## Билеты по Алгебре и теории чисел 19-... 3 семестр. МОиАИС.

username

11 января 2014 г.

# Содержание

1	Фун	Функции многих переменных															<b>2</b>								
	1.1	Билет 19																							2
	1.2	Билет 20																							3

### 1 Функции многих переменных

#### 1.1 Билет 19

Евклидово пространство. Простейшие свойства.

E - вещественное линейное пространство называется евклидовым, если задана функция  $E \times E \to \mathbb{R}$ , называемая скалярным произведением (обозн.  $\forall x,y \; \exists (x,y) \in \mathbb{R}$ ) и выполнено 4 аксиомы:

1. 
$$\forall x, y \in E \ (x, y) = (y, x)$$

2. 
$$\forall x_1, x_2, y \in E (x_1 + x_2, y) = (x_1, y) + (x_2, y)$$

3. 
$$\forall \alpha \in \mathbb{R} \ \forall x, y \in E \ (\alpha x, y) = \alpha(x, y)$$

4. 
$$\forall x \in E \ (x, x) \ge 0, x = 0 \Leftrightarrow (x, x) = 0$$

### 1.2 Билет 20

Неравенство Коши-Буняковского.

**Теорема 1**  $\forall x,y \in E$  - евкл. пр-во;  $|(x,y)^2| \le (x,x)*(y,y) \Leftrightarrow (x,y)^2 \le (x,x)*(y,y)$  Доказательство