

$$ax \equiv b \pmod{c} \Leftrightarrow ax + cy = b$$

$$ax \equiv 1 \pmod{d} \Leftrightarrow \exists y \in \mathbb{Z}, ax + by = 1$$

由扩展欧几里得

$$x_0, y_0$$

↓

$$\text{所有解} \begin{cases} x = x_0 + k \frac{b}{d} \\ y = y_0 - k \frac{a}{d} \end{cases} \quad \text{此题中 } d=1$$

最大公约数

↓

所有解即由可被表示的 $x_0 + kb$ 的

最小正整数

$x_0 \bmod b$ 的正整数即由 $x_0 + kb$ 的最小正整数

$$\text{正整数 } (x_0 \bmod b + b) \% b$$