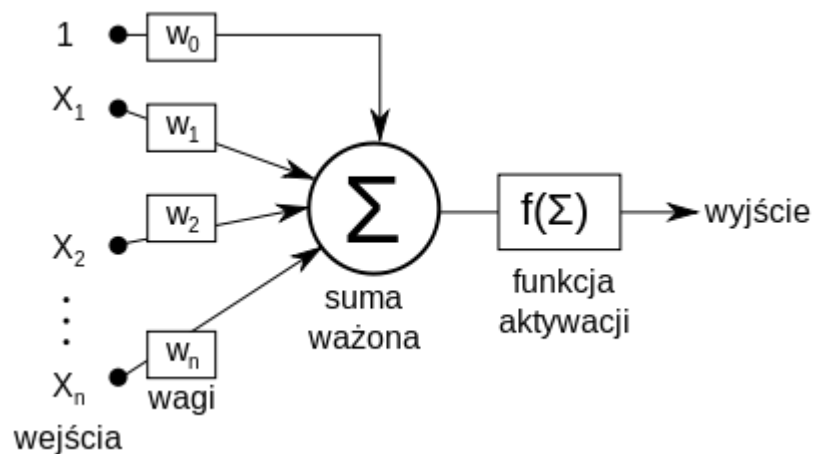


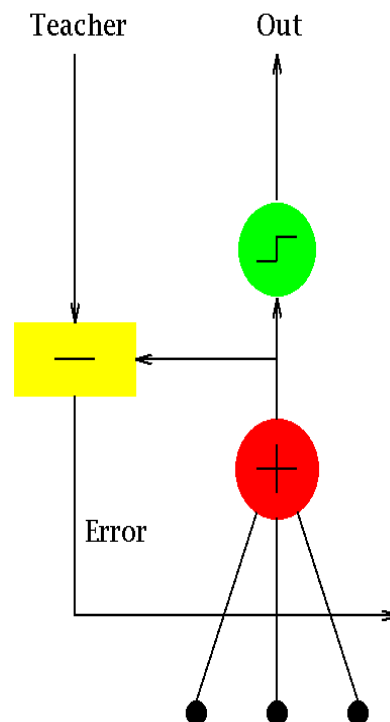
Celem ćwiczenia było poznanie budowy i działania jednowarstwowych sieci neuronowych oraz uczenie rozpoznawania wielkości liter.

1) Syntetyczny opis budowy wykorzystanego algorytmu uczenia:

Aby wykonać ćwiczenie stworzyłem dwie jednowarstwowe sieci – każdą z wykorzystaniem innego algorytmu. Pierwsza z nich korzysta z modelu perceptronu McCullocha-Pittsa, druga z kolei wykorzystuje neuron typu Adaline.

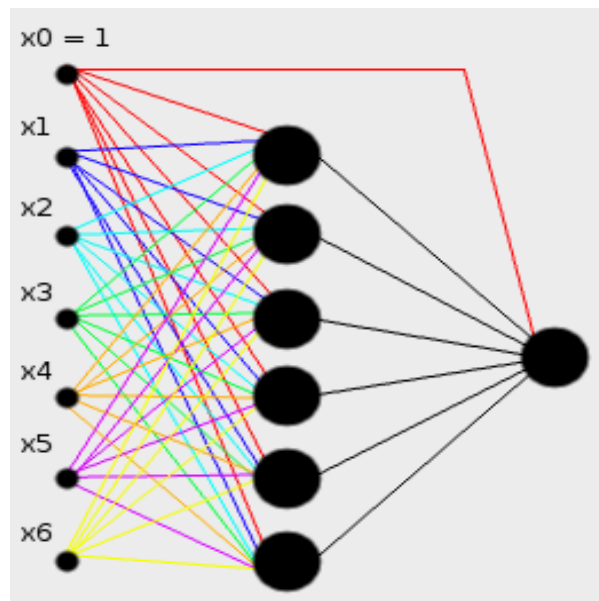


Ilustracja 1: Model perceptronu McCullocha-Pittsa



Ilustracja 2: Model neuronu Adaline

Obie sieci składają się z siedmiu neuronów. Sześć pierwszych stanowi pierwszą warstwę i przesyła sygnały wyjściowe do siódmego wyjściowego neuronu. Każdy z neuronów otrzymuje po siedem sygnałów wejściowych. Sposób w jaki wszystko zostało połączone przedstawiam na poniższej grafice:



Ilustracja 3: Graficzne zilustrowanie połączeń w sieci

Do nauki perceptronów oraz adaline wykorzystałem algorytm Widrow-Hoffa.

Do budowy perceptronu wykorzystałem podany na wykładzie model McCullocha-Pittsa. Zaimplementowana przeze mnie klasa Perceptron składa się z trzech metod: `active`, `process` oraz `learn`.

Metoda **active** wykorzystuje unipolarną funkcję progową która zwraca wynik 0 lub 1 dla podanego argumentu.

$$f(x) = \begin{cases} 1 & \text{if } w \cdot x + b > 0 \\ 0 & \text{otherwise} \end{cases}$$

Metoda **process** sumuje iloczyn sygnałów wejściowych i odpowiadających im wag. Uruchamia metodę `activate` z otrzymaną sumą iloczynów jako parametrem, oraz zwraca wynik tej metody.

$$\sum_{i=1}^m w_i x_i$$

Metoda **learn** wywołuje metodę `process` dla otrzymanych wejść jako parametrów, po czym na podstawie otrzymanego wyniku modyfikuje wszystkie wagi dla odpowiednich wejść.

$$W_i = W_i + (y - y') * x_i * \alpha$$

Budowa adaline jest bardzo podobna do budowy perceptronu. Różni się tylko tym, że modyfikowanie wag wykonuje się z pominięciem funkcji aktywacji. Zaimplementowana przeze mnie klasa Adaline składa się z czterech metod: active, process, learn oraz test.

Metoda **active** wykorzystuje unipolarną funkcję progową która zwraca wynik -1 lub 1 dla podanego argumentu.

$$f(x) = \begin{cases} 1 & \text{if } w \cdot x + b > 0 \\ -1 & \text{otherwise} \end{cases}$$

Metoda **process** sumuje iloczyn sygnałów wejściowych i odpowiadających im wag, oraz zwraca ten wynik.

$$\sum_{i=1}^m w_i x_i$$

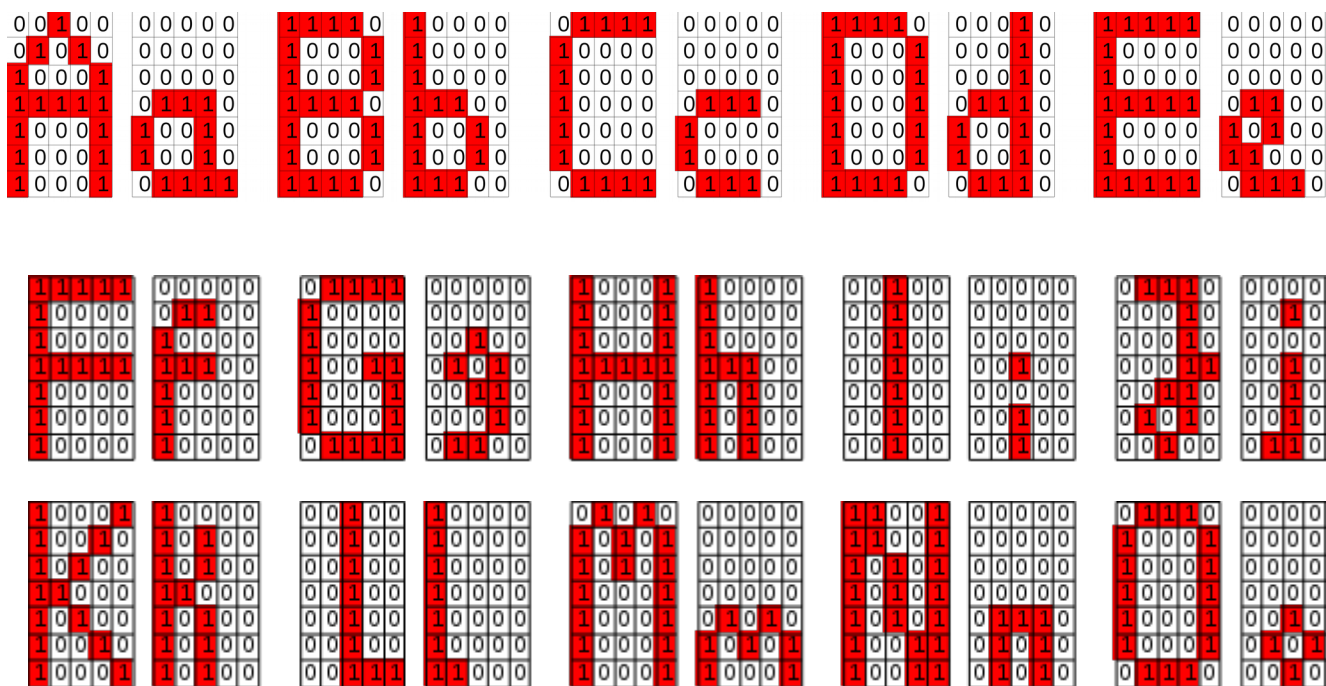
Metoda **learn** wywołuje metodę process dla otrzymanych wejść jako parametrów, po czym na podstawie otrzymanego wyniku modyfikuje wszystkie wagi dla odpowiednich wejść.

$$W_i = W_i + (y - y') * x_i * \alpha$$

Metoda **test** uruchamia metodę active z wynikiem metody process jako parametrem.

2) Zestawienie otrzymanych wyników:

Jako dane uczące i testujące wykorzystałem własnoręcznie stworzone litery alfabetu. Są one przedstawione jako dwuwymiarowa tablica o rozmiarach 7 x 5. Przedstawiam je poniżej:



<div><div>11110</div><div>10001</div><div>10001</div><div>11110</div><div>10000</div><div>10000</div><div>10000</div></div>	<div><div>00000</div><div>00000</div><div>11000</div><div>10100</div><div>11000</div><div>10000</div><div>10000</div></div>	<div><div>01110</div><div>10001</div><div>10001</div><div>10001</div><div>10001</div><div>10010</div><div>01101</div></div>	<div><div>00000</div><div>00000</div><div>00000</div><div>01100</div><div>10010</div><div>10100</div><div>01010</div></div>	<div><div>11110</div><div>10001</div><div>10001</div><div>11110</div><div>10100</div><div>10010</div><div>10001</div></div>	<div><div>00000</div><div>00000</div><div>00000</div><div>00000</div><div>10110</div><div>01000</div><div>01000</div></div>	<div><div>01111</div><div>10000</div><div>10000</div><div>01110</div><div>00001</div><div>00001</div><div>11110</div></div>	<div><div>00000</div><div>00000</div><div>00110</div><div>01000</div><div>01100</div><div>00100</div><div>11000</div></div>	<div><div>11111</div><div>00100</div><div>00100</div><div>00100</div><div>00100</div><div>00100</div><div>00100</div></div>	<div><div>01000</div><div>11100</div><div>01000</div><div>01000</div><div>01000</div><div>01000</div><div>01100</div></div>
<div><div>10001</div><div>10001</div><div>10001</div><div>10001</div><div>10001</div><div>10001</div><div>01110</div></div>	<div><div>00000</div><div>00000</div><div>00000</div><div>00000</div><div>00000</div><div>01010</div><div>01010</div></div>	<div><div>10001</div><div>10001</div><div>10001</div><div>10001</div><div>10001</div><div>10001</div><div>01010</div></div>	<div><div>00000</div><div>00000</div><div>00000</div><div>00000</div><div>10001</div><div>10001</div><div>01010</div></div>	<div><div>10001</div><div>10001</div><div>10001</div><div>10001</div><div>01010</div><div>01010</div><div>01010</div></div>	<div><div>00000</div><div>00000</div><div>00000</div><div>00000</div><div>01010</div><div>01010</div><div>01010</div></div>	<div><div>10001</div><div>10001</div><div>01010</div><div>01010</div><div>00100</div><div>01010</div><div>10001</div></div>	<div><div>00000</div><div>00000</div><div>00000</div><div>00000</div><div>00000</div><div>01010</div><div>01010</div></div>	<div><div>10001</div><div>01010</div><div>00100</div><div>00100</div><div>00100</div><div>00100</div><div>00100</div></div>	<div><div>00000</div><div>00000</div><div>00000</div><div>00000</div><div>00000</div><div>01010</div><div>01010</div></div>
<div><div>11111</div><div>00001</div><div>00010</div><div>00100</div><div>01000</div><div>10000</div><div>11111</div></div>	<div><div>00000</div><div>00000</div><div>00000</div><div>11110</div><div>00100</div><div>01000</div><div>11110</div></div>								

Tablicę 7 x 5 podzieliłem na 6 podobszarów. Każdy z nich to jeden sygnał wejściowy do neuronów. Jeżeli w danym obszarze pojawił się choćby jeden piksel z litery to obszar zwracał sygnał 1, w przeciwnym wypadku zwracał sygnał 0. Poniżej sposób podziału tablicy na obszary, oraz przykład wyniku dla dużej i małej litery „M”:

1	1	1
1	0	1

0	0	0
1	1	1
1	1	1

3) Analiza i dyskusja błędów uczenia i testowania opracowanego perceptronu w zależności od wartości współczynnika uczenia oraz liczby danych uczących:

4) Sformułowanie wniosków:

5) Listing calego kodu

Bibliografia:

https://pl.wikipedia.org/wiki/Neuron_McCullocha-Pittsa

<https://en.wikipedia.org/wiki/ADALINE>

<https://en.wikipedia.org/wiki/Perceptron>