Санкт-Петербургский политехнический университет Петра Великого

Физико-механический иститут

Кафедра «Прикладная математика»

Отчёт по курсовой работе по дисциплине «Анализ данных с интервальной неопределённостью»

Выполнил студент: Аникин Александр Алексеевич группа: 5040102/20201

Проверил: к.ф.-м.н., доцент Баженов Александр Николаевич

Санкт-Петербург 2023 г.

Содержание

1	Пос	становка задачи	2
2	Teo 2.1 2.2	рия Точечная линейная регрессия	2 2 2
3	Рез	Результаты	
4	Обсуждение		4
С	пис	сок иллюстраций	
	1	Синим цветом представлены значения для различных элементов с их стандартными отклонениями. Оранжевым цве-	
		том показаны результаты регрессии.	3

1 Постановка задачи

2 Теория

2.1 Точечная линейная регрессия

Рассматривается задача восстановления зависимости для выборки (X, (Y)), $X = \{x_i\}_{i=1}^n, \mathbf{Y} = \{\mathbf{y}_i\}_{i=1}^n, x_i$ - точечный, \mathbf{y}_i - интервальный. Пусть искомая модель задана в классе линейных функций

$$y = \beta_0 + \beta_1 x \tag{1}$$

Поставим задачу оптимизации 2.1 для нахождения точечных оценок параметров β_0, β_1 .

$$\sum_{i=1}^{m} w_i \to \min$$

$$\operatorname{mid} \mathbf{y}_i - w_i \cdot \operatorname{rad} \mathbf{y}_i \le X\beta \le \operatorname{mid} \mathbf{y}_i + w_i \cdot \operatorname{rad} \mathbf{y}_i$$

$$w_i \ge 0, i = 1, ..., m$$

$$w, \beta - ?$$

$$(2)$$

Задачу 2.1 можно решить методами линейного программирования.

2.2 Информационное множество

Информационным множеством задачи восстановления зависимости будем называть множество значений всех параметров зависимости, совместных с данными в каком-то смысле.

Коридором совместных зависимостей задачи восстановления зависимости называется многозначное множество отображений Υ , сопоставляющее каждому значению аргумента x множество

$$\Upsilon(x) = \bigcup_{\beta \in \Omega} f(x, \beta) \tag{3}$$

, где Ω - информационное множество, x - вектор переменных, β - вектор оцениваемых параметров.

Информационное множество может быть построено как пересечение полос, заданных

$$\mathbf{y}_{i} \le \beta_{0} + \beta_{1} x_{i1} + \dots + \beta_{m} x_{im} \le \overline{\mathbf{y}_{i}} \tag{4}$$

, где $i = \overline{1,n} \mathbf{y}_i \in \mathbf{Y}, x_i \in X, X$ - точечная выборка переменных, \mathbf{Y} - интервальная выборка откликов.

3 Результаты

Данные были взяты из таблицы S1 приложенной к работе Roederer, Ian U., et al. "Element abundance patterns in stars indicate fission of nuclei heavier than uranium." Science 382.6675 (2023)

В ней представлены определенные значения для различных элементов и их стандартные отклонения. В качестве x выступает значение [Eu/Fe], а в качестве $y \ X \pm eX$, $X \in \{Se, Sr, Y, Nb, Mo\}$. Эти данные соответсвуют части данных с $puc\ Fig.\ 2.$ (A) Abundance ratios of groups of elements that do or do not correlate with [Eu/Fe]. Остальные же даные в материалах статьи представлены рядом ссылок, и автоматизировать их сбор не представляется возможным.

Далее рассмотрим сами данные и получившие результаты.

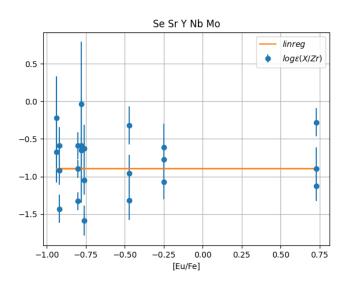


Рис. 1: Синим цветом представлены значения для различных элементов с их стандартными отклонениями. Оранжевым цветом показаны результаты регрессии.

Полученны $(\beta_1, \beta_2) = (-0.0, -0.9)$. Полученные результаты отличаются от результатов в статье из-за отстутствия сдвига, однако общий вывод будет одинаков из-за β_1 близкого к нулю.

Также стоит отметить что информационное множество пустое, так как настоящая зависимость отличается от линейной и сами интвервалы представляют собой лишь стандартное отклонение от среднего.

4 Обсуждение

Можно сказать, что полученные результаты соответствуют результатам из исходной работы с учетом отсутствия сдвига и меньшего количества данных. Общий вывод об отсутствии линейной зависимости между значениями сохраняется.