International Olympiad in Informatics 2015



26th July - 2nd August 2015 Almaty, Kazakhstan Day 2

sorting

Language: ru-RU

Сортировка

У Айжан есть последовательность из N целых чисел $S[0], S[1], \ldots, S[N-1]$. Эта последовательность состоит из различных чисел от 0 до N-1. Айжан пробует отсортировать эту последовательность по возрастанию, меняя местами некоторые пары элементов. Ее друг Ермек также собирается менять местами некоторые пары элементов, но нет уверенности, что он это сделает полезным путем.

Ермек и Айжан собираются изменять последовательность в несколько этапов. На каждом этапе сначала Ермек совершает обмен элементов местами, затем Айжан делает другой обмен. Точнее, тот, кто делает обмен, выбирает две корректные позиции и меняет местами элементы в этих позициях. Заметим, что две позиции не обязательно должны быть различными. В случае, когда они равны, элемент меняется сам с собой. Такое действие не изменяет последовательность.

Айжан знает, что Ермек не заботится о том, чтобы отсортировать последовательность S. Она знает какие именно позиции будет выбирать Ермек. Ермек планирует участвовать в M этапах. Этапы нумеруются от 0 до M-1. Для всех i от 0 до M-1 включительно, Ермек выберет позиции X[i] и Y[i] в этапе с номером i.

Айжан хочет отсортировать последовательность S. Перед началом каждого этапа, если Айжан видит, что последовательность уже отсортирована в возрастающем порядке, весь процесс прекращается. Дана начальная последовательность S и позиции, которые Ермек собирается выбрать, требуется найти последовательность обменов, которые сможет использовать Айжан, чтобы отсортировать последовательность S. В некоторых подзадачах требуется найти как можно более короткую последовательность обменов. Известно, что последовательность S можно отсортировать за M или меньшее количество этапов.

Если Айжан видит, что последовательность S отсортирована после обмена, сделанного Ермеком, то она может выбрать обмен в равных позициях (например 0 и 0). В результате последовательность S останется отсортированной после окончания этапа, и Айжан достигнет цели. Также отметим, если изначально последовательность S отсортирована, то минимальное количество этапов, необходимое для сортировки, равно 0.

Пример 1

Предположим что:

- Начальная последовательность: S = 4, 3, 2, 1, 0.
- Ермек собирается сделать шесть обменов (M = 6).
- Последовательности X и Y, описывающие позиции, которые Ермек собирается выбрать, следующие: X = 0, 1, 2, 3, 0, 1 и Y = 1, 2, 3, 4, 1, 2. То есть, пары позиций, которые Ермек планирует выбрать, будут (0, 1), (1, 2), (2, 3), (3, 4), (0, 1) и (1, 2).

В этом случае Айжан может преобразовать последовательность S к виду 0, 1, 2, 3, 4 за три этапа. Она может сделать это, выбрав позиции (0,4), (1,3) и затем (3,4). Следующая таблица отражает, как Ермек и Айжан изменяют последовательность S.

Этап	Игрок	Пара позиций в обмене	Последовательность
начало			4, 3, 2, 1, 0
0	Ермек	(0,1)	3, 4, 2, 1, 0
0	Айжан	(0,4)	0, 4, 2, 1, 3
1	Ермек	(1,2)	0, 2, 4, 1, 3
1	Айжан	(1,3)	0, 1, 4, 2, 3
2	Ермек	(2,3)	0, 1, 2, 4, 3
2	Айжан	(3,4)	0, 1, 2, 3, 4

Пример 2

Предположим, что:

- Начальная последовательность: S = 3, 0, 4, 2, 1.
- Ермек собирается сделать пять обменов (M = 5).
- Пары позиций, которые Ермек планирует выбрать: (1,1), (4,0), (2,3), (1,4) и (0,4).

В этом случае Айжан может отсортировать последовательность S за три этапа, например, выбрав пары позиций (1,4),(4,2) и затем (2,2). Следующая таблица отражает, как Ермек и Айжан изменяют последовательность S.

Этап	Игрок	Пара позиций в обмене	Последовательность	
начало			3, 0, 4, 2, 1	
0	Ермек	(1,1)	3, 0, 4, 2, 1	
0	Айжан	(1,4)	3, 1, 4, 2, 0	
1	Ермек	(4,0)	0, 1, 4, 2, 3	
1	Айжан	(4,2)	0, 1, 3, 2, 4	
2	Ермек	(2,3)	0, 1, 2, 3, 4	
2	Айжан	(2,2)	0, 1, 2, 3, 4	

Постановка задачи

Дана последовательность S, количество обменов M и последовательности позиций X и Y. Найдите последовательность обменов, которую Айжан может использовать для сортировки последовательности S. В подзадачах S и S должна быть найдена последовательность обменов минимальной длины.

Необходимо реализовать функцию findSwapPairs:

- findSwapPairs (N, S, M, X, Y, P, Q) эта функция будет вызвана ровно один раз.
 - lacktriangle N длина последовательности S.
 - lacktriangleright S массив целых чисел, содержащий начальную последовательность $oldsymbol{S}$.
 - М количество обменов, запланированных Ермеком.
 - \blacksquare X, Y массивы целых чисел, каждый длиной M. На i-м $(0 \le i \le M-1)$ этапе Ермек планирует поменять элементы в позициях X[i] и Y[i].
 - Р, Q массивы целых чисел, в каждом из которых зарезервирована память для M элементов. Используйте эти массивы для предоставления одной из возможных последовательностей обменов, которую может использовать Айжан для сортировки последовательности S. Обозначим за R длину последовательности обменов, найденной решением. Для всех i от 0 до R-1 включительно, в этапе с номером i Айжан должна выбрать позиции P[i] и Q[i] для получения отсортированной последовательности S.
 - lacktriangled Функция должна возвращать значение R (определенное выше).

Подзадачи

Подзадача	Баллы	N	M	Дополнительные ограничения	Дополнительные требования к R
1	8	$1 \le N \le 5$	$M=N^2$	X[i] = Y[i] = 0 для всех i	$R \leq M$
2	12	$1 \le N \le 100$	M = 30N	X[i] = Y[i] = 0 для всех i	$R \leq M$
3	16	$1 \le N \le 100$	M=30N	X[i] = 0, Y[i] = 1для всех i	$R \leq M$
4	18	$1 \le N \le 500$	M = 30N	_	$R \leq M$
5	20	$6 \leq N \leq 2000$	M=3N	_	минимальное возможное
6	26	$6 \leq N \leq 200000$	M=3N	_	минимальное возможное

Известно, что существует решение, которое требует не более, чем M этапов.

Пример проверяющего модуля

Проверяющий модуль чигает данные из файла sorting.in в следующем формате:

- Строка 1: N
- Строка 2: S[0] ... S[N 1]
- Строка 3: М
- Строки 4, ..., M + 3: X[i] Y[i]

Проверяющий модуль выводит данные в следующем формате:

- Строка 1: Возвращаемое значение функции findSwapPairs
- lacktriangle Строки 2+i ($0 \leq i < R$): Р[i] Q[i]