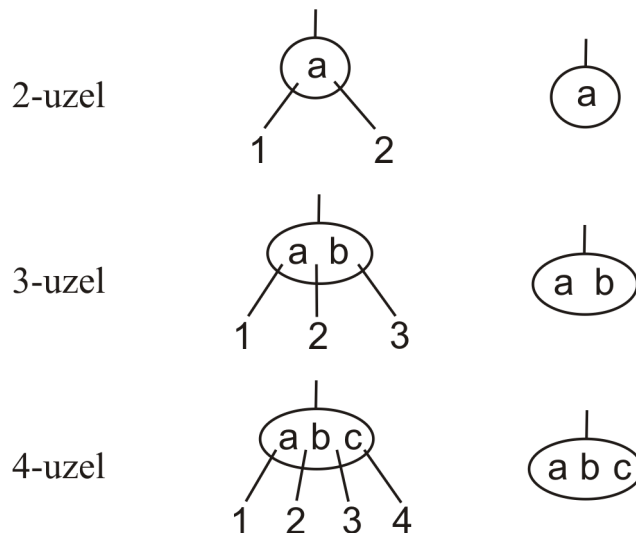


2-3-4 stromy

2-3-4 stromy jsou B-stromy řádu 4. Jejich název je odvozen od označení uzlů podle počtu, kolik má uzel následníků v případě, když je nelistový. Jsou tři druhy uzlů:



Operace vyhledávání v nich probíhá stejně jako v B-stromu. Rozdíl mezi 2-3-4 stromem a B-stromem je v operaci přidání prvku do stromu.

Přidání prvku do B-stromu řádu 4:

- Vyhledání uzlu, do kterého má být prvek vložen.
- Pokud je uzel již plný (obsahuje již 3 prvky) je provedeno rozdělení tohoto uzlu a dle potřeby i dělení dalších uzlů směrem nahoru.

Přidání prvku do 2-3-4 stromu:

- V průběhu hledání uzlu, do kterého má být prvek vložen, jsou plně obsazené uzly (4-uzly) na cestě od kořene k příslušnému listu preventivně štěpeny tak, aby při dosažení cílového listu tento nebyl plně obsazen (byl 2-uzel nebo 3-uzel).

Přidání prvku do B-stromu reprezentuje průchod dolů (hledání uzlu pro vložení) a následně případný postup nahoru (rozdělování plně obsazených uzlů).

Naproti tomu přidání prvku do 2-3-4 stromu reprezentuje jen průchod dolů, neboť rozděláváním plně obsazených uzlů při tomto průchodu se zajistí, že po přidání prvku do listu nedojde k překročení jeho kapacity.

Přidání prvku

1. Počáteční krok

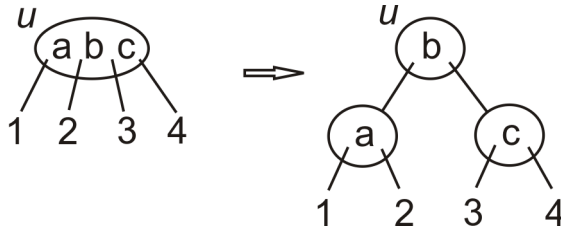
Uzel, který je v daném okamžiku vyhledávání aktuální, budeme označovat u . Na začátku jím bude kořen stromu.

Hledaná hodnota nechť je x .

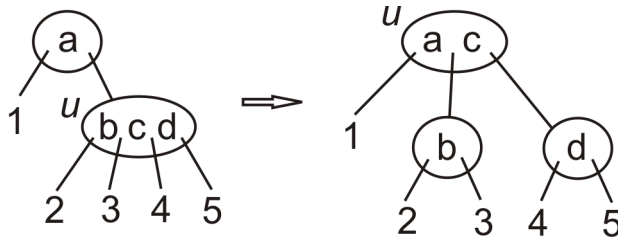
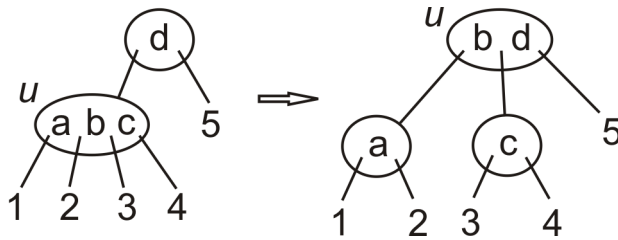
2. Průběžný krok

- Nejprve zjistíme, zda procházený uzel u není 4-uzel. Jestliže ano, rozštěpíme ho:

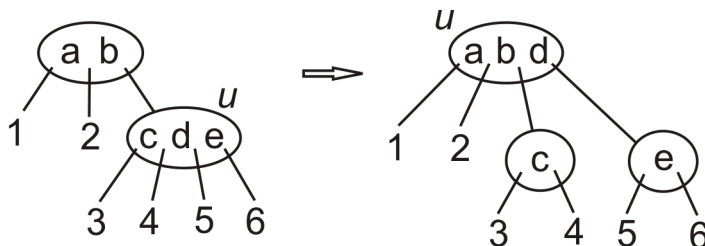
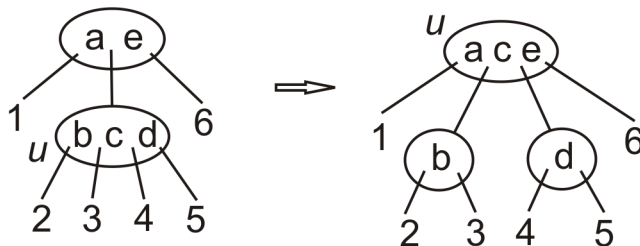
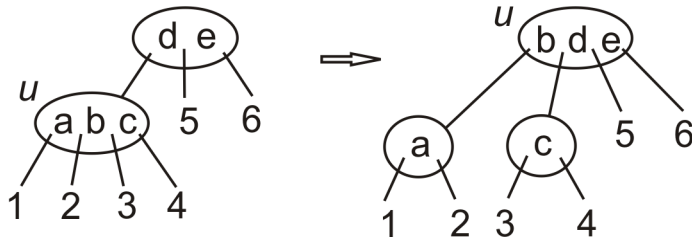
- uzel u je kořen



- předchůdce uzlu u je 2-uzel



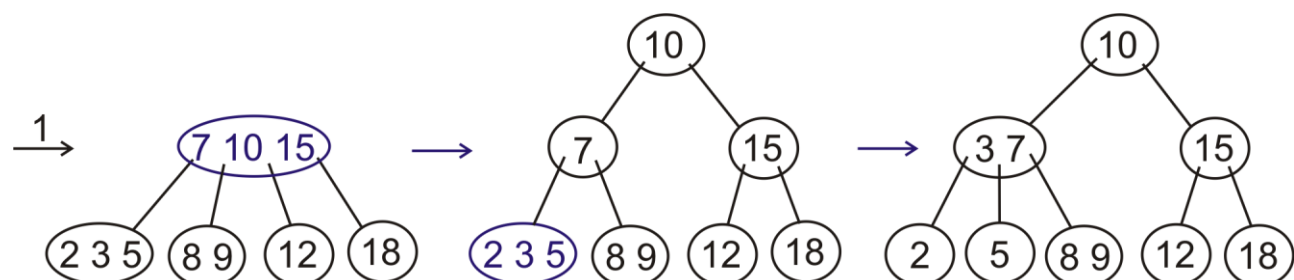
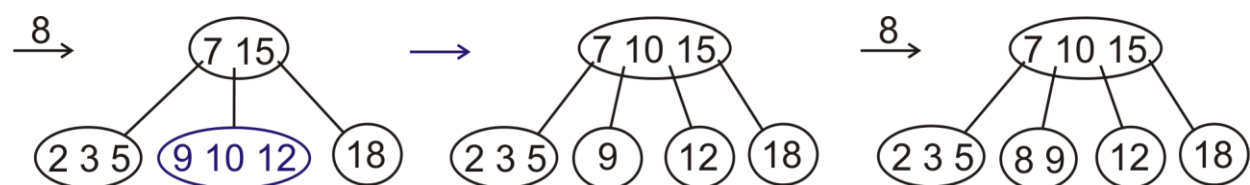
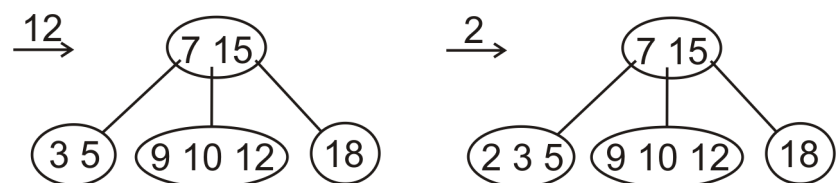
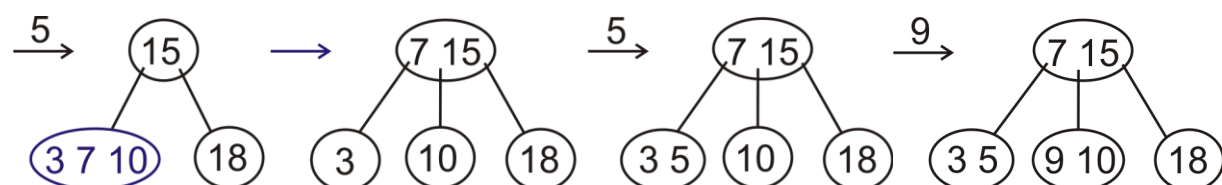
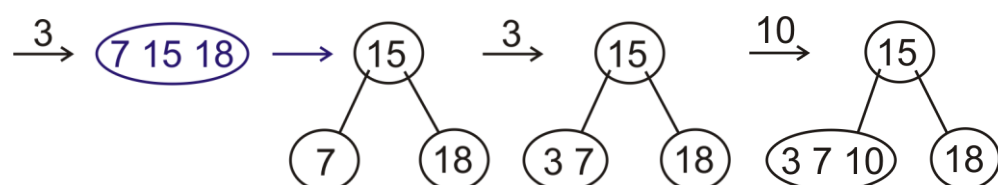
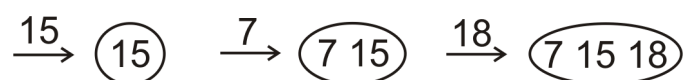
- předchůdce uzlu u je 3-uzel

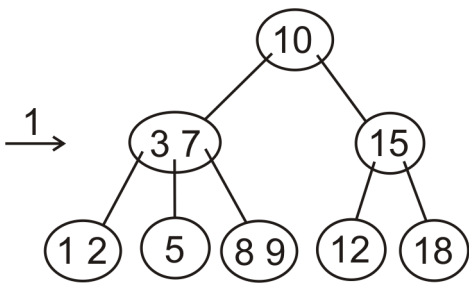


Po rozštěpení se aktuálním uzlem u stává uzel, do kterého byl vložen střední prvek štěpeného uzlu.

- Vyhledáme prvek x v aktuálním uzlu u .
 - ♦ Je-li prvek x v uzlu u nalezen, operace přidání prvku končí.
 - ♦ Není-li prvek v uzlu u nalezen:
 - Není-li uzel u list, dalším aktuálním uzlem u se stává jeho příslušný následník.
 - Je-li uzel u list, prvek x vložíme do tohoto uzlu.

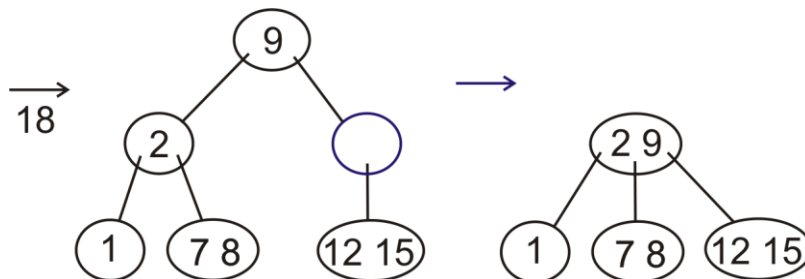
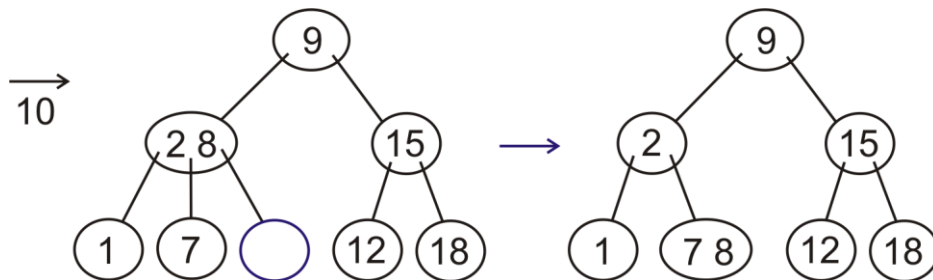
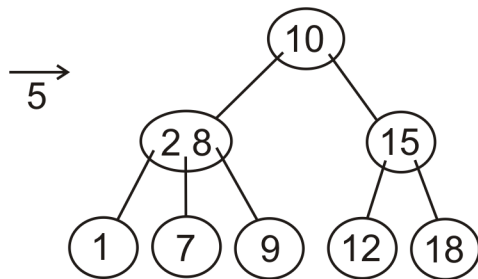
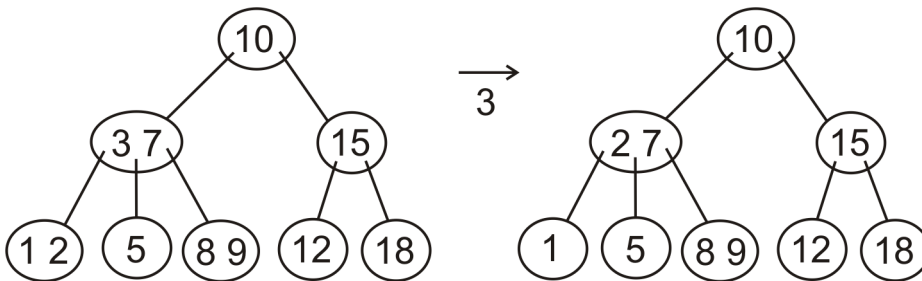
Příklad.





Operace odebrání probíhá ve 2-3-4 stromu stejně jako v B-stromu.

Příklad.



Časová složitost: 2-3-4 strom je B-strom 4. řádu, odtud $\Theta(\ln(n))$.

Pseudokód vyhledání:

```
Search(T, x)
  u ← T.root
  while u ≠ NIL
    i ← 0
    while i < u.order-1 and x ≥ u.item[i]
      if x = u.item[i]
        return u
      i ← i+1
    u ← u.child[i]
  return NIL
```

Pseudokód vložení:

```
CreateNode(x, v, w)
  u ← new Node
  u.order ← 2
  u.item[0] ← x
  u.child[0] ← v
  u.child[1] ← w
  u.child[2] ← u.child[3] ← NIL
  return u

SplitNode(u, v)  // v je předchůdce uzlu u
  if v = NIL      // u je kořen
    u.child[0] ←
      CreateNode(u.item[0], u.child[0], u.child[1])
    u.child[1] ←
      CreateNode(u.item[2], u.child[2], u.child[3])
    u.order ← 2
    u.item[0] ← u.item[1]
    return u
  j ← v.order-1
  while j > 0 and u.item[1] < v.item[j-1]
```

```

    v.item[j] ← v.item[j-1]
    v.child[j+1] ← v.child[j]
    j ← j - 1
v.item[j] ← u.item[1]
v.child[j] ← u
u.order ← 2
v.child[j+1] ←
    CreateNode(u.item[2],u.child[2],u.child[3])
v.order ← v.order+1
return v

```

Insert(T, x)

```

u ← T.root
if u = NIL
    T.root ← CreateNode(x,NIL,NIL)
    return true
v ← NIL
while true
    if u.order=4
        u ← SplitNode(u,v)
    i ← 0
    while i < u.order-1 and x >= u.item[i]
        if x = u.item[i]
            return false
        i ← i+1
    if u.child[i] ≠ NIL
        v ← u
        u ← u.child[i]
    else
        j ← u.order-1
        while j>i
            u.item[j] ← u.item[j-1]
            j ← j-1

```

```
u.item[i] ← x  
u.order ← u.order+1  
return true
```