

Санкт-Петербургский политехнический университет Петра Великого

Институт компьютерных наук и технологий

Кафедра компьютерных систем и программных технологий

Отчет по лабораторной работе №1

По дисциплине «Параллельные вычисления»

«Разработка программ с использованием pthreads и OpenMP в языке C++»

Работу выполнили студенты группы №13541/3

Шаляпин Н.С. \_\_\_\_\_

Работу принял преподаватель

Стручков И. В. \_\_\_\_\_

Санкт-Петербург

2017

## Цель работы

Научиться создавать программы с использованием многопоточных технологий. Познакомиться с работой библиотек pthread и OpenMP для языка C++. Проанализировать прирост производительности при использовании многопоточных библиотек.

## Постановка задачи

Задача: Определить вероятность появления 3-грамм в тексте на русском языке. Решить следующую задачу тремя способами:

1. Однопоточной программой.
2. Программой с использованием библиотеки pthread.
3. Программой с использованием библиотеки OpenMP.

## Обзор задачи

Процессор Intel(R) Core(TM) i5-2450M CPU @ 2.50GHz, 2501 МГц, ядер: 2, логических процессоров: 4 (*hyper-threading*)

### Определители n-го порядка.

Определителем или детерминантом n-го порядка называется число записываемое в виде

$$\Delta = |a_{ik}| = \begin{vmatrix} a_{11} & \dots & a_{1n} \\ a_{21} & \dots & a_{2n} \\ \dots & \dots & \dots \\ a_{n1} & \dots & a_{nn} \end{vmatrix} \quad (0)$$

и вычисляемым по данным числам  $a_{ik}$  (действительным или комплексным) — элементам определителя — по следующему закону:  $\Delta$  есть сумма

$$\Delta = \sum_i (-1)^{f(j)} a_{1j_1} a_{2j_2} \dots a_{nj_n}, \quad (1)$$

Для вычисления определителя воспользуемся его свойством:

Вычеркнем из определителя (9)  $n$ -го порядка  $i$ -ю строку и  $k$ -й столбец. Оставшееся выражение порождает определитель  $(n-1)$ -го порядка  $M_{ik}$ , называемый минором элемента  $a_{ik}$ . Величина же

$$A_{ik} = (-1)^{i+k} M_{ik} \quad (2)$$

называется алгебраическим дополнением или адьюнктом элемента  $a_{ik}$ .

Свойство: Сумма произведений элементов  $a_{ik}$  некоторой строки (столбца) определителя на алгебраические дополнения этих элементов равна величине определителя:

$$\Delta = \sum_{k=1}^n a_{ik} A_{ik} \quad (i = 1, \dots, n), (3)$$

Будем вычислять определитель матрицы 10-ого порядка и за файл data.txt и для каждого алгоритма вычислим время выполнения вычисления такого определителя для дальнейшего сравнения между собой.

data.txt

```
10
6 9 8 7 9 2 0 7 9 1
0 1 5 6 4 3 8 4 4 5
0 0 1 7 2 6 5 0 7 4
0 0 0 1 8 7 9 1 5 9
0 0 0 0 1 8 1 0 9 0
0 0 0 0 0 1 5 8 1 8
0 0 0 0 0 0 1 9 0 3
0 0 0 0 0 0 0 1 8 9
0 0 0 0 0 0 0 0 1 9
0 0 0 0 0 0 0 0 0 1
```

## Однопоточная задача

Написанная однопоточная программа представлена в листинге 1.

Листинг 1. Однопоточная программа

```
#include "stdafx.h"
#include <iostream>
#include <fstream>
#include <locale>
#include <vector>
#include <ctime>
#include <math.h>
#include <stdlib.h>
#include <cstdlib>
#include <iomanip>
#include <windows.h>

using namespace std;

//Возвращает матрицу matrix без row-ой строки и col-того столбца, результат newMatrix
void getMatrixWithoutRowAndCol(double **matrix, int size, int row, int col, double **newMatrix) {
    int offsetRow = 0; //Смещение индекса строки в матрице
    int offsetCol = 0; //Смещение индекса столбца в матрице
    for (int i = 0; i < size - 1; i++) {
        //Пропустить row-ую строку
        if (i == row) {
            offsetRow = 1; //Как только встретили строку, которую надо пропустить, делаем смещение для исходной матрицы
        }
        offsetCol = 0; //Обнулить смещение столбца
    }
}
```

```

        for (int j = 0; j < size - 1; j++) {
            //Пропустить col-ый столбец
            if (j == col) {
                offsetCol = 1; //Встретили нужный столбец, проускаем его
                смещением
            }

            newMatrix[i][j] = matrix[i + offsetRow][j + offsetCol];
        }
    }
}

//Вычисление определителя матрицы разложение по первой строке
double matrixDet(double **matrix, int size) {
    double det = 0;
    int degree = 1; //  $(-1)^{(1+j)}$  из формулы определителя

    //Условие выхода из рекурсии
    if (size == 1) {
        return matrix[0][0];
    }
    //Условие выхода из рекурсии
    else if (size == 2) {
        return matrix[0][0] * matrix[1][1] - matrix[0][1] * matrix[1][0];
    }
    else {
        //Матрица без строки и столбца
        double **newMatrix = new double*[size - 1];
        for (int i = 0; i < size - 1; i++) {
            newMatrix[i] = new double[size - 1];
        }

        //Раскладываем по 0-ой строке, цикл бежит по столбцам
        for (int j = 0; j < size; j++) {
            //Удалить из матрицы i-ю строку и j-ый столбец
            //Результат в newMatrix
            getMatrixWithoutRowAndCol(matrix, size, 0, j, newMatrix);

            //Рекурсивный вызов
            //По формуле: сумма по j,  $(-1)^{(1+j)} * matrix[0][j] * minor\_j$  (это
            и есть сумма из формулы)
            //где minor_j - дополнительный минор элемента matrix[0][j]
            // (напомню, что минор это определитель матрицы без 0-ой строки и
            j-го столбца)
            det = det + (degree * matrix[0][j] * matrixDet(newMatrix, size -
            1));

            //"Накручиваем" степень множителя
            degree = -degree;
        }

        //Чистим память на каждом шаге рекурсии(важно!)
        for (int i = 0; i < size - 1; i++) {
            delete[] newMatrix[i];
        }
        delete[] newMatrix;
    }

    return det;
}

int _tmain(int argc, _TCHAR* argv[])
{

```

```

ifstream in("data.txt");
if (!in.is_open())
    return 1;
//размерность матрицы
int m;
double d;
//вводим n
in >> m;
printf("%d\n", m);

//определяем вектор размером mxm
double **mas;
mas = new double*[m];

for (inti = 0; i < m; i++) {
    mas[i] = new double[m];
    for (int j = 0; j < m; j++) {
        in>>mas[i][j]; //считывание матрицы из файла
        //cout<<mas[i][j]<<" "; //вывод матрицы в консоль
    }
    //printf("\n");
}
//printf("\n");
unsigned inttimeStart = clock();
d = matrixDet(mas, m);
cout<< "Determinant = " << d << "\n";

unsigned inttimeEnd = clock();
unsigned inttimeRezult = timeEnd - timeStart;
cout<< "Time Work Program = " <<timeRezult<< "\n";

for (inti = 0; i < m; i++) delete[] mas[i];
delete[] mas;
in.close();

system("pause");
return 0;
}

```

### Выполнение программы:

```

10
Determinant = 6
TimeWorkProgram = 5318
Для продолжения нажмите любую клавишу . . .

```

## Многопоточная программы с использованием библиотеки pthread

POSIX Threads — стандарт POSIX реализации потоков (нитей) выполнения. Стандарт POSIX.1c, Threadextensions (IEEE Std1003.1e-1995) определяет API для управления потоками, их синхронизации и планирования.

Алгоритм распараллеливания реализован следующим образом: каждому потоку на вычисление отдается по возможности равное количество слагаемых (если размерность матрицы делится без остатка на количество потоков, если при делении есть остаток — последнему потоку отдаются остаточные слагаемые) для частичного вычисления детерминанта матрицы (формула 3).

Код многопоточной программы с использованием библиотеки pthread представлен в листинге 2.

Листинг 2. Многопоточная программы с использованием библиотеки pthread.

```
#include "stdafx.h"
#include <iostream>
#include <fstream>
#include <locale>
#include <vector>
#include <ctime>
#include <cmath>
#include <thread>
#include <mutex>
#include <math.h>
#include <stdlib.h>
#include <cstdlib>
#include <iomanip>
#include <windows.h>

using namespace std;

std::mutex g_lock;

//Возвращает матрицу matrix без row-ой строки и col-того столбца, результат в newMatrix
void getMatrixWithoutRowAndCol(double **matrix, int size, int row, int col, double
**newMatrix) {
    int offsetRow = 0; //Смещение индекса строки в матрице
    int offsetCol = 0; //Смещение индекса столбца в матрице
    for (inti = 0; i < size - 1; i++) {
        //Пропустить row-ую строку
        if (i == row) {
            offsetRow = 1; //Как только встретили строку, которую надо
пропустить, делаем смещение для исходной матрицы
        }

        offsetCol = 0; //Обнулить смещение столбца
        for (intj = 0; j < size - 1; j++) {
            //Пропустить col-ый столбец
            if (j == col) {
                offsetCol = 1; //Встретили нужный столбец, пропускаем его
смещением
            }

            newMatrix[i][j] = matrix[i + offsetRow][j + offsetCol];
        }
    }
}

//Вычисление определителя матрицы разложение по первой строке
double matrixDet(double **matrix, int size) {
    double det = 0;
    int degree = 1; //  $(-1)^{(1+j)}$  из формулы определителя

    //Условие выхода из рекурсии
    if (size == 1) {
        return matrix[0][0];
    }
    //Условие выхода из рекурсии
    else if (size == 2) {
        return matrix[0][0] * matrix[1][1] - matrix[0][1] * matrix[1][0];
    }
    else {
        //Матрица без строки и столбца
        double **newMatrix = new double*[size - 1];
        for (inti = 0; i < size - 1; i++) {
            newMatrix[i] = new double[size - 1];
        }
    }
}
```

```

        //Раскладываем по 0-ой строке, цикл бежит по столбцам
        for (int j = 0; j < size; j++) {
            //Удалить из матрицы i-ю строку и j-ый столбец
            //Результат в newMatrix
            getMatrixWithoutRowAndCol(matrix, size, 0, j, newMatrix);

            //Рекурсивный вызов
            //По формуле: сумма по j,  $(-1)^{(1+j)} * matrix[0][j] * minor\_j$  (это
и есть сумма из формулы)
            //где minor_j - дополнительный минор элемента matrix[0][j]
            // (напомню, что минор это определитель матрицы без 0-ой строки и
j-го столбца)
            det = det + (degree * matrix[0][j] * matrixDet(newMatrix, size -
1));

            //Накручиваем степень множителя
            degree = -degree;
        }

        //Чистим память на каждом шаге рекурсии(важно!)
        for (inti = 0; i < size - 1; i++) {
            delete[] newMatrix[i];
        }
        delete[] newMatrix;
    }

    return det;
}

void treadFunc(double **matrix, int size, double &det, int start, int end) {

    doubledetreg;
    //intdegree = 1; //  $(-1)^{(1+j)}$  из формулы определителя
    //Матрица без строки и столбца

    double **newMatrix = new double*[size - 1];
    for (inti = 0; i < size - 1; i++) {
        newMatrix[i] = new double[size - 1];
    }

    for (start; start < end; start++) {
        getMatrixWithoutRowAndCol(matrix, size, 0, start, newMatrix);
        detreg = matrixDet(newMatrix, size - 1);
        det = det + pow((-1), start) * matrix[0][start] * detreg;
        //degree = -degree;
    }
    for (inti = 0; i < size - 1; i++) {
        delete[] newMatrix[i];
    }
    delete[] newMatrix;
}

int _tmain(int argc, _TCHAR* argv[])
{

    ifstream in("data1.txt");
    if (!in.is_open())
        return 1;
    //размерность матрицы
    int m;
    int numberOfProcesses = 4;
    double *dett = new double[numberOfProcesses];

    double summ = 0;
    double det = 0;

```

```

double det1 = 0;
double det2 = 0;
double det3 = 0;
double det4 = 0;
int step = 0;
//вводим n
in >> m;
printf("%d\n", m);

//определяем вектор размером mxm
double **mas;
mas = new double*[m];

for (inti = 0; i < m; i++) {
    mas[i] = new double[m];
    for (int j = 0; j < m; j++) {
        in>>mas[i][j]; //считывание матрицы из файла
        //cout<< mas[i][j]<<" "; //вывод матрицы
    }
}

if (numberOfProcesses != 0)
    step = m / numberOfProcesses;

//vector<thread*>vecThreads;

unsigned int timeStart = clock();
if (m >= 3)
{
    /*for (int k = 0; k < numberOfProcesses; k++)
    {
        if (k == numberOfProcesses - 1)
        {
            auto th = new std::thread(treadFunc, mas, m, std::ref(dett[k]), step*k,
m);
            vecThreads.push_back(th);
            cout<< step*k << " " << m << "\n";
        }
        else
        {
            auto th = new std::thread(treadFunc, mas, m, std::ref(dett[k]), step*k,
step*(k + 1) - 1);
            vecThreads.push_back(th);
            cout<< step*k << " " << step*(k + 1) - 1 << "\n";
        }
    }

    for (auto &th : vecThreads)
    {
        th->join();
        delete th;
    }
    vecThreads.clear();*/

    //treadFunc(mas, m, det1, 0, 10);
    //std::thread t1(treadFunc, mas, m, std::ref(det1), 0, 10);

    if (numberOfProcesses == 0)
    {
        treadFunc(mas, m, det1, 0, m);
    }
}

```



```

    }

    if (numberOfProcesses == 1)
    {
        std::thread t1(treadFunc, mas, m, std::ref(det1), 0, m);
        t1.join();
    }
    if (numberOfProcesses == 2)
    {
        std::thread t1(treadFunc, mas, m, std::ref(det1), step * 0, step*(0
+ 1) - 1);
        std::thread t2(treadFunc, mas, m, std::ref(det2), step * 1, m);
        t1.join();
        t2.join();
    }
    if (numberOfProcesses == 3)
    {
        std::thread t1(treadFunc, mas, m, std::ref(det1), step * 0, step*(0
+ 1) - 1);
        std::thread t2(treadFunc, mas, m, std::ref(det2), step * 1, step*(1
+ 1) - 1);
        std::thread t3(treadFunc, mas, m, std::ref(det3), step * 2, m);
        t1.join();
        t2.join();
        t3.join();
    }
    if (numberOfProcesses == 4)
    {
        std::thread t1(treadFunc, mas, m, std::ref(det1), step * 0, step*(0
+ 1) - 1);
        std::thread t2(treadFunc, mas, m, std::ref(det2), step * 1, step*(1
+ 1) - 1);
        std::thread t3(treadFunc, mas, m, std::ref(det3), step * 2, step*(2
+ 1) - 1);
        std::thread t4(treadFunc, mas, m, std::ref(det4), step * 3, m);
        t1.join();
        t2.join();
        t3.join();
        t4.join();
    }

    det = det1 + det2 + det3 + det4;

    /*for (inti = 0; i<numberOfProcesses; i++)
        summ = summ + dett[i];*/
}
else
det = matrixDet(mas, m);

unsigned inttimeEnd = clock();

cout<< "Determinant = " <<det<< "\n";

unsigned inttimeRezult = timeEnd - timeStart;
cout<< "Time Work Program = " <<timeRezult<< "\n";

for (inti = 0; i<m; i++) delete[] mas[i];
delete[] mas;
delete[] dett;
in.close();

system("pause");
return 0;
}

```

## Выполнение программы:

```
10
Determinant = 6
TimeWorkProgram = 2811
Для продолжения нажмите любую клавишу . . .
```

## Многопоточная программа с использованием библиотеки MPI

Message Passing Interface (MPI, интерфейс передачи сообщений) — программный интерфейс (API) для передачи информации, который позволяет обмениваться сообщениями между процессами, выполняющими одну задачу. Базовым механизмом связи между MPI процессами является передача и приём сообщений. Сообщение несёт в себе передаваемые данные и информацию, позволяющую принимающей стороне осуществлять их выборочный приём. Алгоритм распараллеливания остается прежним. Исходный код однопоточной программы был изменен следующим образом:

Код многопоточной программы с использованием библиотеки MPI представлен в листинге 3.

Листинг 3. Многопоточная программы с использованием библиотеки MPI.

```
#include "stdafx.h"
#include <iostream>
#include <fstream>
#include <locale>
#include <vector>
#include <ctime>
#include <cmath>
#include <thread>
#include <mutex>
#include <math.h>
#include <stdlib.h>
#include <cstdlib>
#include <iomanip>
#include <windows.h>
#include <mpi.h>

using namespace std;

std::mutex g_lock;

//Возвращает матрицу matrix без row-ой строки и col-того столбца, результат в newMatrix
void getMatrixWithoutRowAndCol(double **matrix, int size, int row, int col, double
**newMatrix) {
    int offsetRow = 0; //Смещение индекса строки в матрице
    int offsetCol = 0; //Смещение индекса столбца в матрице
    for (int i = 0; i < size - 1; i++) {
        //Пропустить row-ую строку
        if (i == row) {
            offsetRow = 1; //Как только встретили строку, которую надо
пропустить, делаем смещение для исходной матрицы
        }

        offsetCol = 0; //Обнулить смещение столбца
        for (int j = 0; j < size - 1; j++) {
            //Пропустить col-ый столбец
            if (j == col) {
                offsetCol = 1; //Встретили нужный столбец, пропускаем его
            }
        }
    }
}
```

смещением

```
    }

    newMatrix[i][j] = matrix[i + offsetRow][j + offsetCol];
}
}

//Вычисление определителя матрицы разложение по первой строке
double matrixDet(double **matrix, int size) {
    double det = 0;
    int degree = 1; //  $(-1)^{(1+j)}$  из формулы определителя

    //Условие выхода из рекурсии
    if (size == 1) {
        return matrix[0][0];
    }
    //Условие выхода из рекурсии
    else if (size == 2) {
        return matrix[0][0] * matrix[1][1] - matrix[0][1] * matrix[1][0];
    }
    else {
        //Матрица без строки и столбца
        double **newMatrix = new double*[size - 1];
        for (int i = 0; i < size - 1; i++) {
            newMatrix[i] = new double[size - 1];
        }

        //Раскладываем по 0-ой строке, цикл бежит по столбцам
        for (int j = 0; j < size; j++) {
            //Удалить из матрицы i-ю строку и j-ый столбец
            //Результат в newMatrix
            getMatrixWithoutRowAndCol(matrix, size, 0, j, newMatrix);

            //Рекурсивный вызов
            //По формуле: сумма по j,  $(-1)^{(1+j)} * matrix[0][j] * \text{minor}_j$  (это
и есть сумма из формулы)
            //где minor_j - дополнительный минор элемента matrix[0][j]
            // (напомню, что минор это определитель матрицы без 0-ой строки и
j-го столбца)
            det = det + (degree * matrix[0][j] * matrixDet(newMatrix, size -
1));

            //"Накручиваем" степень множителя
            degree = -degree;
        }

        //Чистим память на каждом шаге рекурсии(важно!)
        for (int i = 0; i < size - 1; i++) {
            delete[] newMatrix[i];
        }
        delete[] newMatrix;
    }

    return det;
}

int _tmain(int argc, char* argv[])
{

    ifstream in("data1.txt");
    if (!in.is_open())
        return 1;
    //размерность матрицы
```

```

int m;

double det = 0;
int step = 0;
double summ = 0;

//вводим n
in >> m;
printf("%d\n", m);

//определяем вектор размером mxm
double **mas;
mas = new double*[m];

for (inti = 0; i < m; i++) {
    mas[i] = new double[m];
    for (int j = 0; j < m; j++) {
        in>>mas[i][j]; //считывание матрицы из файла
        //cout<< mas[i][j]<<" "; //вывод матрицы
    }
}

unsigned int timeStart = clock();

if (m >= 3)
{
    int myid, numprocs = 5;

    if (numprocs != 0)
        step = m / numprocs;

    if (intrc = MPI_Init(&argc, &argv))
    {
        cout<< "Ошибка запуска, выполнение остановлено " << endl;
        MPI_Abort(MPI_COMM_WORLD, rc);
    }

    MPI_Comm_size(MPI_COMM_WORLD, &numprocs);
    MPI_Comm_rank(MPI_COMM_WORLD, &myid);

    MPI_Bcast(&step, 1, MPI_INT, 0, MPI_COMM_WORLD);

    int start = 0;
    int end = m;

    double detreg;

    if (myid == numprocs)
    {
        start = step*(numprocs - 1);
        end = m;
    }
    else
    {
        start = step*myid;
        end = step*(myid + 1) - 1;
    }

    double **newMatrix = new double*[m - 1];
    for (inti = 0; i < m - 1; i++) {
        newMatrix[i] = new double[m - 1];
    }
}

```

```

        for (start; start < end; start++) {
            getMatrixWithoutRowAndCol(mas, m, 0, start, newMatrix);
            detreg = matrixDet(newMatrix, m - 1);
            det = det + pow((-1), start) * mas[0][start] * detreg;
        }
        for (inti = 0; i < m - 1; i++) {
            delete[] newMatrix[i];
        }
        delete[] newMatrix;

        MPI_Reduce(&det, &summ, 1, MPI_LONG_DOUBLE, MPI_SUM, 0, MPI_COMM_WORLD);
        MPI_Finalize();
    }

    else
        summ = matrixDet(mas, m);

        unsigned inttimeEnd = clock();

        cout<< "Determinant = " <<summ<< "\n";

        unsigned inttimeRezult = timeEnd - timeStart;
        cout<< "Time Work Program = " <<timeRezult<< "\n";

        for (inti = 0; i < m; i++) delete[] mas[i];
        delete[] mas;
        in.close();

        system("pause");

    return 0;
}

```

### Выполнение программы:

```

10
Determinant = 6
TimeWorkProgram = 520
Для продолжения нажмите любую клавишу . . .

```

Для работы программы в MPI необходимо перед началом межпроцессного обмена вызвать функцию *MPI\_Init*, а в конце вызвать *MPI\_Finalize*. На самом деле MPI запускает несколько копий одного и того же процесса, у них различаются только ранги. Ранг и количество процессов можно получить с помощью функций *MPI\_Comm\_rank* и *MPI\_Comm\_size*. Каждый процесс MPI запускает функцию *thread*, каждой из которых передается определённое количество слагаемых для определения детерминанта. Результат работы этой функции сохраняется в переменную *det*. Далее с помощью функции *MPI\_Reduce* значения данной переменной объединяются в другую переменную на процессе с указанным рангом. Объединения происходит по указанной операции. В данном случае результаты объединяются на процессе с рангом 0 в переменную *summ* с помощью суммирования. Далее этот процесс выводит результаты в консоль.

## Многократный запуск программ и подсчет вероятностных характеристик

Для подсчета вероятностных характеристик был создан скрипт, запускающий программу 100 раз и подсчитывающий времена ее исполнения. На основе полученных данных подсчитывается математическое ожидание, дисперсия и доверительных интервал.

Скрипт представлен в листинге 3

Листинг 3. Скрипт многократного запуска программы.

```
# -*- coding: cp1251 -*-

import sys
import subprocess
from math import sqrt

# arguments
args = list(sys.argv )

programm = "C:\Users\Admin\Documents\Visual Studio
2013\Projects\ParallelsProgramProject\DeterminantRecursionPthread\Debug\
DeterminantRecursionPthread.exe"
numRepeats = 100

if len(args) >= 5:
    programm = args [1]
    numRepeats = int ( args [2])

# program
PIPE = subprocess.PIPE

for threads in [1, 2, 4, 8]:#[4]:#
    timelist = []
    for num in range(numRepeats):
        p = subprocess.Popen([programm, str(threads)], stdout=PIPE)
        for line in p.stdout:
            if 'runtime without reading = ' in line :
                timelist.append(int(line.split()[-1]))

    m=sum(timelist)/numRepeats
    disp = 0.00
    for val in timelist :
        disp = disp + (val - m) ** 2

    if numRepeats == 1:
        disp = disp / numRepeats
    else :
        disp = disp / ( numRepeats - 1)

    sigma = sqrt(disp)

    t=1.984
    interHigh = m + t*(sigma/(sqrt(numRepeats)))
    interLow = m - t*(sigma/(sqrt(numRepeats)))
    print("{} threads : average = {}, dispersion = {}, interval = [{} ,
{}]".format(threads , m , disp, interHigh, interLow))
```

На основе выводов данного скрипта была построена сводная таблица результатов для всех программ:

Табл.1. Сводная таблица результатов для 100 запусков каждой программы.

	Число потоков	Мат. Ожид.	Дисперси	Дов. Интер. 0.95%
Simple	1	55	22.54	[54.05- 55.94]
pThread	1	59	12.21	[58.30- 59.69]
	2	48	12.98	[48.46- 49.93]
	4	44	25.20	[43.43- 45.56]
	8	<b>39</b>	18.40	[38.14- 39.85]
MPI	1	55	15.81	[54.21- 55.78]
	2	42	12.98	[41.28- 42.71]
	4	40	62.23	[38.00- 41.99]
	8	<b>38</b>	95.04	[35.36- 40.63]

Из таблицы 1 видно, что многопоточные приложения выигрывают по скорости выполнения у однопоточного. Так же видно, что программа с библиотекой pThread проигрывает у программы с использованием библиотеки MPI. Увеличение числа потоков до 8 не дало значительного прироста, т.к. процессор используемой системы имеет 4 логических потока.

Оптимальное количество потоков для программы с использованием библиотеки MPI оказалось равно 8. Однако для 4-ех потоков и более видно возрастание дисперсии, что говорит о том, что в данной конфигурации приложение срабатывает не всегда одинаково. Данные результаты так же, зависят от загруженности системы в конкретный момент времени, что может серьезно влиять на скорость выполнения программ.

## Вывод

В данной работе были изучены основы создания параллельных приложений на C++. Были изучены библиотеки Pthread и MPI. Созданные программы были протестированы на разных наборах данных и были оценены характеристики времени работы. На основе проведенных экспериментов можно сделать вывод, что наиболее эффективным решением является решение на основе библиотеки MPI. Это достаточно ожидаемый результат, так как MPI — это стандарт, созданный специально для написания программ с высокой степенью параллелизма.

В общем, можно сказать что MPI гораздо более предпочтителен для создания многопоточных программ, так как он обладает большим набором удобных функций и возможностей (например, широковещательная рассылка).

Программу удалось реализовать полностью независимой по данным, поэтому в работе не возникло необходимости использования средств синхронизации.