# МИНОБРНАУКИ РОССИИ САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ ЭЛЕКТРОТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ «ЛЭТИ» ИМ. В.И. УЛЬЯНОВА (ЛЕНИНА)

Кафедра ВТ

#### ОТЧЕТ

по лабораторной работе №5 (24 вариант)

по дисциплине «Алгоритмы и структуры данных»

**Тема: «Поддержка произвольной последовательности в структуре** данных для множеств»

Студент гр. 7308 Замыслов Н.Ю.

Студент гр. 7308 Цебульский С.А.

Преподаватель Колинько П.Г.

Санкт-Петербург

2019

## Цель работы

Получить практические навыки по работе с деревьями двоичного поиска и алгоритмами над ними с поддержкой произвольных последовательностей.

## Постановка задачи

Дополнить программу с реализацией красно-черного дерева двоичного поиска операциями над последовательностями: mul, excl и erase. Выбрать такой способ доработки структуры данных, чтобы получились эффективные алгоритмы.

#### Реализованная программа

На экран выводятся исходные данные в виде множества и в виде последовательности. В множествах красные элементы дерева обозначены звездочкой, а последовательности на основе множества задают исходный порядок элементов. Последовательность на основе множества представлена полем vector<node \*> и является вектором указателей на элементы дерева, благодаря чему в дереве не хранятся повторяющиеся элементы.

Программа реализует цепочку операций над множествами (рисунок 1). Для этого в прошлой лабораторной были написаны функции для множеств: объединение, пересечение, разность и симметрическая разность. В данной реализации добавлен вывод данных в виде последовательности.

```
[ 0*
Tree [2] :
                           4
                                   0
Seq [5] :
                 [ 4
                          0
                                                               ]
Tree [3] :
                 [ 0*
                           1
                                    3*
Seq [5] :
                 [ 0
                                   1
                                            1
                                                               ]
                          1
Tree [4] :
                                             4*
                 [ 0
                           2
                                                     0
                 10
Seq [5] :
                                   2
                                                               ]
                          3
                                            4
Tree [3] :
                 [ 0*
                           2
Seq [5] :
                 [ 3
                                                               ]
Tree [2] :
                 [ 0
                           1*
Seq [5] :
                 10
                                            0
                                                     0
                                                               ]
 | B:
Tree [4] :
                 [ 0
                           1
                                    3*
                                             4
Seq [4] :
                 [ 1
 & D:
                 [ 0*
Tree [3] :
                           2
Seq [3] :
                 [ 2
                          0
& D / E:
Tree [2] :
                 [ 2
[ 2
                           3*
                                     ]
Seq [2] :
(A | B) ^ ((C & D) / E):
Tree [4] :
                 [ 0
                           1
                                    2*
                                             4
                 [ 1
Seq [4]:
```

Рисунок 1 – Цепочка операций над множествами

Как видно, размеры множеств не превышают размеров последовательностей.

При реализации функций (добавление, удаление, поворот, балансировка) класса красно-чёрного дерева были использованы и интегрированы в программу некоторые идеи и реализации из статьи Википедии [1].

Таблица 1 Оценки сложности алгоритмов над множествами

Алгоритм	Сложность в среднем случае
Пересечение	O (n log n)
Объединение	O (n log n)
Разность	O (n log n)
Симметрическая разность	O (n log n)

Программа реализует три операции над последовательностями:

- Erase Из последовательности исключается часть, ограниченная порядковыми номерами от p1 до p2
- Mul Последовательность сцепляется сама с собой заданное количество раз.
- Excl Вторая последовательность исключается из первой, если она является её частью.

Для наглядности перед выполнением операции выводится первоначальная последовательность (рисунок 2).

```
S1:
                          [ 0
[ 0
Tree [4] :
Seq [5]:
S2:
Tree [2] :
Seq [5] :
                          [ 0*
[ 2
                                       0
                                                                  0
Erase S2 [0; 3] :
Current S2:
Tree [2] :
Seq [5] :
New S2:
                          [ 0*
[ 2
Tree [1] :
Seq [1] :
Mul(1) S1:
Current S1:
Tree [4] :
Seq [5] :
                          [ 0
[ 0
                                       4
New S1:
Tree [4] :
Seq [10] :
                          [ 0
[ 0
                                                      3*
                                                                   4
Excl S2 from S1:
Current S1:
Tree [4] :
Seq [10] :
                          [ 0
[ 0
                                                      3*
                                       4
                                                                                            0
Current S2:
Tree [1] :
Seq [1] :
New S1:
Tree [3] :
Seq [6] :
                          [ 0*
[ 0
                                                      4*
                                                                  0
```

Рисунок 2 – Цепочка операций над последовательностями

Как видно, при применении операций к последовательности также изменяется дерево и элементы в нём.

Таблица 2 Оценки сложности алгоритмов над последовательностями

Алгоритм	Сложность в худшем случае
mul	$O(n^2)$
excl	$O(n^2)$
erase	O(n)

#### Вывод

В результате выполнения лабораторной работы была доработана программа для работы с красно-черными деревьями с поддержкой произвольных последовательностей.

Для хранения нужного порядка использовался вектор указателей на элементы дерева. Программа реализована так, что повторяющиеся элементы не записываются в дерево, а указатель на него просто записывается в вектор.

## Использованные источники

- 1) Красно-чёрное дерево // Википедия. [2019—2019]. Дата обновления: 05.05.2019. URL: <a href="https://ru.wikipedia.org/?oldid=99613396">https://ru.wikipedia.org/?oldid=99613396</a> (дата обращения: 05.05.2019).
- 2) Колинько П. Г. Алгоритмы и структуры данных. Часть 2: Методические указания к практическим занятиям на ПЭВМ и курсовому проектированию. Вып. 1902. СПб.: СПбГЭТУ «ЛЭТИ», 2019. —56 с.: ил.

## Приложения

## Source.cpp

```
#include "b_r_tree.h"
#include <time.h>
#include <iostream>
#include <conio.h>
b_r_tree* generate();
int main()
     srand(time(NULL));
      b_r_tree A, B, C, D, E, Temp1, Temp2, Temp3, result;
     // Генерация множеств
     A = *generate();
      B = *generate();
     C = *generate();
     D = *generate();
      E = *generate();
     // Вывод множеств
      cout << "A:\n" << A << '\n';</pre>
      cout << "B:\n" << B << '\n';</pre>
     cout << "C:\n" << C << '\n';</pre>
      cout << "D:\n" << D << '\n';</pre>
      cout << "E:\n" << E << '\n';
     // Цепочка операций
     Temp1 = A \mid B;
      cout << "A | B:\n" << Temp1 << '\n';</pre>
     Temp2 = C \& D;
      cout << "C & D:\n" << Temp2 << '\n';</pre>
     Temp3 = Temp2 / E;
      cout << "C & D / E:\n" << Temp3 << '\n';</pre>
      result = Temp1 ^ Temp3;
      cout << "(A | B) ^ ((C & D) / E):\n" << result << '\n';</pre>
```

```
ДЕМОНСТРАЦИЯ РАБОТЫ С ПОСЛЕДОВАТЕЛЬНОСТЯМИ
     b r tree S1, S2;
     size_t left, right; // Границы для операции erase
     size t count; // Количество вставок mul
     left = 0;
     right = 3;
     count = 1;
     S1 = *generate();
     S2 = *generate();
     // Вывод последовательностей
     cout << "\n-----
----\n\n\n";
     cout << "S1: \n" << S1;
     cout << "\nS2: \n" << S2;
     // Операции над последовательностями
     // ERASE
     cout << "\n\nErase S2 [" << left << "; " << right << "] : \n";</pre>
     cout << "Current S2: \n" << S2;</pre>
     S2.erase(left, right);
     cout << "New S2: \n" << S2;</pre>
     // MUL
     cout << "\n\nMul(" << count << ") S1: \n";</pre>
     cout << "Current S1: \n" << S1;</pre>
     S1.mul(count);
     cout << "New S1: \n" << S1;</pre>
     // EXCL
     cout << "\n\nExcl S2 from S1: \n";</pre>
     cout << "Current S1: \n" << S1;</pre>
     cout << "Current S2: \n" << S2;</pre>
     S1.excl(S2);
     cout << "New S1: \n" << S1;</pre>
     _getch();
     return 0;
}
```

```
b_r_tree* generate()
{
    b_r_tree* result = new b_r_tree();
    for (size_t i = 0; i < N; ++i)
        result->add(rand() % POWER);
    return result;
}
```

# b\_r\_tree.h

```
#pragma once
#include <iostream>
#include <vector>
class b_r_tree;
using namespace std;
const size_t N = 5; // Размер последовательностей
const size_t POWER = 5; // Мощность множества размещаемых элементов
struct node {
     node* child[2];
     node* parent;
     int key;
     bool red = false;
     node(int key) :key(key) { child[0] = nullptr; child[1] =
nullptr; parent = nullptr; };
     ~node()
     {
           delete child[0];delete child[1];
           child[0] = nullptr; child[1] = nullptr;
     };
     node* brother();
     void rot one(b r tree& tree, bool dir);
};
```

```
class b_r_tree {
     node *root;
     int size;
     vector<node *> seq;
public:
     b_r_tree() : root(nullptr), size(0) {};
     b_r_tree(b_r_tree &&);
     b r_tree(const b_r_tree &);
     ~b_r_tree();
     friend struct node;
     friend ostream & operator<<(ostream& os, b_r_tree& set);</pre>
     bool add(int key);
     node* make node(int data);
     node* search(int key, node* temp = nullptr) const;
     node* next node(node* victim);
     void rebalance_add(node* inserted);
     void rebalance_delete(node* inserted);
     void rebalance delete 2(node* inserted);
     void rebalance delete 3(node* inserted);
     void remove(node* victim);
     void copy tree(const node* n);
     void difference(const node* n);
     void AND(const node* parent, const b_r_tree& other);
     void put_all(ostream& os, node* temp);
     void put Seq(ostream& os);
     void erase(size t, size t);
     void excl(b_r_tree &);
     void mul(size t);
     b r tree& operator=(const b r tree &);
     b_r_tree operator | (const b_r_tree&)const;
     b_r_tree operator &(const b_r_tree&)const;
     b_r_tree operator ^(const b_r_tree&)const;
     b r tree operator /(const b r tree&)const;
};
```

# b\_r\_tree.cpp

```
#include "b_r_tree.h"
b_r_tree::b_r_tree(const b_r_tree & set)
     root = nullptr;
     size = 0;
     copy_tree(set.root);
}
b_r_tree::b_r_tree(b_r_tree && set)
     root = set.root;
     size = set.size;
}
b_r_tree::~b_r_tree()
     delete root;
void b_r_tree::copy_tree(const node* n) { // O(n log n)
     if (n) {
           add(n->key);
           copy_tree(n->child[0]);
           copy_tree(n->child[1]);
     }
}
```

```
bool b_r_tree::add(int key) // O(log n)
{
     node* inserted node = nullptr;
     if (!root) {
           root = make node(key);
           size++;
           inserted_node = root;
           root->parent = nullptr;
     }
     else {
           for (node* temp = root; temp;) {
                 if (temp->key == key) {
                      seq.push back(temp);
                      temp = nullptr;
                      return false;
                 }
                 else if (temp->key < key) {</pre>
                      if (!temp->child[1]) {
                            temp->child[1] = make node(key);
                            size++;
                            temp->child[1]->parent = temp;
                            inserted_node = temp->child[1];
                            temp = nullptr;
                      }
                      else
                            temp = temp->child[1];
                 }
                else {
                      if (!temp->child[0]) {
                            temp->child[0] = make_node(key);
                            size++;
                            temp->child[0]->parent = temp;
                            inserted node = temp->child[0];
                            temp = nullptr;
                      }
                      else
                            temp = temp->child[0];
                 }
           }
     }
     seq.push_back(inserted_node);
     rebalance_add(inserted_node);
     return true;
}
```

```
node* b r tree::search(int key, node* temp)const
{
     node* n = temp;
     if(!n) n = root;
     if (n) {
           if (n->key == key) return n;
          else if (!(n->key < key ? n->child[1] : n->child[0]))
     return nullptr;
          else search(key, n->key < key ? n->child[1] : n-
>child[0]);
     }
     else return nullptr;
}
// функция для однократного поворота узла
void node::rot_one(b_r_tree& tree, bool dir) {
     node* pivot = child[!dir];
     pivot->parent = parent;
     if (parent != nullptr) {
          if (parent->child[dir] == this)
                parent->child[dir] = pivot;
          else
                parent->child[!dir] = pivot;
     }
     child[!dir] = pivot->child[dir];
     if (pivot->child[dir] != nullptr)
          pivot->child[dir]->parent = this;
     parent = pivot;
     pivot->child[dir] = this;
     if (this == tree.root)
          tree.root = pivot;
}
node* b r tree::make node(int data)
{
     node *red node = new node(data);
     if (red_node != nullptr) {
          red node->red = true;
     return red_node;
}
```

```
void b r tree::rebalance add(node* inserted) {
     if (root == inserted)
          inserted->red = false;
     else {
           if (inserted->parent->red) {
                if (inserted->parent->brother() && inserted->parent-
>brother()->red) {
                     inserted->parent->red = false; inserted-
>parent->brother()->red = false;
                     inserted->parent->parent->red = true;
                     rebalance add(inserted->parent->parent);
                else {
                     node* granda = inserted->parent->parent;
                     if ((inserted == inserted->parent->child[1]) &&
(inserted->parent == granda->child[0])) {
                           inserted->parent->rot_one(*this, 0);
                           inserted = inserted->child[0];
                     }
                     else if ((inserted == inserted->parent-
>child[0]) && (inserted->parent == granda->child[1])) {
                           inserted->parent->rot one(*this, 1);
                           inserted = inserted->child[1];
                     inserted->parent->red = false;
                     granda->red = true;
                     if ((inserted == inserted->parent->child[0]) &&
(inserted->parent == granda->child[0])) {
                           granda->rot one(*this, 1);
                     }
                     else {
                           granda->rot_one(*this, 0);
                     }
                }
          }
     root->red = false;
}
```

```
void b_r_tree::rebalance_delete_3(node* son) {
     node* bro = son->brother();
     if (bro->red == false) {
           if ((son == son->parent->child[0]) &&
                (bro->child[1]->red == false) &&
                (bro->child[0]->red == true)) {
                bro->red = true;
                bro->child[0]->red = false;
                bro->rot_one(*this, 1);
           }
          else {
                if ((son == son->parent->child[1]) &&
                      (bro->child[0]->red == false) &&
                      (bro->child[1]->red == true)) {
                      bro->red = true;
                      bro->child[1]->red = false;
                      bro->rot_one(*this, 0);
                }
           }
     }
     bro->red = son->parent->red;
     son->parent->red = false;
     if (son == son->parent->child[0]) {
          bro->child[1]->red = false;
           son->parent->rot_one(*this, 0);
     }
     else {
           bro->child[0]->red = false;
           son->parent->rot_one(*this, 1);
     }
}
```

```
void b_r_tree::rebalance_delete_2(node* son) {
     node* bro = son->brother();
     bool bro_left_child_black, bro_rigth_child_black;
     if (bro->child[0]) bro_left_child_black = bro->child[0]->red ==
false;
     else bro_left_child_black = true;
     if (bro->child[1]) bro_rigth_child_black = bro->child[1]->red
== false;
     else bro_rigth_child_black = true;
     if ((son->parent->red == true) &&
           (bro->red == false) &&
           (bro_left_child_black) &&
           (bro_rigth_child_black)) {
           bro->red = true;
           son->parent->red = false;
     }
     else
           rebalance_delete_3(son);
}
```

```
void b r tree::rebalance delete(node* son) {
     if (son && son != root) {
           node* bro = son->brother();
           if (!bro) son->red = true;
           else {
                if (bro->red) {
                      son->parent->red = true;
                      bro->red = false;
                      if (son == son->parent->child[0])
                           son->parent->rot_one(*this, 0);
                      else
                           son->parent->rot_one(*this, 1);
                }
                bool bro left child black, bro rigth child black;
                if (bro->child[0]) bro_left_child_black = bro-
>child[0]->red == false;
                else bro left child black = true;
                if (bro->child[1]) bro_rigth_child_black = bro-
>child[1]->red == false;
                else bro rigth child black = true;
                if (!son->parent->red && !bro->red &&
bro_left_child_black && bro_rigth_child_black) {
                      bro->red = true;
                      rebalance_delete(son->parent);
                }
                else {
                      rebalance_delete_2(son);
                }
          }
     }
}
```

```
void b r tree::remove(node* victim) {
     if (victim->child[0] != nullptr && victim->child[1] != nullptr)
{
          node* next = next node(victim);
          victim->key = next->key;
          victim = next;
     }
     node* son = victim->child[0] != nullptr ? victim->child[0] :
victim->child[1];
     bool black = !victim->red;
     if (!(victim->child[0] || victim->child[1])) {
           if (victim == root)
                root = nullptr;
          else{
                if (victim == (victim->parent->child[0]))
                     victim->parent->child[0] = nullptr;
                     victim->parent->child[1] = nullptr;
          delete victim; size--;
     }
     else if (victim->child[0] != nullptr ^ victim->child[1] !=
nullptr) {
          if (!victim->red) {
                if (victim->child[0] != nullptr)
                     victim->child[0]->red = false;
                else
                     victim->child[1]->red = false;
           if (victim->child[0] != nullptr)
                victim->child[0]->parent = victim->parent;
           else
                victim->child[1]->parent = victim->parent;
          if (victim->parent) {
                if (victim->parent->child[0] == victim)
                     victim->parent->child[0] = victim->child[0] !=
nullptr ? victim->child[0] : victim->child[1];
                else
                     victim->parent->child[1] = victim->child[0] !=
nullptr ? victim->child[0] : victim->child[1];
           }
          if (victim == root) {
                root = victim->child[0] != nullptr ? victim-
>child[0] : victim->child[1];
          victim->child[0] = victim->child[1] = nullptr;
          delete victim; size--;
     if (black)
          rebalance delete(son);
}
```

```
node* node::brother()
{
     if (this == parent->child[0])
           return parent->child[1];
     else
           return parent->child[0];
}
node* b_r_tree::next_node(node* victim) {
     node* iterator = victim->child[1];
     while (iterator->child[0]) iterator = iterator->child[0];
     return iterator;
}
b_r_tree & b_r_tree::operator=(const b_r_tree& other)
     if (&other != this) {
           delete root;
           seq.clear();
           root = nullptr;
           size = 0;
           copy tree(other.root);
           seq.clear();
           for (size_t i = 0; i < other.seq.size(); ++i)</pre>
                seq.push back(search(other.seq.at(i)->key));
     return *this;
}
b_r_tree b_r_tree::operator | (const b_r_tree& other)const
     b_r_tree result = b_r_tree(*this);
     result.copy_tree(other.root);
     return b_r_tree(result);
}
b_r_tree b_r_tree::operator /(const b_r_tree& other)const
     b_r_tree result = b_r_tree(*this);
     result.difference(other.root);
     return b_r_tree(result);
}
```

```
void b r tree::difference(const node* n) {
     if (n) {
           node* victim = search(n->key);
           if (victim)
                           remove(victim);
           difference(n->child[0]);
           difference(n->child[1]);
     }
}
b_r_tree b_r_tree::operator &(const b_r_tree& other)const
     b_r_tree result = b_r_tree();
     result.AND(root, other);
     return b_r_tree(result);
}
void b_r_tree::AND(const node* parent, const b_r_tree& other) {
     if (parent) {
           node* victim = other.search(parent->key);
                           add(victim->key);
           if (victim)
           AND(parent->child[0], other);
           AND(parent->child[1], other);
     }
}
b_r_tree b_r_tree::operator ^(const b_r_tree& other) const
     b_r_tree result = b_r_tree(*this);
     result = (result | other) / (result & other);
     return b_r_tree(result);
}
ostream& operator<<(ostream& os, b r tree& tree)</pre>
     os << "Tree [" << tree.size << "] : \t[ ";
     tree.put all(os, tree.root);
     os << " ]\n";
     tree.put_Seq(os);
     os << " ]\n";
     return os;
}
```

```
void b_r_tree::put_all(ostream& os, node* n) {
     if (n) {
           if (n->child[0])
                 put_all(os, n->child[0]);
           os << n->key;
           if (n->red)
                 os << '*';
           os << " \t ";
           if (n->child[1])
                 put_all(os, n->child[1]);
     }
}
void b r tree::put Seq(ostream & os) {
     os << "Seq [" << seq.size() << "] : \t[ ";
     for (size_t i = 0; i < seq.size(); ++i)</pre>
           os << seq.at(i)->key << " \t";
}
void b r tree::erase(size t left, size t right)
     if (right >= seq.size())
           right = seq.size() - 1;
     if (left <= right) {</pre>
           vector<int> tempSeq;
           for (size_t i = 0; i < seq.size(); ++i)</pre>
                 tempSeq.push back(seq.at(i)->key);
           seq.clear();
           delete root;
           root = nullptr;
           size = 0;
           for (size_t i = 0; i < tempSeq.size(); ++i)</pre>
                 if (!(i >= left && i <= right))</pre>
                       add(tempSeq.at(i));
     }
}
```

```
void b_r_tree::excl(b_r_tree & exclSeq) {
     if (seq.size() >= exclSeq.seq.size() && exclSeq.seq.size() !=
0) {
           vector<int> tempSeq;
           for (size_t i = 0; i < seq.size(); ++i)</pre>
                 tempSeq.push_back(seq.at(i)->key);
           seq.clear();
           delete root;
           root = nullptr;
           size = 0;
           int j = 0;
           for (int i = 0; i < tempSeq.size(); ++i) {</pre>
                 if (tempSeq.at(i) == exclSeq.seq.at(j)->key) {
                      ++j;
                 }
                 else {
                      i -= j;
                      j = 0;
                 }
                 if (j == exclSeq.seq.size()) {
                       for (int g = i; g > i - j; --g)
                            tempSeq.erase(tempSeq.begin() + g);
                      i -= j;
                      j = 0;
                 }
           }
           for (size_t i = 0; i < tempSeq.size(); ++i)</pre>
                 add(tempSeq.at(i));
     }
}
```

```
void b_r_tree::mul(size_t n)
{
    size_t tempSize = seq.size();
    for (size_t i = 0; i < n; ++i) {
        for (size_t j = 0; j < tempSize; ++j) {
            seq.push_back(seq[j]);
        }
    }
}</pre>
```