Standardisierte kompetenzorientierte schriftliche Reife- und Diplomprüfung

BHS

Haupttermin 2021

Angewandte Mathematik Korrekturheft

HAK

Beurteilung der Klausurarbeit

Beurteilungsschlüssel

erreichte Punkte	Note	
44-48 Punkte	Sehr gut	
38-43 Punkte	Gut	
31-37 Punkte	Befriedigend	
23-30 Punkte	Genügend	
0-22 Punkte	Nicht genügend	

Jahresnoteneinrechnung: Damit die Leistungen der letzten Schulstufe in die Beurteilung des Prüfungsgebiets einbezogen werden können, muss die Kandidatin/der Kandidat mindestens 14 Punkte erreichen.

Den Prüferinnen und Prüfern steht während der Korrekturfrist ein Helpdesk des BMBWF beratend zur Verfügung. Die Erreichbarkeit des Helpdesks wird für jeden Prüfungstermin auf *https://ablauf.srdp.at* gesondert bekanntgegeben.

Handreichung zur Korrektur

Für die Korrektur und die Bewertung sind die am Prüfungstag auf *https://korrektur.srdp.at* veröffentlichten Unterlagen zu verwenden.

- 1. In der Lösungserwartung ist ein möglicher Lösungsweg angegeben. Andere richtige Lösungswege sind als gleichwertig anzusehen. Im Zweifelsfall kann die Auskunft des Helpdesks in Anspruch genommen werden.
- 2. Der Lösungsschlüssel ist **verbindlich** unter Beachtung folgender Vorgangsweisen anzuwenden:
 - a. Punkte sind zu vergeben, wenn die jeweilige Handlungsanweisung in der Bearbeitung richtig umgesetzt ist.
 - b. Berechnungen im offenen Antwortformat ohne nachvollziehbaren Rechenansatz bzw. ohne nachvollziehbare Dokumentation des Technologieeinsatzes (verwendete Ausgangsparameter und die verwendete Technologiefunktion müssen angegeben sein) sind mit null Punkten zu bewerten.
 - c. Werden zu einer Teilaufgabe mehrere Lösungen von der Kandidatin/vom Kandidaten angeboten und nicht alle diese Lösungen sind richtig, so ist diese Teilaufgabe mit null Punkten zu bewerten, sofern die richtige Lösung nicht klar als solche hervorgehoben ist.
 - d. Bei abhängiger Punktevergabe gilt das Prinzip des Folgefehlers. Wird von der Kandidatin/vom Kandidaten beispielsweise zu einem Kontext ein falsches Modell aufgestellt, mit diesem Modell aber eine richtige Berechnung durchgeführt, so ist der Berechnungspunkt zu vergeben, wenn das falsch aufgestellte Modell die Berechnung nicht vereinfacht.
 - e. Werden von der Kandidatin/vom Kandidaten kombinierte Handlungsanweisungen in einem Lösungsschritt erbracht, so sind alle Punkte zu vergeben, auch wenn der Lösungsschlüssel Einzelschritte vorgibt.
 - f. Abschreibfehler, die aufgrund der Dokumentation der Kandidatin/des Kandidaten als solche identifizierbar sind, sind ohne Punkteabzug zu bewerten, wenn sie zu keiner Vereinfachung der Aufgabenstellung führen.
 - g. Rundungsfehler sind zu vernachlässigen, wenn die Rundung nicht explizit eingefordert ist
 - h. Jedes Diagramm bzw. jede Skizze, die Lösung einer Handlungsanweisung ist, muss eine qualitative Achsenbeschriftung enthalten, andernfalls ist dies mit null Punkten zu bewerten.
 - i. Die Angabe von Einheiten ist bei der Punktevergabe zu vernachlässigen, sofern sie nicht explizit eingefordert ist.

Zirkus

a1)
$$65 \cdot x + 57 \cdot y = 1179$$

 $82 \cdot x + 74 \cdot y = 1502$

a2) Berechnung mittels Technologieeinsatz:

$$y = 7$$

Der Eintrittspreis für einen Erwachsenen beträgt € 12, der Eintrittspreis für ein Kind beträgt € 7.

- a1) Ein Punkt für das richtige Erstellen des Gleichungssystems.
- a2) Ein Punkt für das richtige Berechnen der Eintrittspreise x und y.

b1)

$(n+k)\cdot p\cdot 0,95$	\boxtimes

- b1) Ein Punkt für das richtige Ankreuzen.
- c1) $X \dots$ Dauer der Zirkusvorstellung in min

Berechnung mittels Technologieeinsatz:

$$P(X \ge 118) = 0,6554...$$

Die Wahrscheinlichkeit beträgt rund 65,5 %.

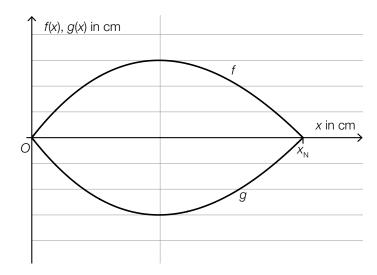
c2)

1 – <i>F</i> (125)	\times

- c1) Ein Punkt für das richtige Berechnen der Wahrscheinlichkeit.
- c2) Ein Punkt für das richtige Ankreuzen.

Bäume

a1)



a2)
$$f(x) = 0$$
 oder $0.0047 \cdot x^3 - 0.2 \cdot x^2 + 1.28 \cdot x = 0$

Berechnung mittels Technologieeinsatz:

$$x_1 = 0, x_2 = 7,84..., x_3 = 34,70...$$

 $x_N = 7,84...$

a3)
$$2 \cdot \int_0^{7.84...} f(x) dx = 23.30...$$

Der Flächeninhalt dieses Blattes beträgt rund 23,3 cm².

- a1) Ein Punkt für das richtige Einzeichnen des Graphen der Funktion g.
- a2) Ein Punkt für das richtige Berechnen der Nullstelle x_{N} .
- a3) Ein Punkt für das richtige Berechnen des Flächeninhalts.

b1)
$$\frac{30000 \cdot 2,14 \cdot 14,5}{1000 \cdot 1000} = 0,9309$$

Ein solcher Laubbaum produziert an diesem Sommertag rund 0,93 kg Sauerstoff.

b2)
$$n = \frac{0.816}{0.9309} \cdot x$$
 oder $n = 0.8765... \cdot x$

- b1) Ein Punkt für das richtige Berechnen der produzierten Sauerstoffmenge in kg.
- b2) Ein Punkt für das richtige Aufstellen der Formel.

Sonnenlicht und Vitamin D

a1) [73; 273] (in Tagen)

Toleranzbereich für die untere Grenze: [70; 80] Toleranzbereich für die obere Grenze: [270; 280]

a2) In den ersten 90 Tagen des Jahres steigt der größte Einfallswinkel der Sonnenstrahlen pro Tag um durchschnittlich 0,3°.

oder:

Die mittlere Änderungsrate des größten Einfallswinkels der Sonnenstrahlen im Zeitintervall [0; 90] beträgt 0,3° pro Tag.

- a1) Ein Punkt für das Ablesen des richtigen Zeitintervalls.
- a2) Ein Punkt für das richtige Interpretieren im gegebenen Sachzusammenhang.
- **b1)** $30 = N_0 \cdot e^{-0.0173 \cdot 60} \Rightarrow N_0 = 84.7...$

Die Vitamin-D-Konzentration im Blut zu Herbstbeginn muss (mindestens) rund 85 ng/ml betragen.

b2)

Nach 160 Tagen ist noch ein Sechzehntel von N_0 vorhanden.	\times

- **b1)** Ein Punkt für das richtige Berechnen der notwendigen Vitamin-D-Konzentration zu Herbstbeginn.
- b2) Ein Punkt für das richtige Ankreuzen.

Steig- bzw. Sinkflug von Flugzeugen

- a1) $h_1(t) = -90 \cdot t + 12000$ $t \dots$ Zeit in min $h_1(t) \dots$ Flughöhe zur Zeit t in m
- a2) Ablesen der Steigung der Funktion h_1 aus der Funktionsgleichung: $k_1 = -90$ Ablesen der Steigung der Funktion h_2 aus dem Funktionsgraphen: $k_2 = -125$ $|k_1| < |k_2|$

Das zweite Flugzeug sinkt also schneller als das erste Flugzeug.

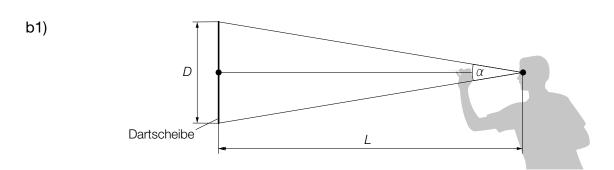
- a1) Ein Punkt für das richtige Aufstellen der Gleichung der Funktion h_1 .
- a2) Ein Punkt für das richtige nachweisliche Überprüfen.
- **b1)** $t_{\rm m} = 600 \text{ s}$ *Toleranzbereich:* [590; 610]
- b2) Die Flughöhe des Flugzeugs nimmt im Zeitintervall [1550; 1800] um 1249 m ab.
- b1) Ein Punkt für das richtige Ablesen.
- **b2)** Ein Punkt für das richtige Interpretieren des Ergebnisses im gegebenen Sachzusammenhang.

Darts

a1)
$$\frac{A_1}{A_2} = \frac{d^2}{D^2} = 0.570...$$

Die Fläche des inneren Kreises macht rund 57 % der Fläche des äußeren Kreises aus.

a1) Ein Punkt für das richtige Berechnen des Prozentsatzes.



b2)
$$\alpha = 2 \cdot \arctan\left(\frac{D}{2 \cdot L}\right)$$

- **b1)** Ein Punkt für das richtige Einzeichnen der Größen L und α .
- b2) Ein Punkt für das richtige Aufstellen der Formel.

c1)
$$f'(x) = 2 \cdot a \cdot x + b$$

I:
$$f(0) = 173$$

II:
$$f(75) = 182$$

III:
$$f'(75) = 0$$

oder:

I:
$$c = 173$$

II:
$$5625 \cdot a + 75 \cdot b + c = 182$$

III:
$$150 \cdot a + b = 0$$

c2) Berechnung mittels Technologieeinsatz:

$$a = -\frac{1}{625} = -0,0016$$

$$b = \frac{6}{25} = 0.24$$

$$c = 173$$

- c1) Ein Punkt für das richtige Aufstellen der Gleichungen mithilfe der Koordinaten. Ein Punkt für das richtige Aufstellen der Gleichung mithilfe der 1. Ableitung.
- c2) Ein Punkt für das richtige Berechnen der Koeffizienten a, b und c.

d1)

Mit dem Ausdruck	
$\begin{pmatrix} 5 \\ 4 \end{pmatrix} \cdot p^4 \cdot (1-p) + p^5$	D
wird die Wahrscheinlichkeit berechnet,	
dass der Spieler bei 5 Würfen	
Mit dem Ausdruck	
$1 - {5 \choose 4} \cdot p^4 \cdot (1 - p) - p^5$	А
wird die Wahrscheinlichkeit berechnet,	
dass der Spieler bei 5 Würfen	

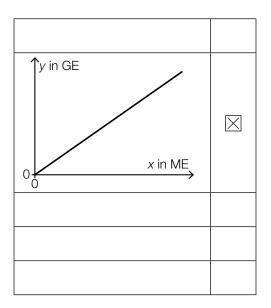
А	höchstens 3-mal das Bull's Eye trifft.	
В	mindestens 3-mal das Bull's Eye trifft.	
С	höchstens 4-mal das Bull's Eye trifft.	
D	mindestens 4-mal das Bull's Eye trifft.	

d1) Ein Punkt für das richtige Zuordnen.

Aufgabe 6 (Teil B)

Möbel

a1)



- a1) Ein Punkt für das richtige Ankreuzen.
- b1) Im Produktionsintervall [0; 400[ist der Verlauf der Kostenfunktion degressiv. Toleranzbereich für die obere Intervallgrenze [325; 475] Auch die Angabe als abgeschlossenes oder offenes Intervall ist als richtig zu werten.
- **b2)** $\overline{K}_1(200) = \frac{K_1(200)}{200} = \frac{70\,000}{200} = 350$ Die Stückkosten betragen € 350 pro Stück.
- **b3)** Die Grenzkostenfunktion ist die Ableitung der Kostenfunktion. Die Fixkosten fallen beim Ableiten als konstantes Glied weg.
- b1) Ein Punkt für das Ablesen des richtigen Produktionsintervalls.
- b2) Ein Punkt für das richtige Ermitteln der Stückkosten.
- b3) Ein Punkt für das richtige Begründen.

c1)
$$0.001 \cdot 100^3 - 0.9 \cdot 100^2 + a \cdot 100 + 3000 = 35000 \Rightarrow a = 400$$

c2)
$$\overline{K}_2(x) = \frac{K_2(x)}{x} = 0,001 \cdot x^2 - 0,9 \cdot x + 400 + \frac{3000}{x}$$

 $\overline{K}_2'(x) = 0,002 \cdot x - 0,9 - \frac{3000}{x^2}$
 $\overline{K}_2'(x) = 0$

Berechnung mittels Technologieeinsatz:

$$x = 457,1...$$

Das Betriebsoptimum liegt bei einer Produktion von rund 457 Kommoden.

c3)
$$K_2(60) = 23\,976$$

$$p = \frac{23\,976}{60} = 399,6$$
Der Preis beträgt 399,60 GE pro Kommode.

- c2) Ein Punkt für das richtige Berechnen des Betriebsoptimums.

c1) Ein Punkt für das richtige Berechnen des Koeffizienten a.

c3) Ein Punkt für das richtige Berechnen des Preises.

Aufgabe 7 (Teil B)

Reisebus

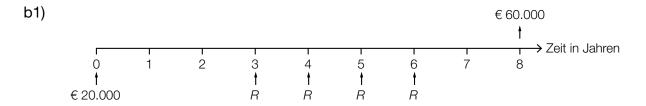
a1)

Jahr	Einnahmen in €	Ausgaben in €
0		180 000
1	50 000	20 000
2	50 000	20 000
3	50 000	20 000
4	50 000	20000
5	50 000	20000
6	90 000	20000

a2) Da die Summe der Einnahmen (€ 340.000) höher als die Summe der Ausgaben (€ 300.000) ist, könnte die Investition vorteilhaft sein.

a3)
$$C_0 = -180\,000 + \frac{30\,000}{1,04} + \frac{30\,000}{1,04^2} + \frac{30\,000}{1,04^3} + \frac{30\,000}{1,04^4} + \frac{30\,000}{1,04^5} + \frac{70\,000}{1,04^6} = 8\,876,6...$$
 Der Kapitalwert beträgt rund € 8.877.

- a1) Ein Punkt für das richtige Übertragen aller Einnahmen und Ausgaben.
- a2) Ein Punkt für das richtige Erklären.
- a3) Ein Punkt für das richtige Berechnen des Kapitalwerts.



b2)
$$R = (60\,000 - 20\,000 \cdot 1,021^8) \cdot \frac{1,021 - 1}{(1,021^4 - 1) \cdot 1,021^2} = 8\,455,200...$$

Die Höhe von R beträgt € 8.455,20.

- b1) Ein Punkt für das richtige Eintragen der vier Zahlungen.
- **b2)** Ein Punkt für das richtige Berechnen der Höhe von R.

c1)	Jahr	Zinsanteil	Tilgungsanteil	Annuität	Restschuld
	2				€ 35.331,00
	3	€ 1.059,93	€ 2.440,07	€ 3.500,00	

c2)
$$35331 = 3500 \cdot \frac{1,03^n - 1}{1,03 - 1} \cdot \frac{1}{1,03^n}$$

Berechnung mittels Technologieeinsatz:

$$n = 12,204...$$

$$\left(35331 - 3500 \cdot \frac{1,03^{12} - 1}{1,03 - 1} \cdot \frac{1}{1,03^{12}}\right) \cdot 1,03^{13} = 722,498...$$

Die Höhe des Restbetrags beträgt € 722,50.

- c1) Ein Punkt für das Eintragen der richtigen Höhe der Annuität.
- c2) Ein Punkt für das richtige Ermitteln der Höhe des Restbetrags.

Aufgabe 8 (Teil B)

Handyproduktion

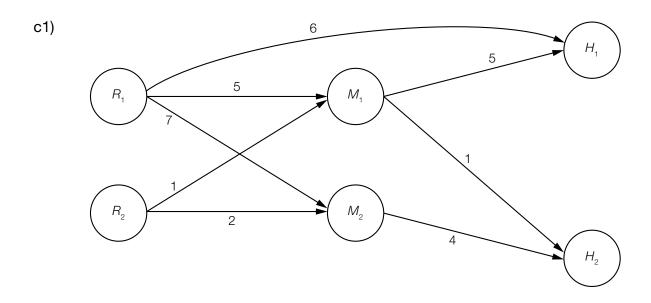
a1)
$$\mathbf{A} = \mathbf{R} \cdot \mathbf{S} = \begin{pmatrix} 25 & 33 \\ 5 & 9 \end{pmatrix}$$

a2)
$$5 \cdot 5 + 7 \cdot x = 46 \implies x = 3$$

 $1 \cdot 5 + 2 \cdot x = 11 \implies x = 3$

Für die Punktevergabe ist eine der beiden Gleichungen ausreichend.

- a1) Ein Punkt für das richtige Ermitteln der Matrix A.
- a2) Ein Punkt für das richtige Ermitteln von x.
- **b1)** Es wird die Anzahl der Mikrochips M_1 und M_2 berechnet, die für die Produktion von x_1 Handys vom Modell H_1 und x_2 Handys vom Modell H_2 benötigt werden.
- **b2)** Zeilenanzahl: 1 Spaltenanzahl: 1
- b1) Ein Punkt für das richtige Beschreiben im gegebenen Sachzusammenhang.
- b2) Ein Punkt für das richtige Ermitteln der Zeilen- und der Spaltenanzahl.



- c2) Es werden insgesamt 3000 Mikrochips täglich nachgefragt.
- c1) Ein Punkt für das richtige Vervollständigen des Gozinto-Graphen.
- c2) Ein Punkt für das Ablesen der richtigen Anzahl.

- d1) Mindestens einer der beiden Fehler tritt auf.
- d2) Die Ereignisse "Displayfehler" (D) und "Akkufehler" (A) sind unabhängig, wenn gilt:

$$P(D) \cdot P(A) = P(D \cap A)$$

$$P(D \cap A) = 0.01$$

$$P(D) \cdot P(A) = 0.02 \cdot 0.03 = 0.0006 \neq 0.01$$

Daher sind die beiden Ereignisse nicht unabhängig.

d3)
$$P(A \mid D) = \frac{P(A \cap D)}{P(D)} = \frac{0.01}{0.02} = \frac{1}{2}$$

Die Wahrscheinlichkeit, dass unter dieser Bedingung ein Akkufehler auftritt, beträgt 50 %.

- d1) Ein Punkt für das richtige Beschreiben im gegebenen Sachzusammenhang.
- d2) Ein Punkt für das richtige nachweisliche Überprüfen.
- d3) Ein Punkt für das richtige Berechnen der bedingten Wahrscheinlichkeit.