

# 互质划分

$n \leq 10$  的数据可以搜索来解决。

当  $n = 1$  时划分为一堆。当  $n > 1$  时把  $2i - 1, 2i$  划分为一堆，若  $n$  是奇数则把  $n$  划入最后一堆。相邻的两个正整数互质，相邻的三个正整数  $2i - 1, 2i, 2i + 1$  也是互质的，因为

$\gcd(2i - 1, 2i + 1) = \gcd(2i - 1, 2) = 1$ ，所以可以划分为  $\lfloor \frac{n}{2} \rfloor$  堆，并且 2 的倍数共有  $\lfloor \frac{n}{2} \rfloor$  个，每两个都不能在同一组，于是是最少的堆数。

# 出租车

$n, m \leq 1000$  可以对每个乘客枚举所有司机判断他会呼叫哪一个司机。

所有司机在一个区间即左边所有乘客呼叫最左边的司机，右边所有乘客呼叫最右边的司机。

对于所有数据，考虑每个乘客要么呼叫左边最接近自己的司机，要么呼叫右边最接近自己的司机，那么只需要从左往右扫一遍，记录当前最新的司机，并对于每个乘客记录左右最接近自己的司机再判断呼叫哪一边。实现上的细节是如果一个乘客左边没有司机，那么距离应该设置为极大值。 $O(n)$ 。

# 木雕玩具

不妨设  $a$  单调递增（无重复），显然如果  $n \leq 3$ ，答案就是 0。

显然答案  $k$  具有可二分性。也就是说，当  $k < k_0$  时一定不存在合法的  $x, y, z$ ，当  $k \geq k_0$  时一定存在， $k_0$  就是答案。

因此二分答案，只需要验证答案  $k$  是否存在合法的  $x, y, z$ 。

为了覆盖到  $a_1$ ，且  $x$  尽量往大取（这样可以覆盖更多的  $a_i$ ），我们令  $x = a_1 + k$ 。接下来一段区间的  $a_i$  会被  $[x - k, x + k]$  覆盖，我们跳过这段区间，找到下一个未被覆盖的  $a_i$ 。类似于刚刚的思路，我们令  $y = a_i + k$ ，再找到下一个未被覆盖的  $a_j$ ，令  $z = a_j + k$ 。如果此时所有  $a_i$  都被覆盖了，那么就合法，否则不合法。

时间复杂度  $O(n \log w)$ ，其中  $w$  为值域。

# 幽默数

容易发现，在左端点固定的时候，若右端点向右移动，则区间的 lcm 值要么不变，要么至少乘以 2。而对于一个质数，它不可能成为任意两个与它不等的数的 lcm，而第  $3 \times 10^5 + 1$  个质数是 4256233，所以在所有区间的 lcm 中，那些大于 4256233 的是没有用的。

因此，记  $V = 4256233$ ，则当左端点固定的时候，不同的有用 lcm 只有  $\log V$  个。

考虑从右向左移动左端点，并且维护以当前点为左端点的不同 lcm。具体地，可以用两个集合  $A, B$  分别维护当前存在的不同 lcm 和所有可能有用的 lcm。左端点左移到  $i$  的时候，需要将  $a_i$  放入  $A$ ，并遍历  $A$  中本来就存在的区间，对  $a_i$  取 lcm 后重新放入  $A$ 。每次更新完之后，就把当前  $A$  中的元素放入  $B$  中。最后对  $B$  中的元素求 mex 即可。

时间复杂度  $O(n \log^2 V)$ 。