[\left(\frac{1}{k_3} + \frac{1}{k_1[A]} \right) + \frac{K_{M,B}}{k_3} \left(1 + \frac{k_{-1}}{k_1[A]} \right) \frac{1}{[B]} \right]$$
 (7)

以 $\frac{1}{v}$ 对 $\frac{1}{[\mathrm{B}]}$ 作图,将得到斜率为 $\frac{K_{M,\mathrm{B}}}{k_3[\mathrm{E}]_0}$ $\left(1+\frac{k_{-1}}{k_1[\mathrm{A}]}\right)$,截距为 $\frac{1}{[\mathrm{E}]_0}$ $\left(\frac{1}{k_3}+\frac{1}{k_1[\mathrm{A}]}\right)$ 的直线.因此,改变[A],直线的斜率和截距将发生变化.这是单置换反应的特征.

如果底物A与酶 E_1 反应后生成修饰形式的酶 E_2 ,然后与另一种底物B反应生成原先的酶,如此循环往复,那么这样的机理被称为**双置换反应**.我们可以将机理表述如下.

$$E_1 + A \xrightarrow[k_{-1}]{k_1} E_1 A \xrightarrow{k_2} E_2 + P$$

$$E_2 + B \xrightarrow{k_3} E_2 B \xrightarrow{k_4} E_1 + Q$$

现在我们来推导双置换反应的速率方程.

Derivation.

这一反应由两个相关的米氏反应构成.我们先对E1A和E2B稳态近似可得

$$\frac{d[E_1A]}{dt} = k_1[E_1][A] - (k_{-1} + k_2)[E_1A] = 0 [E_1A] = \frac{[E_1][A]}{K_{M,A}} (1)$$

$$\frac{d[E_2B]}{dt} = k_3[E_2][B] - (k_{-3} + k_4)[E_2B] = 0 [E_2B] = \frac{[E_2][B]}{K_{MB}} (2)$$

其中 $K_{M,A}$ 和 $K_{M,B}$ 分别为两步的米氏常数.

体系处于稳态时, E_1 和 E_2 的浓度也应当变化不大(否则就不满足 E_1 A和 E_2 B的稳态近似).于是有

$$\frac{d[E_1]}{dt} = k_4[E_2B] + k_{-1}[E_1A] - k_1[E_1][A]$$
(3)

(1)+(3)可得

$$k_4[\mathbf{E}_2\mathbf{B}] = k_2[\mathbf{E}_1\mathbf{A}] \tag{4}$$

结合(1)(2)和(4)和物料守恒 $[E_1]$ + $[E_1A]$ + $[E_2]$ + $[E_2B]$ = $[E]_0$ 可得

$$[E_1 A] = \frac{[E]_0}{\frac{K_{M,A}}{[A]} + 1 + \frac{k_2}{k_4} \left(\frac{K_{M,B}}{[B]} + 1\right)}$$
(5)

于是反应的速率即为

$$v = k_2[E_1A] = \frac{[E]_0}{\frac{1}{k_2} + \frac{1}{k_4} + \frac{K_{M,A}}{k_2[A]} + \frac{K_{M,B}}{k_4[B]}}$$
(6)

我们按照Lineweaver-Burk作图法的形式对(6)整理可得

$$\frac{1}{v} = \frac{1}{[E]_0} \left[\frac{K_{M,B}}{k_4} \frac{1}{[B]} + \left(\frac{1}{k_2} + \frac{1}{k_4} + \frac{K_{M,A}}{k_2[A]} \right) \right]$$
(7)

以 $\frac{1}{v}$ 对 $\frac{1}{[\mathrm{B}]}$ 作图,将得到斜率为 $\frac{K_{M,\mathrm{B}}}{k_4[\mathrm{E}]_0}$,截距为 $\frac{1}{[\mathrm{E}]_0}\left(\frac{1}{k_2}+\frac{1}{k_4}+\frac{K_{M,\mathrm{A}}}{k_2[\mathrm{A}]}\right)$ 的一条直线.因此,改变[A],直线的斜率不变而截距变化.这是双置换反应的特征.