Информатика. Дальний восток. 10.06. 9:30.

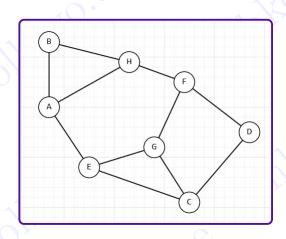
Содержание

| 1 | Задача 1 | 3 |
|----|-------------|----|
| 2 | Задача 2 | 4 |
| 3 | Задача 3 | 5 |
| 4 | Задача 5 | 6 |
| 5 | Задача 6 | 8 |
| 6 | Задача 7 | 10 |
| 7 | Задача 8.1 | 10 |
| 8 | Задача 8.2 | |
| 9 | Задача 9 | 12 |
| 10 | Задача 10 | 14 |
| 11 | Задача 11.1 | 14 |
| 12 | Задача 11.2 | 15 |
| 13 | Задача 12 | 15 |
| 14 | Задача 13 | 17 |
| 15 | Задача 14 | 18 |
| 16 | Задача 15 | 19 |

| 17 Задача 16 | | 20 |
|----------------------------|---|----|
| 18 Задача 17. | 1 | 20 |
| 19 Задача 17. | 2 | 21 |
| 20 Задача 18 | | 22 |
| 21 Задача 19 | | 25 |
| 22 Задача 20 | | 26 |
| 23 Задача 21 | | 26 |
| 24 Задача 22 | | 27 |
| 25 Задача 23 | | 28 |
| 26 Задача 24 | | 29 |
| 27 Задача 25 | | 30 |
| 28 Задача 26 | | 31 |
| 29 Задача 27 | | 36 |
| | | |
| | | |
| | | |
| | | |
| | | |

На рисунке схема дорог М-ского района изображена в виде графа, в таблице содержатся сведения о протяжённости каждой из этих дорог (в километрах). Так как таблицу и схему рисовали независимо друг от друга, нумерация населённых пунктов в таблице никак не связана с буквенными обозначениями на графе. Определите, какова сумма протяжённостей дорог из пункта В в пункт Н и из пункта А в пункт Е. В ответе запишите целое число.

| | , | П1 | П2 | П3 | Π4 | П5 | П6 | Π7 | П8 |
|---|------------|----|----|----|----|-----|----|----|----|
| Ι | T1 | O' | 53 | | 1 | | | 2 | |
| Ι | T2 | 53 | | | 13 | | | | 8 |
| Ι | Ι3 | | | | | 30 | | 39 | 74 |
| Ι | T4 | 1 | 13 | | | | 5 | (| P. |
| Ι | T5 | | | 30 | | | | | 2 |
| Ι | T 6 | 3) | | | 5 | ~ ~ | 0 | 21 | |
| Ι | 1 7 | 2 | | 39 | | | 21 | | |
| Ι | Ι8 | | 8 | 74 | | 3 | | | 1 |



Решение

Нам нужно найти уникальную вершину второй степени, которая ведёт в две вершины степени 3, соединяющиеся между собой. Такой уникальной вершиной является В. Значит вершина В это П5. Из вершины В ведут две дороги - П3 и П8. Выясним, какая из этих вершин ведёт в вершину степени 3, идущую в вершину степени 2. Вершина ПЗ идёт в вершину П7, идущую в вершину П6 второй степени. Таким образом: Н - П3, А - П8, F - П7, D - П6, Е - П2, G - П4, С - П1. Значит путь из А в Е равен 8, а путь из В в Н равен 30. Их сумма равна 38.

Максим заполнял таблицу истинности логической функции

$$F = z \lor (z \equiv w) \lor \neg (y \to x)$$

но успел заполнить лишь фрагмент из трёх различных её строк, даже не указав, какому столбцу таблицы соответствует каждая из переменных w,x,y,z.

| | | | | F |
|----|----|---|---|-----|
| | 11 | 0 | 1 | 0 |
| | 1 | | 0 | 0 |
|). | 0 | | | 00> |

Определите, какому столбцу таблицы соответствует каждая из переменных w, x, y, z. В ответе напишите буквы w, x, y, z в том порядке, в котором идут соответствующие им столбцы (сначала буква, соответствующая первому столбцу; затем буква, соответствующая второму столбцу, и т.д.). Буквы в ответе пишите подряд, никаких разделителей между буквами ставить не нужно.

Решение

Получаем:

В исходной таблице первый столбец полностью свободен – значит, он соответствует столбцу w. Аналогично, только в третьем столбце исходной таблицы нет единиц – это столбец z.

Таблица сейчас выглядит так:

w?z? 1?01 1100 100?

Смотрим по строкам: вторая строка соответствует второй из вывода, первая строка может соответствовать только третьей из вывода, тогда третья только первой из вывода. В выводе у переменной х один 0, две 1, а у переменной у два 0, одна $1 \to$ второму столбцу соответствует переменная х, четвертому переменная у.

Ответ: wxzy

3 Задача 3

В файле 3_03.xlsx приведен фрагмент базы данных «Хозтовары» о поставках товаров для ухода, уборки и дома. База данных состоит из трёх таблиц. Таблица «Движение товаров» содержит записи о поставках товаров в магазины в течение сентября 2021 г., а также информацию о проданных товарах. Поле Тип операции содержит значение Поступление или Продажа, а в соответствующее поле Количество упаковок, шт внесена информация о том, сколько упаковок товара поступило в магазин или было продано в течение дня. Заголовок таблицы имеет следующий вид. Используя информацию из приведённой базы данных, определите общую сумму выручки с продажи всех видов шампуня для волос, проданных магазинами, расположенными на ул. Металлургов, за период с 1 по 23 сентября включительно. В ответе запишите только число - сумму выручки.

Для начала перенесём все нужные данные на лист «Движение товаров». С помощью ID магазина определим его адрес: в ячейку H2 запишем формулу

$$=$$
ВПР(C2;Магазин!A:C;3;0)

с помощью артикула определяем название товара: в ячейку I2 записываем формулу

$$=B\Pi P(D2;ToBap!A:F;3;0)$$

Для поиска суммы выручки нам нужно будет знать стоимость для количества упаковок, которое запино в столбике E, поэтому в ячейке J2 записываем формулу

$$=E2*G2$$

Теперь осталось расставить фильтры: среди адресов магазинов выбираем только те, где есть «ул. Металлургов», в датах оставляем только 1-23 сентября (включительно) и в столбике «Тип операции» оставляем только «Продажа», в столбике с названиями товаров оставляем только те, в которых есть «шампунь для волос». Для оставшихся строчек смотрим сумму чисел в столбике J

4 Задача 5

На вход алгоритма подаётся натуральное число N. Алгоритм строит по нему новое число R следующим образом.

- 1. Строится троичная запись числа N.
- 2. Далее эта запись обрабатывается по следующему правилу:
- а) если число N делится на 3, то к этой записи дописывается справа две последние цифры троичной записи;
- б) если число N не делится на 3, то остаток от деления умножается на 5, переводится в троичную запись и дописывается в конец числа.

Полученная таким образом запись является троичной записью возможного числа R.

3. Результат переводится в десятичную систему и выводится на экран.

Укажите наименьшее число N, после обработки которого с помощью этого алгоритма получается число R, не меньшее чем 290. В ответе запишите это число в десятичной системе счисления.

```
def f3(n):
    s = ''
    while n > 0:
        s += str(n%3)
        n //=3
    return s[::-1]

for n in range (3, 1000):
    s = f3(n)
    if n%3 == 0:
        s += s[-2:]
    else:
        s += f3((n%3)*5)
    r = int(s,3)
    if r >= 290:
        print(n)
        break
```

Исполнитель Черепаха действует на плоскости с декартовой системой координат. В начальный момент Черепаха находится в начале координат, её голова направлена вдоль положительного направления оси ординат, хвост опущен. При опущенном хвосте Черепаха оставляет на поле след в виде линии. В каждый конкретный момент известно положение исполнителя и направление его движения. У исполнителя существует 6 команд: $\mathbf{Hodhamb}$ \mathbf{xbocm} , означающая переход к перемещению без рисования; $\mathbf{Onycmumb}$ \mathbf{xbocm} , означающая переход в режим рисования; $\mathbf{Bnepëd}$ \mathbf{n} (где \mathbf{n} — целое число), вызывающая передвижение Черепахи на \mathbf{n} единиц в том направлении, куда указывает её голова; \mathbf{Hasad} \mathbf{n} (где \mathbf{n} — целое число), вызывающая передвижение в противоположном голове направлении; $\mathbf{Hanpabo}$ \mathbf{t} (где \mathbf{t} — целое число), вызывающая изменение направления движения на \mathbf{t} градусов по часовой стрелке, \mathbf{Hanebo} \mathbf{t} (где \mathbf{t} — целое число), вызывающая изменение направления движение направления движения на \mathbf{t} градусов против часовой стрелки. Запись $\mathbf{Hobmopu}$ \mathbf{k} [Команда1 $\mathbf{Komanda2}$... $\mathbf{KomandaSI}$ означает, что последовательность из \mathbf{S} команд повторится \mathbf{k} раз.

Черепахе был дан для исполнения следующий алгоритм:

Повтори 2 [Вперёд 24 Направо 90 Вперёд 20 Направо 90]

Поднять хвост

Вперёд 7 Направо 90 Вперёд 7 Налево 90

Опустить хвост

Повтори 2 [Вперёд 30 Направо 90 Вперёд 27 Направо 90]

Определите, сколько точек с целочисленными координатами будут находиться внутри объединения фигур, ограниченных заданными алгоритмом линиями, включая точки на линиях.

```
from <u>turtle</u> import *
left(90)
k = 20
tracer(0)
screensize(2000, 2000)
pd()
for i in range(2):
    forward(24*k)
    right(90)
    forward(20*k)
    right(90)
pu()
forward(7*k)
right(90)
forward(7*k)
left(90)
pd()
for j in range(2):
    forward (30*k)
    right(90)
    forward(27*k)
    right(90)
pu()
for x in range(-100,100):
    for y in range(-100,100):
        goto(x*k, y*k)
        dot(3)
done()
```

Виталий фотографирует интересные места и события с помощью своего смартфона. Каждая фотография представляет собой растровое изображение размером 1920×1080 пикселей, при этом используется палитра из 2^{22} цветов.

В конце дня Виталий отправляет снимки друзьям с помощью приложения-мессенджера. Для экономии трафика приложение оцифровывает снимки повторно, используя размер 1280×1024 пикселей и глубину цвета 21 бит.

Сколько Кбайт трафика экономится при передаче 120 фотографий? В ответе укажите целую часть полученного числа.

Решение

Объем I_1 фотографий до сжатия: 1920 * 1080 * 22 * 120 бит.

Объем I_2 фотографий после сжатия: 1280 * 1024 * 21 * 120 бит.

Экономия килобайт составит: $\frac{I_1 - I_2}{8*1024} = 265050$ Кбайт.

Ответ: 265050

7 Задача 8.1

Все пятибуквенные слова, составленные из букв В, Е, Н, Е, Р, А записаны в алфавитном порядке и пронумерованы.

Вот начало списка:

- 1. AAAAA
- 2. AAAAB
- 3. AAAAE
- 4. AAAAH
- 5. AAAAP

Под каким нечетным номером в списке стоит последнее слово, которое не начинается с буквы Н и содержит ровно две буквы В?

```
from itertools import *
number = 1

for s in product(sorted("BEHPA"), repeat=5):
    x = "".join(s)
    if (x[0] != "H") and (x.count("B") == 2) and (number % 2 == 1):
        print(x, number)
    number += 1
```

Ответ: 3107

8 Задача 8.2

Все шестибуквенные слова, составленные из букв Т, Е, О, Р, И, Я, записаны в алфавитном порядке и пронумерованы.

Вот начало списка:

- 1. EEEEEE
- 2. ЕЕЕЕЕИ
- 3. EEEEEO
- 4. EEEEEP
- 5. EEEEET

Определите, под каким номером в этом списке стоит последнее слово с нечётным номером, которое не начинается с букв E, И или O и при этом содержит в своей записи ровно одну букву Т.

Решение

```
from itertools import product
cnt = 1, ans = -1
for word in product('EMOPTA', repeat=6):
    s = ''.join(word)
    if cnt % 2 != 0 and s[0] not in 'EMO' and s.count('T') == 1:
        ans = cnt
    cnt += 1
print(ans)
```

Откройте файл электронной таблицы, содержащей в каждой строке шесть натуральных чисел. Определите среднее арифметическое чисел всех строк таблицы, содержащих числа, для которых выполнены оба условия:

- в строке есть одно число, которое повторяется трижды, остальные три числа различны;
- повторяющееся число строки меньше, чем удвоенное минимальное из её неповторяющихся чисел.

В ответе запишите только целую часть полученного числа.

Решение программой

```
f = open("9.txt")
res = []
for i in f:
    a = [int(x) for x in i.split(";")]
    p3 = [x for x in a if a.count(x) == 3]
    np = [x for x in a if a.count(x) == 1]
    if len(p3) == 3 and len(np) == 3:
        if p3[0] < min(np) * 2:
            res += a

print(sum(res) // len(res))</pre>
```

Решение через Excel

В ячейку G1 запишем формулу

$$=$$
СЧЁТЕСЛИ $(A1:F1;A1)$

и растянем вправо для каждого числа, чтобы узнать количество повторов каждого числа

В ячейку М1 записываем формулу

$$=$$
ЕСЛИ(И(СЧЁТЕСЛИ(G1:L1;1)=3;СЧЁТЕСЛИ(G1:L1;3)=3);1;0)

для проверки первого условия

Для проверки второго условия нам нужно узнать число, которое в строке повторяется, используем формулу в ячейке N1:

В ячейке О1 пишем формулу

и растягиваем для каждого числа, чтобы дальше МИН() выбрал минимальное число только среди неповторяющихся чисел

В ячейке V1 используем формулу

для проверки второго условия

В ячейке W1 проверяем, выполнились ли оба условия

$$=M1*V1$$

Для ответа нужно найти среднее арифметическое чисел строчек, которые подошли под условие, поэтому в ячейку X1 запишем формулу

В ячейке Y1 получим ответ через формулу

В приведенном файле необходимо посчитать, сколько раз встречается слово «сам» в составе других слов, но не как отдельное слово.

Решение

Нажмем на поиск и в расширенном варианте уберем галочку с параметра «только слово целиком» и поставим на «не учитывать регистр», вводим в поле «сам».

После этого ставим галочку на параметр «только слово целиком» и снова нажимаем поиск. Тогда, чтобы получить «сам» только в составе других слов, а не как отдельное слово, нужно вычесть из первого второе и получить ответ.

11 Задача 11.1

Серийный номер состоит из 3410 символов. Для хранения каждого из серийных номеров выделено одинаковое минимальное число байт. Для хранения 2984523 серийных номеров потребовалось не менее 14 Гбайт. Найдите минимально возможную мощность алфавита для записи одного серийного номера.

Решение

Общий объем памяти: 14 Гбайт $= 14 * 1024^3 = 15032385536$ байт.

Для 1 серийного номера нужно: $\frac{15032385536}{2984523} \approx 5036,78$ байт.

Поскольку выделяется целое число байт, берем 5037 байт.

Для хранения одного символа нужно: $\frac{5037 \times 8}{3410} \approx 11,82$ бита.

Поскольку символ кодируется целым числом бит, берем 12 бит.

Проверим достаточность 11 бит: при 11 битах один номер займет:

$$\frac{3410 \times 11}{8} = 4688,75 \rightarrow 4689$$
 байт

Для всех номеров: $4689 * 2984523 \approx 13,03$ Гбайт < 14 Гбайт – недостаточно.

При 12 битах: один номер займет $\frac{3410 \times 12}{8} = 5115$ байт. Для всех номеров: $5115 * 2984523 \approx 14,22$ Гбайт > 14 Гбайт – достаточно.

Минимальная мощность алфавита при 12 битах: $2^{11} + 1 = 2049$ символов.

12 Задача 11.2

На предприятии каждой изготовленной детали присваивается серийный номер, состоящий из 248 символов. В базе данных для хранения каждого серийного номера отведенено одинаковое и минимальное возможное количество байт. При этом используется посимвольное кодирование номеров, все символы кодируются одинаковым и минимально возможным количеством бит. Известно, что для хранения 75 600 номеров требуется не менее 16 Мбайт памяти. Определите минимально возможную мощность алфавита, используемого для записи серийных номеров. В ответе запишите только целое число.

Решение

Пусть і – количество бит для кодирования одного символа.

Составим неравенство: $\frac{248 \times i \times 75600}{8} \geqslant 16 \times 1024^2$

 $16 * 1024^2 = 16777216$ байт

 $18748800 * i \ge 134217728$

 $i \ge 7, 16$

Минимальное целое значение: i = 8 бит.

Проверим достаточность 7 бит: объем = $\frac{248 \times 7 \times 75600}{8}$ = 16399200 байт $\approx 15,64$ Мбайт < 16 Мбайт – недостаточно.

При 8 битах: объем = $\frac{248 \times 8 \times 75600}{8}$ = 18748800 байт $\approx 17,88$ Мбайт > 16 Мбайт – достаточно.

Минимальная мощность алфавита при 8 битах: $2^7 + 1 = 129$ символов.

Ответ: 129

13 Задача 12

Исполнитель Редактор получает на вход строку цифр и преобразовывает её. Редактор может выполнять две команды, в обеих v и w обозначают цепочки цифр.

A) заменить (v, w).

Эта команда заменяет в строке первое слева вхождение цепочки v на цепочку w. Например, выполнение команды **заменить** (111, 27) преобразует строку 05111150 в строку 0527150. Если в строке нет вхождений цепочки v, то выполнение команды **заменить** (v, w) не меняет эту строку.

Б) **нашлось** (v).

Эта команда проверяет, встречается ли цепочка v в строке исполнителя Редактор. Если она встречается, то команда возвращает логическое значение «истина», в противном случае возвращает значение «ложь». Строка исполнителя при этом не изменяется.

```
Дана программа для Редактора:

НАЧАЛО
ПОКА нашлось (31) ИЛИ нашлось (11111) ИЛИ нашлось (144)

ЕСЛИ нашлось (31)

ТО заменить (31, 4)

КОНЕЦ ЕСЛИ

ЕСЛИ нашлось (11111)

ТО заменить (11111, 33)

КОНЕЦ ЕСЛИ

ЕСЛИ нашлось (144)

ТО заменить (144, 133)

КОНЕЦ ЕСЛИ

КОНЕЦ ЕСЛИ

КОНЕЦ ПОКА

КОНЕЦ
```

На вход приведённой выше программе поступает строка, начинающаяся с цифры «3», а затем содержащая п цифр «1» (5 < n < 1000).

Определите значение n, при котором сумма цифр в строке, получившейся в результате выполнения программы, равна 160.

Решение

```
for n in range(6, 1000):
    s = '3'+n*'1'
    while '31' in s or '11111' in s or '144' in s:
        s = s.replace('31', '4', 1)
        s = s.replace('11111', '33', 1)
        s = s.replace('144', '133', 1)
    if sum(map(int, s)) == 160:
        print(n)
```

В терминологии сетей TCP/IP маска сети — это двоичное число, меньшее 2^{32} ; в маске сначала (в старших разрядах) стоят единицы, а затем с некоторого места нули. Маска определяет, какая часть IP-адреса узла сети относится к адресу сети, а какая — к адресу самого узла в этой сети. Обычно маска записывается по тем же правилам, что и IP-адрес — в виде четырех байт, причем каждый байт записывается в виде десятичного числа. Адрес сети получается в результате применения поразрядной конъюнкции к заданному IP-адресу узла и маске.

Например, если IP-адрес узла равен 131.32.255.131, а маска равна 255.255.240.0, то адрес сети равен 131.32.240.0.

Сеть задана IP-адресом одного из входящих в неё узлов 186.215.243.5 и сетевой маской 255.255.192.0.

Найдите наибольший IP-адрес в данной сети, который может быть назначен компьютеру.

В ответе укажите найденный ІР-адрес в десятичной системе счисления без точек и разделителей.

Решение

Переведём ІР-адрес узла и маску сети в двоичную систему счисления:

| IP узла | 10111010.11010111.11110011.00000101 |
|----------|--------------------------------------|
| IP маска | 11111111.11111111.11000000.000000000 |

Узлы в сети имеют вид: 10111010.11010111.11*xxxxxx.xxxxx*

Нам нужно найти наибольший IP-адрес в данной сети, который может быть назначен компьютеру. Но мы не можем назначать компьютеру широковещательный адрес.

Поэтому, последний возможный ІР-адрес будет равен:

Решение программой

```
from <u>ipaddress</u> import *

# Создаем объект сети

net = ip_network('186.215.243.5/255.255.192.0', 0)

# Берем предпоследний адрес, так как последний - широковещательный

print(str(net[-2]).replace('.',''))
```

Ответ: 186215255254

15 Задача 14

Операнды арифметического выражения записаны в системе счисления с основанием 27.

$$2107x792_{27} + 565x211_{27}$$

В записи чисел переменной x обозначена неизвестная цифра из алфавита 27-ричной системы счисления. Определите наименьшее значение x, при котором значение данного арифметического выражения кратно 26. Для найденного x вычислите частное от деления значения арифметического выражения на 26 и укажите его в ответе в десятичной системе счисления. Основание системы счисления указывать не нужно.

Решение

```
for x in range(0, 27):
    a1 = 2 * 27 ** 7 + 1 * 27 ** 6 + 7 * 27 ** 4
    + x * 27 ** 3 + 7 * 27 ** 2 + 9 * 27 ** 1 + 2
    a2 = 5 * 27 ** 6 + 6 * 27 ** 5 + 5 * 27 ** 4
    + x * 27 ** 3 + 2 * 27 ** 2 + 1 * 27 + 1
    a = a1 + a2
    if a % 26 == 0:
        print(a//26)
        break
```

Для какого наибольшего целого неотрицательного числа A выражение

$$(x+3y > A) \lor (x < 18) \lor (y < 33)$$

тождественно истинно при любых целых неотрицательных x и y?

Решение

```
def f(a):
    for x in range(1000):
        for y in range(1000):
            if not ((x + 3 * y > a) or (x < 18) or (y < 33)):
                return False
    return True
for a in range(1000, 0, -1):
    if f(a):
        print(a)</pre>
```

Алгоритм вычисления значения функции F(n), где n - натуральное число, задан следующими соотношениями:

```
F(n)=1 при n=1; F(n)=n^2+F(n-1) при n>1. Чему равно значение выражения F(2025)-F(2022)? Решение
```

```
from functools import lru_cache
@lru_cache (None)
def f(n) :
    if n == 1:
        return 1
    else:
        return n ** 2 + f(n - 1):
for i in range (1, 2026):
    f(i)
print(f(2025) - f(2022))
```

Ответ: 12289730

18 Задача 17.1

В файле 17.14.txt содержится последовательность целых чисел от -100 000 до 100 000 включительно. Определите количество троек элементов последовательности, в которых из трёх элементов тройки пятизначными числами являются только два, а сумма элементов тройки не больше максимального элемента последовательности, оканчивающегося на 13. В ответе запишите кол-во найденных троек чисел, затем максимальную из сумм элементов таких троек. Под тройкой подразумевается три идущих подряд элемента последовательности.

```
f = open('...')

a = [int(x) for x in f.readlines()]

max_13 = max([x for x in a if abs(x) % 100 == 13])

cnt = 0 # количество подходящих троек

max_sum = -10000 # максимальная из сумм троек

for i in range(len(a) - 2):

    n = a[i:i + 3] # список из чисел тройки

    t = [10_000 <= abs(x) < 100_000 for x in n] # проверяем пятизначносте

    if len(t) == 2 and sum(n) <= max_13:

        cnt += 1, max_sum = max(max_sum, sum(n))

print(cnt, max_sum)
```

19 Задача 17.2

В файле 17.txt содержится последовательность целых чисел от -100 000 до 100 000 включительно. Определите количество пар элементов последовательности, в которых только один элемент является двузначным, а сумма элементов больше максимального элемента последовательности, оканчивающегося на 19. В ответе запишите без пробела кол-во найденных пар чисел, затем максимальную из их сумм. Под парой подразумевается два идущих подряд элемента последовательности.

Решение

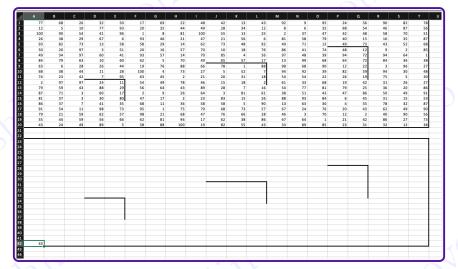
```
f = open("17.14.txt")
a = [int(x) for x in f]
res = []
max_19 = max([x for x in a if abs(x) % 100 == 19])
for i in range (len(da) -1):
    if (int(len(str(abs(a[i]))) == 2) != int(len(str(abs(a[i + 1]))) == 2))
        and (sum(a[i:i + 2]) <= max_19):
        res.append(a[i] + a[i + 1])
print(len(res), max(res))</pre>
```

Исполнитель Робот стоит в левом верхнем углу поля, разлинованного на клетки. Он может перемещаться по клеткам, выполняя за одно перемещение одну из двух команд: вправо или вверх. По команде вправо Робот перемещается в соседнюю правую клетку; по команде вниз – в соседнюю нижнюю. Между соседними клетками квадрата также могут быть внутренние стены. Сквозь стену Робот пройти не может. Перед каждым запуском Робота в каждой клетке квадрата лежит монета достоинством от 1 до 100. Посетив клетку, Робот забирает монету с собой; это также относится к начальной и конечной клеткам маршрута Робота. В «угловых» клетках поля – тех, которые справа и сверху ограничены стенами, Робот не может продолжать движение, поэтому накопленная сумма считается итоговой. Таких конечных клеток на поле может быть несколько, включая правую верхнюю клетку поля. При разных запусках итоговые накопленные суммы могут различаться. Определите максимальную и минимальную денежные суммы, среди всех возможных итоговых сумм, которые может собрать Робот, пройдя из левой нижней клетки в конечную клетку маршрута.

Исходные данные записаны в файле в виде электронной таблицы, каждая ячейка которой соответствует клетке поля. В ответе запишите два числа — сначала максимальную сумму, которую может собрать Робот, затем — минимальную.

Решение

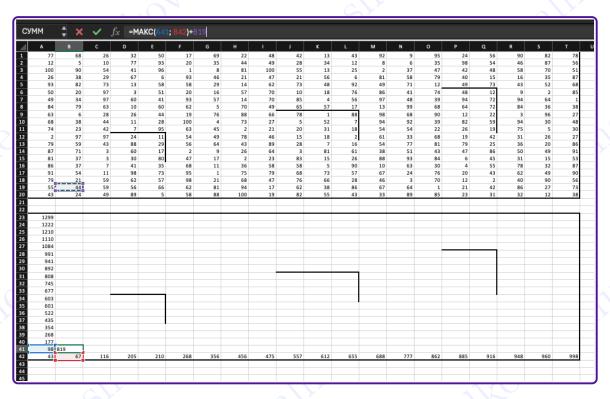
Переносим форматирование, вставляем исходное значение.



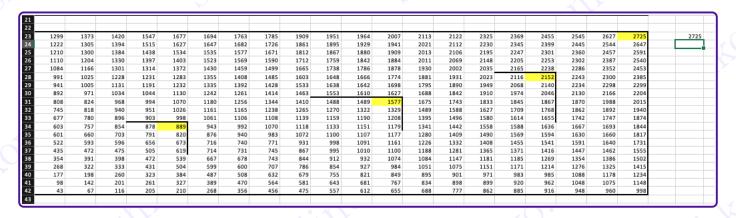
В левый столбец динамически к сумме прибавляем значение из соответствующей ячейки

| ММ | ‡ × | ✓ . | $f_X = A4$ | 2+A19 | | | | | | | | | | | | | | | |
|--|----------|----------|------------|----------|----------|---------|----------|-----------|----------|----------|----------|----------|----------|----------|----------|----------|----------|----------|--------|
| A | В | С | D | E | F | G | н | 1 | J | к | L | М | N | 0 | P | Q | R | S | T |
| 77 | 68 | 26 | 32 | 50 | 17 | 69 | 22 | 48 | 42 | 13 | 43 | 92 | 9 | 95 | 24 | 56 | 90 | 82 | 78 |
| 12 | 5 | 10 | 77 | 93 | 20 | 35 | 44 | 49 | 28 | 34 | 12 | 8 | 6 | 35 | 98 | 54 | 46 | 87 | 50 |
| 100 26 | 90 38 | 54 29 | 41 67 | 96 | 93 | 8 46 | 81 21 | 100 47 | 55 21 | 13 56 | 25 6 | 2 81 | 37 58 | 47 79 | 42 40 | 48 | 58 16 | 70 35 | 5 8 |
| 93 | 82 | 73 | 13 | 58 | 58 | 29 | 14 | 62 | 73 | 48 | 92 | 49 | 71 | 12 | 49 | 15 73 | 43 | 52 | 6 |
| 50 | 20 | 97 | 3 | 51 | 20 | 16 | 57 | 70 | 10 | 18 | 76 | 86 | 41 | 74 | 48 | 12 | 9 | 2 | 8 |
| 49 | 34 | 97 | 60 | 41 | 93 | 57 | 14 | 70 | 85 | 4 | 56 | 97 | 48 | 39 | 94 | 72 | 94 | 64 | |
| 84 | 79 | 63 | 10 | 60 | 62 | 5 | 70 | 49 | 65 | 57 | 17 | 13 | 99 | 68 | 64 | 72 | 84 | 36 | 3 |
| 63 | 6 | 28 | 26 | 44 | 19 | 76 | 88 | 66 | 78 | 1 | 88 | 98 | 68 | 90 | 12 | 22 | 3 | 96 | 2 |
| 68 | 38 | 44 | 11 | 28 | 100 | 4 | 73 | 27 | 5 | 52 | 7 | 94 | 92 | 39 | 82 | 59 | 94 | 30 | 4 |
| 74 | 23 | 42 | 7 | 95 | 63 | 45 | 2 | 21 | 20 | 31 | 18 | 54 | 54 | 22 | 26 | 19 | 75 | 5 | 3 |
| 2 | 97 | 97 | 24 | 11 | 54 | 49 | 78 | 46 | 15 | 18 | 2 | 61 | 33 | 68 | 19 | 42 | 31 | 26 | 2 |
| 79 | 59 | 43 | 88 | 29 | 56 | 64 | 43 | 89 | 28 | 7 | 16 | 54 | 77 | 81 | 79 | 25 | 36 | 20 | 8 |
| 87 | 71 | 3 | 60 | 17 | 2 | 9 | 26 | 64 | 3 | 81 | 61 | 38 | 51 | 43 | 47 | 86 | 50 | 49 | 9 |
| 81 | 37 | 3 | 30 | 80 | 47 | 17 | 2 | 23 | 83 | 15 | 26 | 88 | 93 | 84 | 6 | 45 | 31 | 15 | 5 |
| 86 | 37 | 7 | 41 | 35 | 68 | 11 | 36 | 58 | 58 | 5 | 90 | 10 | 63 | 30 | 4 | 55 | 78 | 32 | 8 |
| 91 | 54 21 | 11 59 | 98 62 | 73 57 | 95 98 | 21 | 75 68 | 79 47 | 68 76 | 73 66 | 57 28 | 67 46 | 24 | 76 70 | 20 12 | 43 | 62 40 | 49 90 | 9 |
| 79 55 | 44 | 59 | 56 | 66 | 62 | 81 | 94 | 17 | 62 | 38 | 86 | 67 | 64 | 1 | 21 | 42 | 86 | 27 | 7. |
| 43 | 24 | 49 | 89 | 5 | 58 | 88 | 100 | 19 | 82 | 55 | 43 | 33 | 89 | 85 | 23 | 31 | 32 | 12 | 3 |
| 1299 1222 1210 1110 1084 991 941 892 808 745 677 603 601 522 435 354 268 177 | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| A42+A19 43 | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |

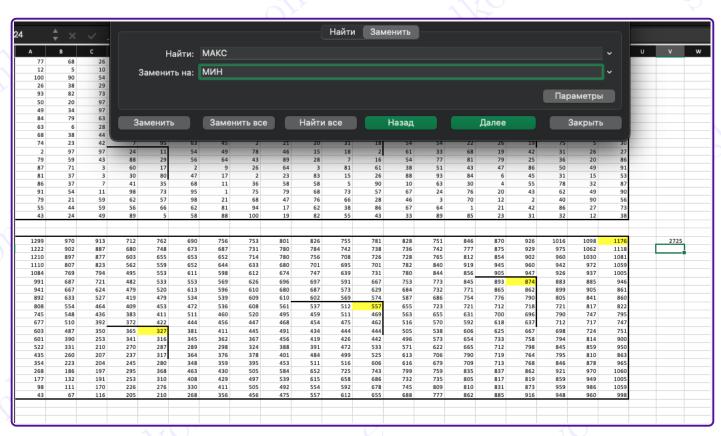
Для подсчета максимума берем максимум из двух сумм, прибавляем значение из соответствующей ячейки, растягиваем на всю таблицу.



Конечными являются угловые ячейки, берем максимум из них.



Заменяем на МИН и берем минимальное значение.



Два игрока, Петя и Ваня, играют в следующую игру. Перед игроками лежит куча камней. Игроки ходят по очереди, первый ход делает Петя. За один ход игрок может убрать из кучи один камень или убрать из кучи три камня. Например, имея кучу из 30 камней, за один ход можно получить кучу из 29 или 27 камней. Игра завершается в тот момент, когда количество камней в куче становится не более 11.

Победителем считается игрок, сделавший последний ход, то есть первым получивший позицию, в которой в куче будет 11 или менее камней. В начальный момент в куче было S камней, S>11.

Будем говорить, что игрок имеет выигрышную стратегию, если он может выиграть при любых ходах противника. Описать стратегию игрока — значит описать, какой ход он должен сделать в любой ситуации, которая ему может встретиться при различной игре противника. В описание выигрышной стратегии не следует включать ходы играющего по этой стратегии игрока, не являющиеся для него безусловно выигрышными, т. е. не являющиеся выигрышными независимо от игры противника.

Известно, что Ваня выиграл своим первым ходом после неудачного первого хода Пети. Укажите максимальное значение S, когда такая ситуация возможна.

Решение

```
from functools import lru_cache
@lru_cache(None)
def game(x):
    if x <= 11: # условие выигрыша
        return 0
    moves = [game(x - 1), game(x - 3)] # перечисляем ходы
    n = [i for i in moves if i <= 0]
    if n:
        return -max(n) + 1
    return -max(moves)

for i in range(12, 100):
    if game(i - 1) == 1 or game(i - 3) == 1: # Если Петя поддаётся
        print(i)
```

Для игры, описанной в предыдущем задании, найдите два таких значения S, при котором у Петя есть выигрышная стратегия, причём Петя не может выиграть за один ход и Петя может выиграть своим вторым ходом независимо от того, как будет ходить Ваня.

В ответе запишите числа в порядке возрастания без пробелов и знаков препинания.

Решение

```
from functools import lru_cache
@lru_cache(None)
def game(x):
    if x <= 11: # условие выигрыша
        return 0
    moves = [game(x - 1), game(x - 3)] # перечисляем ходы
    n = [i for i in moves if i <= 0]
    if n:
        return -max(n) + 1
    return -max(moves)
for i in range(12, 100):
    if game(i) == 2:
        print(i)</pre>
```

23 Задача 21

Для игры, описанной ранее, найдите такое максимальное значение S, при котором одновременно выполняются два условия:

- у Вани есть выигрышная стратегия, позволяющая ему выиграть первым или вторым ходом при любой игре Пети;
- у Вани нет стратегии, которая позволит ему гарантированно выиграть первым ходом.

Если такого значения нет, в ответ запишите 0.

```
from functools import lru_cache
@lru_cache(None)
def game(x):
    if x <= 11: # условие выигрыша
        return 0
    moves = [game(x - 1), game(x - 3)] # перечисляем ходы
    n = [i for i in moves if i <= 0]
    if n:
        return -max(n) + 1
    return -max(moves)
for i in range(12, 100):
    if game(i) == -2:
        print(i)</pre>
```

24 Задача 22

В файле 22.xls содержится информация о совокупности 25 вычислительных процессов, которые могут выполняться параллельно или последовательно. Будем говорить, что процесс В зависит от процесса А, если для выполнения процесса В необходимы результаты выполнения процесса А. В этом случае процессы могут выполняться только последовательно. Информация о процессах представлена в файле в виде таблицы. В первом столбце таблицы указан идентификатор процесса (ID), во втором столбце таблицы – время его выполнения в миллисекундах, в третьем столбце перечислены с разделителем «;» ID процессов, от которых зависит данный процесс. Если процесс является независимым, то в таблице указано значение 0.

Определите, сколько процессов выполнялось одновременно в 14 мс.

Для независимых процессов, начиная со столбца D, будем проставлять единицы вправо. Количество единиц равно количеству мс выполнения каждого процесса. Для удобства выберем ширину столбов 2-3.

Затем переходим к зависимым процессам и начинаем также проставлять единицы, но уже после выполнения независимых процессов.

В последней после таблицы строке столбца D прописываем формулу СУММ(D2:D13) и растягиваем её вправо. Полученные значения – количество выполняемых одновременно процессов. Остается посчитать сколько процессов выполнялось одновременно в 14 мс.

25 Задача 23

Исполнитель преобразует число на экране. У исполнителя есть две команды, которые обозначены латинскими буквами:

- А. Вычти 3
- В. Найди целую часть от деления на 3

Программа для исполнителя – это последовательность команд.

Сколько существует программ, для которых при исходном числе 81 результатом является число 3, и при этом траектория вычислений содержит число 27?

Решение

```
def f(a, b):
    if a < b:
        return 0
    if a == b:
        return 1
    return f(a - 3, b) + f(int(a / 3), b)
print(f(81, 27) * f(27, 3))</pre>
```

Необходимо найти подстроку максимальной длины, которая начинается с символа D и содержит его ровно один раз, и содержит 50 цифр.

Решение регулярками

```
from re import findall

f = open('24.txt')

s = f.readline()

reg = 'D(?: [A-CE-Z]*[0-9]){50}[A-CE-Z]*'

print(len(max(findall(reg, s), key=len)))
```

Решение проходом по строке

```
f = open('...')
s = f.readline()
ans = 0
for i in range(len(s)):
    if s[i] == 'D': \# начинаем подстроку с D
        cnt_digits = 0
        for j in range(i + 1, len(s)):
            if s[j] in '0123456789': # встретили цифру
                cnt_digits += 1
            if cnt_digits > 50:
            # если более 50 цифр, берём всё до текущего символа (невкл)
                ans = \max(ans, j - i)
                break
            if s[j] == "D":
                break
print(ans)
```

Определите первые 5 чисел, больших 2.900.000, которые являются произведением двух простых чисел, каждое из которых содержит в себе ровно один 0. В ответе в первом столбце таблицы запишите найденные числа в порядке возрастания, а во втором соответствующие им их максимальные множители.

Решение

```
def prime(x):
    for i in range(2, int(x**0.5) + 1):
        if x % i == 0:
            return False
    return x > 1
k = 0
for x in range(2_900_000, 5_000_000):
    d = set()
    for i in range(2, int(x**0.5) + 1):
        if x % i == 0:
            d.add(i)
            d.add(x // i)
    b = list(d)
    if len(d) == 2 and str(b[0]).count('0') == 1 and str(b[1]).count('0') == 1
        and b[0] * b[1] == x and prime(b[0]) and prime(b[1]):
        print(x, max(b))
        k += 1
        if k == 5:
            break
```

Ответ:

В магазине для упаковки подарков есть N кубических коробок красного цвета и M кубических коробок синего цвета (N>M). Самой интересной считается упаков-ка подарка по принципу матрешки – подарок упаковывается в одну из коробок, та в свою очередь в другую коробку и т. д., при этом цвет коробок чередуется. Одну коробку можно поместить в другую, если длина её стороны хотя бы на 5 единиц меньше длины стороны другой коробки. Определите наибольшее количество коробок, которое можно использовать для упаковки одного подарка, и максимально возможную длину стороны самой маленькой коробки, где будет находиться подарок. Размер подарка позволяет поместить его в самую маленькую коробку.

Входные данные: В первой строке входного файла находятся число N — количество коробок красного цвета в магазине (натуральное число, не превышающее $10\ 000$) и через пробел число M - количество коробок синего цвета в магазине (натуральное число, не превышающее $10\ 000$). В следующих N строках находятся значения длин сторон коробок красного цвета (все числа натуральные, не превышающие $10\ 000$) и через знак табуляции значения длин сторон коробок синего цвета (все числа натуральные, не превышающие $10\ 000$), каждая пара таких значений - в отдельной строке; в последних N — строках второе число опускается, и числа, соответствующие длинам сторон коробок красного цвета, идут каждое в отдельной строке.

Запишите в ответе два целых числа: сначала наибольшее количество коробок, которое можно использовать для упаковки одного подарка, затем максимально возможную длину стороны самой маленькой коробки в таком наборе.

Типовой пример организации данных во входном файле

50

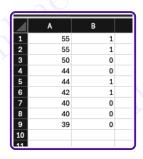
Пример входного файла приведён для случая пяти коробок красного цвета и четырёх коробок синего цвета, когда минимальная допустимая разница между длинами сторон коробок, подходящих для упаковки «матрёшкой», составляет 5 единицы.

Таблицами:

Добавляем обозначение цвета, пусть 0 – красный, 1 – синий

| 4 | Α | В | С | D |
|---|----|---|----|----|
| 1 | 5 | | 4 | |
| 2 | 39 | 0 | 55 | 1 |
| 3 | 40 | 0 | 42 | 1 |
| 4 | 44 | 0 | 44 | 1 |
| 5 | 40 | 0 | 55 | 1 |
| 6 | 50 | 0 | | |
| 7 | | | | l. |
| | | | | |

Переносим одно под другое, сортируем по убыванию столбец с матрешками.



В первую строку берем самую большую коробку с цветом.

Во вторую строку записываем формулу для размера:

$$=$$
ECЛИ(C1-A2>=5; EСЛИ(ИЛИ(И(D1=1; B2=0); И(D1=0; B2=1)); A2; C1); C1)

Что происходит в формуле:

1) C1-A2>=
$$5$$

Проверяем, достаточно ли велика разница между предыдущей коробкой (C1) и текущей (A2). Если разница >=5, то коробка может поместиться

2) Если разница достаточная, проверяем цвет:

$$ИЛИ(U(D1=1; B2=0); U(D1=0; B2=1))$$

$$\mathrm{M}(\mathrm{D}1{=}1;\,\mathrm{B}2{=}0)$$
 - предыдущая синяя (1) И текущая красная (0)

$$U(D1=0; B2=1)$$
 - предыдущая красная (0) И текущая синяя (1)

ИЛИ - любое из этих условий = цвета чередуются

3) Результат:

Если разница >=5 И цвета чередуются -> берем новую коробку A2 Если разница >=5 НО цвета НЕ чередуются -> оставляем старую C1 Если разница <5 -> оставляем старую C1

В столбец D записываем формулу для цвета:

C1=C2 - проверяем, изменился ли размер коробки Если НЕ изменился (C1=C2) -> цвет остается тот же D1 Если изменился (взяли новую коробку) -> цвет новый B2

| СУММ | ‡ | X V | f_X =ЕСЛ | И(<mark>С1-А2</mark> >= | 5; ЕСЛИ(ИЛ | IИ(И D1=1; | <mark>В2=0</mark>); И D | 1=0; <u>B2</u> =1)); | A2; C1); (| C1) |
|----------|----------|-----|------------|--------------------------|------------|------------|--------------------------|----------------------|------------|-----|
| 4 | Α | В | С | D | Ε | F | G | н | ı | |
| 1 | 55 | 1 | 55 | 1 | | | | | | |
| 2 | 55 | 1 | C1); C1) | 1 | | | | | | |
| 3 | 50 | 0 | 50 | 0 | | | | | | |
| 4 | 44 | 0 | 50 | 0 | | | | | | |
| 5 | 44 | 1 | 44 | 1 | | | | | | |
| 6 | 42 | 1 | 44 | 1 | | | | | | |
| 7 | 40 | 0 | 44 | 1 | | | | | | |
| 8 | 40 | 0 | 44 | 1 | | | | | | |
| 9 | 39 | 0 | 39 | 0 | | | | | | |
| 10 | | | | | | | | | | |
| 11 | | | | | | | | | | |

Чтобы посчитать кол-во коробок, посмотрим: если размер коробки не меняется – значит, и кол-во коробок не увеличивается. Динамически посчитаем кол-во коробок:

| СУ | мм 🛊 | x v | f _x =ЕСЛ | И(<mark>C2=C1</mark> ; Е | 1; E1+1) | |
|----|------|-----|---------------------|---------------------------|----------|---|
| 4 | Α | В | С | D | E | F |
| 1 | 55 | 1 | 55 | 1 | 1 | |
| 2 | 55 | 1 | 55 | 1 | 1) | |
| 3 | 50 | 0 | 50 | 0 | 2 | |
| 4 | 44 | 0 | 50 | 0 | 2 | |
| 5 | 44 | 1 | 44 | 1 | 3 | |
| 6 | 42 | 1 | 44 | 1 | 3 | |
| 7 | 40 | 0 | 44 | 1 | 3 | |
| 8 | 40 | 0 | 44 | 1 | 3 | |
| 9 | 39 | 0 | 39 | 0 | 4 | |
| 10 | | | | | | |

Тогда кол-во будет равно максимальному, последнему значению, для подсчета наименьшей нужно посмотреть на последнюю взятую возможную коробку: на примере на коробки со значениями 4 в столбце E: если бы их было несколько — взяли бы среди них ту, что имеет наибольшее значение.

Прогой:

```
f = open("26.txt")
first_line = f.readline().strip()
n, m = map(int, first_line.split())
red_boxes = []
green_boxes = []
for i in range(m):
    line = f.readline().strip()
    parts = line.split()
    red_boxes.append(int(parts[0]))
    green_boxes.append(int(parts[1]))
for i in range(n - m):
    line = f.readline()
    red_boxes.append(int(line))
all_boxes = []
# красные коробки (цвет = 0)
for size in red_boxes:
    all_boxes.append((size, 0))
# зеленые коробки (цвет = 1)
for size in green_boxes:
    all_boxes.append((size, 1))
# сортируем по убыванию размера
all_boxes.sort(reverse=True)
# находим максимальную матрёшку
max_boxes = 0
max_min_size = 0
```

```
# пробуем начать с каждой коробки
for start in range(len(all_boxes)):
    # начинаем новую последовательность
    matryoshka = [all_boxes[start]]
    current_size = all_boxes[start][0]
    current_color = all_boxes[start][1]
    # ищем подходящие коробки для продолжения
    for i in range(start + 1, len(all_boxes)):
        next_size, next_color = all_boxes[i]
        # проверяем условия:
        # 1. разница в размерах >= 5
        # 2. цвета чередуются
        if current_size - next_size >= 5 and next_color != current_color:
            matryoshka.append(all_boxes[i])
            current_size = next_size
            current_color = next_color
    # обновляем максимум
    if len(matryoshka) > max_boxes:
        max_boxes = len(matryoshka)
        max_min_size = matryoshka[-1][0]
    elif len(matryoshka) == max_boxes and matryoshka[-1][0] > max_min_size:
        max_min_size = matryoshka[-1][0]
print(max_boxes, max_min_size)
```

Учёный решил провести кластеризацию некоторого множества звёзд по их расположению на карте звёздного неба. Кластер звёзд — это набор звёзд (точек) на графике, лежащий внутри круга радиусом R. Каждая звезда обязательно принадлежит только одному из кластеров. Истинный центр кластера, или центроид, — это одна из звёзд на графике, сумма расстояний от которой до всех остальных звёзд кластера минимальна. Под расстоянием понимается расстояние Евклида между двумя точками $A(x_1, y_1)$ и $B(x_2, y_2)$ на плоскости, которое вычисляется по формуле:

$$d(A, B) = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}$$

Аномалиями назовём точки, находящиеся на расстоянии более одной условной единицы от точек кластеров. При расчётах аномалии учитывать не нужно.

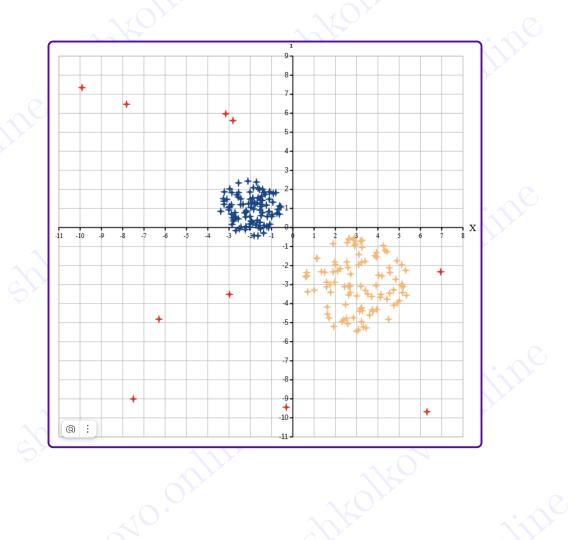
В файле А хранятся данные о звёздах двух кластеров, где R=2 для каждого кластера. В каждой строке записана информация о расположении на карте одной звезды: сначала координата x, затем координата y. Значения даны в условных единицах, которые представлены вещественными числами. Известно, что количество звёзд не превышает 1000.

В файле Б хранятся данные о звёздах трех кластеров, где R=6 для каждого кластера. Известно, что количество звёзд не превышает 10 000. Структура хранения информации о звездах в файле Б аналогична файлу A.

Для каждого файла определите координаты центра каждого кластера, затем вычислите два числа: P_x — среднее арифметическое абсцисс центров кластеров, и P_y — среднее арифметическое ординат центров кластеров.

В ответе запишите четыре числа через пробел: сначала целую часть произведения $|P_x|\cdot 100$ для файла A, затем $|P_y|\cdot 100$ для файла A, далее целую часть произведения $|P_x|\cdot 100$ для файла Б и $|P_y|\cdot 100$ для файла Б. Возможные данные одного из файлов иллюстрированы графиком.

Внимание! График приведён в иллюстративных целях для произвольных значений, не имеющих отношения к заданию. Для выполнения задания используйте данные из прилагаемого файла.



Файл А

```
f = open('3A.txt')
n = f.readline()
a = [[] for i in range(2)]
for i in range(811):
    star = list(map(float, f.readline().replace(',','.').split()))
    if (star[1] > 0 and star[1] < 40) and (star[0] > -20 and star[0] < 20):
        a[0].append(star)
    elif star[1] < -60 and star[0] > 0:
        a[1].append(star)
sum_x = sum_y = tx = ty = 0
for i in a:
    mn = 100000050000
    for j in i:
        x1, y1 = j
        sm = 0
        for k in i:
            x2, y2 = k
            sm += ((x2-x1)**2 + (y2-y1)**2)**0.5
        if sm < mn:
            tx, ty = x1, y1
    sum_x += tx
    sum_y += ty
print(int(abs(sum_x / 2) * 100))
print(int(abs(sum_y / 2) * 100))
```

Файл Б

```
n = f.readline()
a = [[] for i in range(3)]
for i in range(11003):
    star = list(map(float, f.readline().replace(',', '.').split()))
    if star[1] < -60 and star[0] > -20:
        a[0].append(star)
    elif (star[1] < 0 \text{ and } star[1] > -40) and star[0] > -40:
        a[1].append(star)
    elif star[1] < -40 and star[0] < -60:
        a[2].append(star)
sum_x = sum_y = tx = ty = 0
for i in a:
    mn = 100000050000
    for j in i:
        x1, y1 = j
        sm = 0
        for k in i:
            x2, y2 = k
            sm += ((x2 - x1) ** 2 + (y2 - y1) ** 2) ** 0.5
        if sm < mn:
            mn = sm
            tx, ty = x1, y1
    sum_x += tx
    sum_y += ty
print(int(abs(sum_x / 3) * 100))
print(int(abs(sum_y / 3) * 100))
```